



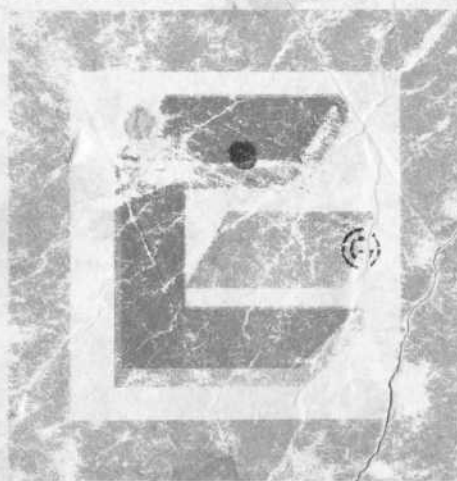
*la Natolie Hristev*  
**CULEGERI  
DE  
PROBLEME  
DE  
MATEMATICĂ  
SI  
FIZICĂ**

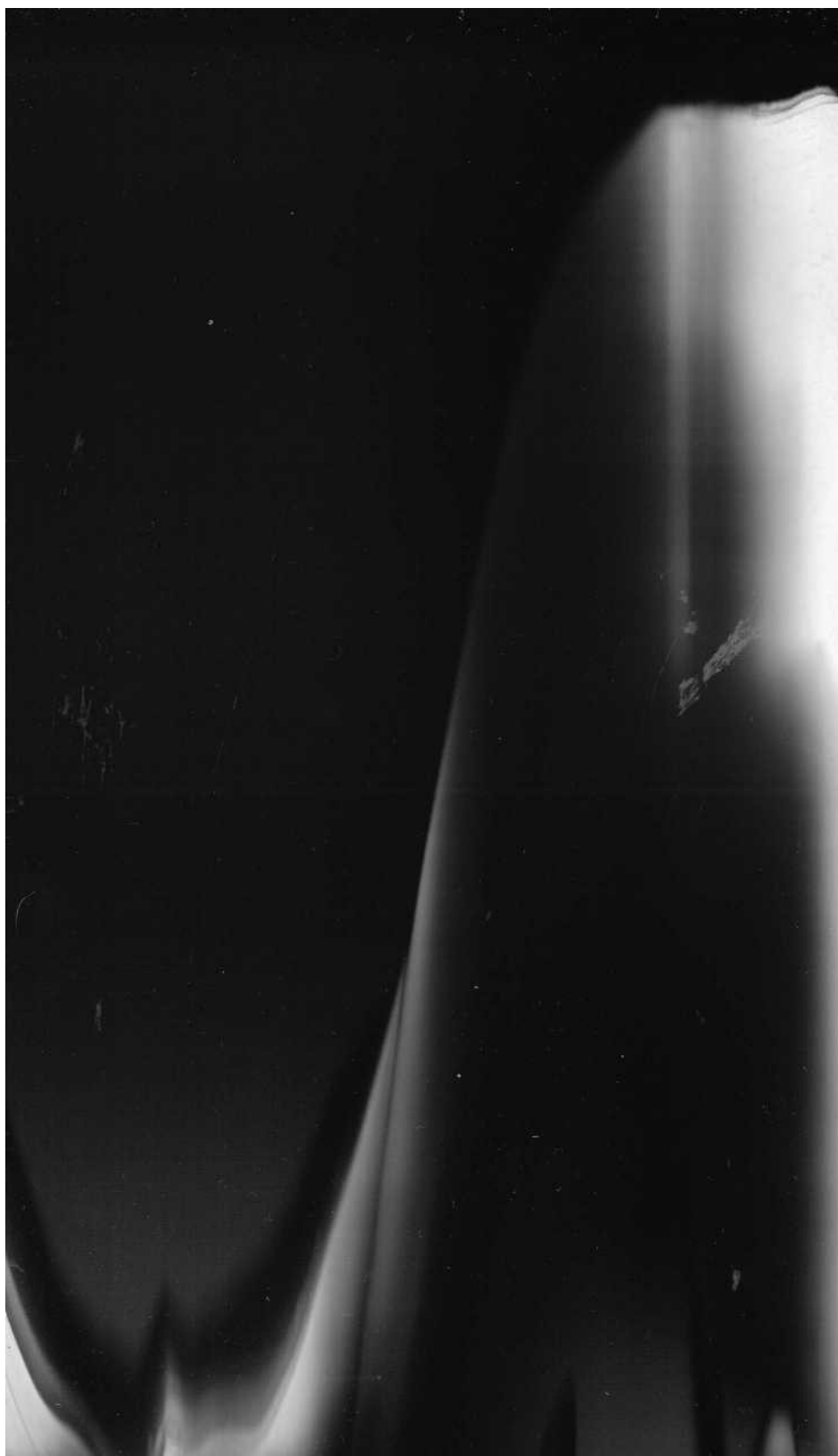
**SERIE**

*23  
66559.*

**NATOLIE HRISTEV**

**Probleme de fizică  
date la examene**





ANATOLIE HRISTEV

# **PROBLEME DE FIZICĂ DATE LA EXAMENE**

*/I. Concursuri de admitere tn facultăți (1971  
—1983) 11. Concursuri naționale de fizică  
(1971 —1983)*



*Seria „Culegeri de probleme de matematică și fizică”* Lucrarea „Probleme de Fizică date la examene” conține în principal probleme de fizică propuse la concursurile de admitere în Institute de învățământ superior. Conține de asemenea și unele probleme mai interesante și instructive date la alte examene și concursuri (Olimpiada națională de fizică).

Toate problemele sînt rezolvate pentru a oferi cît mai multe exemple de rezolvare corectă a problemelor.

Cuprinde capitolele: Mecanică și acustică, Termodinamică și fizică moleculară; Electricitate și magnetism; Optică; Fizică atomică.

O astfel de culegere este foarte utilă pentru pregătirea candidaților la concursurile de admitere în facultăți. De asemenea este adresată și elevilor pentru pregătirea examenelor de trecere în treapta a II-a de liceu, acestora fiindu-le indicate capitolele: Mecanică, Termodinamică și fizică moleculară, Electricitate și magnetism. Capitolele Optică și Fizică atomică sînt destinate studenților și candidaților care se prezintă la concursurile de fizică.


**EDITURA TEHNICA**

**București, 1984**

## !. CONCURSURI DE ADMITERE ÎN FACULTĂȚI (1971 — 1983)

### Enunțuri de probleme

✓



#### 1. MECANICĂ ȘI ACUSTICĂ

f

1971

1.1.1. Un punct material cu masa  $m=0,50$  kg, legat cu un fir\* avînd lungimea  $l=2,00$  m, descrie o mișcare circulară uniformă, în jurul unui punct fix, într-un plan orizontal. Se cere:

a) Perioada  $T$  și frecvența  $\nu$  a mișcării circulare, dacă forța centripetă are valoarea  $F=4,00$  N. Să se determine energia cinetică a punctului material.

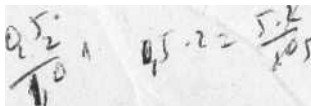
b) Legea de mișcare a proiecției punctului material pe un diametru al cercului.

c) Valoarea vitezei unghiulare (cota la care se produce ruperea firului, știind că forța de rupere a acestuia este  $F_u=9,0$  N.

d) Considerînd că, după ruperea firului, punctul material execută o mișcare rectilinie cu frecare pe planul orizontal, să se determine timpul  $t$  cît durează această mișcare (de la ruperea firului pînă la oprire) și distanța  $s$  parcursă de punct pe plan. Coeficientul de frecare<sup>1</sup> pe planul orizontal este  $f_x=0,20$ . ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).

Sub. teor. 1. Definiția amperului. 2. Legea Biot-Savart. 3. Conservarea energiei mecanice pe planul înclinat (fără considerarea frecării).

(Inst. Pol. București, Fac. de Mec. El. și Transp., subing., septembrie, 1971)









1.1.2. Un automobil cu masa  $m = 900 \text{ kg}$  pleacă din repaus dintr-un punct  $A$  și parcurge în linie dreaptă distanța  $l = ABCD$  în felul următor: pe distanța  $l_1 = AB = 800 \text{ m}$  are o mișcare uniform accelerată și atinge în punctul  $B$  viteza  $v = 90 \text{ km/h}$ ; pe distanța  $l_2 = BC$ , pe care automobilul o parcurge în timpul  $t_2 = 10 \text{ min}$ , are o mișcare uniformă; pe distanța  $l_3 = CD$  are o mișcare uniform încetinită.

Se cere:

a) Timpul  $t_x$  în care este parcursă distanța și accelerația  $a_1$  pe această distanță.

b) Accelerația de frînare  $a_3$  pe distanța  $l_3$ , știind că această distanță este parcursă în timpul  $t_3 = 50 \text{ s}$ .

c) Distanța totală parcursă  $l = AD$ .

d) Energia cinetică a automobilului în punctul  $C$ .

e) Forța de frînare în mișcarea uniform încetinită pe distanța  $CD$ .

Sub. teor. 1. Legile frecării. 2. Șuntul ampermetrelor. 3. Acțiunea reciprocă a curenților electrici.

(Inst. Pol. București, subing., septembrie, 1971)

1.1.3. Un corp cu masa  $m = 40 \text{ kg}$  alunecă fără frecare de la înălțimea  $h = 10,0 \text{ m}$ , pe un plan înclinat cu unghiul  $\alpha = 45^\circ$ . Se cere:

a) Accelerația pe planul înclinat.

b) Energia cinetică la capătul de jos al planului.

c) Forța de tracțiune necesară urcării înapoi a corpului pe același plan înclinat cu mișcare uniform accelerată, avînd accelerația  $a_1 = 0,100 \text{ m/s}^2$  ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ,  $\mu = 0,20$ ).

(Inst. Pol. Brașov, Fac. Mec. și Tehn. Constr. Maș., subing., iulie, 1971)

1.1.4. Un corp cu masa  $m = 500 \text{ kg}$  pornește din repaus și se mișcă pe un plan orizontal cu accelerația  $a_1 = 2,00 \text{ m/s}^2$ , timp de

$2,5 \text{ min}$ . După acest timp, forța de tracțiune își încetează acțiunea. Se cere:

a) Distanța parcursă în timpul  $t_1$ .

b) Viteza maximă atinsă de corp.

c) Timpul total în care corpul se află în mișcare.

d) Energia cinetică maximă.

Se dă coeficientul de frecare  $\mu = 0,20$  și  $g = 10 \text{ m/s}^2$ .

(Inst. Pol. Brașov, Fac. Mec. și Tehn. Constr. Maș., subing., seral, iulie, 1971)

1.1.5. Un corp de masă  $m$  alunecă pe un plan înclinat față de orizontală cu unghiul  $\alpha = 30^\circ$ . Corpul pleacă din repaus de la înălțimea  $h = 20 \text{ m}$ . Să se determine:

Viteza la baza planului înclinat, cînd corpul alunecă fără frecare.

a)

b) Accelerația pe care o are corpul pe planul înclinat, cînd se mișcă cu frecare. Coeficientul de frecare este  $\mu$  ————

c) La ce distanță de baza planului se oprește corpul pe plan ori-

z

zontal, în ipoteza alunecării cu frecare, caracterizată tot de  $n$  — pe tot

parcursul? ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ).

(Inst. Constr., București, subing., iulie, 1971)

1.1.6. Două vehicule mergînd în același sens pe două drumuri rectilinii paralele, foarte apropiate, trec printr-o localitate  $A$  cu aceeași viteză  $v = 72 \text{ km/h}$ . Primul vehicul continuă să se miște rectiliniu uniform, iar cel de al doilea începe să frîneze cu accelerația constantă  $a_1 = 0,20 \text{ m/s}^2$  pînă se oprește într-un punct  $B$ , unde staționează  $t = 1,00 \text{ min}$ . Apoi pornește, mișcîndu-se cu accelerația constantă  $a_2 = 0,40 \text{ m/s}^2$ , pentru ca la trecerea prin punctul  $C$  să atingă din nou viteza  $v = 72 \text{ km/h}$ , după care își continuă mișcarea rectiliniu uniform. În momentul în care vehiculul al doilea a atins din nou viteza  $v = 72 \text{ km/h}$ , primul a sosit în localitatea  $D$ . Se cere:

a) Timpul scurs de la trecerea vehiculului doi prin localitatea  $A$  pînă ce acesta atinge din nou viteza  $v = 72 \text{ km/h}$ .

b) Distanța dintre cele două vehicule în momentul în care cel de al doilea a atins viteza  $v$  (se neglijează distanța dintre cele două drumuri paralele).

c) Pierderea de timp înregistrată de vehiculul al doilea, față de primul, pentru a ajunge în localitatea  $D$ .

(Inst. Constr., București, subing., septembrie, 1971)

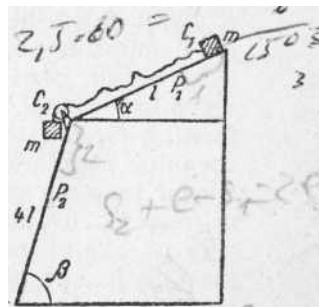
1.1.7. Două corpuri  $C_1$  și  $C_2$  de mase egale, legate între ele prin tr-un cablu de lungime  $2l$ , se află în vîrfurile a două plane înclinate  $P_1$  și  $P_2$ , de unghiuri  $\alpha$  și  $\beta$ , aflate unul în continuarea celuilalt (fig. 1.1.7). Lungimea planului  $P_1$  este  $l$  și a lui  $P_2$  este  $4l$ . Se dau:  $\alpha = 30^\circ$ ,  $\sin \beta = \frac{4}{5}$ ,  $\sin \alpha = \frac{3}{5}$ ,  $g = 10 \text{ m/s}^2$ ,  $m_1 = m_2 = m = 1,00 \text{ kg}$ . Se cere:

a) După cît timp de la pornirea simultană a celor

două corpuri sub acțiunea propriilor greutateți, fără

frecare, cablul se întinde.

b) Care sînt distanțele parcurse de corpuri în acest timp?



Care este viteza comună a sistemului format de cele două corpuri imediat după întinderea cablului?

c)

d) După cât timp de la întinderea cablului, corpurile ajung la baza planului  $P_2$ .

(Academia Militară, București, subing., iulie, 1971)

1.1.8. Un vehicul de masă  $M$  coboară cu frecare pe o pantă de lungime  $l$  și unghi  $\alpha$ . În momentul părăsirii pantei este pus în funcțiune motorul cu reacție al vehiculului, care va continua să se deplaseze pe un plan orizontal cu frecare.

Se dau:  $A_f = 100 \text{ kg}$ ,  $\alpha = 30^\circ$ ,  $Z = 5,00 \text{ m}$ ,  $\mu = 0,100$  (coefic. de frecare);  $u = 98 \text{ m/s}$  (viteza de evacuare a gazelor de ardere),  $m = M/10$  (masa totală a combustibilului). Să se afle:

a) Viteza  $v$  a vehiculului la terminarea pantei.

b) Masa  $m'$  a gazelor de ardere evacuate într-o secundă pentru ca în timpul funcționării motorului vehiculul să-și păstreze viteza  $v$ .

c) Distanța parcursă de vehicul după încetarea funcționării motorului (după terminarea combustibilului).

(Acad. Mii. București, subing., septembrie, 1971)

1.1.9. Un corp de masă  $m = 200 \text{ kg}$  este lăsat să cadă liber de la înălțimea  $h = 490 \text{ m}$ . Se cere:

a) Energia potențială în punctul inițial.

b) Viteza lui finală.

c) Timpul de cădere.

d) Energia mecanică pe care o are corpul la înălțimea  $h' = 100 \text{ m}$ .

(Inst. Agr. București, Fac. Imb. Funci, subing., iulie, 1971)

\* \*\*

a) Un corp de masă  $m = 800 \text{ kg}$  aflat la înălțimea  $H$  de sol parcurge în cădere liberă, fără frecare cu aerul, o distanță  $h$ , după care ajunge la un plan înclinat de unghi  $\alpha = 30^\circ$ , pe care își continuă mișcarea spre baza acestuia. Viteza inițială pe planul înclinat  $u_0 = 29,4 \text{ m/s}$  este egală cu viteza cu care ajunge corpul pe acest plan. După parcurgerea planului înclinat, corpul își continuă mișcarea pe un plan orizontal, pe care se deplasează pînă la oprire pe distanța  $s = 114,8 \text{ m}$ . Mișcarea pe planul înclinat și pe cel orizontal se face cu frecare, coeficientul de frecare fiind  $\mu = 0,40$ . După oprirea corpului pe planul orizontal, se produce o explozie care scindează corpul în două părți avînd masele  $m_1$  și  $m_2$ , aflate în raportul  $m_1/m_2 = 1/2$ . Datorită exploziei cele două părți se deplasează cu frecare pe planul orizontal în sensuri contrare. Se presupune că energia degajată în explozie  $E = 86,4 \text{ kJ}$  se regăsește numai ca energie cinetică a celor două părți ale corpului. Se cere: Distanța  $l$  și durata  $t_0$  a căderii libere.

b) Viteza  $v'$  cu care corpul ajunge la baza planului înclinat.

c) înălțimea  $H$ .

d) Vitezele  $v_1$  și  $v_2$  obținute de cele două fragmente în momentul exploziei.

e) Variația distanței  $\Delta s$  dintre cele două fragmente în funcție de timp.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., El., Transp., iulie, 1971)

1.1.10. Un oscilator constituit dintr-un punct material de masă  $m = 16,0 \text{ g}$  atârnat la capătul unui resort, vibrează sub acțiunea forței elastice a resortului,

ecuația elongației avînd forma:

$$y = 0,100 \cdot \sin\left(\frac{\pi}{8} t + \frac{\pi}{8}\right) \text{ m.}$$

Se cere:

- Perioada și frecvența oscilației.
- Viteza maximă și accelerația maximă a punctului material.
- Valoarea maximă a forței care acționează asupra punctului material.
- Relațiile care exprimă dependența de timp a energiei cinetice, potențiale și totale, a punctului material.
- Timpul în care punctul material execută drumul de la jumătatea amplitudinii la din amplitudine.

(IPB, Facultățile Mec., Elec., Transp., septembrie, 1971)

1.1.11. O galerie verticală de mină are adîncimea  $h = 337,5$  m. Cutia ascensorului are masa  $m = 900$  kg. Pentru a-l ridica de la nivelul inferior al galeriei este tras cu ajutorul unui cablu exercitînd o forță constantă. Accelerația obținută de ascensor este  $a = 0,500$  m/s<sup>2</sup>. După timpul  $t = 30$  s din momentul plecării, se schimbă tensiunea cablului și mișcarea devine uniform încetinită, astfel că ascensorul ajunge la intrarea galeriei fără viteză. Să se calculeze:

- Drumul parcurs și viteza atinsă după timpul  $t = 30$  s, de la plecare;
- Accelerația  $a'$  în timpul urcării, după schimbarea tensiunii în cablu.
- Timpul total necesar ascensorului pentru a ajunge de la nivelul inferior la suprafață.
- Tensiunea în cablu pentru cele două faze ale mișcării.
- Lucrul mecanic total, ( $g = 10$  m/s<sup>2</sup>).

Sub. teor. 1. Condițiile necesare pentru funcționarea unei mașini termice. Principiul lui Carnot. 2. Legea lui Ohm pentru o porțiune de circuit. Dependența rezistenței de dimensiunile ei și de natura conductorului. Rezistivitatea.

(Inst. Pol. Iași, Fac. Constr. El., 1971)

1.1.12. Un autobuz cu masa proprie  $m = 5820$  kg și sarcină utilă  $H = 8189$  kg este echipat cu un motor care, la viteza maximă  $v_{\text{max}} = 90$  km/h, dezvoltă o putere  $P = 120$  kW, avînd randamentul  $\eta = 48,4\%$ . Se cere:

- Consumul de benzină în litri pentru 100 km parcursi cu viteza maximă.
- Forța de tracțiune la viteza maximă.
- Cît la sută din puterea maximă este necesară pentru ca autobuzul să urce o rampă cu  $\sin \alpha = 0,10$  dacă, într-un minut de la plecarea din repaus pe rampă, atinge o viteză  $v = 43,2$  km/h, știind că coeficientul de frecare este  $\mu = 0,010$ ?

Se dau:  $\rho$  (benzină) =  $0,75$  g/cm<sup>3</sup>,  $q = 44$  MJ/kg.

(Inst. Pol. Cluj, 1971)

1.1.13. Un automobil avînd masa  $m = 1,00$  t se deplasează cu viteza  $v = 108$  km/h pe un drum orizontal, consumînd  $V = 8,0$  l/100 km. Știind că randamentul motorului este  $\eta = 30\%$ , să se calculeze:

- Energia cinetică a automobilului.
- Puterea dezvoltată de motorul automobilului.
- Viteza cu care automobilul va urca o pantă cu înclinarea  $\alpha = 15^\circ$  față de

orizontală, puterea motorului și coeficientul de frecare fiind aceleași ca pe drumul orizontal.

Se dau:  $\rho$  (benzină) =  $800 \text{ kg/m}^3$ ,  $q$  (benzină) =  $46 \text{ MJ/kg}$ ,  $g = 10 \text{ m/s}^2$ .

(Inst. Pol. Brașov, Fac. Mec., 1971)

1.1.14. Pe suprafața unui plan înclinat cu  $\sin \alpha = 0,60$ , se aruncă de jos în sus cu o viteză  $u_{01} = 30 \text{ m/s}$  un corp solid cu masa  $m_1 = 2,00 \text{ kg}$ . După ce parcurge  $d = 36,8 \text{ m}$  pe plan, corpul se ciocnește inelastic cu un al doilea corp de masă  $m_2 = 0,50 \text{ kg}$ , aflat în repaus pe plan. Mișcarea pe plan se face cu frecare,  $\mu = 0,1$ . Se cere:

- Viteza corpului care se aruncă, în momentul ciocnirii.
- Viteza după ciocnire a ansamblului de corpuri.
- Distanța maximă parcursă pe plan de ansamblul celor două corpuri, din momentul ciocnirii.
- Timpul de urcare a ansamblului celor două corpuri ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ).

(Inst. Pol. Brașov, Fac. T.C.M., 1971)

a) Un corp cu masa  $m=5,00$  kg execută o mișcare oscilatorie armonică a cărei ecuație este  $y=0,10 \sin 31,4 t$ , m. Să se afle: Elongația mișcării la momentul  $t=s$  de la începerea mișcării.

b) Accelerația mișcării după un sfert de perioadă de la începutul mișcării.

c) Energia cinetică maximă a corpului.

d) Lungimea de undă în cazul propagării oscilației cu viteza  $c=400$  m/s.

e) Forța centrifugă în cazul în care corpul s-ar roti cu aceeași frecvență pe o traiectorie cu raza  $R=10,0$  m.

(Inst. Pol. Brașov, Fac. Ind. Lemn., 1971)

1.1.15. Un scripete ideal este montat pe muchia formată de două plane înclinate ce fac cu orizontala unghiurile  $\alpha=30^\circ$  și respectiv  $\beta=45^\circ$ . Peste scripete este trecut un fir inextensibil, de masă neglijabilă, acționat la capete de masele  $m_1=1,00$  kg; de o parte și de alta a scripetelui, firul este paralel cu planele înclinate respective. Se cere:

a) Accelerația sistemului dacă mișcarea are loc fără frecare.

b) Accelerația sistemului în cazul când mișcarea celor două corpuri se face cu frecare, coeficienții de frecare fiind  $\mu_1=\mu_2=0,10$ .

c) Să se stabilească la care din corpuri trebuie adăugată o masă suplimentară și valoarea acestei mase, astfel încât sistemul să fie în echilibru sau să se miște uniform, dacă se neglijează toate frecările [ $g=10$  m/s<sup>2</sup>].

(Inst. Constr. București, septembrie, 1971)

1.1.16. Care este intensitatea forței centrifuge care acționează asupra unui vagon cu masa  $m=10,0$  t, care parcurge cu viteza  $V=54$  km/h un cerc cu raza  $R=600$  m situat în planul orizontal? Să se afle cu cât trebuie să fie mai sus șina din marginea exterioară a căii ferate pentru ca repartiția forței pe ambele șine să fie egală, știind că lățimea căii este  $b=1,50$  m. [ $g=10$  m/s<sup>2</sup>].

(Inst. Pot. Gaze Geol. București, Fac. Geol. Foraj, 1971)

1.1.17. Pe fundul unui lac cu adâncimea  $h=20,0$  m se găsesc două corpuri, unul cu densitatea  $\rho_1=500$  kg/m<sup>3</sup>, iar celălalt cu densitatea  $\rho_2$  mai mică decât  $\rho_1$ . Al doilea corp este lăsat să se urce după  $T=1,00$  s de la pornirea primului. Care este valoarea densității \_\_\_\_\_, celui de al doilea corp, dacă ambele corpuri ajung simultan la suprafață? Se neglijează rezistența apei din lac. \*

(Inst. Petr. Gaze Ploiești, iulie, 1971)

$$\frac{6}{10} = \frac{2}{50} \quad \frac{6}{10} = \frac{2}{5}$$

1.1.18. Explicați de ce un corp, aflat într-un vas legat cu o sfoară și rotit, este proiectat și rămâne pe un perete al vasului, în timp ce corpurile dintr-un satelit artificial ce se rotește pe o orbită circulară nu suferă același efect.

(Fac. Fiz. Buc., 1971).

1.1.19. Două automobile au pornit simultan din același punct și în aceeași direcție. Primul automobil are viteza  $a$  km/h, iar al doilea  $b$  km/h. După  $t = 0,50$  h, din același punct a pornit un al treilea automobil, care, ajungându-l pe al doilea, a mai avut de parcurs  $t_2 = 1,50$  h pînă să-l ajungă pe primul. Să se determine viteza  $c$  a celui de al treilea automobil, în ipoteza că mișcarea celor trei vehicule este uniformă.

(Fac. Mat. Cluj, 1971)

1.1.20. Pe o suprafață plană orizontală, din același punct, pe aceeași direcție și în același sens, sînt puse în mișcare, la intervalul de timp  $t$ , două corpuri  $C_1$  și  $C_2$ , cu masele  $m_1$  respectiv  $m_2$ .  $C_1$  este pus în mișcare primul cu viteza inițială  $v_{01}$ , apoi  $C_2$  cu viteza inițială  $v_{02}$ . La un moment dat, după ce au străbătut distanța  $s$ , cele două corpuri, care se mișcă cu frecare, se vor ciocni elastic. După ciocnire, corpul  $C_1$  se va mișca un timp  $t_1$ . Cînd atinge starea de repaus, este lăsat să cadă liber pe distanța  $s_0$  după care va comprima un resort elastic vertical cu coeficientul de elasticitate  $k$ .

Se dau:  $v_{01} = 10$  m/s,  $v_{02} = 18,53$  m/s,  $m_1 = 100$  g,  $m_2 = m_1$ ,  $s = 18,04$  m,  $s_0 = 5,0$  m,  $t = 1,00$  s,  $k = 1\,000$  N/m,  $\mu = 0,10$  coeficientul de frecare cu suprafața plană.

Se neglijează variația energiei potențiale a corpului  $C_1$  în timpul comprimării resortului, precum și frecarea corpului cu aerul. Să se afle:

- Intervalul de timp cît se mișcă  $C_1$  pînă la ciocnire.
- Distanța străbătută de  $C_1$  după ciocnire pînă la oprire.
- Energia cinetică a corpului  $C_1$  în momentul cînd vine în contact cu resortul.
- Variația maximă a lungimii resortului la comprimare.

(Acad. Mii. București, septembrie, 1971)

1972

Un corp de masă  $m = 8,00$  kg, suspendat de un resort, oscilează rectiliniu în jurul punctului de echilibru. Resortul se întinde cu  $y_0 = 20$  cm sub acțiunea unei forțe  $F_0 = 98$  N. Se cere să se calculeze

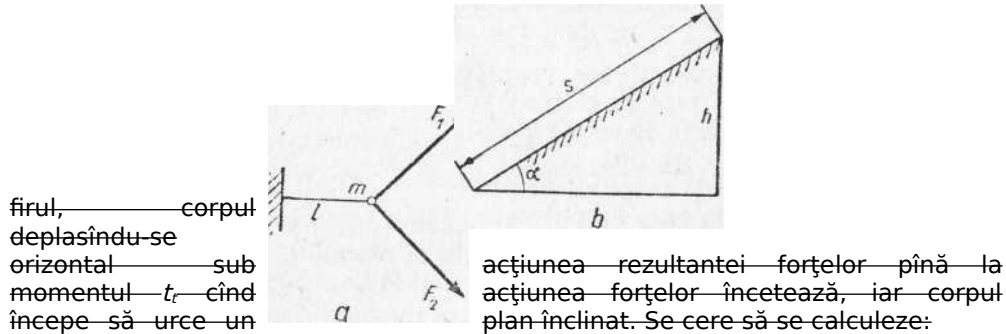


- a) Perioada de oscilație a corpului de masă  $m$ .
- b) Frecvența și pulsația oscilației.
- c) Amplitudinea oscilațiilor corpului în absența amortizărilor.
- d) Energia de oscilație totală a corpului suspendat.
- e) Viteza corpului în punctul în care acesta ar fi în echilibru în absența oscilației. De asemenea, să se calculeze viteza corpului în punctul în care elongația este maximă.

Sub. teor. 1. Să se enunțe legile frecării. 2. Să se enunțe legile lui Kirchhoff. 3. Legea lui Hooke pentru deformările elastice.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., El., Metal., subing., iulie, 1972)

1.2.1. Două forțe de mărime egală cu  $F = 2 \text{ N}$ , având direcții perpendiculare într-un plan orizontal, acționează asupra unui corp cu masa  $m = 2,50 \text{ kg}$ , legat printr-un fir de lungime  $l = 1,50 \text{ m}$  și secțiune  $s = 1,00 \text{ mm}^2$  de un perete fix. La momentul  $t = 0$  se taie



firul, corpul  
deplasându-se  
orizontal sub  
momentul  $t$ , când  
începe să urce un

acțiunea rezultantei forțelor până la  
acțiunea forțelor încetează, iar corpul  
plan înclinat. Se cere să se calculeze:

- a) Rezultanta forțelor.
- b) Modulul de elasticitate al firului, știind că alungirea sa sub acțiunea rezultantei forțelor este  $\Delta Z = 1,50 \text{ jum}$ .
- c) Accelerația imprimată corpului imediat după tăierea firului.
- d) Timpul la care se întrerupe acțiunea forțelor, știind că energia cinetică a corpului la acest moment este  $E_c = 180 \text{ J}$ .
- e) Înălțimea  $h$  la care corpul urcă pe plan și distanța  $s$  parcurgă pe plan, dacă unghiul de înclinare al acestuia este  $\alpha = 30^\circ$ . Se neglijează frecările ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ).

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, Met., subing., sept., 1972)

1.2.2. Un corp cu masa  $m_0 = 2,00 \text{ kg}$ , aflat inițial în repaus pe un plan înclinat, parcurge sub acțiunea gravitației proprii și a frecării o distanță  $s = 32 \text{ m}$  pe acest plan și își continuă mișcarea pe un plan orizontal. Știind că unghiul de înclinare a planului este  $\alpha = 30^\circ$  și

1.2.3. cunoscând coeficienții de frecare  $\mu = 0,10$  pentru planul înclinat și  $\mu_2 = 0,20$  pentru planul orizontal, se cere să se calculeze:

- Intervalul de timp  $t_1$  în care corpul a străbătut planul înclinat și viteza  $v_1$  a corpului după ce a parcurs acest plan.
- Intervalul de timp  $t_2$  în care corpul străbate planul orizontal până la oprire.
- Energia potențială a corpului la începutul mișcării și energia cinetică după ce a străbătut planul înclinat. Cum se explică diferența dintre aceste energii?
- Lucrul mecanic efectuat de forțele ce acționează asupra corpului în mișcarea sa pe planul orizontal.

Sub. teor. 1. Unitățile de măsură în SI pentru energie, putere și lucru mecanic.

2. Compunerea forțelor paralele (de același sens și de sensuri opuse).

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., El., Met., subing. seral, decembrie, 1972)

1.2.4. Un corp cu masa  $m = 5,00$  kg pornește din repaus și alunecă fără frecare sub acțiunea greutății pe un plan înclinat de lungime  $Z = 7,00$  m, care face cu orizontala un unghi  $\alpha = 30^\circ$ . Să se determine:

a) Componenta normală pe plan și componenta paralelă cu planul a greutății corpului.

- Accelerația corpului pe plan.
- Timpul în care corpul parcurge planul înclinat.
- Viteza cu care corpul ajunge la baza planului.
- Energia cinetică pe care o are corpul la baza planului.

Sub. teor. 1. Pîrghii. 2. Forța electromagnetică, mărimea, direcția și sensul ei.

(Inst. Pol. Iași, Fac. Mec. Constr., subing., iulie, 1972)

1.2.5. Un corp cu masa  $m = 10,0$  kg cade liber de la înălțimea  $h = 180$  m. După ce corpul atinge solul, el pătrunde în acesta pe o distanță  $l = 10$  cm. Să se determine:

a) Viteza cu care corpul atinge solul și timpul de cădere liberă.

b) Distanța parcursă în timpul  $\tau = 1,00$  s înainte de atingerea solului.

c) Forța de rezistență a solului, considerată constantă.  $g = 10 \text{ m/s}^2$

Sub. teor. Echilibrul forțelor și conservarea energiei mecanice la planul înclinat.

(Inst. Constr. București, subing., iulie, 1972)

1.2.6. Pe distanța  $AB = d = 52$  m pornesc simultan din punctele A și B două mobile de mase egale  $m_1 = m_2 = m = 4,00$  kg, cu vitezele inițiale  $v_{01} = 20$  m/s și  $v_{02} = 20$  m/s, unul către celălalt. Mobilele se mișcă cu frecare. Coeficientul de frecare, pe tot parcursul presupus orizontal, este  $\mu = 0,20$ . ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ). Se cere:

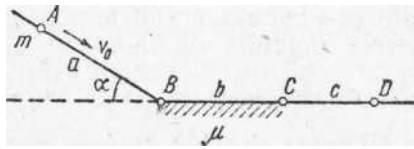
- Timpul după care se întîlnesc cele două mobile.
- Distanța față de punctul A la care are loc ciocnirea celor două mobile.
- Dacă ciocnirea este plastică, viteza după ciocnire.
- Distanța parcursă din momentul ciocnirii până la oprire.

Sub. teor. Compunerea forțelor paralele. Descompunerea unei forțe în două componente paralele.

(Inst. Constr., București, subing., septembrie, 1972)

\* \* \*

1.2.7. Un corp de masă  $m = 2,00$  kg pornește din A în jos pe un plan înclinat sub unghiul  $\alpha$  cu o viteză inițială  $v_0$ . Mișcarea are loc fără frecare pe porțiunea AB a planului înclinat și continuă cu fre



care ( $\mu=0,102$ ) pe un plan orizontal pe distanța  $BC$ . În punctul  $C$  corpul pătrunde într-un mediu rezistent și se oprește după ce a străbătut distanța  $CD$ . Cunoscând viteza inițială  $v_0=57 \text{ m/s}$ , distanța  $AB$ ,  $a=20 \text{ m}$ , distanța  $BC$ ,  $b=50 \text{ m}$ , distanța  $CD$ ,  $c=2,722 \text{ m}$ , unghiul  $\alpha=30^\circ$  și accelerația gravitațională  $g=9,8 \text{ m/s}^2$ , se cere:

- Viteza  $v_B$  cu care corpul ajunge în  $B$ .
- Timpul  $t$  în care este parcursă distanța  $BC$ .
- Forța  $F$  care acționează pe distanța  $CD$ .

d) Să se analizeze cazul în care viteza inițială  $v_0$  în punctul  $A$  ar fi fost orientată în sens invers pe planul înclinat.

(Inst. Bol. București, Fac. Mec., El., Met., iulie, 1972)

1.2.8. Pe un șantier de construcție se utilizează un scripete mobil pentru manevrarea unor materiale prin ridicare și coborîre pe o înălțime  $h=20 \text{ m}$ , conform fig. 1.2.8. Corpul ridicat împreună cu containerul are masa  $m_1=750 \text{ kg}$ , iar la coborîre containerul rămas gol are masa  $m_2=50 \text{ kg}$ . Se presupune că la coborîre pînă la jumătate din înălțimea  $h$ , masa  $m_2$  are o mișcare uniform accelerată cu accelerația  $a=10 \text{ m/s}^2$ . Containerul este legat de scripetele mobil printr-un cablu de oțel care are modulul de elasticitate  $E=$

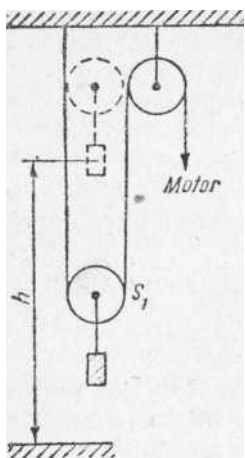


$= 2,0 \cdot 10^{11} \text{ N/m}^2$  și secțiunea  $S = 0,50 \text{ cm}^2$ . Sistemul de scripete este acționat de un motor. Se cere să se calculeze:

a) Forța ce trebuie dezvoltată de motor când sarcina de masă  $m_1$  este ridicată uniform și când aceasta este ridicată uniform accelerat cu accelerația  $a = 2,00 \text{ m/s}^2$ .

b) Forța de frînare dezvoltată de motor pentru ca containerul de masă  $m_2$  să coboare ultima jumătate din înălțimea  $h$ , uniform încetinit, astfel încât să atingă solul cu viteză nulă.

c) Alungirea relativă a cablului la ridicarea uniformă și la ridicarea uniform accelerată a sarcinii de masă  $m_1$ .



d) Lucrul mecanic efectuat de motor la ridicarea uniformă și uniform accelerată a masei  $m_1$ .

e) Timpul în care se efectuează ridicarea masei  $m_1$  în mișcarea uniformă, dacă puterea debitată de motor în acest caz este  $P = 5,00 \text{ kW}$ .

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, Met. septembrie, 1972)

1.2.9. Unui corp cu masa  $m = 100 \text{ kg}$  i se imprimă o viteză inițială  $u_0 = 10 \text{ m/s}$ . Corpul se mișcă pe un plan orizontal cu frecare ( $\mu = 0,30$ ). Se cere:

a) După cât timp și la ce distanță se va opri corpul.

b) Lucrul mecanic al forțelor de frecare.

c) Ce putere este necesară pentru a menține corpul în mișcare uniformă cu viteza dată? ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ).

(Inst. Pet., Gaze, Geol., București, septembrie, 1972)

## 1973

1.3.1. Un autocamion cu masa  $m = 4,00 \text{ t}$  are o mișcare rectilinie uniformă cu viteza  $u = 36 \text{ km/h}$  pe un drum orizontal. Știind că puterea motorului camionului este  $P = 40,00 \text{ kW}$ , se cere să se calculeze:

a) Energia cinetică a autocamionului.

b) Forța de frecare și coeficientul de frecare.

c) Distanța, pe care o mai parcurge camionul pînă la oprire, pre-supunînd că la un moment dat este frînat cu o accelerație  $a = -2,00 \text{ m/s}^2$ . Intervalul de timp din momentul frînării pînă în momentul opririi autocamionului, ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ).

*Sub. teor.* 1. Legea a treia a lui Nev/ton. 2. Să se enunțe legea lui Joule. 3. Acțiunea cîmpului magnetic asupra particulelor electrizate în mișcare.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, Met., subing., iulie, 1973)

1.3.2. Un camion avînd masa  $m = 5,00 \text{ t}$  se mișcă uniform cu viteza  $v_0 = 36 \text{ km/h}$ . La un moment dat, camionul este frînat și se oprește după ce mai parcurge  $s = 50 \text{ m}$ . Să se calculeze:

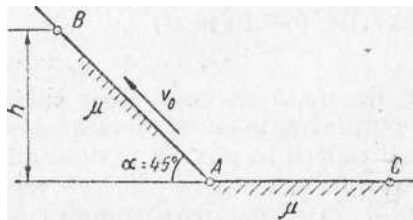
- Accelerația de frînare.
- Forța de frînare.
- Lucrul mecanic al forței de frînare.
- Durata mișcării uniform încetinite a camionului.

*Sub. teor.* 1. Legile frecării. Coeficientul de frecare. 2. Perioada oscilațiilor libere. 3. Legea lui Coulomb și intensitatea cîmpului electrostatic.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, Met., subing., septembrie, 1973)

1.3.3. Se dă un plan înclinat ca în fig. 1.3.3. Coeficientul de frecare dintre un corp și acest plan înclinat este  $\mu = 0,20$ . Se cere să se calculeze:

a) Înălțimea  $h$  la care se ridică acest corp față de planul orizontal, dacă inițial i se comunică în punctul A o viteză  $v_0 = 10 \text{ m/s}$ , orientată de la A spre B.



b) Viteza corpului la întoarcere, cînd atinge punctul de plecare A.

c) Distanța AC parcursă de corp pînă la oprire pe planul orizontal, presupunînd că din punctul A corpul își continuă mișcarea cu viteza cu care ajunge din nou în punctul A. Coeficientul de frecare dintre corp și planul orizontal AC este  $\mu = 0,20$ . Accelerația  $g = 10 \text{ m/s}^2$ .

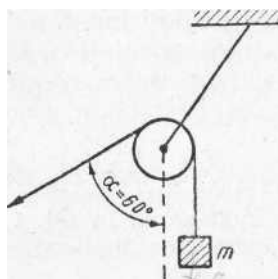
*Sub. teor.* 1. Să se enunțe legea conservării energiei mecanice. 2. Să se scrie expresiile energiei cinetice, energiei potențiale și energiei totale ale oscilatorului armonia. 3. Definirea unității intensității «urentului electric în SI.

1. Să se enunțe legile lui Newton. 2. Să se scrie expresiile energiei cinetice și potențiale în cazul unui corp greu la suprafața pămîntului. 3. Să se enunțe legile lui Kirchhoff. 3'. Să se enunțe legile gazelor perfecte.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, Met., subing., septembrie, 1973)

1.3.4. Se ridică cu o mișcare uniformă un bloc de beton de masă  $m = 100 \text{ kg}$  cu ajutorul unui scripete tras sub unghiul  $\alpha = 60^\circ$  față de verticală, la o înălțime  $h = 10 \text{ m}$ . Se cere:

- Lucrul mecanic efectuat pentru ridicarea blocului.



b) Ce putere este necesară pentru ca ridicarea blocului să se efectueze în  $t=10\text{ s}$ ?

(d) Ce diametru trebuie să aibă firul care ține scripetele, știind că efortul unitar admisibil este  $\sigma_a=10\text{ MN/m}^2$ ?

Se neglijează frecările. ( $g=10\text{ m/s}^2$ )

(Inst. Constr. București, subing., iulie, 1973)

• b-1.3.5. Un obiect de masă  $m$  cade liber într-un puț. Zgomotul atingerii fundului puțului este auzit de un observator după  $t$  secunde de la începutul căderii în puț. Să se determine:

a) Adâncimea puțului.

b) Viteza corpului la jumătatea drumului și la atingerea fundului puțului.

c) Energia cinetică a obiectului în momentul atingerii fundului puțului.

Sub. teor. 1. Randamentul mașinilor simple (fără aplicații). 2. Viteza liniară, unghiulară și accelerația normală în mișcarea circulară uniformă a unui punct material. 3. Transformatorul: principiul, construcția și funcționarea transformatorului monofazat.

(Acad. Mii. București, subing., iulie, 1973) & £ \$

◀

1.3.6. O sferă de masă  $m=1,00\text{ kg}$  este legată de un punct fix printr-o bară de masă neglijabilă de lungime  $Z=100\text{ cm}$ . Se cere:

a) Perioada și frecvența pendulului matematic astfel construit.

b) Viteza orizontală minimă ce trebuie imprimată sferei, când aceasta se află în poziția de echilibru stabil, pentru a se putea deplasa pe un cerc de rază  $l$  în planul vertical.

e) Viteza orizontală minimă ce ar trebui imprimată sferei în cazul în care în locul barei am avea un fir inextensibil de aceeași lungime  $l$ .

d) Tensiunea din fir când sfera trece din nou prin poziția de echilibru.

(Inst. Pol. București, Fac. Met., iulie, 1973)

A-1.3.7. Un corp cu masa  $m=800\text{ g}$  se găsește la momentul  $t=0$  în punctul  $A$  al unui plan înclinat, energia sa cinetică la acest moment fiind  $W=90\text{ J}$  și urcă pe plan până în punctul  $B$  în care viteza se anulează; după aceea coboară, revenind în punctul  $A$ . Știind că la urcare accelerația este, în valoare absolută,  $a_u=7,5\text{ m/s}^2$ , iar la coborâre  $a_c=2,5\text{ m/s}^2$ , se cere să se calculeze:

a) Unghiul a format de planul înclinat cu cel orizontal.

b) Coeficientul de frecare  $\mu$  dintre corp și plan.

c) Viteza corpului la momentul  $i=0$ .

d) Distanța  $AB$  și timpul în care se parcurge la urcare această distanță.

e) Căldura produsă prin frecare când corpul parcurge distanța  $ABA$  (dus și întors). ( $g=10\text{ m/s}^2$ ).

Z — Probleme de fizică

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, septembrie, 1973)

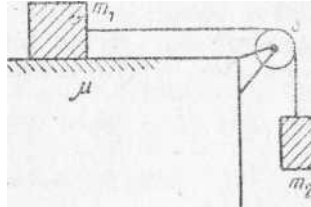
~~1.3.8. Un corp de masă  $m=1,00$  kg cade cu viteză inițială nulă de la înălțimea  $h$ . După intervalul de timp  $t$  atinge viteza  $u=8,92$  m/s și cu această viteză cade pe o pantă cu înclinarea  $\alpha=45^\circ$ . Corpul străbate panta în  $t=2,00$  s, atingând final viteza  $v=8,32$  m/s. Se cere:~~

- ~~a) Timpul necesar corpului ca să atingă panta.~~
- ~~b) Accelerația corpului în pantă.~~
- ~~c) Lungimea pantei.~~
- ~~d) înălțimea  $h$  de la care cade corpul.~~
- ~~e) Energia potențială inițială a corpului.~~

~~Sub. teor. 1. Căldura specifică a unei substanțe. Ecuația calorică. 2. Autoinducția. Inducția. Unitatea de inductanță.~~

(Inst. Pol. Iași, Fac. Mec., El., iulie, 1973)

- a) Pe o suprafață orizontală se deplasează un corp de masă  $m_1 = 5,00 \text{ kg}$ . Coeficientul de frecare la alunecare a corpului pe suprafață este  $\mu = 0,20$ . Să se afle valoarea forței orizontale ce ar deplasa corpul cu accelerația  $a = 4,00 \text{ m/s}^2$ .
- b) În cât timp, pornind din repaus, străbate distanța  $Z = 18 \text{ m}$  și ce energie cinetică are corpul după ce a străbătut această distanță?



Corpul de masă  $m_1$  se leagă, printr-un fir inextensibil trecut peste scripetele  $S$ , de un corp de masă  $m_2 = 3,00 \text{ kg}$  ca în fig. 1.3.9. Coeficientul de frecare rămîne același.

- c) Ce accelerație are sistemul în acest caz?
- d) Ce tensiune se exercită în firul de legătură și ce forță apasă în punctul de sprijin al scripetelui?
- e) Ce masă suplimentară trebuie adăugată masei  $m_2$  pentru ca sistemul să se deplaseze cu viteză constantă?

Se neglijează masa și frecările în axul scripetelui. ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ). Sub. teor. 1. Dilatația volumică a corpurilor solide. Variația densității cu temperatura. 2. Energia cinetică și potențială a oscilatorului armonic. 3. Circuit cu bobină în curent alternativ.

(Inst. Constr. București, iulie, 1973)

f-1.3.10. Un om învîrtește o manivelă cu o frecvență  $\nu = 2,00 \text{ Hz}$ , cu forța  $F = 50 \text{ N}$ , descriind un cerc cu raza  $R = 30 \text{ cm}$ . Se cere:

- a) Viteza unghiulară de rotație.
- b) Momentul forței.
- c) Puterea dezvoltată de om.

Sub. teor. 1. Pendulul matematic și legile lui. 2. Căldura specifică a unei substanțe: definiție, mod de determinare și unități de măsură. Călduri specifice la gaze.

(Inst. Petr., Gaze, Geol., București, iulie, 1973)

f-1.3.11. Un corp de masă  $m$  este proiectat cu viteza  $v$  într-o bilă de masă  $M$ , suspendată de un fir de lungime  $Z$ . După ciocnire, cele două corpuri formează un corp comun. Să se determine:

- a) Cu ce unghi a maxim se înclină pendulul astfel format?



b) Care este energia cinetică pierdută de ansamblul celor două corpuri după ciocnire? Să se afle viteza corpului nou și energia lui, când trece prin poziția de echilibru, dacă oscilațiile executate de pendul sînt neamortizate.

c) Considerînd momentul ciocnirii ca moment inițial, să se scrie ecuația mișcării și să se afle timpul  $t$  după care unghiul de înclinare este  $OL_{max}/2$ .

Sub. teor. 1. Cuplul de forțe. Momentul cuplului 2. Autoinducția. 3. Interferența undelor și undele staționare.

(Acad. Mii. București, 1973)

1974

1.4.1. O locomotivă cu puterea  $P=480$  kW trage orizontal o garnitură de vagoane a căror masă este  $m=400$  t. Coeficientul de frecare între tren și șine este  $\mu=0,015$ . Se cere:

a) Viteza maximă a garniturii de vagoane.

b) După atingerea vitezei maxime, locomotiva încetează să mai acționeze asupra garniturii de vagoane. Se cere intervalul de timp și distanța pe care o mai parcurge garnitura de vagoane din acel moment pînă la oprire.

Puterea medie consumată în timpul frînării ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, Met., subing., iulie, 1974)

1.4.2. Ce putere medie consumă un motor pentru a ridica un utilaj de masă  $m=200$  kg, cu o mișcare uniform accelerată, la înălțimea  $h=10$  m, într-un interval de timp  $t=10$  s, știind că randamentul motorului este  $\eta=0,80$ ? ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).

b) Să se calculeze lucrul mecanic necesar pentru a alungi cu  $\Delta Z=5,0$  mm o bară cilindrică din cauciuc, avînd secțiunea transversală  $S=100$  mm<sup>2</sup> și lungimea inițială  $Z_0=100$  cm. Modulul de elasticitate al cauciucului se va lua  $E=100$  kN/m<sup>2</sup>.

c) Să se calculeze amplitudinea mișcării unui oscilator armonie și intervalul de timp după care acesta, pornind din poziția de echilibru, are elongația egală cu jumătatea amplitudinii.

Se cunoaște frecvența  $\nu=100$  Hz și viteza  $v=20$  m/s cu care trece prin poziția de echilibru.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, Met., subing., august, 1974)

1.4.3. a) Să se calculeze distanța pe care o mai parcurge pe un drum orizontal un camion care are o viteză  $v<36$  km/h, din momentul în care se oprește motorul. Se cunosc: coeficientul de frecare  $\mu=0,20$  și  $g=10$  m/s<sup>2</sup>.

b) Care este puterea utilă a motorului unei macarale care ridică uniform un corp cu masa  $m=150$  kg la înălțimea  $h=5,00$  m în timpul  $t=12,5$  s?

c) Cu ce viteză maximă se poate înscrie pe o șosea orizontală în curbă un automobil, pentru a nu derapa, dacă raza curbei este  $R=50$  m, iar coeficientul de frecare la alunecare  $\mu=0,50$ ? ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, subing., seral, august, 1974)

1.4.4. Un corp cade liber, în lipsa frecărilor, de la înălțimea  $H$  față de pămînt. Viteza cu care corpul atinge suprafața pămîntului este  $v=100$  m/s. Să se determine:

a) înălțimea  $H$ .

b) Timpul  $t$  de cădere a corpului.

c) Distanța  $h$  parcursă de corp în intervalul  $\tau=1,00$  s înainte de atingerea

pământului.

d) Viteza  $v_c$  a corpului la începutul intervalului  $x$  de mai sus.

e) Forța medie de rezistență a solului ( $F_r$ ), dacă corpul pătrunde în sol pe distanța  $d=100$  cm. Masa corpului  $m=500$  g ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).

*Sub. teor.* 1. Legea transformării și conservării energiei în procesele mecanice. 2. Legile lui Kirchhoff.

(Inst. Pol. Iași, Fac. Mec., EL, Textile, Hidrot., subing., iulie, 1974)

~~ȘC-1.4.5.~~ Un corp alunecă pe un plan înclinat cu unghiul  $\alpha=30^\circ$  față de orizontală, după care își continuă mișcarea pe un plan orizontal. Pe planul înclinat deplasarea se face fără frecare, iar pe planul orizontal cu frecare, coeficientul de frecare la alunecare fiind  $\mu=0,25$ . Viteza corpului la baza planului fiind  $u_0=25$  m/s,  $g=10$  m/s<sup>2</sup>, să se calculeze:

a) înălțimea față orizontală a punctului de pe planul înclinat de unde începe mișcarea.

b) Distanța parcursă de corp pe planul orizontal.

c) Durata mișcării pe planul orizontal și durata mișcării pe planul înclinat.

*Sub. teor.* Dilatația liniară și în volum a corpurilor solide. Variația densității corpurilor cu temperatura.

(Inst. Constr. București, subing., iulie, 1974)

~~>C-1.4.6.~~ Un corp de masă  $m=8,00$  kg se deplasează fără frecare pe un plan orizontal cu accelerația  $a=0,50$  m/s<sup>2</sup>. Să se afle:

a) Mărimea forței orizontale ce deplasează corpul.

b) Viteza corpului la momentul  $t=20$  s.

c) Distanța parcursă de corp în timpul  $t=20$  s.

d) Energia cinetică a corpului în momentul  $t=20$  s.

- e)  
f) Lucrul mecanic efectuat de forța ce deplasează corpul în timpul  $t=20$  s. Corpul pornește din repaus.

*Sub teor.* Compunerea forțelor concurente. Paralelogramul forțelor.

(Inst. Constr. București, subing., august, 1974) «!• \* \*

1. UTRIIIH.

1. ~~1.7\*~~ O undă longitudinală se propagă pe direcția  $Ox$  într-un mediu elastic de densitate  $\rho=2,6$  t/m<sup>3</sup>, după legea:

$$u_1 = 1,20 \sin 000 \pi t - \frac{27}{1} x \text{ cm.}$$

Diferența de fază între două puncte aflate pe axa  $Ox$  la distanța  $\Delta x=3,2$  m este  $\Delta \varphi=4\pi/5$ . Se cere să se calculeze:

a) Dependența de timp a energiei cinetice, a energiei potențiale și a energiei totale a unui punct material de masă  $m=1,00$  g, care oscilează după legea  $u_x$  în punctul de abscisă  $x=0$ .

b) Lungimea de undă, frecvența și viteza de propagare  $\lambda$  unde longitudinale.

c) Modulul de elasticitate a mediului elastic în care se propagă unda  $u_x$ .

d) Amplitudinea și defazajul oscilației rezultante prin compunerea în punctul A de abscisă  $x=1,00$  m a oscilației  $u_x$  și a oscilației

$u_2$  care în punctul A are forma  $u_2 = 1,20 \sin (1000 - 7\pi t) \text{ cm.}$

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., El., iulie, 1974)

**1.4.8.** Un corp cu masa  $m=1,00$  t este urcat pe un plan înclinat de unghi  $\alpha=30^\circ$ , cu ajutorul unui electromotor alimentat la  $U=500$  V. Coeficientul de frecare a corpului pe planul înclinat este  $\mu=0,20$ ; alte frecări se neglijează. Se cere:

a) Forța cu care corpul este urcat uniform pe plan.

b) Forța cu care corpul este urcat pe plan cu accelerația constantă  $a=0,20$  m/s<sup>2</sup>.

c) Timpul de urcare în cazul b) pe distanța  $d=20$  m, pornind din repaus.

d) Curentul absorbit de electromotor în cazul a), dacă randamentul său este  $\eta=80\%$  și viteza de deplasare a corpului  $u=1,00$  m/s. ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).

*Sub. teor.* 1. Ecuația calorimetrică. Măsurarea cantității de căldură prin metoda amestecurilor. 2. Acțiunea reciprocă a curenților electrici. Forța electrodinamică. Definiția amperului.

(Inst. Pol. Iași, Fac. Constr., Mec., Hidrot., iulie, 1974)

1.4.9. A supra unui corp de masă  $m=50$  kg ce trebuie deplasat pe un drum orizontal acționează timp de  $t=30$  s o forță ce face un unghi  $\alpha=30^\circ$  cu direcția de deplasare. Corpul pornește din repaus și se mișcă uniform accelerat cu accelerația  $a=0,20$  m/s<sup>2</sup>. Cu noscând coeficientul de frecare  $\mu=0,40$ , ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>), să se calculeze:

- Viteza corpului după timpul  $t$ .
- Valoarea forței  $F$ .
- Durata totală a mișcării și distanța totală parcursă, știind că după momentul  $t=30$  s, forța  $F$  încetează și corpul se mișcă cu frecare pînă la oprire.

*Sub. teor.* 1. Legea lui Hooke. 2. Pendulul matematic și legile pendulului.

(Inst. Pol. Cluj, Fac. Mec., Constr., iulie, 1974)

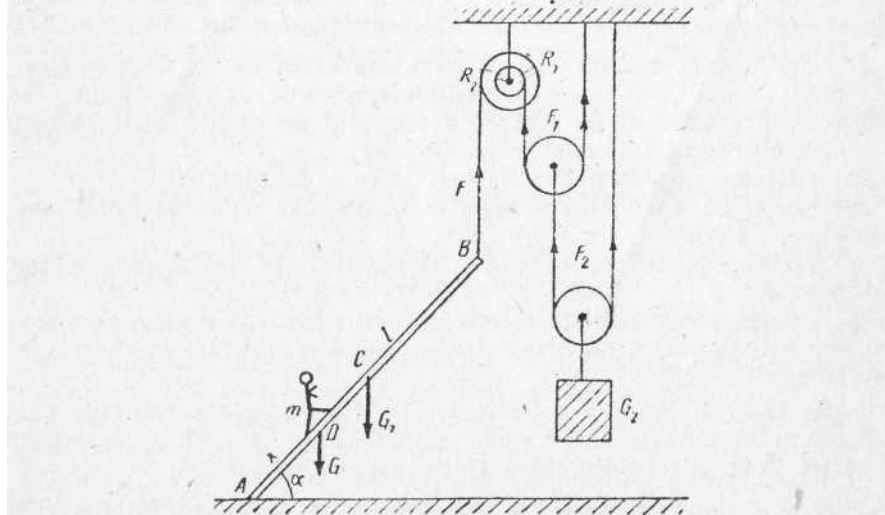
1.4.10. Un corp de masă  $m=4,00$  kg are forma unui cub cu latura  $l=20$  cm. Corpul este tras pe orizontală cu forța constantă  $F=10$  N plecînd din repaus. Să se afle:

- Densitatea corpului.
- Accelerația corpului la deplasarea pe orizontală, dacă valoarea coeficientului de frecare la alunecare este  $\mu=0,10$  și  $g=10$  m/s<sup>2</sup>.

c) Energia cinetică a corpului după timpul  $t=20$  s.

Sub. teor. Lucrul mecanic. Unitatea de lucru mecanic: joule. Puterea. Unitatea de putere: watt.

(Inst. Constr., București, iulie, 1974)  
**1.4.11.** Un copil cu  $m=40$  kg urcă pe o scândură  $AB$ , de lungime  $l=2,00$  m și de greutate  $G_1=3,00$  kgf, care se sprijină cu ca-



patul  $A$  pe pământ, capătul  $B$  fiind suspendat de un sistem de scripete. Scripetele mare fix are raza  $R_1=15,0$  cm, iar scripetele mică fixă are raza  $R_2=5,0$  cm. La ce distanță de capătul  $A$  trebuie să stea copilul pentru a ține în echilibru o greutate  $G_2=210$  kgf?

Sub. teor. Energia și puterea dezvoltate într-un rezistor parcurs de curentul electric.

(Fac. Fiz. Cluj, iulie, 1974)

**1.4.12.** De un resort cu constanta elastică  $k=2,0$  kN/m este suspendat un corp de masă  $m=200$  g. Corpul oscilează astfel încât la distanța  $y_1=30$  mm față de poziția de echilibru, impulsul său este  $p_1=0,80$  N·s. Se cere:

a) Perioada și pulsația oscilației.

Energia totală a corpului.



c) Ecuația de oscilație a corpului, dacă se presupune că faza inițială este nulă.

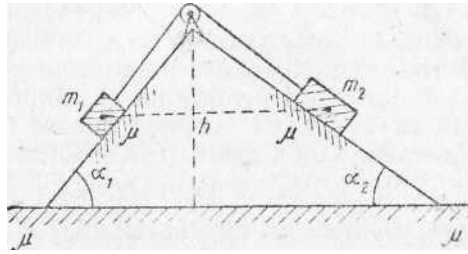
Valoarea maximă a impulsului corpului în timpul mișcării.

(Univ. Brașov, Fac. Mec., T.C.M., 1974)

**1.4.13.** Pe un plan orizontal este fixată o pană ca în fig. 1.4.13.

U

La jumătatea lungimilor fețelor înclinate se găsesc în repaus două corpuri de mase  $m_1=1,00$  kg și  $m_2=3,00$  kg, legate între ele prin tr-un fir inextensibil și de masă neglijabilă, trecut peste scripetele fix din vârful penei. La un moment dat ( $t=0$ ) sistemul se pune în mișcare fără viteză inițială.



Se dau:  $\alpha_1=60^\circ$ ,  $\alpha_2=30^\circ$ , înălțimea penei  $h=1,00$  m, coeficientul de frecare de alunecare între corpuri și pană, precum și între corpuri și planul orizontal  $\mu=0,10$ .

A. Să se determine sensul de mișcare a sistemului celor două corpuri și accelerația mișcării.

B. În momentul când corpul care urcă ajunge la vârful penei, firul se rupe și cele două corpuri coboară pe fețele penei: cel care a urcat coboară cu viteză inițială nulă, iar celălalt își continuă coborârea. Să se calculeze:

a) Timpul până la ruperea firului.

b)



c) înălțimea la care se găsește corpul aflat în coborîre în momentul ruperii firului, viteza sa și energia sa totală în acest moment.

e) Accelerațiile cu care coboară corpurile pe pană (după ruperea firului) și vitezele cu care ajung la baza penei.

d) Distanțele parcurse pe planul orizontal de cele două corpuri pînă la oprire.

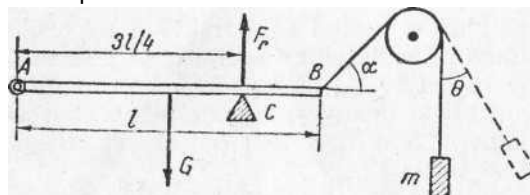
Scripetele este ideal,  $g=10 \text{ m/s}^2$ .

*Sub. teor.* Circuitul de curent alternativ cu rezistor, bobină și condensator în serie. Rezonanța tensiunilor. Puterea curentului alternativ monofazat.

(Univ. Craiova, Fac. El., iulie, 1974)

i **1.4.14.** Se dă o bară de lungime  $l$  și greutate  $G$ , articulată în punctul  $A$ . Bara se sprijină în punctul  $C$ , la  $3l/4$  de  $A$ . De capătul  $B$  al barei este legat un fir ce trece pe după un scripete ideal. De fir este atârnat un corp de masă  $m$ ; firul face un unghi  $\alpha$  cu orizontala. Bara se găsește în echilibru. Să se determine:

a) Reacțiunea în punctul  $C$ .



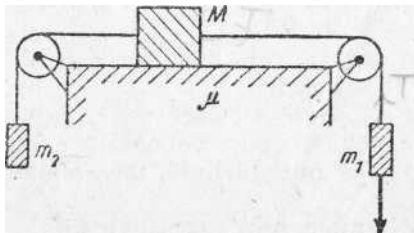
b) Corpul de masă  $m$  poate pendula în planul determinat de fir și bară. Să se determine amplitudinea maximă pe care o poate avea pendulul, astfel încît lungimea pendulului să rămînă constantă.

c) Tensiunea în fir în poziția corespunzătoare amplitudinii maxime, precum și în momentul trecerii prin poziția de echilibru.

(A.S.E. București, Fac. Cib. Ec. Stat., A, 1974)

**1.4.15.** Se dă un sistem ca cel din fig. 1.4.15. Fie  $m_1 > m_2$ . Se cere:

a) Să se determine accelerația sistemului și tensiunile în fire, dacă se neglijează frecările.



b) Să se determine accelerația sistemului și tensiunile în fire, ad mișînd că, corpul  $M$  alunecă cu frecare; fie  $\mu$  coeficientul de frecare.

c) Care este valoarea minimă a lui  $\mu$ , ca sistemul să rămînă în

1975

1.5.1. Un corp cu volumul  $V=2,00 \text{ l}$  și densitatea  $\rho=6000 \text{ kg/m}^3$  cade liber de la înălțimea  $h=320 \text{ m}$ . Se cere:

- Distanța parcursă în intervalul  $t=1,00 \text{ s}$  înainte de atingerea solului.
- Timpul în care este parcursă distanța  $d=100 \text{ m}$  înainte de atingerea solului.
- Variația energiei cinetice în intervalul  $t_1=1,00 \text{ s}$ ,  $t_2=2,00 \text{ s}$  de cădere.
- Dacă în momentul când corpul atinge poziția  $h_1=240 \text{ m}$  i se aplică o forță  $F=24 \text{ N}$  în sens invers greutății, să se afle viteza pe care o va avea după  $t'=2,00 \text{ s}$  de la aplicarea acestei forțe.

Se neglijează rezistența aerului,  $g=10 \text{ m/s}^2$ .

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., subing., iulie, 1975)

1.5.2. Un oscilator liniar de masă  $m=0,50 \text{ g}$  se deplasează din poziția de echilibru, fiind atras de o forță proporțională cu deplasarea, pînă la o distanță  $\Delta x=30 \text{ mm}$  și începe să oscileze. Forța elastică are valoarea  $F \sim 2,4 \text{ N}$ . Se cere:

- Să se scrie ecuația mișcării oscilatorului, presupunînd că nu există frecare și considerînd ca origine a coordonatei poziția de echilibru, iar ca origine a timpului momentul în care oscilatorul este lăsat liber.
- Să se calculeze energia totală a acestui oscilator, cînd este lăsat liber.
- Să se calculeze energia cinetică maximă și energia potențială maximă în cursul deplasării oscilatorului.
- Să se afle viteza oscilatorului după  $t=5,00 \text{ s}$  de la începutul mișcării.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., El., subing., iulie, 1975)

1.5.3. a) Un corp se mișcă în aer sub acțiunea greutății proprii, avînd la un moment dat, cînd se găsește la o înălțime  $h_x=3,00 \text{ m}$  deasupra Pămîntului, o viteză  $v=4,00 \text{ m/s}$ , de direcție oarecare. Care va fi valoarea numerică a vitezei sale în momentul în care se va afla la  $h_2=2,00 \text{ m}$  deasupra solului? Se neglijează rezistența aerului,  $g=10 \text{ m/s}^2$ .

b) O sferă de lemn, avînd densitatea  $\rho=800 \text{ kg/m}^3$ , este lăsată să cadă liber de la înălțimea  $h=5,00 \text{ m}$  deasupra unui lac. Să se calculeze viteza sferei în momentul în care atinge suprafața apei și accelerația ei după ce a pătruns în apă. ( $g=10 \text{ m/s}^2$ ).

c) Rotorul unei turbine are diametrul  $D=3,00 \text{ m}$  și face  $n=1,200 \text{ rot/min}$ . Să se calculeze viteza unghiulară a rotorului în  $\text{rad/s}$ , viteza și accelerația unui punct de pe periferia rotorului.

Sub. teor. Să se definească noțiunea de cuplu de forțe și să se stabilească momentul cuplului.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., El., Met., subing., septembrie, 1975)

1.5.4. a) Ecuația de mișcare a unui mobil este  $s=t^2 + t + 1$  (unități SI). Se cere viteza inițială, accelerația mișcării și distanța parcursă de mobil după  $t=3,00 \text{ s}$  de la începerea mișcării.

b) Un autoturism, mergînd cu o viteză constantă  $u=36 \text{ km/h}$ , frînează brusc în fața unui obstacol. Știînd că după frînare autoturismul mai parcurge încă o distanță  $s=9,00 \text{ m}$  prin patinare pînă la oprire, se cere să se determine coeficientul de frecare ( $f$ , între roți și șosea).

c) Un autovehicul avînd masa  $m=600 \text{ kg}$  este prevăzut cu un motor care, la viteza  $v=12 \text{ km/h}$ , dezvoltă o putere  $P=60 \text{ kW}$ . Se cere accelerația autovehiculului, neglijînd rezistența la înaintare.

d) Ecuația mișcării oscilatorii a unui punct material este dată sub forma  $x =$



$50 \cdot 10^{-3} \sin^2 t$  Se cere perioada oscilației și

viteza maximă a punctului (unități SI).

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, Met., subing., noiembrie, 1975)

1.5.5. Un mobil avînd masa  $m=10,0$  kg se deplasează uniform cu viteza,  $v=40$  m/s. Apoi, începînd cu momentul  $10,0$  s pînă în momentul  $t \geq 15,0$  s, asupra mobilului acționează pe direcția deplasării o forță constantă  $F=10,0$  N. Să se afle:

- Accelerația mobilului în intervalul de timp în care acționează forța dată.
- Energia cinetică a mobilului la momentul  $t_2$ .
- Distanța parcursă de mobil din momentul  $t_0=0$  pînă în momentul  $t_3=20,0$  s.

5.

Sub. teor. Compararea a două rezistențe cu puntea cu fir. Ohm-metrul.

(Inst. Pol. Cluj, subing., 1975)

1.5.6. Un pilot (stîlp) este bătut în pămînt cu ajutorul unei sonete al cărei berbec cu masa  $m=500$  kg cade liber de la înălțimea  $h=1,00$  m. Știind că la o lovire pilotul intră în pămînt  $d=50$  mm, să se afle:

- Timpul de cădere liberă al berbecului.
- Viteza berbecului în momentul cînd acesta atinge pilotul.
- Energia cinetică a berbecului în momentul ciocnirii.
- Forța de rezistență opusă de pămînt la vîrfurile pilotului, știind că  $f=40\%$  din energia cinetică a berbecului se pierde ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).

Sub. teor. Transformatoare. Principiul transformatorului. Construcția și funcționarea transformatorului monofazat.

(Inst. Pol. Cluj, subing., seral, 1975)

1.5.7. Un corp cu masa  $m=1,00$  t se deplasează în plan orizontal cu viteza  $v=36$  km/h. Prin frînare, corpul se oprește după un timp  $t=40$  s. Se cere:

- Energia cinetică în momentul în care a început frînarea.
- Distanța parcursă pînă la oprire.
- Valoarea forței de frînare.

(Inst. Constr. București, subing., iulie, 1975)

1.5.8. Un corp de masă  $m=10,0$  kg, presupus punctiform, cade liber de la înălțimea  $h$ , avînd viteza  $v=40$  m/s cînd atinge solul. Se cere:

- Înălțimea  $h$  și timpul  $t$  în care are loc căderea.
- Energia cinetică și potențială la momentul  $t=2,00$  s, cronometrat din momentul în care începe căderea.

3) Înălțimea  $h'$  de la care ar trebui să cadă liber corpul pentru ca în intervalul  $t=1,00$  s înainte de atingerea solului să parcurgă  $f=0,50$  din înălțimea  $h'$ . ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).

(Inst. Constr. București, subing., septembrie, 1975)

1.5.9. Un vehicul cu masa  $m=500$  kg merge cu viteza  $v=20$  m/s. După aplicarea unei forțe de frînare, el se oprește în timpul  $t=20$  s. Să se determine:

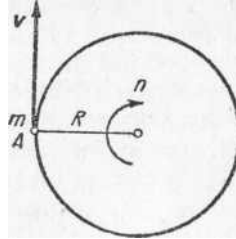
- Energia cinetică a vehiculului în momentul începerii frînării.
- Distanța parcursă pînă la oprire.
- Forța de frînare.

Sub. teor. Acțiunea reciprocă a două conductoare paralele parcurse de curent electric (forța electrodinamică). Unitatea de măsură a intensității curentului electric (definiție).

(Inst. Petr., Gaze, Ploiești, subing., iulie, 1975)

Un corp de masă  $m = 10,0 \text{ kg}$  este rotit cu turația  $n = 120 \text{ rot/min}$ . Să se calculeze viteza unghiulară și viteza liniară, dacă lungimea cablului de care este legat corpul este  $l = 1,00 \text{ m}$ . Să se calculeze forța centrifugă care acționează asupra corpului.

Când corpul se găsește în poziția A (fig. 1.5.10), el este desprins de cablu și pornește vertical. Să se calculeze timpul care se scurge



pînă cînd corpul ajunge la înălțimea maximă și care este această înălțime. ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ).

(Fac. subing., Pitești, automob., 1975)

1.5.10. Un corp cu masa  $m = 490 \text{ kg}$  se mișcă cu viteza constantă  $v_0 = 10,0 \text{ m/s}$ . Fiind frînat, se mișcă uniform încetinit și se oprește după  $t = 10,0 \text{ s}$  de la începerea frînării. Se cere:

- Energia cinetică a corpului înainte de frînare.
- Accelerația mișcării în timpul frînării.
- Distanța parcursă în timpul frînării pînă la oprire.
- Forța de frînare.

Sub. teor. 1. Expresia matematică a lucrului mecanic. Puterea. Unități. 2. Inducția electromagnetică. Mărimile tensiunii e.m. induse (enunț și formule). Sensul t.e.m. induse. Unitatea de flux magnetic.

(Inst. subing. Reșița, 1975)

1.5.11. Un corp de masă  $m_0$  are greutatea aparentă  $0,92 m_0 g$  cînd este

cufundat într-un lichid cu densitatea  $\rho_1 = 800 \text{ kg/m}^3$  și greutatea aparentă  $G_2 = 5,76 \text{ N}$  cînd este cufundat într-un fluid cu densitatea  $\rho_2 = 400 \text{ kg/m}^3$ . Dacă acest corp se suspendă în aer de un fir de lungime  $l_0$ , secțiunea  $S = 0,030 \text{ mm}^2$  și modulul de elasticitate  $E = 40 \text{ GN/m}^2$ , se constată că firul are lungimea  $Z = 1,5075 \text{ m}$ . Să se calculeze:

- Densitatea  $\rho_c$  a corpului.
- Masa  $m_0$  și volumul corpului.
- Lungimea  $l_0$  a firului netensionat.
- Lungimea maximă pe care o ia firul dacă se dă corpului o mișcare de rotație într-un plan vertical cu viteza unghiulară  $\omega = 3,00 \text{ rad/s}$ . ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ).

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., El., iulie, 1975)

1.5.12. Un corp cu densitatea  $\rho = 600 \text{ kg/m}^3$  și cu volumul  $V = 10 \text{ dm}^3$ , inițial scufundat în apă la adîncimea  $Z = 32,65 \text{ m}$ , este lăsat liber. Considerînd neglijabile forțele de frecare cu apa și aerul, precum și densitatea aerului, să se calculeze:

- Forța  $F$  care acționează în apă asupra corpului.
- Timpul  $t$  în care corpul ajunge la suprafața apei.
- Înălțimea maximă  $h$  la care se ridică corpul deasupra apei.
- Fracțiunea  $f$  din volumul corpului, scufundată în apă în cazul plutirii.
- Lucrul mecanic  $L$  efectuat inițial pentru introducerea corpului în apă la adîncimea  $l$ .

(Inst. Pol. București, Fac. Mec. Agr., Met., iulie, 1975)

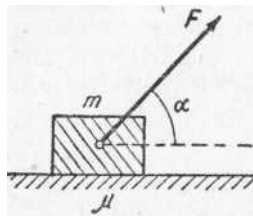
1.5.13. a) Ce distanță a străbătut un corp în cădere liberă dacă în ultimele  $t =$

1  
0

4,0 s parcurge  $d=1\,000\text{ m}$ ? Se neglijează rezistența aerului. ( $g=10\text{ m/s}^2$ ).

b) Un punct material oscilează armonic de-a lungul unei drepte cu amplitudinea  $A=12\text{ mm}$ . Să se calculeze elongația în momentul în care energia cinetică a punctului material este egală cu cea potențială.

c) Asupra unui corp de masă  $m$  așezat pe un plan orizontal acționează o forță  $F$  având direcția și sensul din fig. 1.5.14. Cunoștin-



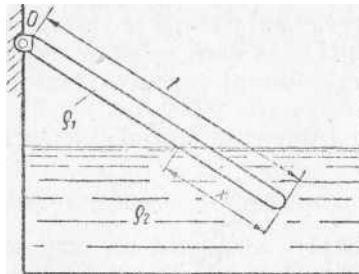
du-se unghiul  $\alpha$ , accelerația gravitațională  $g$  și coeficientul de frecare  $\mu$  dintre corp și plan, se cere să se determine valoarea maximă a forței  $F$  pentru care corpul rămâne încă în repaus.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., El., Met., septembrie, 1975)

1.5.14. a) Un corp de masă  $m=1,00\text{ kg}$  este aruncat oblic în planul  $xOy$  ( $Ox$  orizontală,  $Oy$  verticală), din punctul  $O$ , primind un impuls  $p_0=5,00\text{ N}\cdot\text{s}$  în direcția care face unghiul  $\alpha=60^\circ$  cu axa  $Ox$ . Să se scrie ecuația traiectoriei corpului ( $g=10\text{ m/s}^2$ ).

b) O bară de lungime  $l$ , de secțiune constantă, confecționată dintr-un material de densitate  $\rho_1$ , articulată în extremitatea  $O$ , este scufundată parțial într-un lichid de densitate  $\rho_2 > \rho_1$  (fig. 1.5.15). Să se determine lungimea  $x$  a porțiunii cufundate, pentru poziția de echilibru stabil a barei.

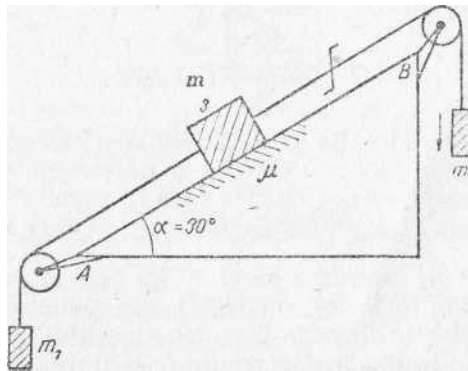
Aplicație pentru cazul  $l=1,00\text{ m}$ ,  $\rho_1=2\,700\text{ kg/m}^3$  (aluminiiu),  $\rho_2=13,6\cdot 10^3\text{ kg/m}^3$  (mercur).



c) Să se scrie ecuația mișcării oscilatorii armonice efectuate de un punct material cu masa  $m=200\text{ g}$ , știind că valoarea extremă a forței elastice care acționează asupra punctului material este  $F_{\text{max}}=200\text{ N}$ , iar energia totală a oscilatorului este  $E_t=40\text{ J}$ . Se va considera ca origine a timpului momentul în care punctul material trece prin poziția de echilibru (mișcarea are loc în planul orizontal).

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., Met., noiembrie, 1975)

1.5.15. La capetele  $A$  și  $B$  ale unui plan înclinat ( $\alpha=30^\circ$ ) se află doi scripeți (fig. 1.5.16) peste care este trecut un fir, la extremitățile căruia sînt atîrnate corpurile de mase  $m_1=1,00\text{ kg}$  și  $m_2=8,00\text{ kg}$ . Pe porțiunea  $AB$  a firului este intercalat un corp de masă



$m_3 = 1,00 \text{ kg}$ , care alunecă cu frecare,  $\mu = 0,10$ . La momentul inițial masa  $m_2$  începe să coboare, iar la momentul  $t = 1,00 \text{ s}$ , firul se rupe între corpurile  $m_3$  și  $m_2$ . Să se afle:

- Viteza celor trei corpuri în momentul ruperii firului.
- Tensiunea în fir între  $m_2$  și  $m_3$  înaintea ruperii acestuia.
- La ce moment corpul  $m_3$  are viteza nulă?
- Distanța străbătută de  $m_3$  până în momentul anulării vitezei sale.
- Accelerația corpului de masă  $m_3$  la coborîre ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ).

Sub. teor. Circuite cu rezistori, bobină și condensatoare în curent alternativ.

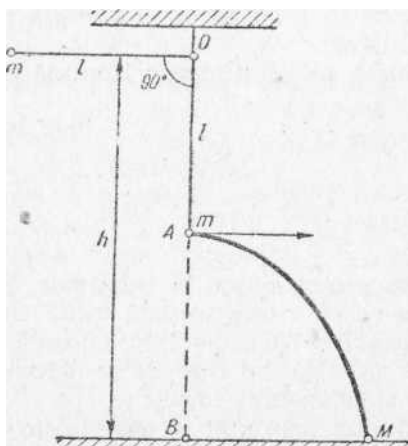
(Inst. Pol. Cluj, iulie, 1975)

1.5.16. Un autoturism cu masa  $m = 800 \text{ kg}$  și cu viteza inițială  $v_1 = 72 \text{ km/h}$  pătrunde pe un drum cu frecare mărită. Deplasarea se face pe plan orizontal. La ieșirea de pe această porțiune de drum, care are lungimea  $L = 1000 \text{ m}$ , viteza are valoarea  $v_2 = 36 \text{ km/h}$ . Coeficientul de frecare pe această porțiune de drum este  $\mu = 0,10$  ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ). Se cere:

- Forța de frecare și energia pierdută prin frecare pe parcursul  $L$ .
- Forța de tracțiune, presupusă constantă, pe distanța  $L$ .
- Timpul în care este străbătută distanța  $L$ .
- Distanța străbătută în intervalul  $t_1 = 4,00 \text{ s}$ ,  $t_2 = 5,00 \text{ s}$ , timpul fiind cronometrat din momentul intrării autoturismului pe drumul considerat.

(Inst. Constr., București, iulie, 1975)

1.5.17. De un fir cu lungimea  $Z = 1,00 \text{ m}$  este prins un corp cu masa  $m = 1,00 \text{ kg}$ ; punctul  $O$  de suspensie a firului se află la înăl-



Înălțimea  $h=6,00$  m față de pământ. Pendulul este deviat cu  $\alpha=90^\circ$  de la poziția verticală și fiind lăsat liber, descrie o mișcare oscilatorie (fig. 1.5.18). În momentul trecerii prin poziția verticală  $OA$  firul se rupe, iar corpul descrie un arc de parabolă, lovind pământul în  $M$ . Se cere:

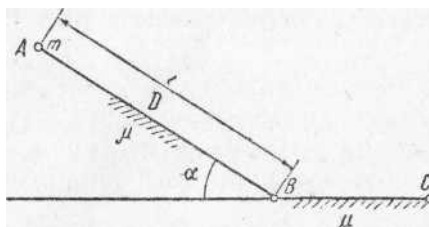
- Viteza corpului în punctul  $A$ .
- Distanța  $BM$  la care cade bila pe pământ.
- Tensiunea în fir în momentul ruperii.
- Durata mișcării ( $g=10 \text{ m/s}^2$ ).

Sub. teor. Microscopul.

(Inst. Ped. Pitești, iulie, 1975)

1.5.18. Un corp cu masa  $m=6,00 \text{ kg}$  pornește din repaus din punctul  $A$  al unui plan înclinat de unghi  $\alpha=30^\circ$ . Lungimea planului înclinat este  $AB=8,00 \text{ m}$ , iar coeficientul de frecare  $\mu=0,5$ .

5V3



Planul înclinat se continuă cu porțiunea orizontală  $BC$ , pe care mișcarea se face cu același coeficient de frecare (fig. 1.5.19). Se cere:

- Accelerația mișcării pe planul înclinat.
- Energia cinetică în punctul  $B$  și energia mecanică la jumătatea  $D$  a planului înclinat.
- Distanța parcursă pe porțiunea orizontală până la oprire. ( $g=10 \text{ m/s}^2$ ).

(Inst. Ped. Pitești, iulie, 1975)

1976

1.6.1. a) Dintr-un punct situat la înălțimea  $H=50 \text{ m}$  se aruncă vertical în sus un corp cu viteza inițială  $v_0=20 \text{ m/s}$ . În același moment, de la înălțimea  $h=70 \text{ m}$  se lasă să cadă liber un alt corp. Neglijând rezistența aerului, se cere să se determine momentul și punctul de întâlnire al celor două corpuri.

b) Pe un disc circular orizontal se găsește un corp așezat la distanța  $r=0,60$  m de ax. Câte rotații pe minut trebuie să facă discul

c) pentru ca corpul să fie aruncat de pe disc, știind că coeficientul de frecare între corp și disc este  $\mu = 0,24$ ?

d) Ecuația mișcării oscilatorii a unui corp este  $x = 0,40 \sin(2\pi \nu t + \frac{\pi}{3})$  (unități SI). Se cere amplitudinea, frecvența și perioada mișcării, precum și

a

ccelerația maximă.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, Met., subing., iulie, 1976)

1.8.2. a) Un corp este aruncat pe verticală în sus de la suprafața Pământului cu o viteză inițială  $v_0 = 20 \text{ m/s}$ . Cât timp se află corpul la o înălțime mai mare de  $h = 10 \text{ m}$  deasupra Pământului? ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ).

b) Pe unul din talerele unei balanțe cu brațe neegale, aflată în prealabil în echilibru, se așază un corp de masă  $m$  și, pentru a păstra echilibrul, pe celălalt taler, un corp de masă  $m_1 = 1,6 \text{ kg}$ . Schimbând corpurile între ele se păstrează echilibrul balanței, dacă la corpul de masă  $m$ , se adaugă corpul de masă  $m_2 = 4,8 \text{ kg}$ . Să se determine masa  $m$ .

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, Met., subing., septembrie, 1976)

1.6.3. a) Un corp este aruncat pe verticală în sus de la suprafața Pământului cu o viteză  $v_0 = 20 \text{ m/s}$ . Care este înălțimea maximă la care se ridică corpul și după cât timp atinge această înălțime? ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ).

b) Ecuația mișcării oscilatorii a unui punct material are forma  $x = 2,00 \cos \dots$

— Să se determine amplitudinea, pulsația, frec

vența, perioada și faza inițială a mișcării (unități SI).

(Inst. Pol. București, subing., seral, septembrie, 1976)

1.6.4. Un vehicul cu masa  $m = 500 \text{ kg}$  pornește din repaus într-o mișcare rectilinie uniform accelerată cu accelerația  $a = 4,00 \text{ m/s}^2$ . Cunoscând că distanța parcursă este  $s = 72 \text{ m}$ , iar coeficientul de frecare este  $\mu = 0,10$ , să se determine:

a) Viteza vehiculului și durata deplasării pe această distanță.

b) Forța de tracțiune.

c) Lucrul mecanic al forței de frecare.

(Inst. Pol. Cluj, subing., iulie, 1976)

1.6.5. Un corp cu masa  $m = 1,00 \text{ kg}$  cade într-un bazin cu apă având la intrarea în apă viteza  $v = 4,00 \text{ m/s}$ . Adâncimea maximă la care pătrunde corpul fiind  $h = 3,20 \text{ m}$ , să se determine:

a) Înălțimea de la care cade corpul față de suprafața apei.

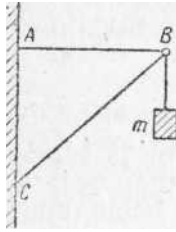
b) Energia potențială în momentul inițial față de suprafața apei.

4

c) Accelerația de frînare în apă. cl) Mărimea forței arhimedice. ( $g=10 \text{ m/s}^2$ ).

»

(Inst. Pol. Cluj, subing., iulie, 1976)

1.6.6. Un corp de masă  $m=40,0 \text{ kg}$  este suspendat ca în fig. 1.6.6. Să se afle:a) Forțele ce se exercită datorită greutateii corpului de masă  $m$  în bara  $BC$  și cablul  $AB$ , dacă  $AB=0,30 \text{ m}$  și  $AC=0,40 \text{ m}$ .b) Timpul în care corpul ajunge la sol și viteza cu care atinge solul în ipoteza că firul de susținere se rupe sub efectul greutateii, înălțimea la care se află corpul față de sol este  $h=10,0 \text{ m}$ .c) Înălțimea  $h'$  față de sol la care energia cinetică a corpului în cădere liberă este egală cu un sfert din energia lui potențială în acel moment, măsurată față de sol.

Sub. teor. 1. Aruncarea corpurilor pe verticală de jos în sus. 2. Ecuația mișcării oscilatorii armonice; deducere.

(Inst. Constr. București, subing., iulie, 197C)

1.6.7. Pe o masă orizontală se află un corp  $A$  de masă  $m_1=$ -  $1,00 \text{ kg}$  legat prin fire de corpurile  $B$  și  $C$  ca în fig. 1.6.7. Se cunosc masele celor două corpuri:  $m_2=5,00 \text{ kg}$  pentru corpul  $B$ , res-

///

k

pectiv  $m_3=2,00 \text{ kg}$  pentru corpul  $C$ . Coeficientul de frecare între corpul  $A$  și masă este  $\mu=0,20$ . Să se determine ( $g=10 \text{ m/s}^2$ ):

a) Tensiunile în fire și accelerația de mișcare a sistemului.

b) Distanța parcursă de corpul  $B$  în timpul  $t=5,0 \text{ s}$  de mișcare.c) Lucrul mecanic al forței de frecare în timpul  $t$ .d) Valoarea pe care ar trebui să o aibă coeficientul de frecare între corpul  $A$  și masă pentru ca sistemul să fie în echilibru.

(Inst. Pitești, subing., iulie, 1976)

1.6.8. Un corp cu masa  $m=8,00 \text{ kg}$  se află la baza unui plan înclinat de unghi  $\alpha=30^\circ$ . Se cere:a) Forța necesară urcării uniforme a corpului pe plan, coeficientul de frecare fiind  $\mu=0,10$ .b) Cunoscând înălțimea planului  $h=16 \text{ m}$ , se cere viteza atinsă la baza planului de corpul lăsat liber în vîrf.



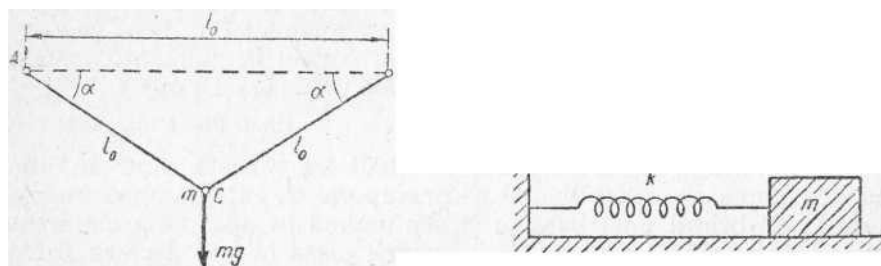
c)

d) Considerând că mișcarea se continuă cu aceeași frecare pe un plan orizontal, se cere distanța de oprire.

Sub. teor. Autoinducția. Inductanța unui circuit. Legea autoinducției.

(Inst. Ped. Bacău, Mat.-Fiz., iulie, 1976)

(1.6.3. a) Un fir elastic de greutate neglijabilă, de modul de elasticitate  $E=800 \text{ kN/m}^2$ , de secțiune transversală  $S=6,0 \text{ mm}^2$  și de lungime  $l_0=20 \text{ cm}$ , fixat la capetele sale în două puncte fixe A și B



situate pe orizontală ( $AB=l_0$ ), se alungește sub acțiunea unui corp de masă  $m$  legat de mijlocul firului, astfel încât în starea deformată, triunghiul ABC este echilateral. Să se determine masa  $m$  a corpului.

b) Un corp de masă  $m=0,50 \text{ kg}$ , legat de un perete vertical cu un resort de constantă elastică  $k=8,0 \text{ N/m}$ , se poate deplasa fără frecare pe un plan orizontal. La momentul  $t=0$  corpul se află la

o distanță  $x_0=10 \text{ cm}$  față de poziția de echilibru și este lăsat să oscileze liber. Se cere ecuația mișcării oscilatorii a corpului, precum și viteza maximă  $V_{max}$ .

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., El., iulie, 1976)

1.6.10.

a) Pe parcursul unei porțiuni rectilinii și orizontale de sosea de lungime  $d=500 \text{ m}$ , un vehicul de masă  $m=2,0 \text{ t}$  accelerează de la viteza  $u_1=54 \text{ km/h}$  la viteza  $u_2=90 \text{ km/h}$ .

Știind că lucrul mecanic efectuat pe această porțiune a fost  $L=1600 \text{ kJ}$ , să se afle coeficientul de frecare a vehiculului cu șoseaua. ( $g=10 \text{ m/s}^2$ );

b) Ecuația mișcării unui oscilator armonic elastic este:

$$x=2,00 \sin 200 \pi t \text{ (unități SI)}.$$

Știind, că masa oscilatorului  $m=0,10 \text{ g}$ , să se exprime energia cinetică și energia potențială a oscilatorului în funcție de timp.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., septembrie, 1976) 1.6.11. Prin suprapunerea a două unde elastice de aceeași amplitudine  $A_0$  de aceeași frecvență  $\nu = 1,00 \text{ kHz}$  și defazate cu  $\varphi = \frac{\pi}{2}$ , rezultă o undă elastică de amplitudine  $A = 5,00 \text{ cm}$ .

Știind că

unde se propagă în mediul elastic cu viteza  $v = 2000 \text{ m/s}$  și că pentru  $a = 0$  și  $t = 0$  elongația primei unde este nulă, se cere să se scrie ecuațiile celor două unde.  
(Inst. Pol. București, Fac. Mec., Met., septembrie, 1976)

1.6.12. Un corp cu masa  $m = 0,50 \text{ kg}$  este suspendat de un fir inextensibil cu lungimea  $Z = 1,00 \text{ m}$ . Inițial firul are direcția orizontală, de unde este lăsat să cadă. La un moment dat firul se rupe. Să se calculeze la ce înălțime s-a aflat corpul în momentul ruperii firului știind că forța de rupere este  $F = 5,00 \text{ N}$ . ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ).  
(Inst. Pol. Cluj, iulie, 1976)

1.6.13. Într-o piesă cu masa  $m = 10,0 \text{ kg}$  turnată dintr-un aliaj cu densitatea  $\rho = 8000 \text{ kg/cm}^3$  se presupune că există goluri închise. Legată de brațul unei balanțe și scufundată în apă piesa cântărește  $m_g = 8,00 \text{ kg}$ . Să se afle cât ar fi cântărit piesa în apă dacă ar fi fost plină și care este volumul golurilor.

Sub. teor. 1. Perioada oscilatorului armonic elastic. 2. Kilowatt ora și electronvoltul. 3. Căldura specifică. 4. Unitatea de flux magnetic și inducție magnetică. 5. Redresarea cu diode semiconductoare.

(Inst. Pol. Cluj, iulie, 1976)

1.6.14. Un corp de masă  $m = 2,00 \text{ kg}$  este plasat pe suprafața pământului. Așupra sa acționează pe verticală în sus o forță  $F = 100 \text{ N}$ . Se cere:

a) Energia cinetică și energia potențială a corpului după parcurgerea pe verticală a unei distanțe  $h = 10 \text{ m}$ .

b) Lucrul mecanic efectuat pe această distanță de forța  $F$ .

c) Ce legătură există între energia potențială și energia cinetică calculate la punctul a) și lucrul mecanic calculat la punctul b)?

Sub. teor. Expresia energiei potențiale a unui sistem fizic.

(Inst. Pol. Timișoara, Fac. Mec., Mec. Agr., El., Constr., iulie, 1976)

1.6.15. Un autoturism avînd masa  $m = 800 \text{ kg}$  este acționat de un motor cu putere utilă  $P_u = 41,4 \text{ kW}$  și randament  $\eta = 0,25$ . Să se afle:

a) Timpul după care autoturismul, pîrînd din repaus, atinge viteza  $v = 108 \text{ km/h}$  dacă pentru a atinge această viteză a parcurs distanța  $s = 1,50 \text{ km}$  într-o mișcare uniform accelerată.

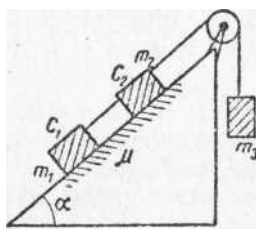
b) Consumul de benzină pe sută de kilometri la viteză constantă  $v = 108 \text{ km/h}$ , știind că puterea calorică a benzinei folosite este  $q = 46 \text{ MJ/kg}$ .

c) Valoarea coeficientului de frecare la alunecare, dacă autoturismul urcă cu viteză constantă  $v = 36 \text{ km/h}$  pe o pantă ce face cu orizontala un unghi  $\alpha = 30^\circ$ . ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ).

Sub. teor. Dilatația în suprafață și volumică a corpurilor solide; variația densității corpurilor solide cu temperatura.

(Inst. Constr. București, iulie, 1976)

1.6.16. Se dă un plan înclinat care face cu orizontala un unghi  $\alpha = 60^\circ$ . Trei corpuri  $C_1, C_2, C_3$  de mase, respectiv  $m_1 = 1,00 \text{ kg}$ ,  $m_2 = 2,00 \text{ kg}$ ,  $m_3 = 3,00 \text{ kg}$  legate între ele prin fire inextensibile de mase neglijabile, sînt dispuse ca în fig. 1.6.13, astfel încît corpurile



$C_1$  și  $C_2$  alunecă cu frecare pe fața înclinată a planului, iar firul de legătură dintre corpurile  $C_2$  și  $C_3$  este trecut peste un scripete de masă neglijabilă. Cunoșcându-se coeficientul de frecare dintre corpuri și plan, ( $\mu=0,10$ ), se cere să se stabilească:

- Sensul deplasării sistemului format din cele trei corpuri.
- Valoarea accelerației sistemului.
- Tensiunea  $T_{23}$  din firul de legătură dintre corpurile  $C_2$  și  $C_3$ .
- Tensiunea  $T_{12}$  din firul de legătură dintre corpurile  $C_1$  și  $C_2$ .
- ~~Variația energiei cinetice a sistemului de corpuri în mișcare pe distanța  $s=1,00$  m. ( $g=10 \text{ m/s}^2$ ).~~

*Sub. teor.* 1. Variația energiei interne. 2. Formularea principiului al doilea al termodinamicii. 3. Punctul critic.

(Univ. București, Fac. Fiz., septembrie, 1976)

1.6.17. Un corp cu masa  $m=50,0$  kg cade liber. După ce a străbătut o distanță  $h=125$  m, trebuie oprit în timpul  $t=5,00$  s. Ce forță trebuie aplicată corpului pentru oprire? Care este distanța străbătută de corp din momentul frînării până la oprire? Se neglijează frecarea cu aerul. ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>). Sub. teor. 1. Cuplu de forțe. Momentul cuplului. 2. Cantitatea de căldură.

(Univ. Cluj, Fac. Fiz., iulie, 1976)

1.6.18. O sferă cu masa  $m=0,50$  kg este suspendată cu ajutorul unui fir metalic cu lungimea  $Z=2,00$  m și descrie un cerc în plan vertical. ———'

a) Ce viteză minimă inițială  $u_0$  după direcție orizontală trebuie imprimată bilei în poziția de repaus pentru ca aceasta să descrie cercul?

b) Să se calculeze tensiunea din fir în pozițiile în care firul face unghiurile  $\phi=0^\circ$  și  $60^\circ$  față de poziția de echilibru.

c) Să se calculeze perioada și frecvența oscilațiilor pendulului simplu, format de fir și sferă, în condițiile de izocronism. ( $\phi=10$  m/s<sup>2</sup>).

Sub. teor. 1. Dilatarea corpurilor solide, efecte, forțe de dilatație. Dilatația în suprafață și volumică. 2. Rezistența echivalentă a rezistențelor electrice grupate în serie și paralel.

. •».

(Univ. Galați, iulie, 1976)

ML&dD. Un clește patent cu masa  $m=300$  g cade liber pe punte de la înălțimea  $h=20$  m. Să se calculeze:

a) Viteza cu care ajunge pe punte.

b) Timpul în care se execută mișcarea de cădere.

c) Energia cinetică a corpului după  $t=1,5$  s de la începerea mișcării.

d) Energia potențială a patentului la impactul cu puntea navei. Se neglijează frecarea cu aerul. ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).

(Inst. Marină Constanța, iulie, 1976)

1977

1.7.1. Un pendul format dintr-un fir de lungime  $l=1,6$  m și o bilă de masă  $m=0,50$  kg primește inițial, când se află în repaus, în poziție verticală, un impuls  $p=2,00$  N·s și începe să oscileze. Să se determine unghiul maxim pe care-l face firul cu verticala în timpul oscilației. ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).

(Inst. Pol. București, subing., iulie, 1977)

1.7.2. Două mobile se deplasează pe același drum rectiliniu orizontal în sensuri opuse. Știind că în momentul inițial ele se află la

o distanță  $d=160$  m și au vitezele  $u_1=4,0$  m/s și  $u_2=5,0$  m/s, se cere să se determine coeficienții de frecare și  $j_{12}$ , știind că se întâlnesc la mijlocul distanței după  $t=30$  s. ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).

(Inst. Pol. București, subing., iulie, 1977)



1.7.3. Ecuația unei oscilații armonice este  $x=1,0 \cdot 10^{-2} \sin(2\pi t + \pi/2)$  (SI). Să se determine perioada, amplitudinea, și faza inițială. Care sînt valorile maxime ale vitezei și accelerației oscilatorului?

(Inst. Pol. București, subing., iulie, 1977)

1.7.4. Rezultanta forțelor concurente  $F_1=100$  N și  $F_2=200$  N are mărimea  $F=100\sqrt{3}$  N. Să se afle:

a) Unghiul  $\gamma$  format din direcțiile forțelor  $F_1$  și  $F_2$  și unghiurile  $\alpha_1$  și  $\alpha_2$  formate între direcția rezultantei și direcțiile forțelor  $F_1$  și respectiv  $F_2$ .

b) Valoarea  $a_0$  a unghiului  $\alpha$  (considerat variabil) pentru care mărimea rezultantei forțelor  $F_1$  și  $F_2$  este maximă și să se calculeze valoarea maximă.

c) Constanta elastică a unui resort asupra căruia acționînd ——— forța

$F$ , îi produce alungirea  $\Delta l_1 = 40$  mm; ce lucru mecanic a fost efectuat în acest caz pentru alungirea resortului?

*Sub. teor.* Aruncarea pe verticală de jos în sus.

(Inst. Constr. București, subing., iulie, 1977)

1.7.5. Asupra unui corp cu masa  $m = 3,00$  kg aflat pe un plan orizontal acționează paralel cu planul o forță  $F = 30$  N un timp  $t = 5,00$  s. Mișcarea este cu frecare. Să se determine:

a) Coeficientul de frecare dacă corpul se deplasează uniform accelerat și parcurge în prima secundă ( $t_1 = 1,00$  s) distanța  $x_1 = 2,5$  m.

b) Energia cinetică a corpului după  $t = 5,0$  s de la începutul mișcării.

c) După cât timp s-ar opri corpul dacă după  $t = 5,00$  s de acțiune a forței aceasta încetează să mai acționeze. ( $g = 10$  m/s<sup>2</sup>).

*Sub. teor.* Potențialul electric. Diferența de potențial. Unități de măsură.

(Inst. Petr. Gaze, Ploiești, Fac. Foraj., Utilaj, subing., iulie, 1977)

î-3 î: %

1.7.6. Să se determine mărimile  $A$ ,  $\omega$  și  $a$  din ecuația  $x = A \sin(\omega t + \phi_0)$  a mișcării oscilatorii rectilinii a unui punct material care are viteza  $u_1 = 4,00$  m/s când se află la distanța  $x_1 = 5,00$  m de poziția de echilibru și viteza  $u_2 = 3,00$  m/s când se află la distanța  $x_2 = 4,00$  m de origine, știind că faza inițială este  $\pi/2$ .

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, Chim., iulie, 1977)

1.7.7. Un lanț omogen greu, de lungime  $l$  și densitate  $p$ , situat parțial pe un plan înclinat de unghi  $\alpha$  față de orizontală, este trecut peste muchia planului, avînd astfel o porțiune verticală care este scufundată într-un lichid de densitate  $\rho$ . Neglijînd frecările, se cere să se determine lungimea  $x$  a porțiunii de lanț situată pe planul înclinat cînd acesta se află în echilibru.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, Chim., iulie, 1977)

1.7.8. La construcția unei clădiri se folosește un scripete fix al cărui cablu este acționat de un motor. Cu ajutorul acestui sistem este ridicat un rezervor cu greutatea  $G = 980$  N la înălțimea  $h = 10$  m. Pornirea se face uniform accelerat astfel că după  $t = 3,5$  s rezervorul atinge viteza  $u = 0,70$  m/s. În continuare urcarea se face uniform pînă la distanța  $d = 0,50$  m în fața punctului de oprire, de unde motorul frînează determinînd o mișcare uniform încetinită. Să se calculeze:

a) Tensiunea din cablu în cele trei etape ale mișcării.

b) Puterea dezvoltată de motor în cele trei etape ale mișcării.

c) Durata ridicării rezervorului. ( $g = 10$  m/s<sup>2</sup>).

*Sub. teor.* 1. Legea lui Hooke. Modulul de elasticitate. 2. Teoremele lui Kirchhoff. 3. Principiul I al termodinamicii.

(Inst. Pol. Timișoara, iulie, 1977)

1.7.9. Un corp avînd masa  $m = 1,6$  kg este lăsat să lunece liber pe plan înclinat cu unghiul  $\alpha = 60^\circ$  față de orizontală. Deplasarea corpului pe planul înclinat se face cu frecare, coeficientul de frecare la lunecare fiind  $\mu = 0,23$ . În timpul  $t = 2,0$  s corpul ajunge la baza planului înclinat și cade într-un vas cu apă. Să se afle:

a) Distanța parcursă de corp pe planul înclinat.

b) Energia potențială a corpului (evaluată față de baza planului) și energia lui cinetică după timpul  $t = 1,00$  s de la începutul mișcării.

c) Forța cu care corpul în întregime scufundat apasă pe fundul vasului.

Se dau: densitatea corpului  $\rho = 8000$  kg/m<sup>3</sup>,  $g = 10$  m/s<sup>2</sup>.

*Sub. teor.* 1. Teorema variației energiei cinetice. 2. Dilatarea corpurilor solide (liniară, în suprafață și volumică). Forțe de dilatație.

(Inst. Constr. București, iulie, 1977)

1.7.10. Un corp cu masa  $m = 2,00$  t este tras în sus cu viteza constantă  $u = 1,5$  m/s pe un plan înclinat ( $\alpha = 30^\circ$ ) cu ajutorul unui cablu de oțel cu secțiunea  $S = 1,00$  cm<sup>2</sup>, lung de  $Z = 10$  m, paralel cu planul. Coeficientul de frecare este

$\alpha = 0,10$ . Să se calculeze:

- a) Forța de tracțiune necesară ridicării corpului pe plan.
- b) Puterea consumată pentru deplasarea corpului cu viteza menționată.

c) Deformația (alungirea) elastică a cablului. Cît trebuie să devină forța de tracțiune pentru ca corpul să coboare uniform pe planul înclinat?

Se dă  $k=2,0 \cdot 10^{11} \text{ N/m}^2$ ,  $g=10 \text{ m/s}^2$ .

Sub. teor. Dilatația corpurilor solide: 1. Dilatația volumică. 2. Forțe de dilatație.

3. Variația densității corpurilor solide cu temperatura.

x (Inst. Petr. Gaze, Ploiești, Fac. Foraj, Utilaj, iulie, 1977)

1.7.11. Pe talerul unei balanțe suspendate de un arc cu coeficientul de elasticitate  $k=0,20 \text{ N/m}$  cade un corp de masă  $m=3,0 \text{ g}$ , care rămîne pe taler și acesta începe să oscileze. Înălțimea de la care cade corpul este  $h=0,25 \text{ m}$ . Să se afle amplitudinea  $A$  a oscilațiilor. Se poate lua  $g=10 \text{ m/s}^2$ .

Sub. teor. Compunerea forțelor paralele.

(Inst. Pitești, Făe. Auto. Rut., iulie, 1977)

1.7.12. Un corp cade liber de la înălțimea  $h=1,960 \text{ m}$ . Să se determine:

a) Distanța parcursă în intervalul de timp  $t_1=9,0 \text{ s}$  și  $t_2=10,0 \text{ s}$ .

b) Timpul în care sînt parcurși ultimii  $d=60,0 \text{ m}$ .

(Inst. Marină, Constanța, iulie, 1977)

1.7.13. Unui corp de greutate  $G=1,00 \text{ kN}$  i se imprimă o viteză inițială  $v_0=8,0 \text{ m/s}$ . Corpul se mișcă pe un plan orizontal și în timpînă o rezistență datorită frecării. Se dă coeficientul de frecare  $\mu=0,21$ .

a) După cît timp se va opri corpul?

b) La ce distanță se va opri corpul?

(Inst. Marină, Constanța, iulie, 1977)

1.7.14. Să se calculeze viteza inițială imprimată unui corp care coboară fără frecare pe un plan înclinat de unghi  $\alpha=45^\circ$  pentru a ajunge la o orizontală dată, în același timp cu un alt corp care cade liber pe verticală, plecînd simultan din același punct cu primul. Distanța parcursă pe verticală este  $h=9,8 \text{ m}$ .

Sub. teor. 1. Energia mecanică a unui oscilator armonic. 2. Căldura specifică. Măsurî calorimetrice.

(Univ. București, Fac. Fiz., iulie, 1977)

1.145. În vîrfî a două plane înclinate, cu unghiurile la bază  $\alpha=30^\circ$  și  $\beta=60^\circ$  (fig. 1.7.15) se află un scripete ideal. Peste scripete este trecut un fir inextensibil de masă

neglijabilă, de capetelecăruia sînt

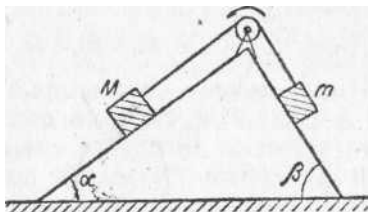
prinse două corpuri de masă  $M=2,00 \text{ kg}$  și  $m=1,00 \text{ kg}$ ,

astfel încît ele alunecă fără frecare pe cele două plane înclinate.

$$Q_c = V_{cp} \Delta t \cdot g \quad v^2 = 2gs \Rightarrow s = \frac{v^2}{2g}$$

Dacă mișcarea are loc astfel încît corpul de masă  $M$  coboară pe plan, să se determine:

- Accelerația sistemului format din cele două corpuri.
- Tensiunea din fir.



- Viteza sistemului după ce corpurile au parcurs o distanță  $d = 0,16$  m. Se va lua  $g = 10 \text{ m/s}^2$ .

Sub. teor. Principiul I al termodinamicii.

(Univ. București, Fac. Fizică, iulie, 1977)

1.7,18. Un corp cu masa  $m = 1,00$  kg este lăsat să cadă de la o înălțime oarecare. Să se calculeze:

%

- Țimpul de cădere al corpului dacă se știe că în ultimul interval de timp  $\tau = 1,00$  s înainte de atingerea solului, corpul parcurge a  $n = 9$  a parte din înălțimea totală.

- Înălțimea de la care a fost lăsat să cadă corpul.
- Energia corpului la suprafața Pământului. ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ).

Sub. teor. Legea lui Hooke. Modulul de elasticitate.

(Univ. București, Fac. Fizică, septembrie, 1977)

1978

(începînd cu acest an se dau subiecte unice pe țară, pe profiluri sau pe grupe de profiluri)

\*

1.8.1. Un corp cu masa  $m = 500$  kg este ridicat uniform accelerat, pornind din repaus, cu ajutorul unui scripete fix, la înălțimea  $h = 12,5$  m, într-un timp  $t = 5,0$  s. Să se determine:

- Accelerația corpului.
- Energia potențială maximă și lucrul mecanic efectuat pentru ridicarea corpului la înălțimea  $h$ . (Se cunoaște accelerația  $g$ ).

1.8.2. O ladă cu masa  $m = 500$  kg este trasă uniform pe o rampă de lungime  $Z = 10,0$  m și înclinată cu  $\alpha = 30^\circ$  față de orizontală. Coeficientul de frecare între ladă și rampă este  $\mu = 0,30$ . Să se calculeze:

- Lucrul mecanic necesar pentru urcarea lăzii pe rampă, și direct pe verticală, la aceeași înălțime.
- Puterea unui motor cu ajutorul căruia lada este ridicată pe rampă în timpul  $t = 30,0$  s. (Se cunoaște accelerația  $g$ .)

Sub. teor. 1. Expresia energiei potențiale a unui sistem fizic.

(Profiluri Tehnice, subing., iulie, 1978)

2. Acțiunea reciprocă a două conductoare paralele parcurse de un curent electric.

3. Propagarea undelor electromagnetice.

(Profiluri Tehnice, subing., iulie, 1978)



1.8.3. Un corp greu, de mici dimensiuni, este legat la capătul unui fir inextensibil de lungime  $Z=20$  cm. Se dă corpului o mișcare de rotație în jurul verticalei, astfel încât firul se deplasează pe suprafața unui con ale cărui generatoare formează unghiul  $\theta=60^\circ$  cu verticala. Să se determine frecvența rotației corpului ( $g=10 \text{ m/s}^2$ ).

(Profiluri Tehnice, subing., iulie, 1978)

1.8. C Un camion cu masa  $m=3,00$  t pleacă din repaus pe un drum orizontal. Coeficientul de frecare este  $\mu_A=0,040$ . Camionul se deplasează uniform accelerat, atingând viteza  $u=36$  km/h, după parcurgerea distanței  $s=200$  m. Să se determine:

a) Timpul  $t$  în care s-a parcurs distanța  $s$ .

b) Lucrul mecanic efectuat pentru învingerea forțelor de frecare și puterea maximă dezvoltată de motorul camionului în cursul deplasării. ( $g=10 \text{ m/s}^2$ ).

Sub. teor. 1. Energia mecanică a unui oscilator armonic. 2. Căderea de tensiune pe linie. 3. Tensiunea indusă într-un conductor liniar.

(Profiluri Tehnice, subing., iulie, 1978)

1.8.5. Un automobil cu masa  $m=500$  kg, care are viteza  $v_1=36$  km/h, ajunge la viteza  $v=72$  km/h, după ce se află un timp  $t=20$  s sub acțiunea unei forțe constante  $F$ . Să se determine:

a) Accelerația mișcării și valoarea forței  $F$ .

b) Distanța parcursă în timpul  $t$ .

Se neglijează frecările.

(Profiluri tehnice, subing., septembrie, 1978)

1.8.6. "Un punct material de masă  $m=5,0$  g efectuează oscilații armonice cu amplitudinea  $A=5,0$  cm și frecvența  $\nu=1,00$  Hz. Faza inițială a oscilațiilor este  $\varphi=0$ . Se cere:

a) Să se scrie ecuația mișcării oscilatorii a acestui punct material.

b) Să se calculeze energia totală  $E$  a oscilatorului.

Sub. teor. a) Se cere: 1. Să se deducă expresia înălțimii maxime la care ajunge un corp aruncat pe verticală de jos în sus cu viteza  $v_0$ . 2. Să se enunțe cantitativ legea lui Coulomb și să se indice natura mărimilor fizice care intervin. 3. Să se scrie expresia t.e.m. induse într-un conductor liniar care se află în mișcare într-un câmp magnetic și să se indice natura mărimilor fizice care intervin.

b) Se cere: 1. Să se definească viteza unghiulară în mișcarea circulară uniformă a punctului material. 2. Să se scrie expresia intensității câmpului magnetic generat în jurul unui conductor liniar parcurs de un curent electric și să se indice natura mărimilor fizice care intervin. 3. Să se definească inductanța și să se indice unitatea SI de măsură a acesteia.

(Profiluri tehnice, subing., septembrie, 1978)

tjo

1.8.4. Un corp cu greutatea  $G=50$  N se poate deplasa pe o suprafață orizontală, fiind tras de un fir petrecut peste un scripete, la al cărui capăt se leagă un corp cu masa  $m_2=5,00$  kg, care cade vertical. Se cere să se calculeze:

a) Forța de frecare exercitată asupra corpului care luneează și tensiunea din fir.

b) Ce masă  $m_2'$  ar trebui să aibă corpul care cade vertical, pentru ca sistemul să se miște uniform?

Coeficientul de frecare al corpului  $G$ , pe suprafață este  $\mu=0,10$ ;  $g=10$

$m/s^2$ .

*Sub. teor. 1. Puterea (definiție, legătura cu alte mărimi fizice).*

2. Principiul întâi al termodinamicii (enunț și explicarea mărimilor fizice care intră în enunțul cantitativ). 3. Rezonanța în circuitul oscilant.

(Profiluri tehnice, iulie, 1978}

1.8.8. Un corp de masă  $m$  alunecă pe un plan înclinat cu unghiul  $\alpha=30^\circ$  față de planul orizontal. Corpul pornește din repaus de la înălțimea  $h=20\text{ m}$ . Coeficientul de frecare între corp și plan este  $\mu=1/2$ . Să se calculeze:

a) Viteza cu care corpul ajunge la baza planului înclinat.

b) Distanța parcursă de corp pe planul orizontal, dacă coeficientul de frecare pe planul orizontal este egal cu cel de pe planul înclinat. ( $g=10\text{ m/s}^2$ ).

*Sub. teor.* 1. Principiul lui Huygens. 2. Legea gazului ideal (ecuația Mendeleev-Clapeyron). 3. Inducția magnetică a eîmpului din interiorul unui solenoid parcurs de un curent electric. Asupra unui corp de masă  $m=5,00\text{ kg}$ , aflat pe un plan înclinat care face unghiul  $\alpha$  cu planul orizontal, acționează o forță  $F$  orientată în sus, paralel cu planul înclinat. Coeficientul de frecare al corpului cu planul înclinat este  $\mu$ . Dacă valoarea forței  $F$  este  $F_1=35,1\text{ N}$ , corpul urcă uniform pe plan, iar dacă forța are valoarea  $F_2=13,9\text{ N}$ , corpul coboară uniform pe plan. Să se determine:

a) Unghiul  $\alpha$ .

b) Coeficientul de frecare între corp și planul înclinat.

Se cunoaște accelerația gravitațională  $g$ .

*Sub. teor.* 1. Să se enunțe legea fundamentală a dinamicii, legea acțiunilor reciproce și legea independenței acțiunii forțelor. 2. Temperatura absolută. Relația de transformare a temperaturilor din grade Celsius în Kelvin. 3. Acțiunea eîmpului magnetic asupra particulelor electrizate aflate în mișcare.

(Profiluri tehnice, iulie, 1978)

I. *S.M.* Un resort de masă neglijabilă, avînd constanta elastică  $k$ , este suspendat în poziție verticală. La capătul resortului se agață un corp de masă  $m=100\text{ g}$  care se lasă liber. Se cere să se afle:

a) Ecuația care descrie oscilația corpului de masă  $m$ , din momentul agățării de resort.

b) Alungirea maximă a resortului în raport cu lungimea sa inițială. (Se cunoaște accelerația gravitațională  $g$ ).

*Sub. teor.* 1. Expresia matematică a lucrului mecanic. 2. Combustibili. 3. Legea autoinducției (enunț și explicarea mărimilor fizice care intră în expresia legii).

(Profiluri tehnice, septembrie, 1978)

I.S.II. Într-o piesă de masă  $m=16\text{ kg}$ , turnată dintr-un aliaj cu densitatea  $\rho=8000\text{ kg/m}^3$ , există goluri închise. Știind că greutatea aparentă a piesei este  $G_a=135\text{ N}$ , să se determine:

a) Volumul piesei.

b) Procentul din volumul piesei care este gol.

Se cunoaște

densitatea apei;  $g=10\text{ m/s}^2$ .

*Sub. teor.* a) Se cere: 1. Să se scrie legea lui Hooke, indicîndu-se natura mărimilor fizice care intervin. 2. Să se enunțe primul principiu al termodinamicii, în cazul general, și să se indice natura mărimilor fizice care intervin. 3. Să se definească unitatea SI de intensitate a curentului electric.

b) Se cere: 1. Să se enunțe legea conservării impulsului. 2. Să se scrie expresia randamentului unui motor termic funcționînd după un ciclu Camot. 3. Să se scrie expresiile puterilor activă, reactivă și aparentă, în c.a. monofazat.

(Profiluri tehnice, septembrie, 1978)

Midi O „{A” ”

1/2

1

I

4

1.8.12. Sub acțiunea unei forțe  $F=10,0$  N un corp de masă  $m=10$  t g, atârnat de capătul unui resort, se deplasează cu  $x=2,00$  cm față de poziția de echilibru. Se cere să se calculeze:

a) Pulsatia, perioada și frecvența oscilațiilor libere ale corpului.

1.8.13. Raportul dintre energia cinetică și cea potențială a corpului la o distanță de origine egală cu jumătatea amplitudinii.

Sub. teor. a) Se cere: 1. Să se enunțe legile frecării de alunecare.

2. Să se definească căldura specifică a unei substanțe. 3. Dependența rezistenței electrice de dimensiunile conductorului, de natura conductorului și de temperatură.

b) Se cere: 1. Definiția și expresia momentului unei forțe în raport cu un punct. 2. Să se scrie expresia dependenței densității unui corp solid cu temperatura. 3. Să se scrie expresia forței electromagnetice ce se exercită asupra unui conductor parcurs de un curent electric, care se află în câmp magnetic.

(Profiluri tehnice, septembrie, 1973)

0.13. Un corp de masă  $m=2,00$  kg este lăsat să cadă liber de la înălțimea  $h=19,6$  m. Să se calculeze:

a) Timpul după care corpul atinge solul.

b) Energia cinetică a corpului în momentul când acesta atinge solul. (Se cunoaște accelerația  $g$ ).

(Profil, economic, iulie, 1978)

1.8.14. Un automobil de masă  $m=2,00$  t, fiind frânat, se oprește după parcurgerea distanței  $d=10,0$  m în timpul  $t=2,5$  s. Să se calculeze:

a) Viteza inițială a automobilului.

b) Forța de frînare.

Sub. teor. 1. Presiunea atmosferică normală. 2. Legea lui Coulomb. 3. Structura corpusculară a sarcinii electrice. Electronul.

(Profil economic, iulie, 1978)

1.8.15. Un corp este aruncat de jos în sus pe un plan înclinat cu viteza inițială  $u_0=40$  m/s. Unghiul dintre planul înclinat și planul orizontal este  $\alpha=30^\circ$ , iar coeficientul de frecare între corp și plan este  $\mu=0,10$ . Să se calculeze:

a) Distanța parcursă de corp pe planul înclinat.

b) Timpul de urcare a corpului pe planul înclinat, ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).

(Profil economic, iulie, 1978)

1.8.16. Un corp cu masă  $m=0,50$  kg, legat, de un resort, oscilează în jurul poziției de echilibru. Amplitudinea mișcării oscilatorii este  $A=20$  cm, iar valoarea maximă a forței elastice care acționează asupra corpului este  $F_{max}=10,0$  N. Luând poziția de echilibru a corpului drept origine a axei  $Oy$  (după direcția de oscilație) și, știind că la momentul  $t=0$  corpul se află la distanța maximă de poziția de echilibru, să se determine:

a) Ecuația mișcării oscilatorii, cu valori numerice.

b) Energia totală a oscilatorului.

Sub. teor. 1. Perioada și frecvența mișcării circulare. 2. Dependența rezistenței electrice de dimensiunile și natura conductorului.

3. Rezistența internă a triodei.

(Profil economic, iulie, 1978)

1.8.17. Pe un plan înclinat ce face unghiul  $\alpha=30^\circ$  cu planul orizontal, este lăsat să lunece, fără viteză inițială, un corp de masă  $m$ . Coeficientul de frecare între corp și planul înclinat este  $\mu=0,20$ . Ajungând la baza planului înclinat, corpul își continuă mișcarea pe un plan orizontal, parcurgând distanța  $l_2$  de  $n=3$  ori mai mare de cât distanța parcursă pe planul înclinat.

Să se calculeze coeficientul de frecare  $\mu$  al corpului cu planul orizontal.

*Sub. teor.* 1. Mișcarea circulară uniformă a punctului material. Ecuația mișcării. 2. Legea lui Arhimede (enunț). 3. Legea autoinducției (enunț).  
(Profil economic, iulie, 1978)

1.8.18. Un corp cu masa  $m_1=50$  g, care se deplasează în direcție orizontală cu viteza  $u_0=10$  m/s, ciocnește plastic un alt corp cu masa  $m_2=200$  g suspendat de un fir cu lungimea  $l=80$  cm și aflat inițial în repaus. Se cere să se calculeze:

- Viteza  $v$  a corpului format în urma ciocnirii plastice.
- Forța centrifugă și tensiunea din fir în momentul imediat următor ciocnirii. ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).

*Sub. teor.* 1. Viteza și accelerația în mișcarea oscilatorie armonică. 2. Legea fundamentală a dinamicii. 3. Acțiunea cîmpului magnetic asupra particulelor electrizate aflate în mișcare.

(Profil economic, iulie, 1978,

1979

L9d. Un automobil cu masa  $m=1,00$  t se deplasează rectiliniu pe un drum orizontal cu viteza  $u_0=72$  km/h. La distanța  $d=25$  m înainte de intrarea într-o curbă cu raza de curbura  $R=100$  m, șoferul frînează, imprimînd automobilului accelerația  $a=-2,00$  m/s<sup>2</sup>. Se cere:

- Energia cinetică a automobilului în momentul frînării și viteza liniară a automobilului la intrarea în curbă. Accelerația normală și accelerația totală a automobilului imediat după intrarea acestuia în curbă.
- Forța de inerție totală care acționează asupra automobilului imediat după intrarea acestuia în curbă și coeficientul de frecare minim de alunecare între roți și șosea, care asigură nederaparea automobilului în întreaga zonă a curbei. ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).

(Profiluri tehnice, subing., iulie, 1979)

1.9.2. Un resort are coeficientul de elasticitate  $\gamma=100$  N/m. Fiind suspendat vertical, în repaus, de capătul lui se atașează un corp cu masa  $m=1,00$  kg, apoi se lasă sistemul liber. Se cere:

- Lungimea pendulului matematic care are perioada egală cu cea a oscilatorului cu resort.
- Să se scrie ecuația elongației mișcării oscilatorii a corpului atașat de resort.
- Să se scrie ecuațiile vitezei și accelerației mișcării oscilatorii a corpului atașat de resort. ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).

*Sub. teor.* a) Să se scrie, indicînd semnificațiile fizice ale mărimilor care intervin: 1. Legea lui Hooke. 2. Randamentul mașinilor simple. 3. Puterea în curent alternativ.

- Se cere: 1. Să se enunțe legea lui Arhimede. 2. Să se scrie expresia dependenței rezistenței unui conductor liniar de dimensiunile și de natura conductorului. 3. Să se enunțe legea efectului elec-trocaloric (Joule).

(Profiluri tehnice, subing., iulie, 1979)

1.9.3. Un oscilator de masă  $m=25$  g efectuează o mișcare descrisă de

C  
ecuația  $y=20 \cdot 10^{-3} \sin(20 \pi t + \pi/4)$ , (unități SI). Să se determine:

- Valoarea maximă a accelerației oscilatorului, ra Momentele cînd viteza, respectiv accelerația, sînt maxime,

c) Energia totală a oscilatorului.

*Sub. teor.* a) Să se scrie, indicând semnificația fizică a parametrilor care, intervin: 1. Expresia modulului rezultantei a două forțe concurente. 2. Expresia dependenței lucrului mecanic al forțelor de presiune. 3. Expresiile reactanței inductive și reactanței capacitive.

b) Să se definească: 1. Coeficientul de frecare de alunecare. 2. Capacitatea electrică a unui conductor. 3. Inducția unui câmp magnetic uniform.

(Profiluri tehnice, subing., iulie, 1979)

Un corp greu de dimensiuni mici este lăsat să cadă pe verticală de la înălțimea  $h=520$  m. La  $t=2,00$  s după începerea căderii libere a acestui corp, se aruncă de jos în sus un al doilea corp cu viteză inițială  $u_0=80$  m/s. Să se determine:

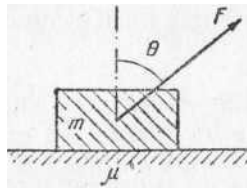
- a) Momentul și înălțimea la care se întâlnesc cele două mobile.  
 b) Viteza relativă cu care trec cele două corpuri unul pe lângă celălalt.  
 c) Înălțimea maximă pe care o atinge cel de-al doilea corp. ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ).  
 Sub. teor. a) Se cere: 1. Să se enunțe legea independenței acțiunii forțelor. 2. Să se definească puterea mecanică și unitatea sa de măsură. 3. Să se indice expresia vitezei de propagare a perturbațiilor longitudinale în medii solide.  
 b) Să se scrie, indicând semnificațiile fizice ale mărimilor care intervin: 1. Expresia energiei electrice într-un circuit de c.c. 2. Expresia forței de interacțiune a două conductoare paralele parcurse de un curent electric. 3. Expresia capacității echivalente a mai multor condensatoare legate în serie.

(Profiluri tehnice, iulie, 1979)

1.5.

Un corp cu masa  $m = 1,00 \text{ kg}$  se deplasează cu frecare pe un plan orizontal, coeficientul de frecare fiind  $\mu = 0,10$ . Aupra corpului acționează o forță constantă  $F = 5,00 \text{ N}$ . Să se determine:

- a) Accelerația corpului, dacă forța  $F$  formează cu verticala, deasupra planului orizontal, un unghi  $\theta = 30^\circ$ .



b) Pentru ce valoare a unghiului  $\theta$ , viteza atinsă de corp după străbaterea distanței  $d = 50 \text{ m}$  din locul de pornire este maximă, și valoarea maximă a acestei viteze.

c) Valoarea maximă a forței  $F$  pentru care corpul rămâne în repaus pentru orice unghi  $\theta$ . ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ).

Sub. teor. a) Să se deducă: 1.\* Expresia accelerației normale în mișcarea circulară uniformă. 2. Expresia randamentului unei mașini termice funcționând după un ciclu Carnot reversibil. 3. Expresia forței de interacțiune între două conductoare paralele, parcurse de un curent electric.

b) Să se scrie, indicând semnificațiile fizice ale mărimilor care intervin: 1. Ecuația lui Bernoulli. 2. Formula presiunii exercitate de gazul ideal, în teoria cinetică a gazelor. 3. Expresia forței (Lorentz)

6 acționînd asupra unei particule electrizate, aflată în mișcare într-un câmp magnetic.

(Profiluri tehnice, iulie, 1979)

1.9.5. Un corp cu masa  $m_1=1,00$  kg, lansat pe un plan orizontal cu viteza inițială  $u_0=10$  m/s, ciocnește elastic — la distanța  $d=50$  m, — un al doilea corp, aflat inițial în repaus. Să se deducă:

a) Masa pe care trebuie să o aibă al doilea corp, pentru ca — după ciocnire — primul corp să se oprească.

b) Coeficientul de frecare al primului corp cu planul orizontal, dacă viteza imprimată corpului 2, în condițiile punctului precedent, este  $v_2=9,0$  m/s.

c) Valoarea maximă a energiei de deformare a resortului, pentru care primul corp poate fi scos — din repaus, presupunînd — că pentru a scoate acest corp din repaus s-a acționat asupra lui cu un resort de constantă elastică  $c=50$  N/m. ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).

Sub. teor. a) Se cere: 1. Să se stabilească poziția punctului de aplicație a rezultantei a două forțe paralele și de sens contrar. 2. Să se justifice legea lui Ohm, pornind de la considerente privind mișcarea ordonată a electronilor liberi din conductoare. 3. Să se deducă expresia unghiului de defazaj între tensiune și curent, pentru un circuit serie cu rezistor, bobină și condensator.

b) Să se enunțe: 1. Legea lui Arhimede. 2. Principiul al doilea al termodinamicii. 3. Teoremele lui Kirchhoff.

(Profiluri tehnice, iulie, 1979)

1.17. Un corp cu masa  $m=10,0$  kg alunecă cu frecare, pornind din repaus de la înălțimea  $h=8,00$  m, pe un plan înclinat cu unghiul  $\alpha=30^\circ$  față de planul orizontal. Cunoscînd coeficientul de frecare al corpului cu planul înclinat  $\mu=0,173$ , să se determine:

a) Accelerația corpului la coborîrea pe planul înclinat.

b) Energia cinetică a corpului la baza planului înclinat.

c) Durata mișcării corpului în planul orizontal, de la baza planului înclinat pînă la oprire, coeficientul de frecare pe plan orizontal avînd aceeași valoare. Se presupune că planul orizontal este racordat adecvat cu planul înclinat. ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).

Sub. teor. a) Să se scrie, indicînd semnificația fizică a parametrilor care intervin: 1. Expresiile elongației, vitezei și accelerației în mișcarea oscilatorie armonică. 2. Expresiile constantei gazelor  $R$  și coeficientului de dilatare a gazelor ideale prin parametrii stării normale. 3. Expresia defazajului dintre intensitatea curentului electric și tensiunea la bornele unui circuit de c.a. cu rezistor, bobină și condensator



b) ~~Să se enunțe: 1. Legea independenței acțiunii forțelor și legea conservării impulsului. 2. Teoremele care stau la baza măsurărilor calorimetrice. 3. Legea efectului electrocaloric (Joule).~~

(Profiluri tehnice, iulie, 1979)<sup>1</sup>

1.9.8. Volantul unei mașini, avînd diametrul  $D=1,00$  m, se rotește cu  $\omega=300$  rot/min. Se cere:

- Viteza unghiulară și viteza periferică a volantului.
- Accelerația normală.
- Timpul în care volantul execută  $N=100$  rot.

~~Sub. teor. a) Se cere: 1. Să se scrie ecuația lui Bernoulli, indicîndu-se semnificația fizică a mărimilor fizice care intervin. 2. Să se scrie expresia variației densității corpurilor solide cu temperatura. 3. Să se enunțe al doilea principiu al termodinamicii.~~

b) Se cere să se scrie, indicîndu-se semnificațiile mărimilor fizice care apar în: 1. Legea lui Hooke. 2. Expresiile energiei electrice și puterii electrice dezvoltate într-un circuit electric de c.c.

3. Legea inducției electromagnetice.<sup>1</sup>

(Profiluri tehnice, iulie, 1979)

1.9.9. Constanta elastică a unui resort este  $c=1,00$  kN/m. De un capăt al resortului se suspendă un corp de masă  $m=100$  g. Se produc oscilații ale corpului astfel încît la distanța  $y_1=30$  mm de poziția de echilibru impulsul corpului este  $p_1=0,30$  N·s<sup>1</sup>. Se cere:

- Să se scrie ecuația mișcării oscilatorii a corpului considerînd faza inițială nulă.
- Să se calculeze valoarea maximă a impulsului corpului în timpul mișcării.
- Să se calculeze energia cinetică și potențială a corpului cînd elongația mișcării este  $y_2=40$  mm.

Sub. teor. a) Se cere: 1. Să se enunțe legile frecării. 2. Să se enunțe legea fundamentală a dinamicii. 3. Să se definească lucrul mecanic.

b) Se cere: 1. Să se enunțe legea lui Ohm. Să se scrie rezistența echivalentă pentru  $n$  rezistoare grupate în serie și pentru  $n$  rezistoare grupate în paralel. 3. Să se enunțe legea lui Joule în cazul efectului electrocaloric al curentului electric.

(Profiluri tehnice, iulie, 1979)

1.9.10. Punctele unui mediu în care s-au format unde execută mișcări periodice descrise de ecuația:

$$y=2,0 \cdot 10^{-3} \sin (120 \pi t - 0,25 \pi x), \text{ (unități SI).}$$

Să se determine:

- Frecvența oscilațiilor punctelor mediului.
- Viteza maximă a oscilațiilor punctelor mediului.
- ( $v_c$ ) Viteza propagării undei.

<sup>1</sup> Sub. teor. a) Să se scrie, indicînd semnificațiile fizice ale parametrilor care intervin: 1. Ecuația Galilei pentru mișcarea uniform variată cu viteza inițială 2. Expresia legii de variație a presiunii unui fluid de densitate dată, funcție de altitudine, acesta fiind în repaus față de pămînt. 3. Expresia vitezei undelor electromagnetice într-un mediu omogen și izotrop.

b) Să se definească: 1. Puterea (mecanică). 2. Rezistivitatea unei substanțe,

### 3. Impedanța unui circuit de c.a.

(Profil economic, iulie, 1979)

1.9.11. Motorul unui autocamion de masă  $m=5,00$  t dezvoltă puterea  $P=40$  kW atunci când acesta se deplasează cu viteza  $u=57,6$  km/h pe o șosea asfaltată orizontală. Să se determine:

a) Valoarea, coeficientului de frecare dintre cauciucul pneurilor și îmbrăcămintea asfaltică a șoselei.

b) După cât timp și la ce distanță de locul unde șoferul oprește motorul, autocamionul se oprește, presupunând că frânele n-au funcționat.

c) Viteza limită pe care o va putea atinge autocamionul în cursul urcării unei pante de înclinare  $\theta=30^\circ$  față de orizontală, având același coeficient de frecare, dacă puterea maximă care poate fi dezvoltată de motor este  $P_m=125$  kW. ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).

Sub. teor. a) Să se scrie, indicând semnificațiile fizice ale parametrilor care intervin: 1. Expresia legii lui Hooke. 2. Expresiile vitezei de propagare a perturbațiilor longitudinale în solide, respectiv a perturbațiilor transversale în corzi. 3. Expresia dependenței rezistenței unui conductor de dimensiunile și natura conductorului.

b) Să se definească: 1. Presiunea. 2. Potențialul electric și tensiunea electrică. 3. Panta caracteristicii și factorul de amplificare al unei triode.

(Profil economic, iulie, 1979)

1.9. //Z: Se aruncă vertical în sus un corp de masă  $m_j=470$  g cu viteza  $V_j=20$  m/s, iar după  $\tau=2,0$  s se trage în același sens și după aceeași direcție un glonț de masă  $m_z=30$  g cu viteza  $v_z=100$  m/s. Să se determine:

a) înălțimea maximă la care ajunge corpul înainte de a fi lovit de glonț și energia potențială corespunzătoare.

b) După cât timp de la aruncarea corpului, acesta este lovit de glonț și înălțimea la care se produce ciocnirea.

c) Viteza ansamblului imediat după ciocnirea presupusă neelastică. ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).

Sub. teor. a) Să se deducă: 1. Teorema variației energiei cinetice. 2. Expresiile perioadelor oscilațiilor armonice ale oscilatorului elastic și ale pendulului simplu gravitațional. 3. Randamentul motorului termic care funcționează după un ciclu Carnot reversibil.

b) Să se scrie, indicând semnificația fizică a parametrilor care intervin: 1. Expresia legii lui Hooke. 2. Legea de variație a presiunii unui fluid de densitate dată, în repaus față de pământ. 3. Ecuația fundamentală a termodinamicii.

1980

(Profil fizic, iulie, 19

79)

1. J0.1. Un mobil pleacă cu viteza inițială  $u_0=6,0$  m/s, deplasându-se cu frecare pe un plan orizontal un timp  $t=3Q$  s, în continuare parcurge o pantă cu înclinarea  $\theta=30^\circ$  și cu lungimea  $\hat{l}=100$  m, iar în final merge pe un plan orizontal până la oprire. Se cere:

a) Viteza cu care mobilul începe să coboare panta.

b) Viteza mobilului în momentul când ajunge în vârf.

(Profiluri tehnice, Iași, iulie, 1930)

\_\_\_\_\_ planul \_\_\_\_\_ ori r  
zontal.

c) Distanța parcursă pe al doilea plan orizontal. \_\_\_\_\_ Pe  
\_\_\_\_\_ tot \_\_\_\_\_ parcur

sul coeficientul de frecare este  $\mu = 0,010$ . ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ).

*Sub. teor.* a) Se cer: 1. Să se definească forța de inerție. 2. Să se exprime accelerația unui punct material care se mișcă cu frecare pe un plan înclinat. 3. Să se exprime capacitatea echivalentă a  $n$  condensatoare grupate în paralel.

b) Se cer: 1. Expresiile elongației, vitezei și accelerației unui punct în mișcare oscilatorie. 2. Să se definească intensitatea cîmpului electric. 3. Să se scrie expresia dependenței rezistenței unui conductor liniar de dimensiunile și natura conductorului, specificîndu-se semnificația fizică a mărimilor care intervin.

(Profiluri tehnice, subing., iulie, 1980)

1.10.2. Dintr-un turn cu înălțimea  $h = 50 \text{ m}$ , un corp este aruncat vertical în sus cu viteza inițială  $u_0 = 25 \text{ m/s}$ . Neglijînd frecarea cu aerul și considerînd accelerația gravitațională  $g = 10 \text{ m/s}^2$ , se cere:

a) înălțimea maximă  $H$  la care se ridică corpul.

b) Timpul  $t$  la care corpul atinge pămîntul.

c) Viteza  $v$  cu care corpul atinge pămîntul.

1.10.3. Un autoturism cu masa  $m = 1,1 \text{ t}$  pornește din repaus în mișcare uniform accelerată și după  $t_x = 25 \text{ s}$  atinge viteza  $v_x = 37,5 \text{ m/s}$ . Coeficientul de frecare la alunecare fiind  $\mu = 0,010$  și luînd  $g = 10 \text{ m/s}^2$ , se cere:

a) Forța de frecare.

b) Forța de tracțiune a motorului.

c) Distanța parcursă în timpul și puterea medie dezvoltată de motor în timpul  $t_x$ .

*Sub. teor.* a) Să se enunțe, arătînd semnificația fizică a mărimilor care intervin: 1. Legile dinamicii. 2. Legea lui Hooke. 3. Legea lui Coulomb.

b) Să se scrie, indicîndu-se semnificația mărimilor fizice care intervin: 1. Expresia forței centrifuge. 2. Teoremele lui Kirchhoff pentru rețelele electrice. 3. Legea inducției electromagnetice.

(Profiluri tehnice, subing., iulie, 1980)

\ \* ij c ^

1.10.4. Ecuația oscilației unui punct material de masă  $m = 5,0 \text{ g}$  este  $x = 5 \cdot 10^{-2} (\sin \omega t - \cos \omega t) \text{ m}$ , unde  $\omega = 10 \text{ rad/s}$ . Se cere:

a) Faza inițială și amplitudinea oscilației punctului material.

b) Viteza maximă a punctului material în decursul oscilației și momentul de timp la care se realizează, considerat din momentul în care a început mișcarea.

c) Forța maximă care acționează asupra punctului material în cursul mișcării.

*Sub. teor.* a) Se cere: Să se enunțe legea conservării impulsului unui sistem fizic. 2. Să se definească numărul lui Avogadro. 3. Să se enunțe teoremele lui Kirchhoff.

(Profiluri tehnice, subing., iulie, 1930)

b) Se cere să se scrie expresiile, arătând semnificația fizică a mărimilor care intervin, pentru: 1. Forța de frecare. 2. Energia cinetică medie de agitație termică a moleculelor. 3. Forța Lorentz.

(Profiluri tehnice, iulie, 1980)

1. ~~yf.5. Capetele unei bare de aluminiu AB oscilează după ecuațiile~~  
 ~~$x/a = 10 \cdot 10^{-3} \sin 2 \cdot 520 \cdot \pi t$  m și  $y_b = 20 \cdot 10^{-3} \sin 2 \cdot 520 \cdot \pi t$  m. Oscilațiile se~~  
~~propagă prin bară sub formă de unde longitudinale. Se dau pentru aluminiu:~~  
~~densitatea  $\rho = 2,7 \text{ t/m}^3$  și modulul de elasticitate  $E = 6,86 \cdot 10^{10} \text{ N/m}^2$ . Se cere:~~

a) Perioada și frecvența oscilațiilor.

(Profiluri tehnice, subing., iulie, 1930)

Viteza undei longitudinale prin bară. **f**

Lungimea barei, știind că într-un punct  $C$  al barei soso e plane date de ecuațiile  $t_1 = 10 \cdot 10^{-3} \sin(2520 \cdot \omega t - \pi/3)$  m și  $y_2 = 20 \cdot 10^{-3} \sin(2520 \cdot \omega t - \pi/6)$  m.

*Sub. teor.* a) Se cere să se deducă: 1. Expresiile timpului de urcare și a înălțimii maxime atinse de un corp aruncat pe verticală de jos în sus. 2. Relația dintre temperatura absolută și temperatura în scara Celsius. 3. Expresia impedanței circuitului serie cu rezistor, bobină și condensator.

b) Să se enunțe: 1. Principiul lui Huygens. 2. Primul principiu al termodinamicii, arătând semnificația fizică a mărimilor care intervin. 3. Legea lui Coulomb, arătând semnificația fizică a mărimilor care intervin.

(Profiluri tehnice, iulie, 1980)

1.10.6. Un oscilator liniar de masă  $m = 0,50$  g este scos din poziția de echilibru, fiind tras de o forță  $F$  proporțională cu deplasarea, pînă la distanța  $x_1 = 20$  mm. Știind că în această situație forța elastică are valoarea  $F_1 = 1,936$  N, se cere:

a) Pulsția oscilațiilor.

b) Ecuația mișcării oscilatorului, presupunînd că nu există frecare și considerînd ca origine a coordonatei poziția lui de echilibru, iar ca origine a timpului momentul în care este lăsat liber.

c) Energia totală a oscilatorului în timpul oscilației.

*Sub. teor.* a) Se cere: 1. Să se definească mărimile care caracterizează mișcarea uniformă circulară. 2. Să se scrie ecuația fundamentală a termodinamicii arătînd semnificația fizică a mărimilor care intervin. 3. Să se scrie expresia forței electromagnetice, indicînd semnificația fizică a mărimilor care intervin.

b) Se cere: 1. Să se enunțe legile dinamicii. 2. Să se definească căldura specifică. 3. Să se scrie expresiile puterilor în c.a. monofazat, indicîndu-se semnificația fizică a mărimilor care intervin.

(Profiluri tehnice, iulie, 1980)

- ... ~ \

1.10.7/ Un ascensor avînd mersa  $m = 800$  kg urcă de la parter la etajul 6 în modul următor: primii  $s_1 = 2,00$  m uniform accelerat în timpul  $1,00$  s, următorii  $s_2 = 27$  m uniform, iar ultima distanță  $s_3 = 1,00$  m uniform încetinit. Se cere:

a) Durata urcării.

b) La ce timp după pornire ascensorul trece pe la etajul 7.

(d) Tensiunea în Cablul de tracțiune în cele trei etape ale mișcării;

1.10.8. Un pendul matematic cu masa  $m = 100$  g și lungimea  $Z_0 = 100$  cm începe să oscileze fără frecare din poziția în care energia potențială  $E_p = 135$  mJ. Se cere:

a) Amplitudinea oscilației, măsurată pe orizontală.

b) Pulsția mișcării oscilatorii.

c) Ecuația mișcării oscilatorii. ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ).

*Sub. teor.* a) Se cere: 1. Să se definească și să se dea expresia cantitativă pentru inductanța unei bobine, specificîndu-se semnificația mărimilor ce intervin.

(Profil economic, iulie, 1980)

2. Legea fundamentală a dinamicii pentru un punct material. Să se dea expresia vectorială a legii, specificându-se semnificația mărimilor fizice care intervin. 3. Expresiile puterilor activă, reactivă și aparentă în c.a. monofazat.

b) Se cere: a) Să se enunțe teoremele lui Kirchhoff. 2. Să se scrie ecuația unei plane, specificându-se semnificația mărimilor care intervin. 3. Expresia forței Lorentz, specificându-se semnificația mărimilor fizice care intervin.

(Profil economic, iulie, 1980)<sup>1</sup>

1. J0L3. De un resort vertical este suspendat un corp cu masa  $m=1',00$  kg. Cunoscând constanta de elasticitate a resortului  $k=100$  N/m, se cere:

a) Perioada de oscilație a corpului.

b) Care va fi viteza maximă și accelerația maximă, amplitudinea fiind  $A=50$  mm.

/c) Valoarea elongației oscilatorului pentru energia cinetică egală cu energia potențială, pentru  $A=50$  mm.

(Profil economic, iulie, 1980)

M.iO.lOj Un corp cu masa  $m=100$  kg este ridicat pe un plan înclinat "care face unghiul  $\alpha=30^\circ$  cu orizontala. Cunoscând coeficientul de frecare dintre corp și plan  $\mu=0,20$  și accelerația gravitațională  $g=10$  m/s<sup>2</sup>, se cere:

a) Lucrul mecanic efectuat la ridicarea corpului pe plan în mișcare uniformă, pe distanța  $s=6,0$  m.

b) Randamentul planului înclinat.

c) Valoarea forței în cazul în care corpul se mișcă în sus uniform accelerat cu accelerația  $a=3,0$  m/s<sup>2</sup>.

Sub. teor. a) Se cere: 1. Legea acțiunii și reacțiunii în mecanică. 2. Să se definească intensitatea câmpului electric. 3. Să se prezinte efectul caloric al curentului electric (legea lui Joule).

b) Se cere: 1. Să se enunțe teorema variației energiei cinetice,

2. Să se definească fluxul inducției magnetice, specificându-se sem

3. nificația mărimilor care intervin. 3. Să se scrie relația dintre viteza unei electromagnetice în vid și într-un mediu material.

(Profil



economic, iulie, 1980) 1.10.11\* Un punct material efectuează o

mişcare armonică a cărei

ec- $\hat{x}$

—A sin cat. Se cere:

a) Timpul pentru care punctul material să ajungă de la poziția de echilibru la elongația maximă.

b) Timpul pentru care punctul material să parcurgă prima jumătate a drumului respectiv.

c) Timpul pentru care punctul material să parcurgă a doua treime a drumului de la punctul a).

Frecvența mișcării oscilatorii este  $\nu=10,0$  Hz.

(Profil economic, iulie, 1980)

f 1.10.12\* Un corp este aruncat vertical în sus cu viteza  $u_0=5,0$  m/s. Simultan cu acesta, de la înălțimea limită pe care o poate atinge primul corp, începe să cadă vertical un al doilea corp cu aceeași viteză inițială  $v_0$ . Se cere:

a) Timpul după trecerea căruia corpurile se vor întâlni.

b) Distanța față de pământ la care corpurile se întâlnesc.

c) Vitezele corpurilor în momentul întâlnirii. ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).

Sub. teor. a) Se cere să se enunțe și să se scrie relațiile cantitative: 1. Legea a doua a dinamicii. 2. Legea conservării energiei.

4. Legea lui Ohm.

b) Să se scrie, indicând semnificația mărimilor fizice care intervin: 1. Expresia inductanței unui solenoid. 2. Expresia t.e.m. induse într-un conductor liniar care se mișcă în câmp magnetic uniform.

3. Expresia energiei consumate în intervalul de timp  $\Delta t$  într-un rezistor de rezistență  $R$ , în c.a.

(Profil economic, iulie, 1950)

1.10.13. Un automobil de masă  $m=2,0$  t pleacă din repaus și atinge viteza  $v=15$  m/s în timpul  $\Delta t=10,0$  s. Se cere:

a) Puterea medie dezvoltată de motorul automobilului, dacă coeficientul de frecare este  $\mu=0,050$ .

b) Puterea maximă a motorului, dacă viteza maximă pe care o poate dezvolta automobilul pe șosea este  $u=40$  m/s.

c) Valoarea forței de tracțiune și a accelerației automobilului în momentul când viteza sa este  $v_a=20$  m/s, considerînd  $P=P_{\text{motor}}$ .

~~Sub. teor. a) Se cere: 1. Expresia forței electromagnetice care se exercită asupra unui conductor parcurs de un curent electric, conductorul aflându-se în câmp magnetic. 2. Capacitatea echivalentă pentru  $n$  condensatori de capacitate  $C$  fiecare, grupați în serie și respectiv în paralel. 3. Să se enunțe legea conservării impulsului pentru un sistem fizic.~~

~~b) Se cere: 1. Legea conservării energiei în procesele mecanice. 2. Condiția generală de echilibru pentru un corp solid. 3. Legile frecării de alunecare.~~

(Profil economic, iulie, 1980)

10.1

~~1 4. Un corp de masă  $m \sim 1,00$  kg este aruncat orizontal cu viteza inițială  $v_0 = 20$  m/s. Care este energia sa cinetică după  $\Delta t = 4,0$  s?~~

(Profil fizic, iulie, 1980)

~~1.10.15. Dintr-o armă se trag succesiv la interval  $\Delta x = 1,00$  min vertical în sus două gloanțe având fiecare viteză inițială  $v_0 = 700$  m/s. Să se determine:~~

~~a) La ce înălțime față de suprafața Pământului se întâlnesc cele două gloanțe.  
b) Valoarea și sensul vitezelor celor două gloanțe imediat după ciocnirea lor presupusă elastică și centrală.~~

~~Se neglijează frecarea gloanțelor cu aerul;  $g = 10$  m/s<sup>2</sup>.~~

~~Sub. teor. 1. Dinamica mișcării oscilatorii armonice. 2. Transformarea izotermă a gazului ideal.~~

(Profil fizic, iulie, 1980)

10

1981

~~1.11.1. Un corp de masă  $m = 1,00$  kg este lansat de la baza unui plan înclinat cu unghiul  $\alpha = 30^\circ$  față de orizontală, în sus în lungul planului înclinat. Știind că acest corp urcă pe plan  $t_u = 3,00$  s, după care revine la baza planului după  $t_c = 4,00$  s, mișcarea efectuându-se cu frecare, să se determine:~~

~~a) Componentele normală și tangențială ale greutății corpului.  
b) Coeficientul de frecare al corpului cu planul înclinat.  
c) Lucrul mecanic total efectuat în timpul urcării și coborîrii corpului, pentru învingerea forței de frecare. (Se cunoaște  $g$ ).~~

~~Sub. teor. a) Să se indice expresiile: 1. Frecvențelor proprii ale pendulului elastic, respectiv pendulului gravitațional. 2. Capacității electrice a unui condensator plan. 3. Inductanței unui solenoid, indicând semnificațiile mărimilor fizice care intervin.~~

(Profiluri tehnice, subing., iulie, 1981)



1.11.2. Să se enunțe: 1. Principiile mecanicii newtoniene. 2. Legile lui Kirchhoff. 3. Legea lui Faraday a electrolizei. Pentru a atinge viteza de regim, pornind din repaus, pe un drum orizontal, un camion este supus un timp  $t=10,0$  s unei forțe de tracțiune  $F=6,0$  kN, care efectuează astfel, în acest interval, lucrul mecanic  $L=600$  kJ. În continuare, pentru a menține constantă viteza atinsă de camion, este consumată puterea  $P=40$  kW. Să se determine:

- Accelerația imprimată camionului.
- Forța de frecare între camion și drumul parcurs.
- Coeeficientul de frecare între camion și drum. (Se cunoaște  $g$ ).

Sub. teor. a) Să se indice expresiile: 1. Energiei cinetice de rotație a unui sistem rigid 2. Forței centrifuge. 3. Defazajului dintre tensiunea la borne și intensitatea curentului electric într-un circuit RLC serie de c.a., indicând semnificația mărimilor fizice care intervin.

b) Să se definească: 1. Lungimea de undă. 2. Permitivitatea electrică și capacitatea electrică. 3. Valorile efective ale intensității curentului și tensiunii alternative.

(Profiluri tehnice, subing., iulie, 1981)

\* \*

(1.11.3. Un tren cu masa  $m=120$  t pornește din repaus pe o linie ferată orizontală. După ce a parcurs distanța  $L=500$  m, atingând viteza  $v=90$  km/h, motorul se oprește. Cunoscând valoarea coeficientului de frecare dintre roți și șine  $\mu=7,5 \cdot 10^{-3}$ , să se calculeze:

- Puterea medie a motorului.
- Distanța parcursă de tren până când viteza lui scade la  $v'=5,0$  m/s.
- Lucrul mecanic efectuat pentru învingerea forței de frecare pe întregul parcurs. ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).

Sub. teor. a) Să se trateze subiectele: 1. Energia cinetică, potențială și totală a oscilatorului armonic. 2. Inducția electromagnetică: prezentarea fenomenului și relațiilor sale de bază. 3. Ecuația fundamentală a teoriei cinetico-moleculare a gazelor.

b) Să se scrie, indicând semnificațiile fizice ale mărimilor care intervin: 1. Accelerația unui corp care se mișcă cu frecare pe un plan înclinat (nu acționează forțe de tracțiune). 2. Inegalitatea lui Clausius. 3. Expresia fluxului inducției magnetice printr-o suprafață.

(Profiluri tehnice, iulie, 1981)

11. // Ay De tavanul unui ascensor este suspendat un pendul cu lungimea  $L=40$  cm, pendulul aflându-se în mișcare. Ascensorul pornește în sus din repaus, deplasându-se cu accelerația  $a_1=1,25 \text{ m/s}^2$  un timp  $t_1=4,0$  s pe distanța  $AB$ , după care își continuă mișcarea uniformă pe distanța  $BC$ , și în final, — pentru a se opri în punctul  $D$  aflat la înălțimea  $AD=h=120$  m, — frânează cu accelerația  $a_3=-1,25 \text{ m/s}^2$ . Se cere să se calculeze:

- Țimpul în care ascensorul parcurge distanțele  $BC$  și  $CD$ .
- Perioadele pendulului pe cele trei porțiuni.
- Numărul de oscilații complete efectuate de pendul, în cursul mișcării. ( $g=10 \text{ m/s}^2$ ).

Sub. teor. a) Se cere: 1. Să se definească elementele mișcării circulare uniforme. 2. Să se deducă expresia energiei interne a unui gaz ideal. 3. Să se scrie expresiile puterilor în c.a.

b) Să se scrie, indicând semnificațiile mărimilor fizice care intervin: 1. Perioada oscilațiilor proprii ale pendulului elastic. 2. Legea Joule a efectului electrocaloric. 3. Principiul întâi al termodinamicii.

(Profiluri tehnice, iulie, 1981)

1.11.5. Asupra unui corp cu masa  $m=6,00$  kg, aflat inițial pe sol, acționează o forță verticală  $F=108$  N un timp  $t=5,00$  s. Să se determine:

- Înălțimea atinsă de corp în momentul încetării acțiunii forței verticale.
- Înălțimea maximă atinsă de corp și timpul (socotit din momentul pornirii de la sol) după care este atinsă această înălțime maximă.
- Lucrul mecanic al forței  $F$ , energia potențială maximă a corpului și energia cinetică pe care o capătă corpul în momentul revenirii la sol. ( $g=10 \text{ m/s}^2$ )

Sub. teor. a) Să se deducă expresiile: 1. Ecuației undei plane.

2. Drumului liber mediu al moleculelor unui gaz. 3. Perioadei de rotație a unei particule încărcate electric într-un câmp magnetic uniform.

- Să se definească: 1. Momentul de inerție al unui sistem în raport cu o axă. 2. Energia internă a unui sistem termodinamic. 3. Rezistivitatea electrică a unui material, indicând semnificațiile mărimilor fizice care intervin.

(Profiluri tehnice, iulie, 1931)

1.11.6. Un corp este aruncat vertical în sus cu viteza  $u_0=5,0$  m/s. Simultan, de la înălțimea maximă pe care o poate atinge acest corp, este aruncat vertical în jos un al doilea corp cu aceeași viteză inițială  $v_0$ . Să se calculeze:

- Țimpul după care corpurile ajung la o aceeași înălțime deasupra solului.
- Țimpul după care al doilea corp ajunge la sol.
- Energia cinetică a celui de al doilea corp în momentul atingerii solului, știind că masa acestuia este  $m_2=1,00$  kg. ( $g=10 \text{ m/s}^2$ ).

Sub. teor. a) Se cere: 1. Să se demonstreze teorema de variație a momentului cinetic. 2. Să se definească capacitatea calorică, căldura specifică și căldura molară. 3. Să se trateze subiectul „Rezonanța circuitului serie RLC”.

b) Să se scrie și să se specifice semnificațiile mărimilor fizice care intervin: 1. Expresia forței de frecare pentru un corp, care se mișcă pe un plan orizontal, respectiv pe un plan înclinat. 2. Definiția intensității câmpului electric. 3. Ecuația transformării adiabatice a unui gaz perfect.

(Profiluri tehnice, iulie, 1981).

1.11.7. Un tub cilindric, cu grosimea pereților neglijabilă, masă  $m=94,2\text{ g}$  și rază  $r=10\text{ cm}$ , aflat inițial în repaus, poate să efectueze numai o mișcare de rotație, fără frecare, în jurul axei sale. Asupra tubului acționează un moment de forțe constant, având direcția axei tubului. Știind că în cursul unei rotații complete a tubului este efectuat lucrul mecanic  $L=4,71\text{ J}$ , să se determine:

- a) Momentul forțelor acționând asupra tubului.
- b) Viteza unghiulară a tubului în momentul în care acesta a efectuat, pornind din repaus, o rotație completă.
- c) Timpul în care tubul efectuează, pornind din repaus, o rotație completă.

*Sub. teor.* a) Să se indice expresiile: 1. Timpului de urcare și înălțimii maxime atinse de un corp aruncat pe verticală de jos în sus. 2. Legii Hooke. 3. Reactanței capacitive și impedanței unui circuit RLC serie de c.a., indicând semnificațiile mărimilor fizice care intervin.

b) Să se definească: 1. Viteza și accelerația momentană în mișcarea rectilinie a unui punct material. 2. Coeficientul de frecare de alunecare. 3. Fluxul magnetic și inductanța unei bobine.

(Profil economic, iulie, 1981)

1.11.8. Un fir elastic cu secțiunea  $S=4,0\text{ mm}^2$  și lungimea  $l=40\text{ cm}$  este fixat, la capete, în poziție orizontală. Știind că, în cazul în care la mijlocul firului se leagă un corp, unghiul format de cele două părți ale firului — în noua poziție de echilibru a acestuia

— cu orizontala este  $\theta=30^\circ$ , să se determine:

- a) Masa corpului care întinde firul.
- b) Energia potențială înmagazinată în fir, în noua poziție de echilibru a acestuia.
- c) Frecvența oscilațiilor proprii ale corpului, dacă jumătățile firului ar fi alipite, iar capetele acestuia ar fi prinse într-un punct fix.

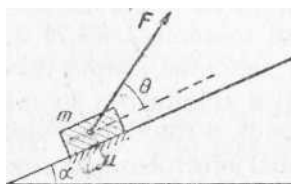
Se dau: modulul de elasticitate al firului  $E=1,2\cdot 10^7\text{ N/m}^2$ ,  $g=9,8\text{ m/s}^2$ .

*Sub. teor.* a) Preeizând semnificațiile mărimilor fizice care intervin, să se indice expresiile: 1. Legii gravitației universale (Newton). 2. Momentului de inerție al unui sistem rigid în raport cu o axă. 3. Legii lui Faraday a electrolizei.

b) Să se enunțe: 1. Legile dinamicii. 2. Teorema variației momentului cinetic al unui sistem de puncte materiale. 3. Legea lui Faraday a inducției electromagnetice.

(Profil economic, iulie, 1981)

1.11.9. Pe un plan înclinat cu unghiul  $\alpha=30^\circ$  față de orizontală, se ridică un corp de masă  $m=2,00\text{ kg}$  cu ajutorul unei forțe constante  $F$  orientată sub unghiul  $\beta=45^\circ$  față de planul înclinat (fig.



1.11.9). Știind că valoarea coeficientului de frecare a corpului cu planul înclinat este  $n=0,20$ , să se determine:

- Valoarea minimă a forței  $F$  pentru care corpul nu apasă pe planul înclinat.
- Valoarea forței  $F$  sub acțiunea căreia corpul urcă uniform accelerat pe planul înclinat, cu accelerația  $a_1=2,00 \text{ m/s}^2$ .
- Valoarea forței  $F$  sub acțiunea căreia corpul coboară uniform accelerat pe plan, cu accelerația  $a_2=1,00 \text{ m/s}^2$ , ( $g=10 \text{ m/s}^2$ ).

*Sub teor.* a) Să se deducă: 1. Dependentele de timp ale vitezei, accelerației, energiei cinetice și energiei potențiale ale unui oscilator armonic (neamortizat). 2. Expresia accelerației normale în mișcarea circulară uniformă. 3. Expresiile duratei de urcare și înălțimii maxime atinse de un corp aruncat pe verticală de jos în sus.

1.12.1. Să se scrie: 1. Expresia teoremei variației energiei cinetice pentru un sistem rigid care execută simultan o mișcare de translație și o mișcare de rotație. 2. Ecuația termică de stare a gazelor perfecte. 3. Definițiile capacității calorice și căldurii specifice, indicând semnificațiile fizice ale mărimilor care intervin. Un tren cu masa totală  $m=200 \text{ t}$  este tras pe o linie orizontală de o locomotivă cu puterea  $P=400 \text{ kW}$ . Coeficientul de frecare dintre tren și șine este  $\mu=0,010$ . Să se calculeze:

- Viteza maximă a trenului neglijând rezistența aerului.
- Accelerația sa în momentele în care viteza are valorile  $u_1=1,00 \text{ m/s}$  și  $u_2=10 \text{ m/s}$ .
- Lucrul mecanic executat în timpul  $t=2,0 \text{ s}$ .

*Sub. teor.* a) Să se trateze următoarele subiecte: 1. Teorema conservării impulsului. 2. Gruparea generatoarelor electrice. 3. Viteza de propagare a undelor electromagnetice în vid și într-un mediu oarecare.

b) Să se scrie, indicând și semnificațiile, mărimilor care intervin: 1. Expresia energiei oscilatorului armonic. 2. Expresiile puterilor în c.a. monofazat. 3. Expresia perioadei oscilațiilor electromagnetice libere.

(Profiluri tehnice, subing., iulie, 1982)

1.12.2. Peste un scripete ideal fix este trecut un fir, la capetele căruia sînt atîrnate două corpuri de mase  $m_1=200 \text{ g}$  și  $m_2=300 \text{ g}$ , Neglijînd frecările și masa firului, să se calculeze:

- Accelerația sistemului.
- Tensiunea din fir.
- Forța care acționează asupra scripetelui.

*Sub. teor.* a) Să se deducă: 1. Expresia accelerației centripete în mișcarea circulară uniformă. 2. Expresia lucrului mecanic al forței de frecare. 3. Expresia forței de interacțiune dintre două conductoare parcurse de curenți electrici.

b) Să se scrie, arătând și semnificațiile mărimilor care intervin:  
 1. Legea electrolizei. 2. Legea inducției electromagnetice. 3. Legea lui Ohm pentru circuitul serie RL de c.a.

(Profiluri tehnice, subing., Mat-Fiz., 3 ani, iulie, 1982)

\*— % efr

1.12.3. Un corp de masă  $m = 200$  g, legat de un resort elastic de constantă  $k$ , execută oscilații armonice, aflându-se la momentul inițial în poziția de echilibru. Dacă la distanța  $y_1 = 10$  cm de poziția de echilibru viteza sa este  $v_1 = 20$  cm/s, iar la distanța  $y_2 = 20$  cm viteza sa este  $v_2 = 8,0$  cm/s, se cere:

a) Ecuația de mișcare a oscilatorului și constanta elastică a resortului.

b) La ce distanță de poziția de echilibru accelerația sa are valoarea  $a = 6,0$  cm/s<sup>2</sup>.

c) Pentru ce elongație energia cinetică a oscilatorului este egală cu energia sa potențială.

Sub. teor. a) Se cere: 1. Să se definească kilomolul. 2. Să se enunțe principiile mecanicii newtoniene. 3. Să se scrie condiția de rezonanță într-un circuit serie RLC, indicând semnificația mărimilor fizice ce intervin.

b) Se cere: 1. Să se descrie pe scurt experimentul lui Stern.

2. Să se deducă expresiile rezistențelor echivalente ale grupărilor serie, respectiv, paralel, de rezistori. 3. Să se indice condiția de conservare a impulsului total al unui sistem de puncte materiale.

(Profiluri tehnice, iulie, 1982)

1.12.4. Să se determine:

a) Lucrul mecanic care trebuie efectuat asupra unui corp de masă  $m = 10,0$  t, aflat inițial la suprafața Pământului, pentru a-l aduce la o înălțime deasupra solului egală cu raza Pământului  $R = 6400$  km.

b) Valoarea și direcția vitezei care trebuie imprimată corpului pentru a-l înscrie pe o traiectorie circulară la distanța de sol indicată mai sus.

c) Momentul cinetic al corpului în cazul punctului precedent.

Sub. teor. a) Să se deducă expresiile: 1. Dependenței de timp a vitezei, accelerației, energiei cinetice și energiei potențiale a unui oscilator armonic. 2. Randamentul unui motor termic, având ca agent un gaz perfect care efectuează un ciclu Carnot reversibil.

3. Forței de interacțiune dintre două conductoare paralele, parcurse de curent electric.

b) Să se definească, indicând semnificațiile mărimilor fizice care intervin: 1. Momentul forței în raport cu un punct din spațiu.

2. Entropia termodinamică. 3. Echivalentul electrochimic al unei substanțe.

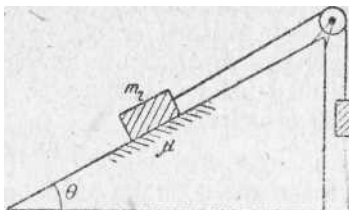
(Profiluri tehnice, iulie, 1982)

1.12.5. Fiind dat sistemul din fig. 1.12.5, cu următoarele valori ale mărimilor fizice:  $m_1 = 1,5$  kg,  $m_2 = 0,50$  kg,  $\theta = 30^\circ$ , să se calculeze:

a) Accelerația sistemului format din corpurile de mase  $m_1$  și  $m_2$ , presupunând că mișcarea corpului de masă  $m_2$  se face pe planul înclinat cu frecare, coeficientul de frecare fiind  $f = 1/2 \sqrt{3}$ .

b) Tensiunea din firul de legătură.

- c)
- d) Dacă firul este tăiat când corpurile sînt în repaus, care este energia cinetică a corpului cu masa  $m$ , după ce a parcurs  $h=20$  m în căderea liberă ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).



*Sub. teor.* a) Să se trateze: 1. Teorema conservării impulsului. 2. Primul principiu al termodinamicii pentru transformări adiabatice. 3. Capacitățile echivalente ale grupărilor de condensatoare în serie, respectiv în paralel.

b) Să se scrie, indicînd semnificațiile fizice ale mărimilor care intervin: 1. Legea lui Hooke. 2. Expresia energiei cinetice medii a unei molecule de gaz. 3. Expresia potențialului electric într-un punct din vecinătatea unei sarcini electrice punctiforme.

(Profiluri tehnice, iulie, 1982)

1.12.8. Un corp de masă  $m=0,50$  kg, ^suspendat de un fir inextensibil și fără greutate, de lungime  $Z=2,00$  m, efectuează o mișcare de rotație într-un plan orizontal, astfel încît firul de suspensie face cu verticala unghiul  $\alpha=45^\circ$ . Se cere:

- Perioada mișcării de rotație.
- Tensiunea din fir.
- Dacă firul se rupe și corpul se deplasează pe o masă orizontală cu coeficient de frecare ( $\mu=0,050$ , care este durata acestei deplasări și distanța parcursă. ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).

*Sub. teor.* a) Să se definească: 1. Capacitatea unui condensator. 2. Căldura molară. 3. Momentul cinetic al unui punct material.

b) Se cere: 1. Expresia forței care acționează asupra unei sarcini electrice în mișcare într-un cîmp magnetic, indicînd semnificația fizică a mărimilor care intervin. 2. Să se enunțe postulatele termodinamicii. 3. Expresia forței centripete.

(Profiluri tehnice, iulie, 1982)

1.12.7. Un corp cu masa  $m=2,00$  kg este suspendat de un resort vertical cu constanta elastică  $k=50$  N/m. În momentul inițial  $t=0$  corpul se află la distanța  $x_0=2,0$  cm de poziția de echilibru și are viteza  $v_0=10$  cm/s. Să se calculeze:

- Perioada, frecvența și pulsația mișcării.

b) faza inițială.

c) Amplitudinea mișcării. ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ).

*Sub. teor.* a) Să se deducă: 1. Lucrul mecanic efectuat de forțele de greutate. 2. Capacitatea echivalentă la legarea în paralel a condensatoarelor. 3. Expresia puterii active în c.a. monofazat.

b) Să se scrie, indicând semnificațiile mărimilor care intervin:

1. Legile mișcării rectilinii uniform variate. 2. Legea atracției universale. 3. Legile reflexiei și refracției.

(Profil economic, iulie, 1982)

1.12.8. Un corp cu masa  $m = 1,00 \text{ kg}$  este lansat pe verticală în jos de la înălțimea  $H = 240 \text{ m}$  cu viteza  $v_0 = 7 \text{ m/s}$  și pătrunde în pământ pe o adâncime  $d = 20 \text{ cm}$ . Să se afle:

a) Energia sa totală după timpul  $t = 1,0 \text{ s}$  de la lansare.

b) Viteza cu care corpul atinge pământul.

c) Forța medie de rezistență a solului.

Se neglijează rezistența aerului;  $g = 10 \text{ m/s}^2$ .

*Sub. teor.* a) Tratați următoarele subiecte: 1. Teorema de variație a energiei cinetice pentru un punct material. 2. Legea lui Coulomb. 3. Autoinducția.

b) Să se scrie, indicând și semnificația mărimilor care intervin:

1. Principiul al doilea al dinamicii. 2. Inducția magnetică în interiorul unui solenoid. 3. Randamentul unui circuit închis de c.c.

(Profil economic, iulie, 1982)

1.12.9. Un camion se deplasează uniform accelerat pe un drum orizontal. La momentul  $t_1$  viteza sa este  $v_1 = 5,0 \text{ m/s}$ , iar după intervalul de timp  $\Delta t = t_2 - t_1$  ea devine  $v_2 = 20 \text{ m/s}$ . În intervalul  $\Delta t$  camionul execută un lucru mecanic  $L = 375 \text{ kJ}$ , consumând o putere  $P = 75 \text{ kW}$ . Să se afle:

a) Greutatea camionului.

b) Distanța parcursă în timpul  $\Delta t$ .

c) Forța de tracțiune dezvoltată de motor, ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ).

*Sub. teor.* a) Să se demonstreze: 1. Expresia lucrului mecanic al forțelor elastice. 2. Teorema conservării energiei mecanice. 3. Legea lui Ohm.

b) Să se scrie, indicând semnificațiile mărimilor care intervin:

1. Viteza de propagare a undelor elastice longitudinale. 2. Expresia rezistenței interne a unei diode semiconductoare. 3. Expresia impedanței circuitului serie RLC.

(Profil economic, iulie, 1982)

1.12.10. Un corp pleacă cu viteza inițială  $v_0 = 2,00 \text{ m/s}$  și coboară în timpul  $t = 2,00 \text{ s}$  un plan înclinat cu  $\alpha = 45^\circ$  față de orizontală.

Când ajunge pe planul orizontal, corpul lovește un resort orizontal, aflat în echilibru. Știind masa corpului  $m = 2,00 \text{ kg}$ , constanta elastică a resortului  $k = 5,0 \text{ kN/m}$  și coeficientul de frecare între corp și planul înclinat  $\mu = 0,30$ , să se afle:

a) Accelerația corpului pe planul înclinat.



b) Viteza corpului la baza planului înclinat.

c) Amplitudinea deformării resortului și frecvența mișcării sale, presupunând că oscilează armonic. Corpul rămîne agățat de resort.

*Stih. teor.* a) Să se trateze următoarele subiecte: 1. Intensitatea câmpului gravitațional radial. 2. Potențialul electric și diferența de potențial. 3. Inductanța unui circuit și a unei bobine.

b) Să se definească unitățile de măsură în SI pentru următoarele mărimi: 1. Lucrul mecanic și puterea, 2. Intensitatea câmpului electric. 3. Fluxul magnetic.

(Profil economic, iulie, 1982)

1.12.11. De capetele unui fir inextensibil de masă neglijabilă» trecut peste un scripete, fix de rază  $r=10$  cm și moment de inerție  $I=0,50$  g  $\cdot$  m<sup>2</sup>, sînt suspendate două corpuri cu masele  $m_1=200$  g și  $m_2=300$  g. Inițial corpurile se află în repaus la aceeași înălțime  $h=4,0$  m față de sol și firul este perfect întins. Sistemul este lăsat să se miște sub acțiunea greutății celor două corpuri, fără viteză inițială. Neglijînd frecarea la ax, ul scripetelui și alunecarea firului, să se determine: /

a) Accelerația corpurilor și tensiunea din fir.

b) Timpul după care distanța dintre cele două corpuri este  $d=1,83$  m.

c) Momentul cinetic al sistemului cînd corpurile se află la distanța  $d$ .

d) Intervalele de timp de la începerea mișcării pînă cînd cele două corpuri ajung la sol, presupunînd că în momentul cînd ajung în starea de la punctul b), firul se rupe, corpurile căzînd liber. ( $g \sim 10$  m/s<sup>2</sup>).

(Profil fizică, iulie, 1982)

1.12.12. Dacă un corp cu masa  $m=15$  g, ciocnind elastic un corp cu masa  $M$  aflat în repaus, continuă să se miște pe aceeași direcție și în același sens, cu  $a=4$  a parte din viteza inițială, care este masa  $M$  a corpului ciocnit?

*Sub. teor.* a) Să se formuleze și să se scrie relațiile corespunzătoare, indicînd semnificația fizică a mărimilor care intervin.

1. Legile frecării de alunecare. 2. Legea lui Dalton pentru un amestec de gaze. 3. Definiția entropiei și inegalitatea lui Clausius.

b) Să se demonstreze: 1. Teorema variației energiei cinetice a unui sistem de puncte materiale. 2. Ecuația de stare a gazului ideal.

(Profil fizică, iulie, 1982)

1983

1.13.1. Din același loc sînt aruncate vertical în sus două corpuri la un interval de timp  $\Delta t=0,50$  s. Primul corp este aruncat cu viteza inițială  $v_{01}=5,0$  m/s, iar al doilea cu viteza inițială  $v_{02}=10,0$  m/s. Să se determine:

a) După cît timp de la lansarea primului corp cele două corpuri se vor întîlni.

b) La ce distanță de locul aruncării are loc întîlnirea corpurilor.

c) La ce interval de timp vor cădea pe pămînt. ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).

*Sub. teor.* a) Să se scrie, indicînd semnificațiile și unitățile de măsură pentru mărimile fizice care intervin: 1. Expresia perioadei proprii de oscilație a unui pendul gravitațional. 2. Dependența rezistivității electrice de temperatură. 3. Expresiile puterilor activă, reactivă și aparentă în c.a.

b) Să se trateze subiectele: 1. Teorema variației energiei cinetice. 2. Diferența de presiune între două puncte în interiorul unui lichid. 3. Intensitatea câmpului electric generat de o sarcină punctiformă.

(Profiluri tehnice, subing., iulie, 1983)

1.13.2. Pe un plan înclinat, avînd lungimea  $l=3,0$  m și înălțimea  $h=1,00$  m, este urcat un corp cu masa  $m=600$  kg. Cunoscînd coeficientul

de frecare  $n = l/f/2$ , să se determine:

a) Forțele necesare urcării uniforme, respectiv uniform accelerate cu accelerația  $a = 0,50 \text{ m/s}^2$ , a corpului pe plan.

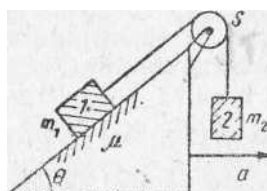
b) Puterea unei mașini utilizate în cazul urcării uniform accelerate cu accelerația  $a$ , din repaus, de la baza și până la vârful planului.

c) Randamentul planului înclinat în cazul urcării uniforme. ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ).

b) *Sub. teor.* a) Să se scrie, indicînd unitățile de măsură și semnificația mărimilor fizice care intervin: 1. Expresiile elongației, vitezei și accelerației unui oscilator armonic liniar. 2. Relația de definiție a fluxului magnetic. 3. Formula conductivității electrice a unui semiconductor cu impurități. Să se deducă: 1. Expresia accelerației centripete într-o mișcare circulară uniformă. 2. Capacitatea unei baterii de condensatori legați în serie. 3. Raza traiectoriei unei particule încărcate electric, într-un câmp magnetic uniform.

(Profil mat.-fiz., 3 ani, iulie, 1983)

1.13.3. Un plan înclinat cu unghiul  $\theta = 45^\circ$  se mișcă rectiliniu după o direcție orizontală, perpendiculară pe muchia de la baza planului înclinat cu accelerația  $a = 2,00 \text{ m/s}^2$  (fig. 1.13.3). Pe planul înclinat se deplasează cu frecare,  $\mu = 0,30$ , un corp cu masa  $m_1 = 2,0 \text{ kg}$  de care este legat cu un fir inextensibil, trecut peste scripetele  $S$ ,



un al doilea corp cu masa  $m_2 = 4,0 \text{ kg}$ . Știind că mișcarea corpului 2 decurge pe verticală, frecarea dintre el și fața verticală a prismei planului înclinat fiind neglijabilă, să se determine:

a) Accelerația a ansamblului format din cele două corpuri față de planul înclinat.

b) Tensiunea din firul de legătură, în cazul de la punctul precedent.

c) Valoarea  $m_2$  pe care ar trebui să o aibă masa corpului 2 pentru ca, față de planul înclinat, ansamblul să se miște uniform în același sens ca și anterior.

*Sub. teor.* a) Să se deducă: 1. Expresiile energiei cinetice și energiei potențiale pentru oscilatorul armonic. 2. Expresia randamentului unui motor termic funcționînd după un ciclu Carnot reversibil.

3. Expresiile impedanței și defazajului tensiunii față de intensitatea curentului electric, pentru circuitul RLC serie.

b) Să se scrie, indicînd semnificațiile mărimilor fizice care intervin:

1. Definiția momentului unei forțe în raport cu un punct.

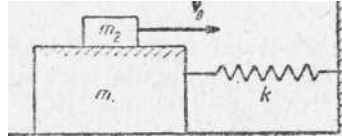
2. Formula fundamentală a teoriei cinetico-moleculare a gazelor.

3. Legea inducției electromagnetice.

(Profiluri tehnice, iulie, 1983)

1.13.4. Un corp de masă  $m_2 = 4,00 \text{ kg}$  este așezat pe un al doilea corp de masă  $m_1 = 6,00 \text{ kg}$ , legat la rîndul său de un resort orizon-

1.13.5.



tal de constantă elastică  $k=50 \text{ N/m}$  (fig. 1.13.4). Știind că, — resortul fiind nedeformat, — se imprimă ansamblului format *din* cele două corpuri viteza inițială orizontală  $v_0=1/10 \text{ m/s}$ , precum fi

faptul că între corpul de masă și planul orizontal nu există frecare, să se calculeze:

a) Amplitudinea oscilațiilor ansamblului format din cele două corpuri, dacă acestea se mișcă împreună.

b) Forța de frecare minimă și coeficientul de frecare minim pentru ca în timpul oscilațiilor corpul de masă  $m_2$  să nu alunece de pe corpul de masă  $m_1$ .

c) Energia potențială maximă și accelerația maximă a ansamblului celor două corpuri.

*Sub. teor.* 1. Să se stabilească: 1. Expresiile generale ale vitezelor a două particule după ciocnirea perfect elastică, unidimensională, a acestora. 2. Expresia variației 'densității' corpurilor cu temperatura., 3. Expresia conductivității electrice a unui semiconductor.

b) Să se enunțe, indicând semnificațiile fizice ale mărimilor care intervin: 1. Principiile mecanicii newtoniene. 2. Principiul al doilea al termodinamicii. 3. Legea lui Coulomb a electrostaticii.

(Profiluri tehnice, iulie,

1.13.6. Un corp cu masa  $m=20 \text{ g}$  oscilează conform ecuației:

$$y=0,50 \sin 2\pi \cdot 2,5 f + m$$

Să se determine:

a) Momentele la care elongația este egală cu jumătate din amplitudine. \_\_\_\_\_

b) Energia cinetică și potențială a oscilatorului în aceste momente.

Dacă oscilatorul dă naștere unor unde care se propagă într-un mediu elastic cu viteza de fază  $v_f = 340 \text{ m/s}$ , să se găsească defazajul dintre oscilațiile a două puncte situate pe aceeași dreaptă\* la distanțele  $x_1 = 2,00 \text{ m}$  și  $x_2 = 70,0 \text{ m}$  de oscilatorul sursă. Sub. teor. a) Să se demonstreze: 1. Formula diferenței de presiune între două puncte ale unui lichid în echilibru. 2. Expresia lucrului mecanic într-o transformare adiabatică. 3. Expresia capacității unei baterii de condensatori legați în serie.

b) Să se enunțe, indicînd semnificațiile fizice ale mărimilor care intervin: 1. Legile frecării. 2. Legarea lui Jurin a fenomenelor capilare. 3. Legile electrolizei.

(Profiluri tehnice, iulie, 1983)

1.13.7. O sferă mică de masă  $m_1 = 100 \text{ g}$  se mișcă orizontal cu viteza  $w_1 = 2,00 \text{ m/s}$  și ciocnește elastic o a doua sferă, suspendată ■ ie' un fir inextensibil de masă neglijabilă și lungime  $Z = 100 \text{ cm}$ , aflată inițial în repaus. Știind că după ciocnire, a doua sferă se ridică pînă la înălțimea  $h = 3,2 \text{ cm}$ , iar prima sferă se deplasează la sens opus (cu viteza  $v$ ), să se determine:

- Masa celei de a doua sfere.
- Viteza  $v$  și energia cinetică a primei sfere după ciocnire.
- Frecvența micilor oscilații ale sferei suspendate.

Sub. teor. a) Să se trateze: 1. Mișcarea circulară uniformă. 2. Dilatarea solidelor. 3. Puterea în curent alternativ.

b) Să se scrie, indicînd semnificațiile mărimilor fizice care intervin: 1. Legea lui Hooke. 2. Principiul întâi al termodinamicii pentru transformări adiabatice. 3. Legile lui Kirchhoff pentru circuitele electrice.

(Profiluri tehnice, iulie, 1983)

1,13.7. De pe fundul unui lac cu apă de densitate  $\rho_0 = 1,00 \text{ t/m}^3$  adîncimea  $h = 5,00 \text{ m}$ , se lasă liber un corp cu densitatea  $0,80 \text{ t/m}^3$ . Neglijînd frecările, să se determine:

- Timpul în care corpul ajunge la suprafață.
  - Înălțimea\* maximă la care se ridică corpul față de nivelul apei.
- ®) Densitatea Unui alt jorp care lăsat liber de la aceeași adîn «ime ajunge la suprafață de  $n = 2$  ori mai repede decît primul corp. ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ).

Sub. teor. a) Să se enunțe: 1. Principiul suprapunerii forțelor, f. Legea lui Pascal. 3. Definiția amperului.

b) Să se trateze subiectele: 1. Viteza și accelerația unui oscilator armonie. 2. Ecuația undei plane. 3. T.e.m. indusă într-un conductor deplasat perpendicular pe liniile unui cîmp magnetic uniform.

f  
■

(Profil economic, iulie, 1983)

1.13.8. Un mobil este aruncat de la pământ pe verticală cu viteza inițială  $u_0=58,8$  m/s. În același moment este lăsat să cadă de la înălțimea  $7i=176,4$  m un al doilea mobil. Să se calculeze:

a) Timpul după care cele două mobile trec unul prin dreptul celuilalt.

b) Înălțimea față de pământ la care are loc acest eveniment și intervalul de timp care separă momentele atingerii solului de către cele două mobile.

c) Timpul după care cele două mobile au aceeași energie cinetică, dacă au aceeași masă.

*Sub. teor.* a) Să se trateze subiectele: 1. Transmiterea presiunii prin lichide. 2. Legile reflexiei și refracției pentru undele elastice.

3. Legea inducției electromagnetice.

b) Să se scrie, indicând semnificațiile și unitățile de măsură pentru mărimile fizice care intervin: 1. Legea a II-a a dinamicii newtoniene. 2. Expresia impedanței unui circuit serie RLC de c.a.

3. Expresia legii lui Joule pentru efectul electrocaloric.

(Profil economic, iulie, 1983)

1.13.9. Pe un plan înclinat cu unghiul  $\alpha=30^\circ$  față de orizontală coboară liber un corp cu masa  $m=3,00$  kg. Cunoscând coeficientul de frecare dintre corp și plan ( $\mu=1/2$ ), să se calculeze:

a) Accelerația corpului.

b) Variația energiei cinetice a corpului în mișcare pe distanța  $l=2,00$  m pe planul înclinat.

c) Valoarea unui alt coeficient de frecare pentru care corpul ar sta în echilibru pe plan. ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).

*Sub. teor.* a) Să se trateze subiectele: 1. Legea lui Bernoulli. 2. Principiul lui Huygens, 3. Fluxul magnetic.

b) Să se scrie indicând semnificațiile și unitățile de măsură pentru mărimile fizice care intervin: 1. Expresia perioadei pendulului gravitațional. 2. Expresia masei de substanță separată dintr-un electrolit prin electroliză. 3. Formula conductivității electrice a unui semiconductor cu impurități,

(Profil economic, iulie, 1983)

1.13.10. Asupra unui corp care s'a deplasează pe o suprafață orizontală, fără frecare, cu viteza  $u_0=5,00$  m/s, începe să acționeze o forță  $F=10$  N, orientată pe aceeași direcție și în același sens cu viteza  $v_0$ . După timpul  $t=10,0$  s, din momentul

aplicării forței  $F$ , energia cinetică a corpului devine  $E_c = 1,00 \text{ kJ}$ .

Să se calculeze:

a) Masa corpului. \_\_\_\_\_ \*

Distanța parcursă de corp în timpul  $t$

b) .Lucrul mecanic efectuat de forță în timpul  $t$  și variația impulsului corpului în același interval de timp.

*Sub. teor. a)* Să se trateze subiectele: 1. Accelerația centripetă.

2. Legea lui Hooke. 3. Măsurarea directă a sarcinii electrice elementare.

b) Să se scrie, indicînd unitățile de măsură și semnificația mărimilor fizice care intervin: 1. Expresia momentului cinetic al punctului material.

2. Dependența rezistivității electrice de temperatură.

3. Expresia inducției magnetice în interiorul unui solenoid.

(Profil economic, iulie, 1983)

1.13.11. De pe vârful unei sfere fixe, netede (fără frecări), de rază  $r = 3,00 \text{ m}$  alunecă liber în jos, fără viteză inițială, un mic corp. La ce înălțime de vârful sferei corpul se va desprinde?

*Sub. teor. a)* Să se formuleze, indicînd semnificația mărimilor care intervin: 1. Legile frecării. 2. Legea conservării și transformării energiei în procesele mecanice și termice — primul principiu al termodinamicii. 3. Modelul gazului ideal.

b) Să se demonstreze: 1. Conservarea energiei mecanice a punctului material în câmp conservativ de forțe. 2. Ecuația unei plane.

3. Ecuația termică de stare a gazului ideal din considerente cine-tico-moleculare.

(Profil fizică, iulie, 1983)

1.13.12. Un corp de masă  $m_1 = 1,00 \text{ kg}$  stă pe o scîndură orizontală de masă  $m_2 = 4,00 \text{ kg}$ , față de care are coeficientul de frecare la alunecare  $\mu = 0,20$ . Scîndură la rîndul ei stă pe o masă orizontală fără frecări. Asupra scîndurii se exercită o forță orizontală proporțională cu timpul:  $F = ct$ , unde  $c = 5,0 \text{ N/s}$ . Care vor fi accelerațiile corpurilor? ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ).

*Sub. teor. a)* Să se scrie indicînd semnificația mărimilor care intervin: 1. Legea lui Hooke. 2. Definiția momentului forței și momentului cinetic al unei particule față de un punct. 3. Expresia vitezei de evaporare la suprafața liberă a unui lichid.

b) Să se calculeze: 1. Perioada de oscilație a unui pendul simplu gravitațional. 2. Poziția centrului de masă a două particule de mase oarecare. 3. Randamentul unei mașini termice care lucrează după un ciclu Carnot.

(Profil fizică, septembrie, 1983)

## 2. TERMODINAMICA ȘI FIZICA MOLECULARA

1971

2.1.1. Într-un vas calorimetric care conține apă la temperatura  $t = 40^\circ\text{C}$  se introduc grame de gheață la temperatura  $-10^\circ\text{C}$  și  $m_2$  grame de vapori de apă saturați la presiunea  $p = 1,00$  atm. Se cere:

a) Să se determine raportul dintre cantitățile  $m_1$  și  $m_2$  pentru ca la echilibru termic temperatura  $t$  să rămână neschimbată.

b) După realizarea echilibrului termic, apa aflată în vas se încălzește cu ajutorul unui arzător cu gaz, care consumă  $D = 20$  mg de gaz pe secundă, randamentul de utilizare a căldurii fiind  $\eta = 50\%$ . Să se determine masa  $m$  a apei din vas dacă prin încălzire temperatura sa crește cu  $\Delta t = 35,8$  grd în timpul  $\tau = 10$  min.

c) Să se determine debitul volumetric  $D'$  al gazului combustibil la presiunea  $p = 110$  kPa și temperatura  $\theta = 27^\circ\text{C}$ .

d) Să se determine cantitatea de căldură  $Q'$  necesară a transforma o cantitate de apă  $m' = 1,00$  kg (cu temperatura inițială  $t = 40^\circ\text{C}$ ) în vapori eu temperatura  $t' = 120^\circ\text{C}$ , dacă încălzirea se face izobar la presiunea  $p = 1,00$  atm.

Se dau: căldura specifică a apei  $c = 4180$  J/kg-grd, căldura specifică a gheții  $c_1 = 2040$  J/kg-grd, căldura specifică a vaporilor de apă la presiunea constantă  $c_2 = 1860$  J/kg-grd, căldura de topire a gheții,  $X_j = 335$  kJ/kg, căldura de vaporizare a apei la  $p = 1,00$  atm,  $5t_a = 2,26$  MJ/kg, puterea calorică a gazului combustibil  $q = 50$  MJ/kg, masa molară a gazului  $\mu = 16$  kg/kmol, constanta gazelor perfecte  $R = 8,314$  J/kmol-grd.

(Inst. Pol. București, Fac. Met., Chim. Inel., iulie, 1971)

2.1.2. Într-un recipient în care se află  $m_a = 10$  kg apă este introdus un vas cilindric. În vas se află un piston cu suprafața  $S = 4,9$  cm<sup>2</sup>, egală cu suprafața vasului și masa  $m_p = 5,00$  kg. Prin greutatea sa pistonul comprimă în vas  $V = 10$  mmol de aer. Inițial, starea de echilibru termic se realizează la temperatura  $\theta_a = 17^\circ\text{C}$ . Apa din recipient este încălzită cu o serpentină parcursă de un agent termic lichid cu căldura specifică  $c = 1,00$  kJ/kg-grd, avînd la intrare temperatura  $\theta_1 = 200^\circ\text{C}$ , iar, la ieșire  $\theta_2 = 150^\circ\text{C}$ . Într-o secundă serpentina este parcursă de o masă  $D = 100$  g de agent termic. Se neglijează pierderile de căldură spre exteriorul recipientului și se consideră variația temperaturii suficient de lentă pentru ca apa din recipient și aerul din vas să aibă temperaturi egale. Se neglijează frecarea dintre piston și vasul cilindric. Se cere:

a) înălțimea  $h_0$  a pistonului de la fundul vasului în starea inițială.





b) Cantitatea de căldură primită de agentul termic de la sursa caldă, și Cantitatea de căldură cedată sursei reci în timpul  $\tau = 3,0$  s.

c) Distanța  $s$  cu care este ridicat corpul pe planul înclinat în intervalul de timp în care motorul termic consumă pentru încălzirea agentului termic o cantitate  $m = 20,64$  g de combustibil cu puterea calorică  $q = 25$  MJ/kg.

d) Densitatea gazului la ieșirea din motorul termic, dacă acesta este evacuat la presiune  $p_2 = 1,5$  atm și temperatura  $t_2 = 30^\circ\text{C}$ .

e) Accelerația cu care ar trebui ridicat corpul pe planul înclinat astfel încât alungirea relativă a cablului de legătură între corp și motor să fie de  $n = 1,2$  ori mai mare decât în cazul ridicării corpului cu viteză (Constantă).

Se dau: constanta gazelor  $R = 0,0821$  atm/mol·grd, masa molară a gazului (agentului termic)  $M = 28$  kg/kmol.

(Inist. Pol. București, Fac. Met., septembrie, 1971)

JV'2.1.4. Într-un cilindru prevăzut cu piston se află un mol de gaz la presiunea  $p_1 = 200$  kPa și volumul  $V_1 = 16,62$  dm<sup>3</sup>,

a) Știind constanta gazelor perfecte  $i^* = 8,31 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$ , să se afle temperatura  $T$  a gazului. Gazul se încălzește și se distinde izobar, astfel că temperatura crește cu  $\Delta T = 400 \text{ K}$ . Să se afle volumul final  $V_2$  al gazului.

b) Care este lucrul mecanic executat de gaz la distinderea izobară?

*Sub. teor.* 1. Mișcarea rectilinie uniform variată, fără și cu viteza inițială. Căderea liberă a corpurilor. 2. Câmpul magnetic al curentului electric. Câmpul magnetic al curentului liniar, al curentului circular, al solenoidului. Legea Biot-Savart.

(Inst. Pol. Iași, Fac. Hidrot., Mec., Ind. Ușoară, 1971)

2.1.5. Într-un calorimetru cu apă se introduce o bilă metalică de masă  $m = 500 \text{ g}$  având temperatura  $t$ ; după realizarea echilibrului termic, temperatura în calorimetru este  $t_e = 40^\circ\text{C}$ . În continuare se introduce în calorimetru încă o bilă identică cu prima, tot cu temperatura  $t$  și  $m' = 600 \text{ g}$  gheață aflată la  $0^\circ\text{C}$ ; după realizarea echilibrului termic se constată că în calorimetru temperatura a rămas aceeași,  $t_e = 40^\circ\text{C}$ . Se cere:

a) Temperatura  $t$  a bilelor.

b) Cu cât crește volumul uneia dintre bilele de mai sus prin încălzire de la  $0^\circ\text{C}$  pînă la temperatura  $t$ , dacă densitatea metalului la  $0^\circ\text{C}$  este  $\rho_0 = 6250 \text{ kg/m}^3$ , iar coeficientul de dilatare liniară  $\alpha = 13 \cdot 10^{-6} \text{ grad}^{-1}$ ?

c) Știind că bilele sînt încălzite de la  $0^\circ\text{C}$  la temperatura  $t$  într-un cuptor, care folosește drept combustibil păcura, să se determine masa  $M$  de păcură consumată de cuptor pentru încălzirea unei tone de bile metalice (se neglijează pierderile de căldură).

d) Dacă în cuptor se introduce un recipient cu un gaz perfect care atinge o temperatură finală  $t_f = 327^\circ\text{C}$ , să se determine presiunea  $P_f$  din recipient la această temperatură, știind că inițial presiunea gazului era  $P_i = 100 \text{ kPa}$  la temperatura  $t_i = 27^\circ\text{C}$ , volumul fiind menținut constant.

e) Să se calculeze energia cinetică medie a moleculelor de gaz la temperatura  $t_f = 327^\circ\text{C}$ .

Se dau: căldura specifică a materialului bilelor  $c = 900 \text{ J/kg} \cdot \text{K}$ ; căldura specifică a apei  $c' = 4180 \text{ J/kg} \cdot \text{K}$ , căldura latentă de topire a gheții  $L = 334,4 \text{ kJ/kg}$ , numărul lui Avogadro  $N_A = 6,023 \cdot 10^{26} \text{ kmol}^{-1}$ , constanta universală a gazelor  $R = 8314 \text{ J/kmol} \cdot \text{K}$ , puterea calorică a păcurii  $q = 40 \text{ MJ/kg}$ .

(Inst. Pol. Iași, Fac. Chim. Ind., 1971)

2.1.6. Asupra unui corp cu masa  $M = 2,00 \text{ kg}$  acționează pe verticală, de sus în jos, o forță  $F = 80 \text{ N}$  pe o distanță  $s = 1,00 \text{ m}$ . După un timp  $t = 2,00 \text{ s}$  din momentul încetării acțiunii forței  $F$ , corpul

L

/u. Aj/

în cădere întâlnește un plan orizontal nedeformabil. Ciocnindu-se de acesta, corpul sare în sus la înălțimea  $h=10,0$  m. Se cere:

- Viteza corpului în momentul încetării acțiunii forței  $F$ .
- Viteza corpului în momentul ciocnirii cu planul orizontal rigid.
- Energia termică rezultată în urma ciocnirii.
- Considerând că energia termică este absorbită de corpul care cade, cu cât crește temperatura lui, știind că are o căldură specifică  $c=350$  J/kg·K? ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).

(Inst. Pol. Cluj, Fac. Mec., 1971)

2.1.7. Într-un cilindru orizontal prevăzut cu un piston se găsește  $m=2,9$  kg aer la  $t_1=27^\circ\text{C}$  și presiunea  $p=200$  kPa. Se încălzește masa de aer în mod izobar până la  $T_2=600$  K. Se cere:

- Volumul inițial al aerului.
- Lucrul mecanic produs de aer în dilatarea izobară.
- Cantitatea de căldură absorbită de aer prin încălzire.

Se dau: căldura specifică la presiune constantă  $c_p=1000$  J/kg·K, masa molară a aerului  $\mu=29$  g/mol,  $R=8,31$  J/mol·K.

(Inst. Pol. Brașov, Fac. Mec., 1971)

2.1.8. O bară de oțel, cu lungimea  $l=2,00$  m și secțiunea circulară de rază  $R=1,5$  cm la  $0^\circ\text{C}$ , este încălzită la  $t=500^\circ\text{C}$ . Să se calculeze:

- Greutatea barei.
- Viteza unei unde elastice longitudinale în bară.

Se dau: densitatea oțelului la  $0^\circ\text{C}$ ,  $\rho_0=7800$  kg/m<sup>3</sup>, coeficientul de dilatare liniară  $\alpha=1,2 \cdot 10^{-5}$  grd<sup>-1</sup>, modulul de elasticitate  $E=2,156 \cdot 10^{11}$  N/m<sup>2</sup>, ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).

(Inst. Pol. Brașov, Fac. T.C.M., 1971)

Un vehicul cu masa  $m=60,0$  kg pleacă din repaus, mișcându-se rectiliniu uniform accelerat pe un drum orizontal pe care-l parcurge în  $t=1,00$  min, atingând viteza  $v=55/2$  km/h, apoi cu această viteză constantă urcă o pantă cu unghiul de înclinare  $\alpha=30^\circ$ , pe care străbate distanța  $s=5,00$  km. Coeficientul de frecare are aceeași valoare pe tot parcursul,  $f=0,10$ , ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>). Se cere:

- Forța de tracțiune pe drumul orizontal.
- Forța de tracțiune pe pantă.
- Căldura dezvoltată pe întregul parcurs.
- Dacă vehiculul este deplasat cu ajutorul unui motor având randamentul  $\eta=0,80$  din randamentul unei mașini Carnot funcționând între temperaturile  $t_1=327^\circ\text{C}$  și  $t_2=27^\circ\text{C}$ , ce cantitate de combustibil cu puterea calorică  $q=41,8$  MJ/kg consumă motorul pe întregul parcurs?

Sub. teor. Lucrul mecanic, puterea, energia; definiții, unități de măsură. Stabilirea expresiei energiei cinetice, teorema variației energiei cinetice.

(Inst. Constr. București, iulie, 1971)

2.1.10. Ce cantitate  $m_s$  de gheață cu temperatura  $t_g=-10^\circ\text{C}$ , aflată într-un calorimetru cu echivalentul în apă  $A=40$  cal/grd se va topi, dacă absoarbe căldura degajată de un corp de alamă cu masa  $m=3,00$  kg a cărui temperatură inițială era  $t=40^\circ\text{C}$ ? Compoziția alamei este 60% cupru și 40% zinc.

Se cunosc:  $c$  (gheață)  $=0,50$  cal/g·grad,  $K$  (gheață)  $=80$  cal/g,  $C_{cu}$

$=0,091 \text{ cal/g-grd}$ ,  $C_{zn}=0,093 \text{ cal/g-grd}$ .

(Inst. Pet., Gaze, Ceol., București, Fac. Tehn. Chim., 1971)

\*T 2.1.11. Se amestecă  $m_1=5,00 \text{ kg}$  apă la  $t_1=5^\circ\text{C}$  cu  $m_2=15 \text{ kg}$  gheață la  $t_2=-15^\circ\text{C}$ . Ce se obține la echilibru termic? (apă, gheață sau amestec). Se dau:  $c(\text{gheață})=2,092 \text{ J/kg-K}$ ,  $l(\text{gheață})=335 \text{ kJ/kg}$ . Sub. teor. Circuitul electric: tensiunea electromotoare, tensiunea la borne, cădere de tensiune, cădere interioară de tensiune. Randamentul unui circuit electric.

(Inst. Pet. Gaze Ploiești, iulie; 1971)

V2.1.12. Într-un cilindru orizontal prevăzut cu un piston se găsește aer care are volumul  $V=65 \text{ dm}^3$  la presiunea  $p=2,0 \text{ atm}$  și temperatura  $t_j=27^\circ\text{C}$ . Se încălzește masa de aer în mod izobar până la  $T=500 \text{ K}$ . Să se determine:

a) Masa aerului în cilindru.

b) Lucrul mecanic efectuat de gaz în dilatarea izobară.

c) Cantitatea de căldură pe care o absoarbe masa de aer prin încălzire.

d) Variația energiei interne a masei de aer.

Căldura specifică a aerului la presiune constantă este  $c_p=1,005 \text{ J/kg-grd}$  și masa molară medie  $M=28,96 \text{ g/mol}$ .

Stih. teor. Difrakția luminii.

(Unrv; Cluj, Fac. Chim., iulie, 1971)

1972

\*2.2.1. Se consideră un mol de apă care trece în stare de vapori la temperatura  $t=100^\circ\text{C}$  și la presiunea atmosferică normală. Căldura latentă de vaporizare a apei este  $X=539 \text{ cal/g}$ , iar constanta universală a gazelor  $R=8,31 \text{ J/mol-grd}$ . Se cere:

Lucrul mecanic de vaporizare a molului de apă la trecerea sa în vapori (se va presupune că volumul molului de vapori, considerați ca un gaz perfect, este mult mai mare decât volumul molului de apă).

a) Cantitatea de căldură care i se comunică molului de apă pentru a trece în stare de vapori.

b) Cum se explică calitativ diferența dintre cantitatea de căldură comunicată molului de apă pentru a se transformă în vapori și lucrul mecanic de vaporizare?

c) Energia cinetică medie a moleculelor în stare de vapori, numărul lui Avogadro fiind  $N_A = 6,024 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$ .

Sub. teor. 1. Să se enunțe legile frecării. 2. Să se enunțe legea lui Hooke pentru deformările elastice. 3. Scara absolută a temperaturilor. Gradul Kelvin.

(Inst. Pol. București, Fac. Met., Chim. Ind., subing., iulie, 1972)

2.2.2. Într-un vas de alamă de masă  $m = 2,00 \text{ kg}$ , în care se află  $M_1 = 5,00 \text{ kg}$  apă la temperatura  $t_1 = 20^\circ\text{C}$ , se introduce o cantitate  $M_2$  gheață aflată la temperatura  $t_2 = -10^\circ\text{C}$ . Se cere să se calculeze:

a) Masa  $M_2$  de gheață necesară pentru ca în vas să avem apă la temperatura  $t = 0^\circ\text{C}$ .

b) Cantitatea  $Q$  de căldură necesară pentru ca în vas să rămână  $M_1$  kg de apă la temperatura  $t_3 = 100^\circ\text{C}$ .

c) Volumul  $V$  ocupat de  $M_2$  kg vapori de apă la presiunea  $p = 1,00 \text{ atm}$ . Vaporii se consideră gaz ideal.

d) Lucrul mecanic necesar pentru a micșora volumul  $V$  într-un proces izobar la jumătate.

Se dau: căldura specifică a alamei  $c = 380 \text{ J/kg}\cdot\text{K}$ , căldura specifică a apei  $c_x = 4.185 \text{ J/kg}\cdot\text{grd}$ , căldura specifică a gheții  $c_2 = 2.10,0 \text{ J/kg}\cdot\text{grd}$ , căldura latentă de topire a gheții  $t_2 = 335 \text{ kJ/kg}$ , căldura latentă de vaporizare a apei  $X_1 = 2,3 \text{ MJ/kg}$ , constanta universală a gazelor  $R = 8.314 \text{ J/kmol}\cdot\text{grd}$ , masa molară a apei  $\mu = 18 \text{ g/mol}$ .

Sub. teor. 1. Să se enunțe legea conservării energiei mecanice. 2. Unități de lucru mecanic și de putere în SI. 3. Dilatarea liniară și în voluim a corpurilor solide.

(Inst. Pol. București, Fac. Met., subing., septembrie, 1972)

2.2.3. O bară de oțel avînd masa  $m = 3,9 \text{ kg}$  și lungimea  $l = 50 \text{ cm}$  la temperatura  $t_x = -20^\circ\text{C}$ , este încălzită pînă la temperatura  $t$  prin primirea cantității de căldură  $Q = 1.040 \text{ kJ}$ . Cunoșcînd că densitatea barei la  $0^\circ\text{C}$  este  $\rho_0 = 7.800 \text{ kg/m}^3$ , căldura specifică  $c = 502 \text{ J/kg}\cdot\text{K}$  și coeficientul de dilatare liniară  $\alpha = (12 \cdot 10^{-6} \text{ K}^{-1})$ . Se cere să se calculeze:

a) Temperatura  $t$  la care ajunge bara după încălzire.

b) Lungimea  $l$  a barei aflată la temperatura  $t$ .

e) Densitatea  $\rho$  a barei aflată la temperatura  $t$ .

Sub. teor. 1. Unitățile de măsură în SI pentru energie, putere și lucru mecanic. 2. Compunerea forțelor paralele (de același sens și de sensuri opuse). 3. Randamentul unei mașini termice ideale.

(Inst. Pol. București, Fac. Met., subing., seral, decembrie, 1972)

2.2.4. O mașină termică ideală efectuează un lucru mecanic  $L = 1.676$

J- pentru fiecare kilocalorie luată de la sursa caldă, aflată, la temperatura  $t_1$  —  $200^\circ\text{C}$ . Se cere să se calculeze:

- a) Randamentul mașinii și temperatura  $t_2$  a sursei reci.
- b) Puterea utilă a mașinii, dacă ea consumă în  $t = 1,00$  h,  $m = 5,00$  kg benzină cu puterea calorică  $q = 48$  MJ/kg.
- c) Volumul ocupat de  $m_0 = 56$  g azot ce servește drept agent termic în mașină, aflat la presiunea  $p = 2,00$  atm și temperatura,
- d) Energia cinetică medie și viteza pătratică medie a moleculelor, de azot la temperatura  $t_2$ .

sală a gazelor,  $R = 8,314$  J/kmol·K; jiumărul lui Avogadro  $N_A = 6,02 \cdot 10^{23}$  mol $^{-1}$ .

*Sub. teor.* 1. Viteza unghiulară. Unitatea de viteză unghiulară. 2. Energia potențială. Expresiile energiei potențiale gravitaționale și a energiei potențiale de deformare. 3. Legea lui Avogadro... Explicarea acestora pe baza teoriei cinetico-moleculare.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., El., Met., septembrie, 1972)

\*: 2.2.5. Într-un cuptor metalurgic se introduce un, bloc de oțel cu dimensiunile laturilor  $X, Y, Z = 1,2 \text{ m} \times 0,60 \text{ m} \times 0,60 \text{ m}$ . Temperatura blocului la introducerea în cuptor este  $t = 300^\circ\text{C}$ . Să se determine:

- a) Căldura utilă necesară pentru topirea blocului de oțel.
- b) Consumul de combustibil necesar pentru realizarea procesului.
- c) Căldura pierdută în decursul realizării procesului.

Se dau: densitatea oțelului  $\rho = 7800$  kg/m $^3$ , căldura specifică medie a oțelului  $c_m = 0,16$  kcal/kg·°C, căldura latentă de topire a oțelului  $X_t = 52$  kcal/kg, temperatura de topire a oțelului  $t_f = 1500^\circ\text{C}$ , puterea calorică inferioară a combustibilului consumat (păcură)  $Q_i = 9,0$  Mcal/kg, randamentul de încălzire a combustibilului  $\eta_{iq} = 20\%$ .

(Inst. Pol. București, Fac. Met., septembrie, 1972)

2.2.6. Oxigenul necesar unei operații de sudare se preia dintr-o butelie de oțel cu volumul interior  $V = 60$  dm $^3$ . Inițial presiunea oxigenului

5 — Probleme de fizică  
din butelie este  $p_1 = 150$  at la temperatura  $t = 20^\circ\text{C}$ . În urma efectuării operației de sudare, presiunea buteliei scade la  $p_2 = 6,0$  at. Să se calculeze:

- a) Cantitatea de oxigen existentă inițial în butelie.
- b) Cantitatea de oxigen consumat, știind că temperatura gazului din butelie rămâne constantă în timpul efectuării operației de sudare.
- c) Presiunea care se stabilește în butelie, dacă după efectuarea operației de sudare, butelia se depozitează într-un loc în care temperatura se stabilește la  $t' = 45^\circ\text{C}$ . ( $\rho_{O_2} = 32$  kg/kmol).

*Sub. teor.* Transmiterea căldurii prin conducție printr-un perete plan din material omogen și printr-un perete plan format din mai multe materiale.

(Inst. Pol. București, Fac. Met., septembrie, 1972)

% 2.2.7. O piesă metalică de lungime  $Z = 100$  cm și diametrul  $d = 60$  mm se strunjește la un strung, al cărui cuțit înaintează la fiecare rotație cu  $Z_1 = 1,00$  mm, întimpinând o forță de rezistență  $F_r = 9,8$  kN. Știind că piesa se rotește cu  $n = 10$  rot/s, să se afle:

- a) Viteza liniară la suprafața de contact a piesei cu cuțitul.

b) Lucrul mecanic necesar pentru stfunjirea piesei la o singură trecere.

c) Puterea motorului electric al strungului, dacă randamentul lui este  $\eta = 80\%$ .

d) Ce cantitate de combustibil lichid s-ar consuma, dacă strungul ar fi acționat de un motor cu ardere internă al cărui randament este  $\eta_f = 30\%$ , iar puterea calorică a combustibilului  $q = 41,86 \text{ MJ/kg}$ .

Sub. teor. 1. Căldura specifică a unei substanțe. Ecuația calorică. 2. Autoinducția. Inductanța. Unitatea de inductanță.

(Inst. Pol. Iași, Fac. Mec., Hidrot., Ind. Ușoară, iulie, 1972)

Într-un cilindru închis cu lungimea  $Z = 1,00 \text{ m}$  și cu secțiunea  $S = 20 \text{ cm}^2$ , plin cu oxigen, se află un piston mobil. Pistonul stă în mijlocul cilindrului, iar gazul aflat în cele două compartimente se află la  $0^\circ\text{C}$  și presiunea atmosferică normală.  $p_0 = 101,3 \text{ kPa}$ .

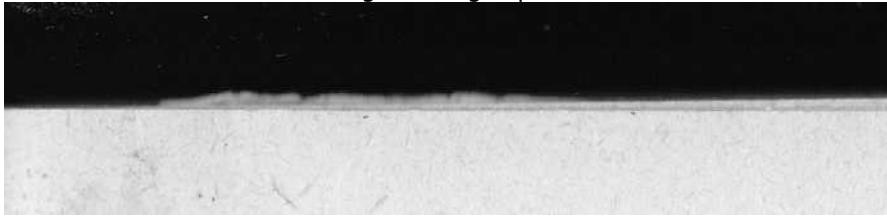
a) Se deplasează pistonul cu  $\Delta Z = 40 \text{ cm}$  față de poziția inițială; ce presiune are gazul în fiecare compartiment?

b) Ce forță trebuie să acționeze asupra pistonului pentru a-l menține în noua poziție?

c) Ce masă de oxigen trebuie să iasă dintr-un compartiment pentru ca pistonul lăsat liber să nu se deplaseze?

Se dau: masa atomică a oxigenului  $A = 16$ ,  $R = 8,31 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$ .

Temperatura se consideră constantă, grosimea pistonului este neglijabilă, iar oxigenul — gaz perfect.



Sub. teor. 1. Temperatura critică. Lichefierea gazelor. 2. Rețele optice.

(Inst. Pol. Iași, Fac. Chim. Ind., iulie, 1972)

2.2.9. O bară de fier aflată la  $t_x = -20^\circ\text{C}$  cu lungimea  $l = 50 \text{ cm}$ , secțiunea  $S = 10 \text{ cm}^2$ , densitatea  $\rho = 7800 \text{ kg/m}^3$  și căldura specifică  $c = 0,50 \text{ kJ/kg} \cdot \text{K}$ , este încălzită într-o instalație cu randamentul  $\eta = 25\%$  prin consumarea a  $m = 100 \text{ g}$  petrol cu puterea calorică  $q = 40 \text{ MJ/kg}$ . Pentru a împiedica dilatarea, bara este supusă unei compresiuni longitudinale. Să se determine:

a) Cantitatea de căldură primită de bară.

b) Masa barei.

c) Temperatura la care se încălzește bara.

d) Lungimea barei după încălzire, dacă s-ar dilata liber.

e) Forța care acționează longitudinal asupra barei pentru a-i menține lungimea inițială.

Se dau: coeficientul de dilatare liniară a fierului  $\alpha = 12 \cdot 10^{-6} \text{ K}^{-1}$ , modulul de elasticitate  $E = 2,0 \cdot 10^{11} \text{ N/m}^2$ .

Se neglijează variația densității cu temperatura.

Sub. teor. 1. Frecarea. Forța de frecare. Legile frecării.

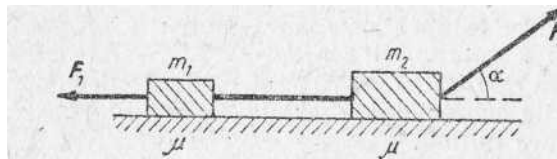


Coeficientul de frecare. 2. Tensiunea electromotoare indusă într-un conductor liniar. Legea lui Faraday.

— (Inst. Pol. Iași, Fac. Hidrot., Mec., septembrie, 1972)

2-2.10—Asupra a două corpuri de mase  $m_1=10$  kg și  $m_2=20$  kg, aflate pe un plan orizontal, legate între ele printr-o bară rigidă, acționează concomitent forța  $F_1=6,0$  N și forța  $F_2$ , orientate ca în fig. 2.2.10. Coeficienții de frecare între corpuri și plan sînt egali:  $\mu=0,20$ , ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>). Să se determine:

a) Valoarea forței  $F_2$  pentru care sistemul se va mișca pe plan în sens invers forței  $F_1$  cu accelerația  $a=1,00$  m/s<sup>2</sup>. Tensiunea în bara de legătură a celor două corpuri.



b) Valoarea forței  $F_2$  pentru care sistemul s-ar afla în mișcare rectilinie uniformă pe direcția și în sensul invers forței  $F_1$ . Tensiunea în bara de legătură a celor două corpuri în această situație.

Variația temperaturii fiecărui corp, admitînd că întreaga cantitate de căldură dezvoltată pe o distanță  $d=1,00$  km este preluată de cele două corpuri. Se va considera deplasarea în condițiile de la punctul a).

Căldurile specifice ale celor două corpuri sînt egale:  $c=460$  — kg ■ K

(Inst. Constr. București, iulie, 1972)

2.2.11. O grindă metalică  $AB$ , omogenă, de lungime  $l=3,00$  m, secțiune  $S=100$  cm<sup>2</sup> și densitate  $\rho=8\,900$  kg/m<sup>3</sup>, se sprijină în punctul  $A$  pe un plan orizontal, și în punctul  $B$  este suspendată prin sistemul de scripeti  $S_1$  și  $S_2$ . La distanța  $l/3$  din punctul fix  $A$ , acționează normal pe grindă forța  $F$ , iar la distanța  $2l/3$  de  $A$  stă în echilibru pe grindă un corp de masă  $m=100$  kg. Se va lua  $g=10$  m/s<sup>2</sup>. Se cere:

a) Valoarea forței  $F$  astfel ca grinda să fie în echilibru:  $m_2=500$  kg și  $\alpha=60^\circ$ .

b) Valoarea coeficientului de frecare între corpul  $m_x$  și grindă astfel încît el să nu alunece cînd grinda face unghiul  $\alpha=60^\circ$  cu orizontala.

găzdușii.





calorimetru o bucată de fier avînd masa  $m_o = 100$  g și temperatura  $t_e = 12^\circ\text{C}$ . Se cere: \_\_\_\_\_.

a) Temperatura finală 0 a apei din calorimetru.

b) Care ar fi trebuit să fie masa bucății de fier, pentru ea temperatura finală să fie  $0! = 60^\circ$ ?

Se dau:  $c$  (alamă)  $= 418$  J/kg·K,  $c$  (fier)  $= 460$  J/kg·K,  $c$  (apă)  $= 4180$  J/kg·K.

Sub. teor. Efectul fotoelectric și aplicații.

(Univ. București, Fac. Chim., iulie, 1972)

2.2.16. Într-un calorimetru cilindric avînd aria bazei  $S = 30$  cm<sup>2</sup> se toarnă  $V = 200$  cm<sup>3</sup> apă la temperatura  $T = 303$  K; în acest vas se lasă să cadă o bucată de gheață cu masa  $m_g = 10$  g și temperatura  $T_g = 273$  K. Să se afle cu cît s-a deplasat nivelul apei din calorimetru în urma topirii gheții.

Se dau: coeficientul de dilatare termică a apei  $\beta = 2,6 \cdot 10^{-3}$  K<sup>-1</sup>, căldura de topire a gheții  $\lambda = 335$  kJ/kg.

Sub. teor. Interferența luminii.

(Univ. Cluj, Fac. Chim., iulie, 1972)

1973

2.3.1. Într-o butelie cu volumul  $V = 40$  l se găsește oxigen la presiunea  $p_x = 1000$  kPa și la temperatura  $t_1 = 27^\circ\text{C}$ . Se cere:

a) Masa oxigenului aflat în butelie.

b) Presiunea oxigenului din butelie, dacă temperatura sa crește de la  $t_1$  la  $t_2 = 127^\circ\text{C}$ .

c) Cantitatea de căldură absorbită de oxigenul din butelie, cînd temperatura a crescut de la  $27^\circ\text{C}$  la  $127^\circ\text{C}$ .

d) Cantitatea de oxigen care trebuie scoasă din butelie pentru ca presiunea să fie egală cu  $p_a = 500$  kPa, cînd temperatura buteliei este  $t_2 = 127^\circ\text{C}$ .

Se cunosc: constanta gazelor  $R = 8,31$  J/mol·K, căldura specifică a oxigenului la volum constant,  $c_v = 100$  J/kg·K, masa molară a oxigenului  $\mu_o = 32$  g/mol.

Sub. teor. 1. Legea a treia a lui Newton. 2. Căldura specifică a unei substanțe. 3. Dilatarea liniară și în volum a corpurilor solide.

(Inst. Pol., București, Fac. Met., subing., iulie, 1973)

2.3.2. Unei bare de cupru cu secțiunea  $S = 0,50$  cm<sup>2</sup> și lungimea  $l = 1,50$  m la temperatura  $t_0 = 0^\circ\text{C}$  îi este comunicată cantitatea de căldură  $Q = 2596$  J. Se cere să se calculeze:

a) Temperatura  $t$  la care este încălzită bara.

b) Variația lungimii barei datorită încălzirii ei.

c) Temperatura  $Q$  la care ajunge o cantitate de apă cu masa  $m = 5,00$  kg, în care este introdusă bara încălzită, dacă temperatura inițială a apei este  $t_0 = 1,00^\circ\text{C}$ .

Se cunosc: căldura specifică a cuprului  $c = 390$  J/kg·K, densitatea cuprului la  $0^\circ\text{C}$ ,  $\rho = 8900$  kg/m<sup>3</sup>, coeficientul de dilatare liniară a cuprului

$\alpha = 1,7 \cdot 10^{-6} \text{ K}^{-1}$ , căldura specifică a apei,  $c_a = 4180 \text{ J/kg} \cdot \text{K}$ .

*Sub. teor.* 1. Să se enunțe legea conservării energiei mecanice, 2. Să se scrie expresiile energiei cinetice, energiei potențiale și energiei totale ale oscilatorului armonic. 3. Să se enunțe legile gazelor perfecte.

(Inst. Pol. București, Fac. Met., subing., septembrie, 1973)

2.3.3. Într-un corp de pompă se găsesc  $m = 18 \text{ g}$  oxigen la presiunea  $p = 1,5 \text{ atm}$  și temperatura  $t = 47^\circ \text{C}$ . Să se calculeze:

- Densitatea  $\rho$  a gazului.
- Temperatura la care trebuie încălzit gazul și căldura  $Q$  necesară pentru ca presiunea să se dubleze, încălzirea făcându-se izocor.
- Temperatura  $T_2$  la care trebuie încălzit gazul și lucrul mecanic  $L$  ce trebuie efectuat pentru ca volumul să se dubleze, încălzirea făcându-se izobar.

Se cunosc: constanta gazelor perfecte  $R = 8,31 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$ , masa molară a oxigenului,  $\mu = 32 \text{ g/mol}$ , căldura specifică a oxigenului la volum constant  $c_v = 640 \text{ J/kg} \cdot \text{K}$ .

*Sub. teor.* 1. Legile frecării. Coeficient de frecare. 2. Dilatare liniară și în volum a corpurilor solide. 3. Legea lui Coulomb și intensitatea câmpului electrostatic.

(Inst. Pol. București, Fac. Met., subing., septembrie, 1973)

of» ♦ \*

2.3.4. Într-un recipient închis etanș cu ajutorul unui piston mobil se găsesc  $\nu = 3,0 \text{ mol}$  heliu menținut la presiune constantă  $p = 101,3 \text{ kPa}$  și temperatura inițială  $t = 300 \text{ K}$ . Cantitatea de heliu din recipient este încălzită izobar pînă cînd volumul gazului devine  $V_2 = 98,4 \text{ l}$ . Să se determine:

- Volumul inițial  $V_1$  al gazului din recipient.
- Temperatura  $T_2$  a gazului după încălzire.
- Lucrul mecanic,  $L$  efectuat de gaz prin dilatare în cursul încălzirii izobare.

d) Cantitatea de căldură primită de gaz în cursul încălzirii de la temperatura  $T_1$  la temperatura  $T_2$ , considerînd că mărirea energiei interne a heliului ( $U_2 - U_1$ ) în condițiile menționate se datorește creșterii energiei cinetice medii a moleculelor (considerînd întreaga cantitate de gaz din recipient),  $R = 8,31 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$ .

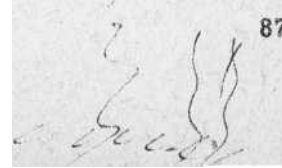
*Sub. teor.* 1. Să se enunțe legile pendulului matematic. 2. Să se enunțe legea lui Hooke. 3. Randamentul ciclului Carnot.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, iulie, 1973)

■

\* 2.3.5. O mașină termică ce funcționează cu cărbune, conform unui ciclu Carnot, acționează un dinam ce trebuie să furnizeze o putere  $P = 80 \text{ kW}$  cu un randament  $\eta = 80\%$ . Temperatura sursei calde este  $t_1 = 127^\circ \text{C}$ , iar temperatura sursei reci  $t_2 = 27^\circ \text{C}$ . Azotul ce este folosit drept agent termic în mașină are la temperatura sursei calde presiunea  $p_x = 3,00 \text{ atm}$ . Se cere să se calculeze:

- Puterea utilă a mașinii termice și randamentul acesteia.



- b) Cantitatea de cărbune ce se consumă în timpul  $t=1,00$  h.
- c) Densitatea azotului,  $A$
- d) Variația energiei cinetice medii și a vitezei pătratice medii a unei molecule de azot atunci când temperatura gazului scade de la  $t_1$  la  $t_2$ .
- e) Numărul de molecule de azot ce s-ar afla într-un volum  $V=1,00$  dm<sup>3</sup> la temperatura  $t_1$  și presiunea  $p_1$ .

Se dau: constanta gazelor  $R=8,31$  J/mol·K,  $1 \text{ atm}=101,3$  kPa, puterea calorică a cărbunelui, folosit  $q=33$  MJ/kg, masa molară a azotului  $M=28$  g/mol, numărul lui Avogadro  $N_A=6,02 \cdot 10^{23}$  mol<sup>-1</sup>.

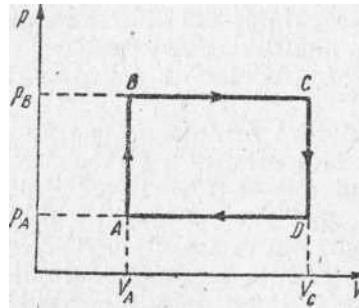
Sub. teor. 1. Să se enunțe legea lui Ohm pentru un circuit în

treg. 2. Să se enunțe legile electrolizei (Faraday). 3. Să se definească unitățile în sistemul internațional (SI) pentru tensiunea electrică\*, inducția magnetică și capacitatea electrică.

Y. Scara absolută a temperaturilor. Gradul Kelvin. 2'. Dilatarea liniei și în volum a corpurilor solide. 3'. Forța centripetă și forța centrifugă.

(Insit. Pol. București, Fac. Mec., El., Chim. Ind., Met., septembrie, 1973)

2.3.6. Un motor termic, utilizând drept agent o cantitate  $\nu = 2,00$  mol heliu, funcționează după un ciclu (fig. 2.3.6) format din două izobare și două izocore. Cunoșcând valorile presiunilor și vo



lurilor corespunzând cantității de heliu din stările B și D,  $p_B = 200$  kPa,  $V_B = 83,1$  l, respectiv  $p_D = 100$  kPa,  $V_D = 166,2$  l, să se determine:

- Temperaturile la care se află heliul în stările A, B, C și D.
- Lucrul mecanic efectuat de gaz în cursul destinderii izobare.
- Lucrul mecanic efectuat de motor în cursul unui ciclu.
- Cantitatea de căldură pe care trebuie să o primească gazul pentru a parcurge o dată ciclul descris.
- Rendamentul motorului.

Constanta gazelor perfecte  $R=8,31$  J/mol·K.

Sub. teor. 1. Să se scrie expresiile vitezei unghiulare, vitezei liniare

și accelerației în mișcarea circulară uniformă.<sup>1</sup> 2. Să se scrie expresia momentului cuplului de forțe. 3. Să se enunțe legea lui Avogadro.

F. Scara<sup>2</sup> absolută a temperaturilor. Gradul Kelvin. 21. Dilatarea liniară și în volum a corpurilor solide. 3'. Variația masei cu viteza.

(Inst. Foi. București, Fac. Chim. Ind., Met., septembrie, 1973)

\* 2.3.7. O masă  $m = 160$  g oxigen se află la presiunea  $p_j = 1,00$  MPa și temperatura  $t_1 = 47^\circ\text{C}$ . Gazul este supus mai întâi unei transformări izobare pînă la un volum  $V_M \wedge n V_U \wedge n = f_4$ , și apoi unei transformări izocore, astfel încît presiunea se micșorează de  $T_c = 2$  ori. Să se determine parametrii stării finale și variația energiei interne a gazului. Se dă  $e_{\text{H}} = 921$  J/kg·K.

Sub. teor. 1. Căldura latentă specifică de topire<sup>1</sup> și de vaporizare (Definiții, unități de măsură, metode de determinare). 2. Legile efectului fotoelectric.

(Inst. Petr., Gaze, Geol., București, iulie, 1973)

## 1974

Jt; 2.4.1. O cantitate de gheață  $m = 0,50$  kg are temperatura inițială  $t_0 = -12^\circ\text{C}$ . Să se calculeze:

a) Căldura  $Q$  necesară pentru a transforma gheața în apă, adusă în stare de fierbere la presiunea normală.

b) Cantitatea de combustibil necesară pentru realizarea încălzirii de la punctul a), presupunînd un randament de utilizare a căldurii  $\eta = 2/3$ .

c) Temperatura finală de echilibru  $t_0$  într-un calorimetru care, inițial, conține  $M = 6,00$  kg apă la temperatura  $t = 50^\circ\text{C}$  și în care s-ar introduce bucata de gheață (cu masa  $m$  și temperatura  $t_0$ ).

Se cunosc: căldura specifică a gheții  $c' = 2040$  J/kg·K, căldura specifică a apei  $c = 4180$  J/kg·K, căldură latentă specifică de topire a gheții  $X = 330$  kJ/kg, puterea calorică a combustibilului  $q = 30$  MJ/kg.

(Inst. Pol. București, Fac. El., Mec., Met., subing., iulie, 1974)

b) Să se calculeze densitatea oxigenului aflat la temperatura  $t = 37^\circ\text{C}$  și presiunea  $p = 2,00$  atm. Masa molară a oxigenului  $\mu_x = 32$  g/mol, constanta gazelor perfecte  $\wedge = 0,082$  atm·l/mol·grd.

e) într-un Calorimetru se află o bucată de gheață de masă  $m = 200$  g la temperatura  $t = -10^\circ\text{C}$ . Ce căldură este necesară pentru a se obține un amestec în echilibru termic, care constă din  $m_a = 100$  g apă și  $m_g = 100$  g gheață?

Se dau: căldura specifică a gheții  $c = 2040$  J/kg·K, căldura latentă specifică de topire a gheții  $\wedge = 335$  kJ/kg.

(Inst. Pol. București, Fac. Met., subing., iulie, 1974) \* \* < % \*

$\wedge$  2.4.3. într-un recipient cu volumul  $V = 30$  l se află  $m = 1,952$  kg oxigen la temperatura  $t = 27^\circ\text{C}$  și presiunea  $p = 50$  atm. Masa moleculară a oxigenului  $M = 32$  u. Se cere:

a) Cantitatea de oxigen evacuată din recipient, în ipoteza că gazul se

1 2.4.2. a) Să se calculeze căldura cedată sursei reci de o mașină<sup>0</sup> termică, care funcționează după ciclul Carnot, dacă randamentul ei este  $\eta = 0,60$  și lucrul mecanic efectuat  $L = 120$  kJ.

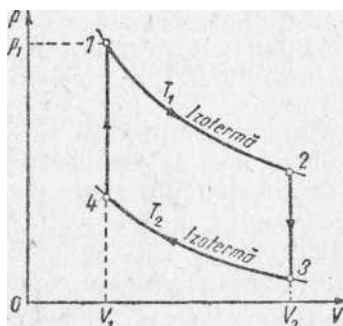
încălzește la  $t' = 42^\circ\text{C}$  și presiunea rămâne constantă.

■ b) Care este presiunea oxigenului din recipient la temperatura  $42^\circ\text{C}$ , în ipoteza că volumul de oxigen din recipient rămâne neschimbat?

Se consideră  $\alpha = \frac{1}{273,15} \text{ K}^{-1} = 0,00366 \text{ K}^{-1}$ .

(Inst. Pol. București, Fac. Chim., iulie, 1974)

2.4.4. Un motor lucrează după ciclul indicat în fig. 2.4.4 (două izoterme și două izocore) folosind aer (considerat ca gaz ideal) la



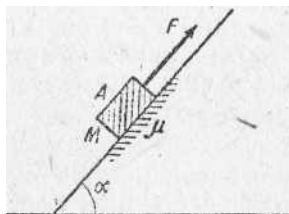
presiunea inițială  $p_1 = 700 \text{ kPa}$  și temperatura  $t_1 = 127^\circ\text{C}$ . Volumul inițial al aerului este  $V_1 = 2,0 \text{ l}$ . După prima destindere izotermă aerul ocupă volumul  $V_2 = 5,0 \text{ l}$ , iar după prima transformare izocoră, temperatura gazului este  $t_2 = 27^\circ\text{C}$ . Cundscind masa molară a aerului  $\mu = 29 \text{ g/mol}$ , se cere să se calculeze:

- Masa  $m$  a cantității de aer utilizat.
- Presiunea aerului după transformarea izocoră. 2. - \* 3.
- Energia cinetică totală a moleculelor gazului. în fiecare *doricele* patru stări.
- Randamentul motorului care ar funcționa după un ciclu Car not între cele două temperaturi.

Sub. teor. 1. Formula lentilelor. 2. Rețele de difracție. 2. Legii? efectului fotoelectric.

(Inst. Pol. București, Fac. Chim., iulie, 1974)

Asupra unui corp  $A$  de masă  $M = 400 \text{ kg}$ , aflat pe un plan înclinat, se acționează printr-un cablu cu o forță  $F$  orientată în *se:oa* . ascendent, paralel cu planul înclinat. Dacă forța  $F = F_1 = 2692 \text{ N}$ , corpul  $A$  urcă uniform, iar dacă  $F = F_2 = 1308 \text{ N}$ , corpul  $A$  coboară



uniform pe planul înclinat. Cablul este acționat de o mașină termică ideală care consumă  $m = 25 \text{ g}$  benzină pe minut. Puterea calorică a benzinei este  $q = 48 \text{ MJ/kg}$ . Temperatura sursei calde  $\theta_1 = 127^\circ\text{C}$ , iar temperatura sursei reci  $\theta_2 = 27^\circ\text{C}$ . Se cere să se calculeze:

- Unghiul  $\alpha$  dintre planul înclinat și orizontală.
- Coeeficientul de frecare  $f$  între corpul  $A$  și planul înclinat.
- Viteza  $v$  cu care corpul  $A$  urcă uniform pe planul înclinat sub acțiunea forței  $F_1$ .
- Căldura  $Q_2$  cedată sursei reci în timp ce corpul  $A$  este urcat uniform pe o distanță  $d = 55,8 \text{ m}$  pe planul înclinat ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ).

(Inst. Pol. București, Fac. Met., iulie, 197#)

2.4.6. Într-un vas care conține  $m_1 = 42 \text{ kg}$  apă și  $m_2 = 2,0 \text{ kg}$  gheață este scufundat un corp de pompă, în care se găsește oxigen,  $m_3$  Volumul  $V_0 = 44,8 \text{ dm}^3$  și presiunea  $p_0 = 1,00 \text{ atm}$ . Întregul ansamblu se găsește în stare de echilibru termic la  $0^\circ\text{C}$ . În vasul cu apă și gheață se introduce o cantitate  $x$  de vaporii de apă, aflați la temperatura  $\theta = 100^\circ\text{C}$ , astfel încât întregul sistem să ajungă la o nouă stare de echilibru termic la temperatura  $\theta$ . În acest proces gazul

din corpul de pompă se destinde izobar și efectuează un lucru mecanic  $L = 664,8 \text{ J}$ . Să se calculeze:

- Temperatura  $\theta$ .
- Căldura  $Q$  cedată de vaporii de apă introduși (se consideră neglijabilă căldura preluată de corpul de pompă și de vas).



c) Cantitatea  $x$  de vapori de apă.

Se cunosc: constanta gazelor perfecte  $R=8,31$  J/mol·K, căldura specifică a apei  $c=4180$  J/kg·K, căldura specifică izobară a oxigenului  $c_p=910$  J/kg·K, căldura latentă specifică de topire a gheții,  $X_i=335$  kJ/kg, căldura latentă specifică de vaporizare a apei  $l_v=2,25$  MJ/kg, masa molară a oxigenului  $M=32$  g/mol.

Sub. teor. 1. Legile lui Kirchhoff. 2. Presiunea gazelor și relația de bază a teoriei cinetico-moleculare. 3. Pendulul matematic, legile lui.

(Inst. Pol. București, IFac. Met., iulie, 1974)

3.2.4.7. O mașină termică funcționează după un ciclu Carnot, cu o sursă caldă avînd temperatura  $T_1=1000$  K și cu o sursă rece avînd temperatura  $T_2=300$  K. Substanța de lucru primește de la sursa caldă o cantitate de căldură  $Q_1=10,12$  kJ. Să se calculeze:

a) Randamentul mașinii termice.

b) Cantitatea de căldură cedată sursei reci.

c) Cantitatea de căldură calculată la punctul b) este furnizată cu o viteză constantă  $q=500$  J/s unei cantități  $m=1,00$  g gheață, aflată inițial la o temperatură  $t_g=-15^\circ\text{C}$ . Să se traseze variația în timp a temperaturii gheții și a produselor ce rezultă din topirea ei.

Se dau: căldura specifică a gheții  $c_g=2038$  J/kg·K, căldura specifică a apei  $c_a=4180$  J/kg·K, căldura latentă de topire a gheții  $A_g=335$  kJ/kg, căldura latentă de vaporizare a apei  $l_v=2,25$  MJ/kg.

(Inst. Pol. Timișoara, Fac. Ing. Chim., iulie, 1974)

2.4.8. Pistoanele de mase neglijabile a doi cilindri identici sînt legate rigid printr-o tîijă în formă de U de masă neglijabilă (fig. 2.4.8).



$P_0$

În cilindri se introduce aer la temperatura  $T$  astfel încît volumele ocupate sînt egale, iar presiunea într-un cilindru este de  $n=2$  ori mai mică decît presiunea atmosferică  $p_0=1,00$  atm. Încălzind gazul din acest cilindru pînă la temperatura absolută  $T_c$  de  $m=2$  ori mai mare decît cea inițială și menținînd în cilindru al doilea temperatura inițială constantă, să se determine presiunea care se stabilește în primul cilindru după încălzire.

Sub. teor. Energia mecanică. Legea conservării și transformării energiei în procesele mecanice; aplicație la mișcarea oscilatorie armonică.

(Univ. București, Fac. Fizică, iulie, 1974)

2.4.9. La adîncimea  $h=1,00$  m sub nivelul apei s-a format o bulă de aer sferică. La ce adîncime ea se va comprima într-o bulă sferică cu raza pe jumătate ( $f=0,50$ )?

Sub. teor. Efectul fotoelectric și legile lui.

(Univ. Iași, Fac. Fizică, iulie, 1974).

2.4.10. Într-un recipient de volum  $V=48$  l se găsește oxigen la presiunea  $p=24$  atm și temperatura  $t=15^\circ\text{C}$ . Pentru sudură se consumă  $f=40\%$  din masa oxigenului, după care recipientul se transportă într-o cameră cu temperatura  $t_1=37^\circ\text{C}$ . Să se calculeze:

a) Masa oxigenului consumat.

b) Presiunea din recipient la temperatura  $t$  după efectuarea sudurii.

c) Densitatea oxigenului din recipient la temperatura  $t_x$ .

Se dau:  $1 \text{ atm} = 101,3 \text{ kPa}$ ,  $r = 8,31 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$ ,  $n = 32 \text{ g/mol}$ .

(Univ. Braşov, Fac. Mec. şi T.C.M., iulie, 1974)

2.4.11. Un corp cu masa  $m = 400 \text{ g}$  cade liber de la înălţimea  $h = 20 \text{ m}$ .

Să se calculeze:

a) Viteza cu care ajunge la sol.

b) Timpul în care execută mişcarea de cădere liberă pînă la sol.

c) Energia cinetică şi cea potenţială a corpului după  $t = 1,0 \text{ s}$  de la începerea mişcării.

d) Cu cîte grade se ridică temperatura apei cu masa  $M = 100 \text{ g}$  dintr-un vas aşezat pe pămînt, în care cade corpul, admitînd că pierderile sînt  $\eta = 20\%$ ? Căldura specifică a apei  $c = 4180 \text{ J/kg} \cdot \text{K}$ ,  $g = 10 \text{ m/s}^2$ .

*Sub. teor.* 1. Greutatea corpurilor, relaţia dintre greutatea şi masa unui corp. 2. Măsurarea forţelor, dinamometre. 3. Densitatea corpurilor. 4. Frecarea, forţa de frecare, legile frecării, coeficientul de frecare. 2.5.1. Un tractor are puterea utilă  $P_u = 40 \text{ kW}$  şi consumă  $m = 10 \text{ kg}$  de motorină în timpul  $t = 1,00 \text{ h}$ . Ştiind că puterea calorică a motorinei este  $q = 40 \text{ MJ/kg}$ , să se calculeze:

$V$ , a) Randamentul  $\eta$  al motorului tractorului.

b) Forţa de rezistenţă  $F_r$  pe care o învinge cînd se deplasează cu viteza  $v = 17 \text{ km/h}$  şi foloseşte întreaga sa putere utilă.

c) Cantitatea de motorină  $m_f$  necesară pentru a se deplasa pe distanţa  $d = 50 \text{ km}$  cu viteza  $v = 18 \text{ km/h}$ .

d) Dacă  $\eta = 60\%$  din căldura dezvoltată prin arderea motorinei este preluată de apa de răcire, care are la intrare  $t_1 = 30^\circ\text{C}$  şi la ieşire  $t_2 = 90^\circ\text{C}$ , să se calculeze cantitatea de apă necesară răcirii motorului în timpul  $t = 1,00 \text{ h}$ . Căldura specifică a apei  $c = 4180 \text{ J/kg} \cdot \text{K}$ .

*Sub. teor.* 1. Să se scrie legea spaţiului în mişcarea uniform variată cu viteză iniţială, mobilul aflîndu-se iniţial faţă de reper la distanţa  $x_0$ . 2. Legea fundamentală a dinamicii. 3. Expresia energiei potenţiale. 4. Legea gazului ideal (ecuaţia Mendeleev-Clapeyron). 5. Cantitatea de căldură dezvoltată prin arderea unui combustibil. \* 6. Legea dilatării liniare a unui corp solid.

(Inst. Pol. Bucureşti, Fac. Met., subing., iulie, 1975)

2.5.2. Un calorimetru de capacitate calorică neglijabilă conţine  $m_1 = 500 \text{ g}$  la temperatura  $t_1 = 30^\circ\text{C}$ , la care se adaugă  $m_2 = 200 \text{ g}$  gheaţă la temperatura  $t_2 = 10^\circ\text{C}$ . Să se determine temperatura la atingerea stării de echilibru termic.

Se dau: căldura specifică a apei  $c_a = 4200 \text{ J/kg} \cdot \text{K}$ , a gheţii  $c_g = 2100 \text{ J/kg} \cdot \text{K}$ , căldura latentă de topire a gheţii  $l = 335 \text{ kJ/kg}$ .

*Sub. teor.* Să se deducă relaţia care exprimă variaţia densităţii corpurilor solide cu temperatura.

(Inst. Pol. Bucureşti, Fac. Met., subing., septembrie, 1975)

2.5.3. Roata unei locomotive are o rază  $R = 1,00 \text{ m}$  la temperatura de  $0^\circ\text{C}$ . Să se determine diferenţa dintre numărul de rotaţii efectuat pe distanţa  $d = 100 \text{ km}$ , vara ( $t_1 = 25^\circ\text{C}$ ) şi iarna ( $t_2 = -25^\circ\text{C}$ ).

Se dă coeficientul de dilatare liniară  $\alpha = 1,2 \cdot 10^{-5} \text{ K}^{-1}$ .

(Inst. Pol. Bucureşti, Fac. Met., subing., noiembrie, 1975)

2.5.5. S. Ce temperatură în grade Celsius va avea  $v=1/3$  kmol de gaz perfect, care ocupă  $V=40\text{ m}^3$  la o presiune  $p=20,78\text{ kPa}$ ?

Constanta gazelor perfecte  $R=8,31\text{ J/mol}\cdot\text{K}$ .

(Inst. Pol. București, Fac. Met., subing., noiembrie, 1975)

2.5.5. Un kilomol de oxigen efectuează ciclul reversibil  $ABC$   $A$  de forma unui triunghi, în care  $BC$  este o transformare izobară și  $CA$  o transformare izocoră. Știind că presiunea în starea  $A$  este

$p_A=416,5\text{ kPa}$ , iar în starea  $C$  este  $p_C=p_A$ , volumul gazului în

starea  $B$  este dublul volumului din starea  $A$  ( $V_B=2 V_A$ ), iar densitatea gazului în starea  $A$  are valoarea  $\rho_A=3,2\text{ kg/m}^3$ , să se calculeze:

a) Parametrii de stare (presiune, volum, temperatură) ai gazului în  $A$  și  $B$ .

b) Lucrul mecanic  $L$  produs la efectuarea unui ciclu.

c) Variația de energie internă  $\Delta U$  și căldura primită  $Q$  la efectuarea unui ciclu.

d) Randamentul unui ciclu Carnot ale cărui temperaturi extreme ar fi  $T_A$  și  $T_C$ .

e) Cum variază temperatura în transformarea (discuție calitativă).

Se dau: masa molară a oxigenului  $M=32\text{ g/mol}$ ,  $R=8,31\text{ J/mol}\cdot\text{K}$ .

Sub. teor. 1. Relația dintre kelvin și gradul Celsius. 2. Să se scrie definiția căldurii specifice. 3. Să se scrie expresia variației densității corpurilor solide cu temperatura. 4. Condiția pentru reflexia totală. 5. Să se scrie expresia care dă legătura dintre masă și energie pentru o particulă relativistă. 6. Compunerea vitezelor în mecanica relativistă.

(Inst. Pol. București, Fac. Ing. Chim., iulie, 1975)

2.5.6. Se consideră o masă  $m=1,00\text{ kg}$  de hidrogen, închisă într-o incintă cilindrică cu piston și încălzită de la un încălzitor cu randamentul  $\eta=50\%$ . Masa moleculară a hidrogenului  $M=2,0\text{ u}$ , căldura specifică izocoră  $c_v=9,8\text{ kJ/kg}\cdot\text{K}$ , iar căldura specifică izobară  $c_p=14\text{ kJ/kg}\cdot\text{K}$ . Se cere:

a) Căldura primită de gaz pentru a-și mări temperatura de la  $0^\circ\text{C}$  la  $t=100^\circ\text{C}$ , încălzirea făcându-se izobar.

b) Lucrul mecanic efectuat în decursul transformării izobare. Se consideră hidrogenul ca gaz perfect;  $R=8,31\text{ J/mol}\cdot\text{K}$ .

c) Variația energiei interne în decursul transformării izobare.

d) Căldura primită de gaz pentru aceeași variație de temperatură, încălzirea făcându-se izocor.

e) Lucrul mecanic efectuat și variația energiei interne în decursul transformării izocore.

f) Cantitatea de benzină consumată de încălzitor în cursul transformării izocore, puterea calorică a benzinei fiind  $\leq 46\text{ MJ/kg}$ .

Sub. teor. 1. Definiția kilomolului. 2. Expresia energiei molare a gazului ideal. Semnificația mărimilor fizice. 3. Randamentul unei mașini termice. 4. Legea

dilatării liniare a corpurilor Solide. 5. Enun

~~țarea legilor efectului fotoelectric. 6. Expresia energiei totale a unei particule relativiste. 7. Transformările Lorentz.~~

~~1<sup>31</sup>. Definiția cuplului de forțe și expresia momentului cuplului. 2'. Să se scrie expresia energiei mecanice totale a unui oscilator armonic. 3'. Ecuația transformării adiabatică. 4'. Expresia forței electromagnetice asupra unui conductor parcurs de un curent electric, care se află în câmp magnetic. 5'. Definiția unității de flux magnetic. 6<sup>31</sup>. Puterile activă, reactivă și aparentă pentru curentul alternativ monofazat.~~

~~(Inst. Pol. București, Fac. Chim., Mec. Agr., Met., iulie, 1975)~~

~~2.5.7. Să se deducă expresia forței necesare pentru a împiedica dilatarea unei bare drepte omogene de secțiune transversală constantă.~~

~~(Inst. Pol. București, Fac. Mec., El., Met., septembrie, 1975)~~

~~2.5.8. Un motor termic funcționează după un ciclu Carnot între temperaturile  $t_1 = 800^\circ\text{C}$  și  $t_2 = -30^\circ\text{C}$ . Să se calculeze căldura primită de la sursa caldă și căldura cedată sursei reci în timpul  $t = 1,00$  h, știind că motorul dezvoltă o putere  $P = 73,5$  kW.~~

~~(Inst. Pol. București, Fac. Mec., Met., noiembrie, 1975)~~

~~H. 2.5.9. Într-un recipient cu volumul  $V = 60$  l se află hidrogen la presiunea  $p_x = 8,2$  atm și temperatura  $t_1 = -27^\circ\text{C}$ . Să se calculeze:~~

~~a) Masa de hidrogen din recipient.~~

~~b) Temperatura gazului dacă primește  $\eta = 25\%$  din căldura rezultată prin arderea cantității  $m_c = 20$  g combustibil cu puterea calorică  $q = 50$  MJ/kg.~~

~~c) Viteza pătratică medie a moleculelor de hidrogen în starea finală.~~

~~• Se dau:  $c_D = 10$  kJ/kg K,  $i = 8,31$  J/mol K.~~

~~Sub. teor. Mișcarea circulară uniform variată. Legile mișcării circulare uniform variate.~~

~~(Inst. Petr., Gaze Ploiești, iulie, 1975)~~

~~corp de masă  $m = 3,00$  kg se mișcă cu frecare pe un plan orizontal sub acțiunea unei forțe  $F = 12 \cdot 10^2$  N, care face un unghi  $\alpha = 7\pi/4$  cu planul. Parcurgînd distanța  $s = 200$  m, ajunge la baza unui plan înclinat, cu unghiul de înclinare față de orizontală  $\alpha = \pi/3$ , unde după încetarea acțiunii forței  $F$  ciocnește perfect inelastic un corp identic ce se află în repaus. În urma ciocnirii cele două corpuri se urcă împreună, cu frecare, pe planul înclinat pînă la înălțimea  $h$ . Coeficientul de frecare, la alunecare  $\mu = 0,50$  este același pe ambele plane ( $g = 10$  m/s<sup>2</sup>). Să se determine:~~

- a) Viteza  $v$  cu care ajunge primul corp la baza planului înclinat.
- b) Viteza  $u$  comună după ciocnire.
- c) Cantitatea de căldură  $Q$  degajată în urma ciocnirii.
- d) Înălțimea la care se ridică cele două corpuri după ciocnire.
- e) Presupunem cantitatea de căldură  $Q$  de la punctul c) de  $n$  ori mai mică decât cantitatea de căldură primită de o mașină termică Carnot de la sursa caldă ce are temperatura  $T_1$  de  $k=6$  ori mai mare decât temperatura izvorului rece  $T_2$ . Suprafața ciclului fiind  $L=500$  kJ, să se determine  $n$ .

Sub. teor. Efectul fotoelectric.

(Univ. București, Fac. Fizică, iulie, 1975)

1976

2.6.1. Care este capacitatea calorică a unui vas ce conține  $m_a=200$  g apă la temperatura  $t_a=10,25^\circ\text{C}$ , dacă introducându-se o bucată de fier  $m_f=30$  g și cu temperatura  $t_f=62^\circ\text{C}$ , temperatura finală a sistemului este  $\theta=11^\circ\text{C}$ ? Căldura specifică a fierului  $c_f=460$  J/kg·K, iar a apei  $c_a=4180$  J/kg·K.

(ÎDst. Pol. București, Fac. Mec., El., Chim., iulie, 1976)

2.6.2. Un gaz ideal ocupînd volumul  $V_1=1,5$  l primește căldura  $Q=418$  J și se destinde la volumul  $V_2=2,0$  l, presiunea răuîinînd constantă  $p=101$  kPa. Să se calculeze variația energiei interne a gazului.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., El., Ohim., iulie, 1976)

2.6.3. Într-un recipient cu volumul constant se află o masă  $m=1,00$  g oxigen la temperatura  $t_1=27^\circ\text{C}$  și presiunea  $p=100$  kPa. Ce căldură este necesară pentru încălzirea oxigenului astfel încît presiunea să devină  $p_2=200$  kPa? Căldura specifică izocoră a oxigenului este  $c_v=700$  J/kg·K.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., Mec. Agr., iulie, 1976)

2.6.4. Să se calculeze randamentul unei mașini termice ideale, știind că temperatura sursei calde este  $t_1=727^\circ\text{C}$ , iar cea a sursei reci  $t_2=47^\circ\text{C}$ .

(Inst. Pol. București, Fac. Met., Mec. Agr., iulie, 1976)

2.6.5. În două calorimetre identice se află aceeași cantitate de apă, dar la temperaturi diferite  $t_1=20^\circ\text{C}$  și  $t_2=30^\circ\text{C}$ . Se pune gheață la  $0^\circ\text{C}$  în fiecare calorimetru. Știind că pentru a atinge temperatura finală  $\theta=10^\circ\text{C}$  în ambele calorimetre se adaugă în total  $m_g=1,00$  kg

— Probleme de fizică gheață, să se determine cantitățile de gheață introduse în fiecare calorimetru. 9  
7

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., Met., iulie, 1976)

2.6.6. Un gaz ideal la temperatura de  $0^{\circ}\text{C}$  și la presiunea  $p_0 = 101,3$  kPa suferă o transformare izocoră pînă la temperatura  $t_x = 20^{\circ}\text{C}$ . Se cere:

a) Variația energiei interne molare a gazului și variația energiei cinetice medii a unei molecule între cele două stări.

b) Care este lucrul mecanic în această transformare?

Se dau: constanta Boltzmann  $k = 1,38 \cdot 10^{-23}$  J/K și volumul molar în condiții normale  $V_w = 22,4$  l/mol.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., Met., septembrie, 1976)

2.6.7. Într-un vas care conține apă la temperatura  $t_0 = 25^{\circ}\text{C}$  se introduce gheață la temperatura  $t_i = -5^{\circ}\text{C}$  și vapori saturați la temperatura  $t_2 = 100^{\circ}\text{C}$ . Să se stabilească raportul dintre masa gheții  $m_x$  și a vaporilor  $m_z$  pentru ca temperatura în vas să rămână neschimbată.

Se dau: căldura specifică a apei  $c = 4180$  J/kg K, căldura specifică a gheții  $c_x = 2100$  J/kg K, căldura latentă specifică de topire a gheții  $X_1 = 335$  kJ/kg, căldura latentă specifică de vaporizare a apei  $X_2 = 2,25$  MJ/kg.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., Ing. Chim., 1976)

2.6.8. O mașină termică funcționează între temperaturile  $t_1 = 80^{\circ}\text{C}$  și  $t_2 = 20^{\circ}\text{C}$  după un ciclu Carnot. Care este căldura furnizată sursei reci, dacă mașina preia de la sursa caldă  $Q_1 = 1,00$  kJ?

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., Ing. Chim., septembrie, 1976)

A\*. 2.6.9. Un recipient format din două compartimente de volume constante  $V_1 = 2,00$  m<sup>3</sup> și  $V_2 = 5,00$  m<sup>3</sup>, legate printr-o conductă de volum neglijabil, este umplut cu  $\nu = 0,24$  kmol de gaz ideal. Să se determine cantitățile și  $V_2$  de gaz aflate în cele două vase, în cazul în care acestea sînt aduse la temperaturile  $T_1 = 400$  K, respectiv  $T_2 = 500$  K.

(Inst. Pol. București, Fac., Ing. Chim., septembrie, 1976)

2.6.10. Într-un vas cu volumul  $V = 1,00$  l se află un gaz ideal la presiunea  $p_0$ . Cu ajutorul unei pompe cu piston avînd volumul  $V_1 = 0,00$  l se scoate gaz pînă cînd presiunea în vas devine  $p = 10^{-6} p_0$ . Știind că temperatura gazului din vas rămîne aceeași în decursul acestei operații, să se afle de cîte ori se extrage gaz din vas.

(Inst. Pol. București, Fac., Ing. Chim., septembrie, 1976)

2.6.11. Într-o butelie cu volumul  $V=50\text{ l}$  se găsește metan la presiunea  $p=506,5\text{ kPa}$  și temperatura  $t=27^\circ\text{C}$ . Să se calculeze:

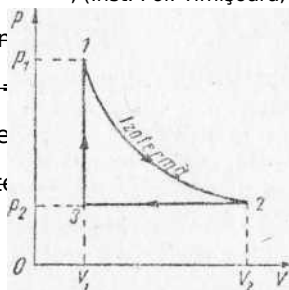
- Masa metanului existent în butelie.
- Cantitatea de gheață la  $0^\circ\text{C}$  care poate fi transformată în vapori la  $t=100^\circ\text{C}$  dacă se arde metan din butelie pînă cînd presiunea în această devine  $p'=202,6\text{ kPa}$ . Randamentul instalației de încălzire  $\eta=25\%$ . Arderea are loc la presiunea atmosferică normală  $p_0=101,3\text{ kPa}$ .

Se dau: masa molară a metanului  $\mu=16\text{ kg/kmol}$ , constanta universală a gazelor  $R=8,314\text{ J/kmol}\cdot\text{K}$ , puterea calorică a metanului  $q=36\text{ MJ/m}^3$ , căldura specifică a apei  $c=4,180\text{ J/kg}\cdot\text{K}$ , căldura latentă de topire a gheții  $X_g=335\text{ kJ/kg}$ , căldura latentă de vaporizare a apei  $X_v=2,25\text{ MJ/kg}$ .

- Suh. teor.* 1. Enunțați principiile teoriei relativității restrînse.  
2. Exprimați diferența de drum optic la interferența prin lame subțiri. 3. Definiți cantitatea de căldură, capacitatea calorică și căldura specifică.

(Inst. Pol. Timișoara, Pac. Ing. Chim., iulie, 1976)

2.6.12. În corpul de piston se găsește aer care la  $T_1=400\text{ K}$  ocupă volumul  $V_1$ . Pistonul este supus unei forțe  $F=10\text{ kN}$  asupra sa. Gazul suferă o decompresie izotermă pînă în starea 2 în care volumul este



1?  
\*5'

$T <$   
%

Jf

" 71

apoi o comprimare izobară pînă în starea 3 de unde revine în starea inițială 1 printr-o încălzire izocoră. Să se determine:

- Parametrii de stare în stările 1, 2, 3.
- Randamentul unui ciclu Carnot care ar funcționa între temperaturile extreme atinse în ciclul 1—2—3—1.

Suprafața pistonului  $S=200\text{ cm}^2$ .

*Sub. teor.* 1. Aplicarea principiului I al termodinamicii la transformările gazului ideal. 2. Refracția într-o prismă optică. Deviația minimă. Aplicații

(Inst. Petr. Gaze, Ploiești, iulie, 1976)

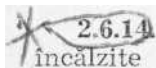


~~2.6.14. Un corp de masă  $m_1=3,00$  kg este aruncat de jos în sus pe verticală cu viteză inițială  $u_0=40$  m/s. Un al doilea corp cu masa  $m_2=2,00$  kg este lăsat să cadă liber pe aceeași verticală în același moment de la înălțimea maximă pe care o poate atinge primul corp. Să se afle:~~

- ~~a) Timpul după care cele două corpuri se întâlnesc.~~
- ~~b) Înălțimea față de sol la care se întâlnesc.~~
- ~~c) Mărimea și sensul vitezei sistemului format din cele două corpuri după ciocnire presupunând că ciocnirea este neelastică.~~
- ~~d) Presupunând că diferența de energie cinetică se transformă în întregime în căldură, să se afle masa de apă care poate fi încălzită cu  $\Delta t=1,00^\circ$ , (căldura specifică a apei  $c=4180$  J/kg·K).~~
- ~~e) Timpul de mișcare al sistemului format din cele două corpuri.~~
- ~~f) Viteza cu care sistemul atinge solul.~~

~~Sub. teor. 1. Randamentul unei instalații termice. 2. Legile fierberii.~~

~~(Univ. București, Fac. Fizică, iulie, 1976)~~



~~Să se determine lungimile  $Z_{01}$  și  $l_{02}$  la  $0^\circ\text{C}$  a două bare care la aceeași temperatură, oricare ar fi aceasta, păstrează totdeauna o diferență de lungime constantă  $l=20$  mm. Coeficienții de dilatare sînt:  $\alpha_1=11\cdot 10^{-6}\text{ K}^{-1}$  și  $\alpha_2=18\cdot 10^{-6}\text{ K}^{-1}$ .~~

~~Sub teor. 1. Transformarea izobară a gazelor. 2. Fierberea. 3. Legile efectului fotoelectric.~~

~~\*~~

~~(Univ. Cluj, Fac. Chim., iulie, 1976)~~

~~2.6.15. Motorul unui grup electrogen dezvoltă o putere  $P=60$  kW și lucrează cu un randament  $\eta=40\%$ , restul puterii consumate trece în apa de răcire, care are la intrare  $t_1=35^\circ\text{C}$ , iar la ieșire  $t_2=85^\circ\text{C}$ . Să se calculeze cantitatea de apă necesară răcirii motorului în timpul  $t=1,0$  h. Căldura specifică a apei  $c=4,18$  J/g·K.~~

~~(Inst. Marină, Constanța, iulie, 1976)~~

1977

2.7.1. Într-un balon cu volumul  $V=2,00$  l se introduce un gaz pînă se atinge presiunea  $p_1=200$  kPa. În această situație masa balonului, inclusiv a gazului, este  $m_1=1,0020$  kg. Știind că dacă se scoate din balon  $\Delta m=1,0$  g gaz, presiunea acestuia devine  $p_2=150$  kPa și că s-a lucrat la temperatura  $t=-27^\circ\text{C}$ , se cere să se calculeze densitatea gazului la temperatura de  $0^\circ\text{C}$  și presiunea  $p_3=100$  kPa.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., El., Chim., iulie, 1977)

2.7.2.

2.7.2. Un motor termic funcționează între temperaturile  $\theta_1=27^\circ\text{C}$  și  $\theta_2=227^\circ\text{C}$ , iar randamentul său este egal cu  $\eta=4\%$  a parte din randamentul unui motor care ar funcționa după un ciclu ideal între aceleași temperaturi. Știind că puterea calorică a combustibilului folosit este  $q=40\text{ kJ/g}$ , să se afle cantitatea de combustibil necesară pentru ca motorul să producă  $W=7,2\text{ kJ}$ .

(Inst. Pol. București, Pac. Mec., El., Chim., iulie, X977)

2.7.3. O cantitate de apă de masă  $m=180\text{ g}$  aflată inițial la temperatura  $t_0=25^\circ\text{C}$  primește cantitatea de căldură  $Q=477,8\text{ kJ}$  și efectuează un proces izobar la presiunea normală. Se cere temperatura finală a sistemului.

Se dau: căldura specifică a apei  $c=4180\text{ J/kg}\cdot\text{K}$ , căldura latentă de vaporizare a apei  $X=2,25\text{ MJ/kg}$ , căldura specifică izobară a vaporilor de apă  $c_p=1820\text{ J/kg}\cdot\text{K}$ , constanta gazelor perfecte  $R=8,31\text{ J/mol}\cdot\text{K}$ ;

(Inst. Pol. București, Fac. Tehn. Chim., iulie, 1977)

2.7.4. Un cilindru vertical conține aer la presiunea  $p_0=100\text{ kN/m}^2$ , fiind închis cu un piston de secțiune  $S=2,5\text{ dm}^2$  și cu masă neglijabilă. Lungimea inițială a coloanei de aer este  $l_1=48\text{ cm}$ . Să se determine:

a) Cu cât se deplasează pistonul când acesta se încarcă cu un corp de masă  $m=100\text{ kg}$ , admitînd că, gazul se comprimă izoterm?

b) După aceasta cilindrul este încălzit astfel încît temperatura gazului crește de  $n=2$ , care este noua poziție a pistonului? \*

e) Calculați lucrul mecanic efectuat de gaz în cazul punctului

b)  $(g=10\text{ m/s}^2)$ .

Sub. teor. 1. Efectele dilatației. Forțele de dilatație. 2. Natura și proprietățile radiației X. 3. Legile efectului fotoelectric.

(Inst. Pol., Timișoara, Fac. Ing. Chim., iulie, 1977)

2.7.5. Un corp cu masa  $m_1=2,00\text{ kg}$ , căldură specifică  $c_1=448\text{ J/kg}\cdot\text{K}$  și temperatura  $t_1=90^\circ\text{C}$  este introdus într-un calorimetru adiabatic avînd capacitatea calorică  $C=220\text{ J/K}$ , care conține

o cantitate de apă  $m_2=1,00\text{ kg}$  cu căldura specifică  $c_2=4180\text{ J/kg}\cdot\text{K}$  și temperatura  $t_2=20^\circ\text{C}$ , precum și o cantitate  $m_3=100\text{ g}$  gheață cu temperatura  $t_3=-5^\circ\text{C}$  și căldura specifică  $c_3=c_2/2$ . Să se determine:

a) Cantitatea de căldură necesară pentru a topi gheata ( $X_f=335\text{ kJ/kg}$ ).

b) Temperatura finală a amestecului din calorimetru.

c) Variația relativă  $\Delta V/V$  a volumului corpului ( $\alpha=11\cdot 10^{-5}\text{ K}^{-1}$ ).

Suh. teor. Transformări de stare a gazelor. Legea gazului ideal. Transformări simple în gaze.

(Inst. Petr., Gaze, Ploiești, Fac. Tehn., iulie, 1977)

2.7.6. O butelie cu azot pierde gaz astfel încît la temperatura  $t_1=7^\circ\text{C}$  presiunea este  $p=8,31\text{ MPa}$ . După un timp, la temperatura  $t_2=27^\circ\text{C}$ , se constată că presiunea gazului este aceeași. Să se calculeze masa de azot care a ieșit din butelie, știind că volumul buteliei este  $V=10\text{ l}$ .

Se dau:  $R=8,31 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$ , masa moleculară a azotului  $\mu=28 \text{ g/mol}$ .

(Univ. București, Fac. Fizică, iulie, 1977)

2.7.7. Să se calculeze câte molecule de gaz se află într-un volum  $V=831 \text{ m}^3$  aflat la temperatura  $t=27^\circ\text{C}$  și la presiunea  $p=2,00 \text{ atm}$ . Se da numărul lui Avogadro  $N_A=6,0 \cdot 10^{23} \text{ kmol}^{-1}$  și constanta universală a gazelor  $J=8,31 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$ .

(Univ. București, Fac. Fizică, septembrie, 1977)

2.7.8. Două vase de volume  $V_1=2,00 \text{ m}^3$  și  $V_2=3,00 \text{ m}^3$ , în care se află oxigen, sînt legate printr-un tub cu robinet. Cînd robinetul este închis, presiunile oxigenului din vase sînt  $p_1=1,00 \text{ atm}$  și, respectiv,  $p_2=2,00 \text{ atm}$ . Să se determine:

a) Presiunea finală din cele două vase după ce a fost deschis robinetul, dacă temperatura este egală cu  $T=320 \text{ K}$  și se menține constantă.

b) Masa totală de oxigen din cele două vase.

Se da constanta universală a gazelor  $R=8,31 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$ .

(Univ. București, Fac. Fizică, septembrie, 1977)

2.7.9. Două vase de volume  $V_1$ ,  $V_2$ , legate printr-un tub de volum neglijabil, prevăzut cu un robinet, conțin gaze diferite la presiunile  $p_1$ ,  $p_2$  și la aceeași temperatură. Care va fi presiunea finală după deschiderea robinetului?

Aplic.  $p_1=6,00 \text{ atm}$ ,  $p_2=4,00 \text{ atm}$ ,  $V_1=4,0 \text{ l}$ ,  $V_2=6,0 \text{ l}$ .

(Inst. Pitești, Fac. Autov. Rut., iulie, 1977)

2.7.10. Pentru pregătirea unei băi se amestecă apă caldă la temperatura  $t_1=66^\circ\text{C}$  cu apă rece la temperatura  $t_2=11^\circ\text{C}$ . Ce volum de apă de un fel și de altul este necesar pentru a obține  $V=550 \text{ l}$  de apă la temperatura  $t=36^\circ\text{C}$ ? (începînd cu acest an se dau subiecte unice pe țară, pe profiluri sau pe grupe de profiluri)

2.8.1. Un mol de gaz ideal se află închis într-un cilindru cu piston, lungimea cilindrului fiind  $l=150 \text{ mm}$  și secțiunea sa  $S=100 \text{ cm}^2$ . Sistemul se află în contact cu un termostat, care menține constantă temperatura  $T=300 \text{ K}$ . Se cere să se calculeze:

a) Presiunea  $p$  din cilindru.

b) Creșterea  $p_2-p_1$  a presiunii, dacă pistonul comprimă gazul, deplasîndu-se un timp  $t=5,00 \text{ s}$  cu viteza  $u=10 \text{ mm/s}$ .

$J=8,31 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$ .

(Profiluri tehnice, iulie, 1978)

2.8.2. Un calorimetru din cupru de masă  $m_1=300 \text{ g}$  conține o cantitate de apă cu masa  $m_2=500 \text{ g}$  aflîndu-se la temperatura  $t_1=15^\circ\text{C}$ . În calorimetru se introduce o bilă de cupru cu masa  $m_3=560 \text{ g}$  la temperatura  $t_2=100^\circ\text{C}$ . Temperatura de echilibru în vas este  $t=22,5^\circ\text{C}$ . Să se calculeze:

a) Căldura specifică a cuprului.

b) Capacitatea calorică a calorimetrului.

:

(Profiluri tehnice, iulie, 1978)

2.8.3. Într-un calorimetru de capacitate calorică neglijabilă, care conține, în echilibru termodinamic,  $m_1=3,00$  kg apă și o bucată de gheață de masă  $m_2=500$  g, se introduc treptat vapori de apă la temperatura  $t_e=100^\circ\text{C}$ . Se cere cantitatea de apă din calorimetru, în momentul cînd toată gheața s-a topit.

Se dau: căldura latentă de topire a gheții  $X_g=335$  kJ/kg, căldura specifică a apei  $c_a=4180$  J/kg·K, căldura latentă de vaporizare a apei  $X_e=2,25$  MJ/kg.

Sub. teor. 1. Deducerea formulei fundamentale, a gazului ideal.  
2. Compunerea vitezelor în mecanica relativistă. 3. Aplicații ale interferenței.

(Profiluri tehnice, iulie, 1978)

2.8.4. Aerul dintr-o cameră de volum  $V=50$  m<sup>3</sup> se află inițial la presiunea  $p=98$  kPa și temperatura  $t_1=10,0^\circ\text{C}$ . Cu ajutorul unei sobe care folosește cărbune cu puterea calorică  $q=30$  MJ/kg, aerul din cameră este încălzit pînă la temperatura  $t_2=20,0^\circ\text{C}$ . Să se determine:

- Masa aerului care iese din cameră în cursul încălzirii izobare.
- Cantitatea de cărbune necesară pentru încălzirea izocoră a aerului din starea inițială pînă la temperatura  $t_2$ .

Se dau: masa molară a aerului  $\mu=29$  kg/kmol, constanta gazelor perfecte  $R=8,31$  J/mol·K, căldura specifică izocoră a aerului  $c_{v,m}=715$  J/mol·K.

(Profiluri tehnice, iulie, 1978)

2.8.5. Un motor termic ideal cu puterea utilă  $P=1,00$  kW, funcționează după un ciclu Carnot între temperaturile  $T_1=500$  K și  $T_2=300$  K. Știind că  $\eta=30\%$  din cantitatea de căldură cedată sursei reci, în decursul  $t=10,0$  min, servește pentru încălzirea unei bare de oțel cu lungimea inițială  $Z_0=200$  cm și secțiunea  $S=5,0$  cm<sup>2</sup>, să se determine:

- Creșterea  $\Delta t$  a temperaturii barei.
- Alungirea prin dilatare termică a barei și forța care trebuie aplicată asupra acesteia pentru a-i menține nemodificată lungimea inițială.

Se dau: densitatea  $\rho=7800$  (în condiții normale), coeficientul dilatării liniare  $\alpha=1,2 \cdot 10^{-5}$  K<sup>-1</sup>, căldura specifică  $c=460$  J/kg·K și modulul de elasticitate  $E=2,1 \cdot 10^{11}$  N/m<sup>2</sup> al oțelului. Se neglijează pierderile de căldură ale barei față de mediul ambiant.

(Profiluri tehnice, iulie, 1978)

2.8.6. O mașină termică funcționează după un ciclu Carnot între temperaturile  $t_1=227^\circ\text{C}$  și  $t_2=27^\circ\text{C}$ , producînd un lucru mecanic  $L=400$  J la fiecare ciclu parcurs. Să se calculeze:

- Randamentul mașinii termice.
- Cantitatea de căldură luată de la sursa caldă și cantitatea de căldură cedată sursei reci, pentru fiecare ciclu parcurs.

(Profiluri tehnice, iulie, 1978)

2.8.7. O bară de fier aflată la temperatura  $t_1=25^\circ\text{C}$  are lungimea  $Z_1=100$  cm și secțiunea  $S=10,0$  cm<sup>2</sup>. Bara este încălzită prin arderea cantității  $m_e=50$  g petrol cu puterea calorică  $q=40$  MJ/kg. Densitatea barei este  $\rho=7800$  kg/m<sup>3</sup> (valoarea medie), iar căldura specifică este  $c=500$  J/kg·K.

Coeficientul mediu de dilatare liniară al barei este  $\alpha = 12 \cdot 10^{-6} \text{K}^{-1}$ , iar modulul de elasticitate este  $E = 1,96 \cdot 10^{11} \text{N/m}^2$ . Să se calculeze:

- Temperatura la care se încălzește bara.
- Forța care trebuie să acționeze asupra barei, pentru a-i menține neschimbată lungimea inițială ( $Z_0$ ).

Se neglijează pierderile de căldură ale barei către mediul ambiant.

(Profiluri tehnice, iulie, 1978)

2.8.8. O mașină termică ideală funcționează după ciclul Carnot, având randamentul  $\eta = 0,40$ . Temperatura sursei reci este  $t_2 = 23^\circ\text{C}$ .

Mașina consumă în  $t = 1,00 \text{ h}$ ,  $m_c = 36 \text{ kg}$  cărbune cu puterea calorică  $q = 30 \text{ MJ/kg}$ , preluând  $f = 50\%$  din căldura obținută prin arderea cărbunelui. Se cere să se calculeze:

- Temperatura sursei calde.
- Cantitatea de căldură cedată sursei reci în timpul  $t' = 1,00 \text{ min}$ .

(Profiluri tehnice, iulie, 1978)

Un plan înclinat cu lungimea  $l = 8,00 \text{ m}$  face unghiul  $\alpha = 30^\circ$  cu planul orizontal. Din punctul cel mai înalt al planului înclinat alunecă cu frecare, fără viteză inițială, un corp. Să se determine:

- Coeficientul de frecare dintre corp și plan, dacă viteza cu care ajunge corpul la baza planului înclinat este egală cu  $v = 0,50$  din viteza pe care ar fi atins-o la baza planului alunecând fără frecare.
- Cu cât ar crește temperatura corpului dacă  $f' = 60\%$  din lucrul mecanic al forțelor de frecare s-ar folosi la încălzirea corpului?

Se dau: căldura specifică a corpului  $c = 460 \text{ J/kg}\cdot\text{K}$ ,  $g = 10 \text{ m/s}^2$ .

$s^2$

(Profil fizică, iulie, 1978)

2.8.10. Știind că pentru a încălzi izobar cu  $\Delta T = 5,00 \text{ K}$  o cantitate de oxigen molecular (asimilat unui gaz perfect) cu masa  $m = 2,00 \text{ kg}$  este necesar să se transmită gazului cantitatea de căldură  $Q = 9,16 \text{ kJ}$ , să se determine:

- Căldura specifică izobară a oxigenului.
- Lucrul mecanic efectuat de gaz în cursul dilatării izobare.
- Variația energiei interne a gazului în cursul procesului considerat.

Se dau: masa molară a oxigenului  $M = 32 \text{ kg/kmol}$ , constanta gazelor perfecte  $R = 8,310 \text{ J/kmol}\cdot\text{K}$ .

Sub. teor. Ecuația mișcării oscilatorii armonice. Viteza și accelerația în mișcarea oscilatorie armonică.

(Profil fizică, iulie, 1978)

1979

2.9.1. O cantitate de heliu de masă  $m = 200 \text{ g}$ , închisă într-un cilindru orizontal cu piston, este încălzită cu  $\Delta T = 200 \text{ K}$  de un încălzitor având randamentul  $\eta = 0,50$ . Să se determine:

- a) Lucrul mecanic efectuat de gaz în cursul încălzirii izobare.
- b) Cantitatea de căldură care trebuie primită de gaz, atunci când încălzirea se face izobar, respectiv izocor.

c) Cantitățile de lignit consumate de încălzitor pentru fiecare încălzire.

Se dau: constanta gazelor perfecte  $J = 8,31 \text{ J/mol}\cdot\text{K}$ , masa molară a heliului ( $\mu = 4,0 \text{ g/mol}$ , puterea calorică a lignitului  $q = 22 \text{ MJ/kg}$ .

(Profiluri tehnice, iulie, 1979)

2.9.2. Un gaz perfect, care efectuează un ciclu Carnot, produce un lucru mecanic  $L = 120 \text{ kJ}$  la fiecare ciclu parcurs. Cunoscând temperatura sursei reci  $T_2 = 280 \text{ K}$ , valoarea minimă  $V_m = 14 \text{ dm}^3$  atinsă de volumul unui mol de gaz în cursul transformării ciclice și presiunea în starea de volum minim  $p = 415,5 \text{ kPa}$ , să se determine:

a) Valoarea maximă atinsă de numărul moleculelor de gaz, din unitatea de volum în cursul transformării ciclice.

b) Randamentul mașinii termice.

c) Căldura preluată de sursa rece în fiecare ciclu.

Se dau: constanta gazelor perfecte  $R = 8,31 \text{ J/mol}\cdot\text{K}$ , constanta lui Boltzmann  $k = 1,38 \cdot 10^{-23} \text{ J/K}$ .

(Profiluri tehnice, iulie, 1979)

2.9.3. Un aerostat cu volumul  $V = 600 \text{ m}^3$  este umplut cu hidrogen molecular (asimilat cu un gaz perfect) la presiunea  $p = 83,1 \text{ kPa}$  și temperatura  $t = 27^\circ\text{C}$ . Hidrogenul este scos din  $n = 160$  cilindri de oțel, în fiecare cilindru presiunea hidrogenului fiind  $p_1 = 4,155 \text{ MPa}$ , iar temperatura  $t_1 = 7,0^\circ\text{C}$ . Să se determine:

a) Masa de hidrogen molecular conținută de aerostat.

b) Volumul unuia dintre cilindri.

c) Media pătratelor vitezelor moleculelor de hidrogen din aerostat.

Constanta gazelor perfecte  $J = 8,31 \text{ J/mol}\cdot\text{K}$ .

(Profiluri tehnice, iulie, 1979)



2.9.4. O cantitate de aer închisă într-un corp de pompă are inițial volumul  $V = 0,100 \text{ m}^3$ , densitatea  $\rho = 1,3 \text{ kg/m}^3$ , temperatura  $t = 27^\circ\text{C}$  și presiunea  $p = 113 \text{ kPa}$ . Aerul evoluează după un ciclu format din două transformări izobare, parcurse la presiunile  $p$  și, respectiv  $2p$ , și două transformări izocore, pentru care volumul cantității de aer este  $V$ , respectiv,  $3V$ . Se cere să se calculeze pentru un ciclu:

a) Lucrul mecanic util.

b) Cantitatea de căldură cedată de izvorul cald și cantitatea de căldură primită de izvorul rece.

c) Relația dintre cantitățile de căldură de la punctul precedent și lucrul mecanic util

~~Se dau căldurile specifice ale aerului:  $c_v = 1,00 \text{ J/g} \cdot \text{K}$ ,  $c_p = 720 \text{ J/kg} \cdot \text{K}$ .  
(Profiluri tehnice, iulie, 1979)~~

~~2.9.5. Două incinte de volume  $5,0 \text{ l}$  și respectiv  $10,0 \text{ l}$ , umplute cu același gaz monoatomic și aflate la temperatura  $T_1 = 300 \text{ K}$ , pot comunica între ele printr-un tub de volum neglijabil, închis inițial de un robinet. În incinta 1 presiunea gazului este  $p_1 = 200 \text{ kPa}$ , iar în incinta 2 este  $p_2 = 300 \text{ kPa}$ . Se deschide robinetul și se răcește după aceea incinta 2 la temperatura  $T_2 = 250 \text{ K}$ . Să se determine:~~

- ~~a) Numărul molilor de gaz aflați în fiecare incintă în starea inițială.~~
- ~~b) Numărul molilor de gaz aflați în fiecare incintă în starea finală.~~
- ~~c) Variația energiei interne a gazului din ambele recipiente.~~

~~Constanta gazelor perfecte  $R = 8,31 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$ .~~

~~(Profiluri tehnice, iulie, 1979)~~

~~2.9.6. O bară de aluminiu de masă  $m_0 = 300 \text{ g}$ , aflată la temperatura  $T_0 = 273 \text{ K}$ , absoarbe o cantitate de căldură  $Q = 267 \text{ kJ}$  și se ridică la temperatura  $T_K$ . La această temperatură un volum de aluminiu egal cu cel al barei la  $T_0$  are masa  $m = 80,6 \text{ g}$ . Să se determine:~~

- ~~a) Temperatura  $T$ .~~
- ~~b) Densitatea aluminiului la temperatura  $T$ .~~
- ~~c) Coeficientul de dilatare în volum al aluminiului.~~

~~Se cunosc: densitatea aluminiului la  $0^\circ\text{C}$ ,  $\rho_0 = 2700 \text{ kg/m}^3$ ; căldura specifică a aluminiului  $c = 890 \text{ J/kg} \cdot \text{K}$ .~~

~~Sub. teor. a) Se cere: 1. Să se enunțe principiul al doilea al termodinamicii. 2. Să se enunțe legea dilatării liniare pentru corpurile solide. 3. Să se definească kilomolul.~~

~~b) Se cere: 1. Să se explice natura și să se enumere proprietățile radiațiilor X. 2. Să se enunțe legile efectului fotoelectric. 3. Noțiunea de simultaneitate a două evenimente în teoria relativității.~~

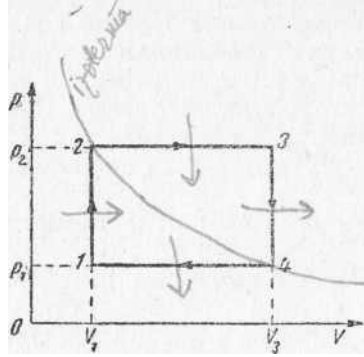
~~(Profiluri tehnice, iulie, 1979)~~

~~2.9.7. Un mol de heliu (asimilat unui gaz perfect) efectuează un proces ciclic format din două transformări izocore și din două transformări izobare. Temperaturile corespunzând stărilor 1, 2, 3 și 4 sînt:  $t_1 = 27^\circ\text{C}$ ,  $t_2 = t_4$  și respectiv  $t_3 = 159^\circ\text{C}$  (fig. 2.9.7). Să se determine:~~

- ~~a) Temperaturile  $t_2$  și  $t_4$ .~~

- ~~b) Lucrul mecanic efectuat de gaz pe întregul ciclu.~~

~~c) Variațiile energiei interne în cursul încălzirii izocore și destinderii izobare, căldura primită în aceste transformări și randamentul motorului termic care ar funcționa după acest ciclu.  $R = 8,31 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$ .~~



2.9.8. O bară de fier avînd lungimea  $l=50$  cm și masa  $m_l=2,0$  kg, aflată la temperatura  $t_1=-10^\circ\text{C}$ , este cufundată într-o baie de capacitate calorică neglijabilă, conținînd o cantitate de petrol cu masa  $m_a=4,6$  kg la temperatura  $t_2=45^\circ\text{C}$ . Știind că la temperatura finală, un volum de fier egal cu cel inițial cîntărește  $m=1,9964$  kg, să se determine:

- Temperatura finală a băii.
- Coeficientul de dilatare liniară al fierului.
- Forța necesară pentru a împiedica alungirea barei de fier.

Se dau: densitatea fierului  $\rho = 7800 \text{ kg/m}^3$  (valoare medie), modulul de elasticitate al fierului  $E=2,1 \cdot 10^{11} \text{ N/m}^2$ , căldura specifică a fierului  $c_1=460 \text{ J/kg}\cdot\text{K}$  și căldura specifică a petrolului  $c_2=2,0 \text{ kJ/kg}\cdot\text{K}$ .

(Profil fizic, iulie, 1979)

2.9.9. Un motor termic lucrează după un ciclu Carnot reversibil, folosind  $\nu=2,0$  mol He (asimilat cu un gaz perfect). În cursul destinderii izoterme, gazul primește o cantitate de căldură egală cu  $Q=0,20$  din căldura rezultată din arderea cantității  $m_c=1,5$  g petrol, atingînd la finele acestei transformări starea în care presiunea gazului devine  $p_1=100 \text{ kPa}$ , iar volumul său  $V=99,7 \text{ l}$ . Știind că temperatura sursei reci este  $t_2=27^\circ\text{C}$ , să se determine:

- Temperatura  $t_1$  a sursei calde.
- Rendamentul motorului.

Lucrul mecanic efectuat în cursul destinderii izoterme. Se dau: puterea calorică a petrolului  $q=46 \text{ MJ/kg}$ , constanta gazelor perfecte  $R=8,31 \text{ J/mol}\cdot\text{K}$ .

Sub. teor. a) Să se scrie, indicînd semnificațiile fizice ale parametrilor care intervin: 1. Legile dilatării liniare, superficiale și volumice. 2. Pozițiile (abscisele) franjelor luminoase, respectiv întunecoase, pe ecranul dispozitivului Young. 3. Expresia razei traiectoriei unui ion într-un spectrograf de masă.

b) Să se enunțe: 1. Primul principiu al termodinamicii. 2. Principiile teoriei relativității. 3. Legile de conservare pentru reacțiile nucleare.

c) Să se definească: 1. Entropia, indicînd proprietățile sale de bază. 2. Numerele cuantice principal și orbital. 3. Constanta de dezintegrare și timpul de înjumătățire din legea dezintegrării radioactive.

(Profil medical, iulie, 1979)

2.9.10. Într-un calorimetru de capacitate calorică neglijabilă se introduc  $m_1=100$  g gheață aflată la temperatura  $t_1=0^\circ\text{C}$  și un cub din alamă de masă  $m=1,1$  kg avînd temperatura  $t=100^\circ\text{C}$ . Știind că temperatura finală a amestecului este  $t_f=10^\circ$ , să se determine:

- Căldura specifică a alamei.
- Volumul și densitatea cubului de alamă la temperatura finală  $t_f=10^\circ$ , latura cubului la  $0^\circ$  fiind  $l_0=52 \text{ mm}$ .
- Forța care trebuie aplicată asupra fețelor cubului pentru ca

(Profil medical, iulie, 1979)



volumul său la temperatura  $t=10^{\circ}\text{C}$  să fie egal cu cel corespunzând temperaturii 0.

Se dau: căldura specifică a apei  $\hat{=4,18 \text{ kJ/kg}\cdot\text{K}}$ , căldura latentă de topire a gheții  $335 \text{ kJ/kg}$ , coeficientul de dilatare liniară al alamei  $\alpha_c=2,0\cdot 10^{-5} \text{ K}^{-1}$  și modulul de elasticitate al alamei  $E=9,8\cdot 10^{10} \text{ N/m}^2$ .

*Sub. teor.* a) Să se scrie, indicînd semnificațiile fizice ale parametrilor implicați: 1. Ecuația fundamentală a termodinamicii. 2. Legea gazului ideal (Mendeleev-Clapeyron) și expresia energiei interne a gazului ideal. 3. Expresiile relativiste ale dependenței masei de viteză și energiei cinetice.

b) Să se enunțe: 1. Al doilea principiu al termodinamicii, 2. Legile deplasării pentru tranzițiile radioactive  $\alpha$ , respectiv  $\beta$ . 3. Legile efectului fotoelectric.

Să se definească: 1. Punctele triplu și critic ale unei substanțe. 2. Numerele cuantice magnetice și de spin. 3. Energia de reacție, reacțiile exoenergetice și endoenergetice, și masa critică

2.10.1. Un mol de gaz perfect, care se găsește inițial în starea  $A$  ( $p_0 = 101,3 \text{ kPa}$ ,  $V_0 > T_0$ ), efectuează un ciclu  $A.BCA$  format dintr-o transformare izotermă  $AB$ , urmată de una izobară  $BC$  și încheiat printr-o transformare izocoră  $CA$ . Știind că la finele transformării izoterme volumul este  $V_B = 2,71828 V_0$  și cunoscând constanta gazelor perfecte  $R = 8,31 \text{ J/mol}\cdot\text{K}$ , se cere:

- Parametrii de stare în stările  $B$  și  $C$ .
- Lucrul mecanic efectuat în cursul ciclului.
- Variația de entropie în transformarea izotermă și pentru întregul ciclu ( $T_0 = 273,15 \text{ K}$ ).

(Profiluri tehnice, iulie, 1980)

2.10.2. Într-un vas cu volumul  $V = 2,00 \text{ l}$  se găsesc  $771 = 16 \text{ g}$  de oxigen la presiunea:  $p = 150 \text{ kPa}$ . Se cere:

- Temperatura inițială a oxigenului.
  - Viteza pătratică medie a moleculelor de oxigen și numărul total de molecule ale gazului.
  - Temperatura finală, dacă prin încălzire izobară volumul se mărește de  $n = 2$  ori, și lucrul mecanic efectuat de gaz.
- Se dau: masa molară a oxigenului  $\mu = 32 \text{ g/mol}$ , numărul lui Avogadro  $N_A = 6,0 \cdot 10^{26} \text{ kmol}^{-1}$ .

(Profiluri tehnice, iulie, 1980)

2.10.3. Într-un corp de pompă cu capacitatea  $V = 5,0 \text{ l}$  se află  $m = 0,80 \text{ kg}$  oxigen la temperatura  $T = 320 \text{ K}$ . Se cere:

- Variația densității oxigenului, presiunea inițială și finală ale oxigenului în corpul pompei, dacă se reduce izoterm volumul gazului până la  $V_f = 4,00 \text{ l}$ .
- Lucrul mecanic efectuat dacă se reduce volumul inițial la jumătate, în mod izobar.
- Viteza pătratică medie a moleculelor de oxigen în starea finală de la punctul b).

Se dau: masa molară a oxigenului  $\mu = 32 \text{ g/mol}$ , constanta gazelor  $R = 8,31 \text{ J/mol}\cdot\text{K}$ .

(Profiluri tehnice, iulie, 1980)

2.10.4. Se dau doi cilindri orizontali închiși la câte un capăt și prevăzuți cu pistoane legate printr-o tijă rigidă ca în fig. 2.10.4. În ambii cilindri se află aer la aceeași presiune și la aceeași temperatură  $t_1 = 27^\circ\text{C}$ . Volumul aerului din cei doi cilindri este  $V_1 = 1,00 \text{ l}$  și  $V_2 = 0,1 \text{ l}$ , iar suprafețele pistoanelor sînt  $S_1 = 20 \text{ cm}^2$  și  $S_2 = 40 \text{ cm}^2$ . În starea inițială pistoanele sînt blocate. Ulterior pistoanele sînt deblocate, aerul din primul cilindru este încălzit pînă la temperatura  $t_2 = 327^\circ\text{C}$ , iar aerul din al doilea cilindru este menținut în contact cu un termostat la temperatura inițială  $t_1$ . Se consideră că pistoanele pot culisa cu frecări suficient de mici și că presiunea exterioară este neglijabilă.



*s/		4

a) Determinați volumele de gaz în cei doi cilindri în starea finală de echilibru. Explicați rezultatul obținut.

b) În lumina rezultatului obținut, indicați o modificare simplă a ordinii de desfășurare a experimentului, astfel ca sistemul să ajungă în aceeași stare finală de echilibru printr-un proces cvazistatic. Găseșteți variația de entropie a sistemului ^ gazului din cei doi

cilindri), știind căldura molară izocoră  $C_v = \frac{5}{2} R$  și  $\ln 2 = 0,693$ , pre-

cum și presiunea inițială  $p_0 = 300$  kPa.

(Profil fizic, iulie, 1930)

2. 10.5. Un mol de gaz perfect se găsește inițial într-o stare cu temperatura  $T_0 = 300$  K. Gazul primește cantitatea de căldură  $Q = 2,493$  kJ și poate trece în diferite stări finale, în funcție de transformarea efectuată: în starea A printr-o transformare izocoră; în starea B printr-o transformare izobară; în starea C printr-o transformare izotermă. Cunoscând constanta gazelor perfecte  $R =$

$8,31$  J/mol \*K, căldura molară izocoră  $C_v = \frac{5}{2} R$  și căldura molară izobară  $C_p = \frac{7}{2} R$ , se cere:

- Temperaturile în stările finale,  $T_A$ ,  $T_B$ ,  $T_C$ .
- Lucrul mecanic efectuat în fiecare transformare.
- Variația de entropie în transformarea izotermă.

Sub. teor. a) Se cer: 1. Expresia variației energiei interne în transformarea izobară. 2. Să se enunțe al doilea principiu al termodinamicii, specificându-se semnificația fizică a mărimilor care intervin. 3. Să se enunțe legile reflexiei și refracției luminii.

b) Se cer: 1. Să se scrie expresia randamentului unei mașini termice ideale, indicându-se semnificația fizică a mărimilor care intervin. 2. Să se prezinte fenomenul de interferență în lumina albă (policromatică). 3. Energia molară a gazului perfect (ideal).



2.10.6. Într-un cilindru orizontal prevăzut cu piston se găsesc  $m = 3,2$  kg oxigen la temperatura  $t_1 = 27^\circ\text{C}$  și presiunea  $p_1 = 1,00$  MPa. Oxigenul se încălzește izobar pînă la  $T_2 = 400$  K. Se cere:

- Volumul inițial al oxigenului.
- Lucrul mecanic efectuat de gaz la dilatarea izobară.
- Căldura absorbită de oxigen prin încălzirea izobară și variația energiei interne a oxigenului.

Se cunosc: constanta gazelor  $R = 8,31$  J/mol \*K, masa molară a oxigenului  $\mu = 32$  g/mol și căldura specifică izobară  $c_p = 910$  J/kg \*K.

Sub. teor. a) Se cer: 1. Să se scrie expresia variației energiei interne în transformarea izocoră. 2. Relația dintre temperaturile măsurate în scara absolută și scara Celsius. 3. Proprietățile fotonului.

b) Se cer: 1. Expresia tensiunii de tăiere (frînare)  $U_0$  a curentului fotoelectric. 2. Să se definească unitatea de masă atomică.

3. Legea dezintegrării x-radioactive. Timp de înjumătățire.

c) Se cer: 1. Să se enumere aplicațiile izotopilor radioactivi în medicină și în biologie. 2. Să se enunțe legile de conservare în reacții nucleare. 3. Să se enunțe postulatele lui Bohr.

(Profil medical\* iulie, 1980)



(Profil chimic, iulie, 1980)

2.10.7. O cantitate de  $\nu = 1,67$  mol de gaz aflat la temperatura  $t_1 = 23^\circ\text{C}$  și ocupînd volumul  $V_1 = 5,0$  l este încălzit izobar pînă la temperatura  $t_2 = 123^\circ\text{C}$ . Se cere:

- Presiunea gazului.
- Volumul gazului după destindere.
- Lucrul mecanic efectuat.  $A = 18,31$  J/mol K.

*Sub teor.* a) Se cer: 1. Să se enunțe primul principiu al termodinamicii, arătînd semnificația fizică a mărimilor care intervin. 2. Să se enunțe principiul lui Huygens. 3. Să se calculeze unghiul de deviație minimă printr-o prismă optică.

b) Se cer: 1. Să se definească numărul lui Avogadro. 2. Să se exprime variația entropiei în transformarea adiabatică. 3. Să se prezinte fenomenul de reflexie totală a luminii.

(Profil medical, iulie, 1980)

1981

2.11.1. Două gaze perfecte avînd o aceeași căldură molară izocoră  $C_0 = 3R/2$ , se găsesc primul într-un vas de volum  $V_1 = 8,31$  l la presiunea  $p_1 = 100$  kPa și temperatura  $T_1 = 300$  K, al doilea într-un vas de volum  $V_2 = 1,662$  l, la presiunea  $p_2 = 200$  kPa și temperatura  $T_2 = 400$  K. Să se determine

(Profil chimic, iulie, 1980)

a) :Energiiile cinetice medii ale moleculelor celor două gaze în starea inițială.

b) Exponentul adiabatic al gazelor.

c) Temperatura finală a amestecului, după deschiderea robinetului situat pe tubul de volum neglijabil unind cele două vase, și presiunile parțiale ale gazelor în starea finală.

Se dau: constanta gazelor perfecte  $R=8,31 \text{ J/mol}\cdot\text{K}$ , numărul lui Avogadro  $N_A=6,0\cdot 10^{26} \text{ kmol}^{-1}$ .

(Pi'ofiluri tehnice, subing., iulie, 1981)

2.11.2. Un mol de gaz perfect parcurge un ciclu format din 2 transformări izoterme la temperaturile  $T_1=400 \text{ K}$ , respectiv  $T_2=300 \text{ K}$ , și două transformări izocore la volumele  $V_1=0,20 \text{ m}^3$ , respectiv  $V_2=0,544 \text{ m}^3$ . Să se determine:

a) Căldura primită de gaz în cursul încălzirii izocore.

b) Lucrul mecanic total efectuat de gaz într-un ciclu.

c) Randamentul motorului termic funcționând după ciclul descris.

Se dau: căldura molară izocoră a gazului  $C_{v,i}=12,46 \text{ J/mol}\cdot\text{K}$ , constanta gazelor perfecte  $R=8,31 \text{ J/mol}\cdot\text{K}$ .

Sub. teor. a) Să se scrie expresiile: 1. Drumului liber mediu al unei molecule de gaz. 2. Randamentului unui motor termic funcționând cu un gaz perfect după un ciclu Carnot. 3. Interfranței în cazul dispozitivului interferențial al lui Young.

b) Să se enunțe: 1. Principiul al treilea al termodinamicii.

2. Principiul lui Huygens. 3. Postulatele teoriei relativității.

(Profil chimie fizică, 3 ani, iulie, 1981)

\*

2.11.3. Se consideră o cantitate de oxigen cu masa  $m=1,00 \text{ g}$ , la temperatura  $t_0=0^\circ\text{C}$  sub presiunea  $p_0=100 \text{ kPa}$ . Se cere să se calculeze:

a) Căldura necesară pentru a încălzi gazul izobar până la  $t_1=100^\circ\text{C}$ .

b) Volumul  $V_1$  ocupat de gaz la temperatura  $t_1$  și presiunea  $p_0$ .

c) Variația entropiei gazului în cursul unei destinderi izoterme-

la temperatura  $t_1$ , de la volumul  $V_1$  la volumul  $V_2=2,718 \cdot V_1$ .

Se dau: masa molară  $\mu=32 \text{ g/mol}$ , exponentul adiabatic al oxigenului  $\gamma=7/5$ , constanta gazelor  $R=8,31 \text{ J/mol}\cdot\text{K}$ .

(Profiluri tehnice, iulie, 1981).

2.11.4. Un metru cub de oxigen cu temperatura  $t_1=27^\circ\text{C}$  se găsește într-un recipient cilindric vertical, închis etanș cu ajutorul unui piston de greutate neglijabilă, care poate aluneca fără frecare.

Presiunea atmosferică fiind  $p_j = 100 \text{ kPa}$ , gazul se încălzește pînă la temperatura  $t_2 = 227^\circ\text{C}$ . Se cere să se calculeze:

- Căldura absorbită de gaz pentru încălzire.
- Variația energiei interne a gazului prin încălzire și viteza pătratică medie a moleculelor la temperatura  $t_2$ .
- Volumul  $V_2$  ocupat de gaz la temperatura  $t_2$ , dacă deasupra pistonului se așază lent un corp cu masa  $m = 1,00 \text{ t}$ .

Se dau: aria pistonului  $S = 0,10 \text{ m}^2$ , căldura specifică izobară  $c_p = 14,2 \text{ J/g}\cdot\text{K}$ , constanta gazelor perfecte  $R = 8,31 \text{ J/mol}\cdot\text{K}$ ;  $\sqrt{g} = 10 \text{ m/s}^2$ .

(Profiluri tehnice, iulie, 1981)



2.11.5. O cantitate de heliu ocupă volumul  $V_i = 5,0 \text{ l}$  la presiunea  $p = 100 \text{ kPa}$ . Gazul se dilată izobar, primind căldura  $Q = 500 \text{ J}$ . Cunoscînd exponentul adiabatic  $\gamma = 5/3$  pentru heliu, să se determine:

- Volumul final al gazului.
- Lucrul mecanic efectuat în destinderea izobară.
- Variația energiei interne în acest proces.

(Profiluri tehnice, iulie, 1981)



2.11.6. Într-un cilindru vertical cu piston, mobil, avînd secțiunea  $S = 2,0 \text{ dm}^2$ , se află o cantitate de heliu cu masa  $m = 0,25 \text{ g}$  la temperatura  $t_j = 10,0^\circ\text{C}$ . Greutatea pistonului este  $G = 25 \text{ N}$ , iar presiunea atmosferică  $p_a = 100 \text{ kPa}$ . Considerînd că gazul este încălzit pînă la temperatura  $t_2 = 210^\circ\text{C}$ , să se calculeze:

- Lucrul mecanic efectuat de gaz prin dilatare.
- Căldura primită de gaz în cursul încălzirii.
- Energia internă a gazului la temperatura  $t_2$ .

Se dau: căldura molară izocoră  $C_v = 3R/2$ , constanta gazelor perfecte  $R = 8,31 \text{ J/mol}\cdot\text{K}$ .

(Profiluri tehnice, iulie, 1981)

2.11.7. Filamentul unui dispozitiv Stern (pentru studiul distribuției moleculelor după viteze) este încălzit la  $t = 948^\circ\text{C}$  și emite atomi de argint. În cazul în care dispozitivul se rotește cu frecvența  $f = 1325 \text{ rot/s}$ , atomii, avînd energia cinetică egală cu energia cinetică medie la temperatura indicată, se depun pe cilindrul exterior (de rază  $R = 22 \text{ cm}$ ) în poziția opusă fantei cilindrului interior (a cărui rază  $r = 2,0 \text{ cm}$ ). Cunoscînd și concentrația moleculelor de aer (aflate la temperatura  $T_a = 300 \text{ K}$ ) din dispozitiv,  $n = 5,0 \cdot 10^{18} \text{ m}^{-3}$ , să se determine:

- Viteza pătratică medie a atomilor de argint.
- Masa atomului de argint.

(I (i ""Ci'tLo WUI,

- c) -fcmigl'iniia drumului liber meditt al atomilor de argint-  
t-șr presiunea aerului din dispozitiv.

Se dau: secțiunea eficace de împrăștiere a atomilor de argint pe moleculele de aer  $w = 1,0 \cdot 10^{-19} \text{ m}^2$ , constanta Boltzmann  $k = 1,38 \cdot 10^{-23} \text{ J/K}$ .

' (Profil chimie, iulie, 1981)

C 2.11.8. Un număr  $\nu = 2 \text{ mol}$  de heliu efectuează un proces ciclic format dintr-o transformare izobară la presiunea  $p_1 = 960 \text{ kPa}$ , în cursul căreia gazul se încălzește de la temperatura  $T_0 = 400 \text{ K}$  la temperatura  $T_1 = 600 \text{ K}$ , o altă transformare izobară la presiunea  $p_2 = 30 \text{ kPa}$ , și două transformări adiabatică. Să se determine:

- Temperatura minimă atinsă de gaz în acest proces.
- Lucrul mecanic total efectuat de gaz într-un ciclu.
- Randamentul motorului termic lucrînd după acest ciclu, și

randamentul motorului — lucrînd după ciclul Carnot între aceleași temperaturi extreme.

Se dau: căldura molară izocoră a heliului  $C_v = 3 R/2$  și constanta gazelor perfecte:  $i = 8,31 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$ .

Sub. teor. a) Să se deducă expresiile: 1. Randamentul mașinii termice Otto. 2. Formula lentilelor. 3. Unghiurile formate de direcțiile radiațiilor difractate de o rețea, care corespund unor maxime de difracție, cu direcția de incidență.

b) Să se enunțe: 1. Postulatele termodinamicii. 2. Principiul al treilea al termodinamicii. 3. Principiul lui Huygens, indicînd semni-ficația noțiunilor fizice care intervin.

1. (Profil chimie, iulie, 1981)

\* 2.11.9. O masă — g de gheață aflată la temperatura  $t_1 = -10^\circ\text{C}$  se transformă, prin încălzire, în vapori. Să se determine:

a) Căldura necesară pentru topirea gheții, știind că valoarea căldurii totale necesară pentru transformarea cantității indicate de gheață la  $-10^\circ\text{C}$  într-o cantitate egală de apă la  $t_2 = 100^\circ\text{C}$  este  $Q_1 = 772,9 \text{ J}$ .

b) Lucrul mecanic efectuat de vaporii de apă (considerați drept gaz ideal) într-o destindere izotermă la temperatura de Vaporizare ( $t_f = 100^\circ\text{C}$ ) de la presiunea  $p_1 = 100 \text{ kPa}$ , la presiunea  $p_2 = 0,50 \text{ p}_1$ .

c) Temperatura atinsă în destinderea izobară în care lucrul efectuat este  $L = 4,15 \text{ J}$ , temperatura inițială fiind cea de vaporizare.

Se dau: căldura specifică a gheții  $c_g = 2,090 \text{ J/kg} \cdot \text{K}$ , căldura specifică a apei  $c_a = 4,180 \text{ J/kg} \cdot \text{K}$ ,  $R = 8,310 \text{ J/kmol} \cdot \text{K}$ .

(Profil fizică, iulie, 1981)

O mașină termică funcționează cu gaz ideal după un ciclu Carnot, cu diferența dintre temperaturile sursei duble și sursei reci  $\Delta T = 300 \text{ K}$  și randamentul  $\eta = 50\%$ . Cunoscînd lucrul mecanic total efectuat într-un ciclu  $L = 1800 \text{ J}$ , să se determine:

a) Variația entropiei gazului în cursul destinderii izoterme.

b) Volumul ocupat de  $\nu = 2,0 \text{ mol}$  de gaz utilizat ca agent termic, la temperatura sursei reci și presiunea  $p = 166 \text{ kPa}$ .

c) Viteza pătratică medie și drumul, liber mediu al moleculelor gazului în condițiile punctului precedent.

Se dau: secțiunea efectivă de împrăștiere prin ciocniri a moleculelor gazului  $\sigma = 3,0 \cdot 10^{-20} \text{ m}^2$ ,  $R = 8,31 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$ , constanta Boltzmann  $k = 1,38 \cdot 10^{-23} \text{ J/K}$ .

(Profil fizică, iulie, 1981)

2.11.10. O butelie cu volumul constant  $V = 25 \text{ l}$  conține hidrogen la presiunea  $p = 9,0 \text{ MPa}$  și temperatura  $t = 27^\circ\text{C}$ . Cunoscînd masa molară a hidrogenului  $M = 2,0 \text{ g/mol}$  și secțiunea — eficace  $\sigma = 3,0 \cdot 10^{-20} \text{ m}^2$  de împrăștiere a moleculelor sale prin ciocniri, să se determine:

a) Viteza pătratică medie și drumul liber mediu al moleculelor de hidrogen în condițiile specificate.

b) Masa hidrogenului din butelie și presiunea sa la  $t_2 = -13^\circ\text{C}$ .

c) La ce temperatură există pericolul de explozie, dacă butelia rezistă pînă la presiunea  $p_{cr} = 12 \text{ MPa}$ .

Se dau: constanta gazelor perfecte  $i = 8,31 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$ , constanta lui Boltzmann  $k = 1,38 \cdot 10^{-23} \text{ J/K}$ .

Sub. teor. a) Să se enunțe, indicînd semnificațiile mărimilor fizice care intervin: 1. Principiile termodinamicii. 2. Legea lui Dalton pentru un amestec de gaze. 3. Legea dezintegrării radioactive.

b) Precizînd semnificațiile mărimilor fizice care intervin, să se indice expresiile: 1. Ecuației transformării adiabatică a unui gaz perfect. 2. Energiei totale a unui atom de hidrogen. 3. Convergența unei lentile subțiri.

c) Să se deducă: 1. Expresia dependenței de temperatură a energiei interne a gazului ideal. 2. Expresia razei traiectoriei unei particule încărcate electric într-un spectrograf de masă. 3. Unghiurile după care sînt observate

maximele de difracție obținute cu ajutorul unei rețele.

v V2)XJL2) O cantitate  $v=2$  mol de gaz perfect efectuează un ciclu Carnot. Știind că temperatura sursei reci  $T_2=300$  K, căldura transmisă sursei reci într-un ciclu  $|Q_2|=3,6$  kJ, iar lucrul mecanic efectuat de gaz în cursul destinderii adiabatice  $L_{ad}=2493$  J, să se determine:

a) Variația energiei interne a gazului pentru o creștere a temperaturii  $\Delta T=1,00$  K.

b) Temperatura sursei calde.

c) Randamentul ciclului și lucrul mecanic total efectuat de gaz într-un ciclu.

Se dau: căldura molară izobară  $C_p=5R/2$  și  $R=8,31$  J/mol·K.

Sub. teor. a) Să se deducă: 1. Expresia drumului liber mediu al moleculelor unui gaz. 2. Formula lentilelor. 3. Expresia interfranței în cazul unui dispozitiv interferențial Young.

b) Să se indice expresiile: 1. Ecuației fundamentale a teoriei cinetice a gazelor. 2. Legii conservării energiei în procesul de extracție a unui fotoelectron. 3. Razei traiectoriei descrisă de o particulă încărcată electric într-un câmp magnetic uniform, indicând semnificațiile mărimilor fizice care intervin.

c) Să se epune: 1. Postulatele termodinamicii. 2. Postulatele teoriei relativității. 3. Legile de conservare în reacțiile nucleare.

(Profil medical, iulie, 1981)

1982



2.12.1. În 3 vase avînd volumele  $V_1=3,00$  l,  $V_2=5,00$  l și

$V_3=6,00$  l se află trei gaze diferite la aceeași temperatură  $t=27^\circ\text{C}$ , presiunile corespunzătoare fiind  $p_1=200$  kPa,  $p_2=300$  kPa,  $p_3=500$  kPa.

a) Care este presiunea finală a amestecului, dacă se stabilește legătura între cele trei vase prin conducte de volum neglijabil?

b) Să se calculeze densitatea și masa molară a amestecului, știindu-se masele molare ale gazelor, respectiv  $M_1=32$  g/mol,  $M_2=28$  g/mol,  $M_3=4,0$  g/mol.

c) Știindu-se că pentru a se încălzi izobar gazul din vasul cu volumul  $V_1$ , înainte de efectuarea amestecului, cu diferența de temperatură  $\Delta T=100$  K, este necesară o cantitate de căldură  $Q=702$  J, se cere căldura specifică izobară a acestui gaz.

$R=8,31$  J/mol·K.

Sub. teor. a) Să se deducă: 1. Expresia drumului liber mediu al unei molecule. 2. Expresia densității de energie a câmpului electric.

3. Condițiile de maxim și minim de interferență, în cazul interferenței a două unde electromagnetice.

Să se definească: 1. Viteza pătratică medie a moleculelor unui gaz perfect. 2. Fenomenul de dispersie a luminii. 3. Frecvențe de prag pentru producerea efectului fotoelectric



2.12.2. Un gaz ideal, care la presiunea  $p_1 = 500$  kPa ocupă volumul  $V_1 = 4,0$  l, efectuează o transformare izotermă pînă la un volum  $V_2 = 10,87$  l, urmată de o transformare izobară pînă la volumul  $V_3$  și se întoarce la starea inițială printr-o transformare izocoră. Exponentul adiabatic al gazului fiind  $\gamma = 1,40$ , se cere:

- Randomamentul motorului termic care ar funcționa după acest ciclu.
- Să se calculeze variația energiei interne în cursul comprimării izobare.
- Să se calculeze variația de entropie în transformarea izotermă, pentru  $\nu = 3,0$  mol din gazul considerat  $R = 8,31$  J/mol·K.

(Profiluri tehnice, iulie, 1982)

2.12.3. Se consideră un amestec de oxigen și azot la temperatura  $t = 527^\circ\text{C}$  și presiunea  $p = 100$  kPa. Știind că numerele de kilo-moli de oxigen, respectiv azot, în amestec sînt egale, să se determine:

- Presiunile parțiale și volumul amestecului, știind că masa oxigenului este  $m_{\text{O}_2} = 8,00$  g.
- Raportul vitezelor pătratice medii ale moleculelor celor două gaze.
- Temperatura amestecului după o destindere adiabatică, în cursul căreia volumul crește de  $n = 32$  ori.

Se dau: exponentii adiabatici  $\gamma_1 = \gamma_2 = 1,40$ , masele molare  $\mu = 28$  g/mol,  $\mu_2 = 32$  g/mol,  $R = 8,31$  J/mol·K.

2.12.4. Două vase sferice în care se află heliu sînt unite printr-un tub de volum neglijabil, prevăzut cu un robinet. Vasul 2 are un diametru de  $n = 5$  ori mai mare decît diametrul vasului 1. Inițial robinetul fiind închis, presiunea gazului din vasul 1 este  $p_1 = 100$  kPa, temperatura heliului în cele două vase  $T_1 = 400$  K,  $T_2 = 200$  K, iar raportul densităților  $\rho_1/\rho_2 = 31,25 \cdot 10^3$ . Să se calculeze:

- Presiunea  $p_2$  din vasul 2 în stare inițială.
- Numărul kilomolilor din vasul 1 după deschiderea robinetului și atingerea echilibrului, știind că temperaturile gazului din cele două vase sînt menținute constante, și final, în vasul 2 se găsesc  $\nu = 2,5$  mol de heliu.
- Variația energiei interne a heliului între starea inițială și starea finală. ( $R = 8,31$  J/mol·K).

(Profiluri tehnice, iulie, 1982)

d)

2.12.5. Un vas de volum  $V = 30,0 \text{ l}$  conține  $m = 20,0 \text{ g}$  de hidrogen la presiunea  $p_1 = 831 \text{ kPa}$ . Gazul suferă o transformare ciclică

a)

b) Temperaturile în cele 4 stări.

c) Căldura primită de la

sursa caldă și căldura

cedată sursei reci în

cursul ciclului

(fig. 2.12.5)- astfel încât  $p_2 p_3 = p_1 p_4$  și  $V_3 = 3V_1$ . Se cere:

$p$

$p_2$

$p_1$

$p_4$

$p$

$V$

$V_1$

$V_2$

$V$

$V_3$

$V_4$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

$V$

d) Randamentul

lucru pe acest ciclu.

Se dau: căldura

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

$Q$

2.12.6. Într-o butelie cu heliu la presiunea  $p_1 = 15 \text{ MPa}$  și temperatura  $t_1 = 27^\circ\text{C}$ . Se consumă gaz din butelie până când presiunea devine  $p_2 = 1,00 \text{ MPa}$  la temperatura  $t_2 = 7,0^\circ\text{C}$ . Să se afle:

a) Ce cantitate de heliu s-a consumat.

b) Raportul drumurilor libere medii și raportul vitezelor pătratic medii ale moleculelor gazului aflat în butelie în cele două situații.

c) Energia internă și numărul de molecule din unitatea de volum pentru gazul rămas în butelie.

Se cunosc:  $\mu = 8,31 \text{ J/mol}\cdot\text{K}$ ,  $N_A = 6,02 \cdot 10^{26} \text{ kmol}^{-1}$ .

»

(Profil chimie, iulie, 1982)

2.12.7. Se consideră un ciclu Carnot cu randamentul  $\eta = 0,55$ . Diferența de entropie între stările finală și inițială ale uneia dintre transformările izoterme ale ciclului este  $\Delta S = 8,31 \text{ kJ/K}$ , iar diferența de temperatură dintre cele două izoterme este  $\Delta T = 350 \text{ K}$ . Să se afle:

a) Temperatura sursei calde și temperatura sursei reci.

b) Căldura cedată sursei reci și lucrul mecanic produs într-un ciclu.

c) Raportul dintre presiunile gazului corespunzătoare stărilor inițială și finală, ale transformării în care apare transferul de căldură.

d) dură oă tre sucra rece, dacă ciclul este parcurs de 1L. 1.00 mol de gaz»  $\kappa = 8,31 \text{ J/mol}\cdot\text{K}$ .

*Sub. teor.* a) Să se enunțe și să se scrie ecuațiile corespunzătoare: 1. Principiile întâi și al doilea ale termodinamicii. 2. Legea lui Dalton. 3. Legile reflexiei și refracției.

b) Să se scrie, indicându-se semnificațiile mărimilor care intervin: 1. Relațiile care leagă aspectul corpuseular și cel ondulatoriu al fotonului. 2. Relația fundamentală a teoriei cinetico-moleculare.

3. Relația pentru variația energiei interne într-o transformare adiabatică.

(Profil chimie, iulie, 1982)

2.12.8. Un gaz ideal monoatomic ocupă un volum  $V_1 = 0,30 \text{ m}^3$  la presiunea  $p_1 = 30 \text{ kPa}$  și temperatura  $t_1 = 27^\circ\text{C}$ . Gazul efectuează

o transformare care verifică ecuația  $p = a/V$  cu  $a = \text{const}$ , ocupînd în stare finală un volum de  $n = 3$  ori mai mare. Să se determine:

a) Presiunea și temperatura în starea finală.

b) Lucrul mecanic efectuat de gaz.

c) Variația energiei interne a gazului și căldura absorbită de gaz, în această transformare.

(Profil fizică, iulie, 1982)

2.12.9. Un recipient cu volumul  $V = 20 \text{ l}$  este prevăzut cu o supapă care se deschide la presiuni interioare ce depășesc  $p = 4,00 \text{ atm}$ . În recipient se află  $m = 4,00 \text{ g}$  de hidrogen la temperatura  $t = 27^\circ\text{C}$ . Gazul suferă o transformare izocoră în care primește o cantitate de căldură  $Q = 7,4 \text{ kJ}$ . Apoi este comprimat izoterm pînă la un volum  $V' = 10,0 \text{ l}$  și destins izoterm pînă la volumul inițial. Să se calculeze:

a) Temperatura finală a gazului.

b) Cantitatea finală de gaz din recipient.

c) Presiunea finală din recipient.

Se dau:  $\kappa = 8,31 \text{ J/mol}\cdot\text{K}$ , căldura molară izocoră  $C_v = 5R/2$ ,

$1 \text{ atm} = 101,3 \text{ kPa}$ .

*Sub. teor.* a) Să se enunțe: 1. Principiul lui Huygens. 2. Ipoteza lui De Broglie. 3. Principiul al doilea al termodinamicii.

b) Să se deducă: 1. Expresia drumului liber mediu al moleculelor unui gaz. 2. Energia de reacție într-o reacție nucleară. 3. Expresia indicelui de refracție al materialului din care este făcută o prismă în funcție de unghiul de deviație minim al prisme.

1. Să se facă deosebirea între ecuația calorică de stare și ecuația termică de stare pentru un sistem termodinamic. 2. Să se definească constanta de dezintegrare a unei specii de nuclee radioactive și activitatea unei surse radioactive. 3. Să se definească condițiile în care se observă interferența luminii.

(Profil medical, iulie, 1982)

1983

"fi 2.13.1. Un cilindru cu piston (de greutate neglijabilă), avînd volumul  $V_i = 5,0$  l conține la temperatura  $t_1 = 27^\circ\text{C}$  un număr  $N = 1,00 \cdot 10^{23}$  molecule de oxigen. Gazul fiind încălzit izobar cu  $\Delta t = 100$  grd, se cere să se determine:

- Presiunea gazului.
- Volumul ocupat de gaz după destinderea izobară.
- Viteza termică și energia cinetică medie a unei molecule în starea finală!

$\ll = 8310$  J/kmol·K,  $N_A = 6,0 \cdot 10^{26}$  molec./kmol,  $u = 32$  g/mol.

Sub. teor. a) Să se prezinte: 1. Coeficientul de dilatare aparentă al unui lichid. 2. Coeficienții calorigici ai unui corp. 3. Aproximația gaussiană în optica geometrică.

b) Să se scrie, indicînd semnificația mărimilor care intervin:

1. Expresia lucrului mecanic într-o transformare izotermă. 2. Formula fundamentală a lentilelor subțiri. 3. Legea Brewster.

(Profil chimie-fizică, 3 ani, iulie, 1983)

/k 2.13.2. O cantitate de heliu cu masa  $m_x = 1,00$  kg, aflată la temperatura  $T_1 = 300$  K, trebuie încălzită pînă la temperatura  $T_2 = 400$  K. Să se calculeze:

- Căldura necesară pentru încălzirea izocoră a gazului și căldura specifică izocoră a heliului.
- Căldura necesară pentru încălzirea izobară a heliului și căldura sa specifică izobară.

c) Știind că la temperatura  $T_2$  volumul gazului este  $V_2 = 5,00$  l, iar din această stare heliul se destinde adiabatic pînă la volumul  $V_3 = 40,0$  l, să se determine temperatura finală  $T_3$  a gazului. ( $\ll = 8,31$  J/mol·K).

(Profiluri tehnice, iulie, 1983)

'V' 2.13.3. O cantitate  $\nu = 2,00$  kmol gaz ideal se găsește într-o incintă în care temperatura gazului variază liniar cu înălțimea  $z$ .  $T(z) = T_0 + a \cdot z$ , presiunea gazului fiind aceeași în toată incinta. Se cere:

- Să se deducă dependențele densității gazului, energiei cinetice medii și vitezei pătratice medii a moleculelor de înălțime, în interiorul incintei.
- Știind că după uniformizarea temperaturii în incintă, gazul ajunge la temperatura  $T = 400$  K și presiunea  $p = 332,5$  kPa, să se determine volumul incintei.
- Dacă gazul din incintă este apoi evacuat, sub acțiunea propriei presiuni, în atmosferă, să se afle energia internă pe care o avea în incintă gazul care a fost evacuat.

Se dau: masa molară a gazului  $M_{r,Ne}=20$  g/mol, presiunea atmosferică  $p_a=100$  kPa și  $\kappa=8,31$  J/mol·K.

(Profiluri tehnice, iulie, 1983)

2.13.4. O cantitate  $\nu=20$  mol neon parcurge un ciclu format din destinderea izobară  $1 \rightarrow 2$ , izocoră  $2 \rightarrow 3$ , comprimarea izobară  $3 \rightarrow 4$  și izocoră  $4 \rightarrow 1$ , astfel încît temperatura  $T_3$  în starea 3 este aceeași cu temperatura  $T_1$  din starea 1, iar  $V_3=3 V_1$ . Parametrii stării 1 fiind  $p_1=100$  kPa și  $V_1=0,75$  m<sup>3</sup>, să se determine:

a) Randamentul ciclului și să se compare cu randamentul motorului care funcționează după un ciclu Carnot reversibil între temperaturile extreme atinse în ciclul descris mai sus. ■

b) Variația energiei interne a gazului în procesul 1 2.

c) Variația vitezei pătratice medii a moleculelor gazului între temperaturile extreme atinse în cursul ciclului.

Se dau:  $M_{r,Ne}=20$  g/mol,  $\kappa=8,31$  J/mol·K.

(Profiluri tehnice, iulie, 1983)

2.13.5. O mașină termică funcționează după un ciclu Carnot reversibil, avînd randamentul  $\eta_j=0,60$ . Mașina consumă  $m_c=40$  kg/h, preluînd numai  $f=0,50$  din căldura obținută prin arderea combustibilului. Temperatura sursei reci este  $t_2=27^\circ\text{C}$ . Să se determine:

a) Puterea utilă a mașinii termice.

b) Temperatura sursei calde.

c) Masa aerului din cilindrul mașinii, care la temperatura  $t_2$  ocupă volumul  $V=5,00$  l sub presiunea  $p=150$  kPa.

Se dau: puterea calorică  $q=30$  MJ/kg a combustibilului, masa molară a aerului ( $\mu_r=28,9$  g/mol,  $\kappa=8,31$  J/mol·K.

(Profiluri tehnice, iulie, 1983)

2.13.6. Un gaz ideal monoatomic ocupă volumul  $V_1=2,0$  m<sup>3</sup> la presiunea  $p_1=100$  kPa. Gazul este încălzit izobar și se destinde pînă la volumul  $V_2=3,0$  m<sup>3</sup>, apoi izocor pînă la presiunea  $p_3=400$  kPa. Să se afle: ^

a) Variația totală a energiei interne.

b) Lucrul mecanic efectuat de gaz.

e) Căldura absorbită de gaz.

Sub. teor. a) Să se deducă: 1. Expresia vitezei termice a unui gaz ideal. 2. Expresia randamentului ciclului Carnot. 3. Formulele distanțelor focale ale unei lentile subțiri.

b) Să se scrie și să se indice semnificațiile mărimilor care intervin: 1. Legea lui Turin. 2. Dependența masei unui corp de viteza sa.

3. Legea absorbției luminii.

(Profil chimie, iulie, 1983)

13.7. În corpul de pompă al unei mașini termice se află un gaz ideal la temperatura  $T_1=500$  K, ocupînd un volum  $V_1=1,00$  l la presiunea  $p_1=500$  kPa. Gazul se destinde izoterm pînă la un volum  $V_2=2,00$  l, se comprimă izobar pînă la starea 3 și revine în starea inițială printr-o încălzire izocoră. Să se determine:

a) Parametrii din stările 1, 2, 3.

b) Lucrul mecanic efectuat de mașina termică într-un ciclu. (Profil fizică, septembrie, 1983)

c) Randamentul ciclului.

d) Randamentul ciclului Carnot care ar lucra între temperaturile extreme atinse de ciclul 1231; să se compare această valoare cu cea găsită la punctul c).

Se dau:  $\kappa = 8,31 \text{ J/mol}\cdot\text{K}$ ,  $C_v = 5 \cdot R/2$ ,  $\ln 2 = 0,693$ .

(Profil fizică, iulie, 1983)

• 2.13.8. Într-un vas de volum  $V = 3,00 \text{ l}$  se află o masă  $m = 64 \text{ g}$  de oxigen la presiunea  $p = 1,0 \text{ MPa}$ . Să se determine:

- Viteza termică a moleculelor de oxigen.
- Numărul de molecule de oxigen.
- Energia internă a gazului datorită mișcării de translație a moleculelor.

Se dau: masa molară a oxigenului  $\mu = 32 \text{ g/mol}$ , numărul lui Avogadro  $N_A = 6,0 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$ .

(Profil fizică, iulie, 1983)

\K<sup>5</sup>

2.13.9. Într-un calorimetru cu masă  $m_v = 0,20 \text{ kg}$  care are căldura specifică  $c_v = 920 \text{ J/kg}\cdot\text{K}$ , se află apă la temperatura  $t = 40^\circ\text{C}$ . În apa din calorimetru se introduce o bucată de cupru cu masa  $m_c = 0,10 \text{ kg}$ , căldura specifică  $c_c = 380 \text{ J/kg}\cdot\text{K}$ , la temperatura  $t_c = 100^\circ\text{C}$  și o bucată de gheață cu masa  $m_g = 25 \text{ g}$  și căldura specifică  $c_g = 2090 \text{ J/kg}\cdot\text{K}$ , aflată la temperatura  $t_g = -20^\circ\text{C}$ .

Să se determine masa de apă  $m_a$  aflată inițial în calorimetru, înainte de introducerea cuprului și a gheții, dacă temperatura finală a amestecului este  $t_f = 25^\circ\text{C}$ .

(Profil fizică, septembrie, 1983)

2.13.10. Se dau: căldura specifică a apei  $c_o = 4180 \text{ J/kg} \cdot \text{K}$ , căldura specifică de topire a gheții  $X_g = 335 \text{ kJ/kg} \cdot \text{K}$ . Pentru alimentarea cu oxigen a unui bolnav, un medic are la dispoziție o butelie cu volum constant  $V = 4,00 \text{ l}$  care conține oxigen la presiunea  $p = 3,00 \text{ MPa}$  și la temperatura  $t = 27^\circ\text{C}$ . Un dispozitiv special permite ca alimentarea cu oxigen să se facă numai la presiunea  $p' = 120 \text{ kPa}$  și la temperatura  $t = 27^\circ\text{C}$ . Supapa dispozitivului se închide când presiunea oxigenului din butelie devine  $p' = 120 \text{ kPa}$ . Se cere să se afle:

- Masa inițială a oxigenului.
- Timpul cât poate fi alimentat bolnavul dacă debitul volumic este  $Q = 0,10 \text{ l/min}$ .

c) Masa oxigenului folosit.

Se dau: densitatea oxigenului în condiții normale,  $\rho_o = 1,43 \text{ kg/m}^3$ , adică la  $p_o = 101,3 \text{ kPa}$  și  $T_o = 273 \text{ K}$ .

Sub. teor. a) Să se enunțe: 1. Legile reflexiei. 2. Proprietățile radiației laser.

b) Să se definească mărimile și unitățile fotometrice.

c) Să se scrie, indicând semnificația mărimilor fizice care apar:

1. Ecuația termică de stare a gazului ideal. 2. Expresia indicelui de refracție al unei prisme optice în condiții de deviație minimă. 3. Relația lui De Broglie.

d) Polarizarea prin reflexie. Transversalitatea undei luminoase.

(Profil medical, iulie, 1983)



L13.11. Randamentul unui motor termic ideal, care funcționează pe baza unui ciclu Carnot, cu temperatura sursei reci  $t_2 = 7,0^\circ\text{C}$ , este  $\eta = 40\%$ . Se cere să se afle:

a) Cantitatea de căldură cedată sursei reci dacă motorul primește cantitatea de căldură  $Q_1 = 1,2 \text{ kJ}$  de la sursa caldă.

b) Lucrul mecanic efectuat de motor în contact cu sursa caldă, presupunînd că substanța de lucru este un gaz ideal.

c) Cu câte grade trebuie crescută temperatura sursei calde pentru ca randamentul să devină  $\eta' = 50\%$ ?

Sub. teor. a) Să se enunțe legea Gay-Lussac.

b) Să se scrie indicînd semnificația mărimilor care intervin:

1. Condiția de maxim, respectiv de minim în experimentul Young.

2. Expresia razei traiectoriei unui ion care se mișcă perpendicular pe un câmp magnetic constant și uniform.

c) Să se definească: 1. Molul și numărul lui Avogadro. 2. Dispersia luminii. 3. Tranziția cuantică și timpul mediu de viață al unei stări excitate.

d) Experiențele lui Rutherford.

### 3. ELECTRICITATE ȘI MAGNETISM <

1971

(Profil medical, iulie, 1983)

253.1.1. O macara acționată de un motor electric ridică un corp cu masa

$m=500$  kg. Corpul pornește din repaus și se deplasează sub acțiunea unei forțe rezultante  $F=845$  N. La început, pe distanța  $s_1=2,00$  m, corpul are o mișcare uniform accelerată. După ce parcurge distanța  $s_2$  mișcarea devine uniformă un timp  $t_2=15$  s. La

o distanță  $s_3=4,00$  m înainte de oprire, începe frânarea, care determină o mișcare uniform încetinită. Să se calculeze:

- înălțimea pînă la care este ridicat corpul.
- Forța de întindere a cablului în timpul mișcării uniforme și în timpul frînării.
- Puterea absorbită de motor de la rețea pe porțiunea corespunzătoare mișcării uniforme, considerînd că macaraua este acționată de un electromotor cu randamentul  $\eta=90\%$ , alimentat de la o rețea de  $U=220$  V.
- Intensitatea curentului care trece prin motor în timpul mișcării uniforme a corpului ridicat de macara.
- Costul energiei electrice cheltuite pentru ridicarea corpului în zona mișcării uniforme, considerînd că prețul energiei electrice este  $k=0,30$  lei/kWh. ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).

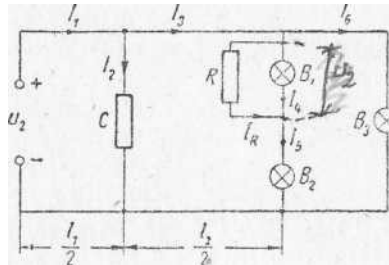
(Inst. Pol. București, subing., iulie, ;1971)

3.1.2. În rețeaua din fig. 3.1.2, becurile  $B_1$  și  $B_2$  sînt construite pentru o tensiune  $U_x=110$  V, iar becul  $B_3$  pentru tensiunea



3.1.3.  $U_2=220\text{ V}$ . Puterile becilor la aceste tensiuni sînt  $P_{B1}=60\text{ W}$ ,  $P_{B2}=100\text{ W}$  și  $P_{B3}=200\text{ W}$ , iar puterea consumatorului C este  $P_C=500\text{ W}$ . Se cere:

a) Care este rezistența  $R$  a unui rezistor care, montat în paralel cu becul  $B_1$ , asigură funcționarea normală a celor trei becuri la tensiunile pentru care au fost construite?



b) Neglijînd rezistențele fibrelor de legătură, să se calculeze intensitățile  $I_1, \dots, I_6$  și  $I_R$  indicate în figură.

c) Puterea dezvoltată în rezistorul  $R$ .

d) Dacă se ține seama de rezistențele firelor de legătură, să se calculeze puterea pierdută în aceste fire, avînd lungimile  $Z_1=Z_2=s=25\text{ m}$ , diametrele  $D_1=D_2=3,0\text{ mm}$  și rezistivitatea  $\rho=1,75 \cdot 10^{-8}\text{ }\Omega\cdot\text{m}$ . Se presupune că intensitățile curenților prin fire sînt egale cu cele de la punctul b).

Sub. teor. Legile electrolizei.

(Inst. Pol. București, subing., iulie, 1971)

O linie electrică de c.c., lungă de  $l=500\text{ m}$  alim. la tensiunea  $U_A \sim 500\text{ V}$ . Se dau: rezistivitatea materialului  $\rho$  și rezistența cupțorului 1:  $R_1$ . Două cupțoare electrice conectate în paralel. Linia electrică este alimentată la o tensiune  $U=500\text{ V}$ . Se dau:

conductorului liniei  $\rho=0,0175\text{ }\Omega/\text{m}$ , rezistența cupțorului 1:  $R_1$

•  $12,5\text{ }\Omega$ , rezistența cupțorului 2:  $R_2=10\text{ }\Omega$ . Se cere:

Rezistența echivalentă a celor două cupțoare

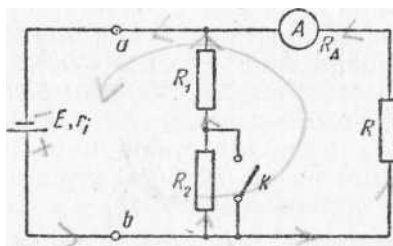
- a) Puterea absorbită de fiecare cuptor.  
 e) Dimensionarea conductoarelor liniei, considerînd o pierdere de tensiune procentuală  $\neq 5\%$  din tensiunea de alimentare.

4) În ipoteza apariției unui scurt-circuit net în punctul  $B$  (pe barele de alimentare), să se determine puterea de scurt-circuit.

Sub. teor. Punerea în paralel a generatoarelor electrice.

(Inst. Pol. București, Fac. Energ., subing., iulie, 1971)

3.1.4. Un rezistor « este conectat în circuitul din fig. 3.1.4. Rezistoarele « și  $R_s$  au rezistențele  $R_1 = 2,5 \text{ } \Omega$  și  $R_2 = 7,5 \text{ } \Omega$ , iar ampermetrul  $A$  are rezistența internă  $R_A = 1,00 \text{ } \Omega$ . Curentul măsurat de



ampermetrul  $A$  are valoarea  $I = 1,00 \text{ A}$ , cînd comutatorul  $K$  este deschis, respectiv valoarea  $I' = 0,80 \text{ A}$  cînd, comutatorul  $K$  este închis. Rezistorul  $R$  este construit din fir de nichelină de diametru  $d = 1,00 \text{ mm}$ . Rezistivitatea nichelinei este  $\rho = 0,42 \cdot 10^{-6} \text{ } \Omega \cdot \text{m}$ . Se cere să se calculeze:

a) Lungimea firului de nichelină din care este construit rezistorul  $R$ , știind că în cazul în care comutatorul  $K$  este deschis, energia ce se dezvoltă în rezistorul  $R$  în timpul  $t = 10 \text{ min}$  este  $W = 1,5 \text{ Wh}$ .

b) Rezistența echivalentă a circuitului format din rezistoarele  $R_1$ ,  $R_s$ ,  $R$  și  $R_A$  între punctele  $a$ ,  $b$ , comutatorul  $K$  fiind deschis.

c) Tensiunea e.m.  $E$  și rezistența internă  $r_i$  ale bateriei.

Se neglijează rezistența firelor de conexiune.

Sub. teor. 1. Definirea amperului. 2. Legea Biot-Savart. 3. Conservarea energiei mecanice pe planul înclinat (fără considerarea frecării).

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., El., Transp., subing., septembrie, 1971)

a) Un circuit alimentat de o baterie cu t.e.m.  $E = 46 \text{ V}$  și rezistența interioară  $r = 1,00 \text{ } \Omega$  este alcătuit din două rezistoare identice, de  $R = 11 \text{ } \Omega$  fiecare, legate în serie. Energia debitată de unul din rezistoare timp de  $t = 5,00 \text{ min}$  reprezintă a  $n = 5$ -a parte din lucrul mecanic efectuat la ridicarea unui corp la înălțimea  $h = 66 \text{ m}$ . Să se calculeze: Căderea de tensiune pe fiecare rezistor.

b) Masa corpului.

c) Viteza corpului la atingerea solului, dacă este lăsat să cadă liber de la înălțimea la care a fost ridicat.

d) Timpul în care are loc căderea liberă ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ).

(Inst. Pol. Brașov, Fac. Mec., Tehn. Constr. Mas., subing., iulie, 1971)

3.1.5. Se consideră un circuit de c.c., format din următoarele elemente legate în serie: un dinam cu t.e.m.  $\mathcal{E} = 120 \text{ V}$  și rezistența interioară  $r = 5,00 \text{ } \Omega$ , o bobină cu  $N = 250$  spire, cu lungimea  $l = 40 \text{ cm}$  și diametrul  $d = 40 \text{ mm}$ , avînd o rezistență ohmică  $R_1 = 2 \text{ } \Omega$  și un voltmetru cu rezistența  $R_2 = 12,5 \text{ } \Omega$ .

2. Se cere:

- Intensitatea curentului în circuit, știind că în  $t=30$  min se depune la catodul voltametru o cantitate  $m=5,0$  g de argint.
- Intensitatea câmpului magnetic în centrul solenoidului.
- Fluxul magnetic printr-o spirală.
- Randamentul electric al dinamului.

Se dau: echivalentul electrochimic al argintului  $K=1,118$  mg/C,  $i_{0,8}=4 \cdot 10^{-7}$  H/m, se aproximează  $T^2 C^{\wedge} 10$ .

(Inst. Pol. Braşov, Fac. Mec., Tehn., Constr. Maş., subing., iulie, 1971)

3.1.6. O sursă de c.c. cu t.e.m.  $E=10$  V şi rezistenţa interioară  $r=1,00$   $\Omega$ , alimentează un circuit format din două rezistenţe  $R_1$ ,  $R_2$ . Dacă rezistenţele sînt legate în serie, intensitatea curentului din circuit este  $I_s=2,5$  A, iar atunci cînd sînt legate în paralel este  $I_p=6,0$  A. Se cere:

- Tensiunea la borne în ambele cazuri.
- Valorile celor două rezistenţe.
- Energia electrică consumată în circuitul exterior, la legarea în serie, în timpul  $t=3,00$  min.

(Inst. Pol. Braşov, Fac. Mec., T.C.M., seral, subing., iulie, 1971)

3.1.7. Un circuit de c.a. conţine o bobină cu inductanţa  $L=10$  H<sup>3</sup> şi rezistenţa activă  $R=40$   $\Omega$  şi, un condensator cu capacitatea  $C=500$   $\mu$ F, legate în serie. Tensiunea de alimentare este  $U=220$  V<sub>3TC</sub>

cu frecvenţa  $\nu=40$  Hz. Se cere:

- Intensitatea curentului din circuit.
- Tensiunea la bornele condensatorului.
- Înălţimea la care se poate ridica uniform un corp de masă  $m=11$  kg în timpul  $t=10$  s, folosind puterea activă a circuitului ( $\gamma=10$  m/s<sup>2</sup>).

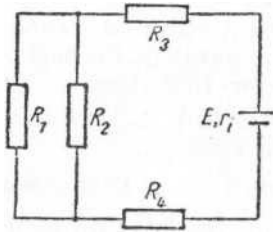
3.1.8. Un bec electric cu puterea  $P=120$  W este alimentat la reţeaua de c.c. printr-un fir cu rezistenţa  $r=4,00$   $\Omega$ . Circuitul este străbătut de un curent cu intensitatea  $I=1,00$  A. Se cere:

- Tensiunea la bornele becului.
  - Căderea de tensiune pe fir.
  - Rezistenţa filamentului becului electric.
  - Energia consumată de la reţea în timpul  $t=1,00$  h, de întregul circuit.
- Sub. teor. Energia mecanică. Legea transformării şi conservării energiei în procesele mecanice.

(Inst. Constr. Bucureşti, subing., iulie, 1971)

3.1.9. În circuitul din fig. 3.1.10. elementele au valorile:  $R_1=8,00$   $\Omega$ ,  $R_2=12,0$   $\Omega$ ,  $R_3=2,20$   $\Omega$ ,  $R_4=4,00$   $\Omega$ , iar t.e.m. a bateriei  $E=24$  V şi rezistenţa interioară a bateriei  $r_v=1,0$   $\Omega$ . Se cere:

- Rezistenţa circuitului exterior.
- Intensităţile curenţilor prin fiecare rezistenţă.



- c) Tensiunea la bornele sursei.  
d) Tensiunile la bornele rezistențelor  $R_1$  și  $R_2$ .  
e) Energia dezvoltată pe întregul circuit exterior în timpul  $t = 5,0$  min.  
Sub. teor. Legea pîrghiilor.

(Inst. Constr. București, subing., septembrie, 1971)

3.1.10. Într-un circuit sînt legate în serie o baterie de acumulatori, un voltmetru cu soluție de sulfat de cupru, un solenoid și un cadru cu lămpi electrice ca în fig. 3.1.11. Bateria cuprinde  $n=50$  elemente cu t.e.m. a fiecăruia  $E=2,0$  V, iar rezistența interioară  $r=30$  m $\Omega$ . Solenoidul are lungimea  $l=25$  cm și este format din  $N=200$  spire, diametrul unei spire fiind  $d=50$  mm. Cadrul cu lămpi electrice cuprinde trei șiruri legate în paralel, iar fiecare șir cuprinde opt lămpi electrice legate în serie. Lămpile funcționează cu tensiunea  $U=8,0$  V, iar puterea unei lămpi este  $P=24$  W. Să se calculeze

- a) Intensitatea totală a curentului electric debitat de baterie.  
b) Cantitatea de cupru depusă la catodul voltametruului în timpul  $t=20$  min.



•'Tnmrrr^



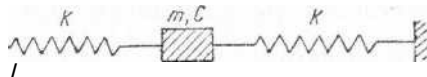
|

- c) Intensitatea cîmpului magnetic pe axa solenoidului.  
d) Fluxul de inducție magnetică ce străbate o spirală.  
e) Tensiunea la bornele bateriei.  
Se dau: masa atomică a cuprului  $A=63,3$  u; valența ionului de cupru  $z=2$ , constanta lui Faraday  $F=96,5$  MC/kEq, permeabilitatea magnetică a vidului  $\mu_0=4\pi \cdot 10^{-7}$  H/m.

Sub. teor. 1. Legile frecării. 2. Șuntul ampermetrelor. 3. Acțiunea reciprocă a curenților electrice.

(Inst. Pitești, subing., septembrie, 1971)

3.1.11. Se consideră un oscilator armonic liniar (fig. 3.1.12), format din două resorturi identice, perfect elastice, cu constanta elastică  $k=100$  N/m, și corpul C de masă  $m=10,0$  g, de care este prins



& 8

un conductor de masă neglijabilă și lungime  $Z=10$  mm. Acest conductor poate aluneca fără frecare pe un alt conductor de formă dreptunghiulară cu latura  $L=30$  mm (măsurată pînă la conductorul I, cînd sistemul se află în repaus). Planul în care se găsesc conductorii este perpendicular pe cîmpul magnetic de inducție  $B_0=0,04$  mT.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., El., Transp., iulie, 1971)

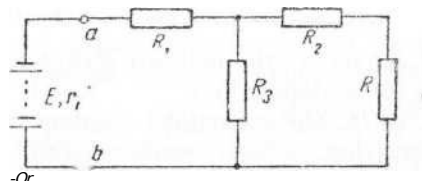
li,

Corpul C este scos din poziția de echilibru sub acțiunea unei forțe paralele cu resorturile  $F=1,0Q$  N și apoi lăsat să oscileze liber. Se neglijează masa resorturilor, frecările oscilatorului și se face abstracție de prezența câmpului gravitațional. Să se afle:

- Amplitudinea  $A$  și frecvența  $\nu$  a oscilațiilor.
- Viteza maximă  $v_{max}$  și energia cinetică  $W_c$  maximă a oscilatorului.
- Valorile maximă și minimă ale fluxului magnetic  $\langle \Phi \rangle$ .
- Legea de variație în timp a t.e.m.  $\langle \mathcal{E} \rangle$  care ia naștere în circuitul format de cele două conductoare, precum și valoarea maximă a acestei tensiuni.

(Acad. Mii., subing., iulie, 1971)

3.1.12. La bornele unei baterii, avînd t.e.m.  $\mathcal{E}=22$  V și rezistența interioară  $r=1,1$  Q, este conectat ansamblul de rezistoare  $R_1$ ,  $R_2$ ,  $R_3$  și  $R$ , montate ca în fig. 3.1.13. Rezistența circuitului conectat la bor



nele  $a$ ,  $b$  ale bateriei este egală cu  $R$ . Puterea în rezistorul  $R$  este  $P=27,5$  W. Se cere să se determine:

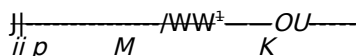
- Valoarea rezistenței  $R$ , știind că puterea dată de baterie în exterior este maximă.
  - Curenții din rezistoarele  $R_1$ ,  $R_2$ ,  $R_3$  și  $R$ .
  - Rezistențele  $R_1$  și  $R_2$  în funcție de rezistența  $R_3$  și domeniul în care poate fi cuprinsă valoarea rezistenței  $R_3$ .
  - Lungimea și aria secțiunii conductorului rezistorului  $R$ , știind că în intervalul de timp  $t=10$  s, rezistența  $R$  crește cu  $f=0,50\%$  (puterea  $P$  rămînînd constantă, pierderile de căldură spre exterior sînt neglijabile, iar temperatura rezistorului  $R$  la începutul încălzirii fiind  $0^\circ\text{C}$ ).
- Materialul din care s-a confecționat rezistorul  $R$  are: rezistivitatea  $\rho=20$  m $\Omega$ /m, căldura specifică  $c=400$  J/kg K, densitatea  $d=8,9$  kg/dm $^3$ , coeficientul termic al rezistivității  $\alpha=4,0 \cdot 10^{-3}$  K $^{-1}$ .

Sub. teor.—1. Deducerea formulei energiei cinetice. 2. Energia oscilatorului armonic. 3. Enunțul și exprimarea matematică a legii lui Faraday privind inducția electromagnetică.

3.1.14. Un circuit electric alimentat de o tensiune alternativă cuprind o bobină  $M$  cu miez magnetic, un condensator plan  $P$  și un rezistor  $R$ , legate în serie. Bobina are lungimea  $l=30$  cm și este constituită din  $N$ —

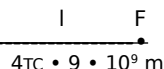
(Inst. Pol. București, Fac. Mec., El., Transp., iulie, 1971)

~~1000 spire cu raza  $r=20$  mm. Rezistorul are rezistența activă  $r=10,0$   $\Omega$ . Pentru o frecvență  $f_1=35$  kHz a generatorului care alimentează circuitul și o distanță  $d_1$  dintre armăturile condensatorului, tensiunea efectivă la bornele rezistorului  $K$  atinge valoarea maximă egală cu  $U_1=0,60$  V. Pentru aceeași distanță  $d_1$  dar pentru o frecvență  $f_2=50$  kHz, tensiunea efectivă la bornele rezistorului scade la  $U_2=2,0$  mV. Dacă în cazul frecvenței  $f_2$  distanța dintre armăturile condensatorului se mărește cu  $\Delta d=1,8$  mm, tensiunea efectivă la bornele rezistorului  $K$  devine din nou maximă,~~



~~avînd valoarea  $U_3=0,60$  V. Dielectricul dintre armăturile condensatorului este aerul. Să se determine:~~

~~a) Valorile  $C_1$  și  $C_2$  ale capacității condensatorului în cele două poziții ale armăturilor, aria suprafeței fiecărei armături fiind~~

~~$A=400$  cm<sup>2</sup>, iar permitivitatea aerului fiind  $\epsilon_0=$~~    ~~$\frac{1}{4\pi \cdot 9 \cdot 10^9}$  m~~

~~b) Distanța  $d_1$  dintre armăturile condensatorului.~~

~~c) Inductanța  $L$  a bobinei  $M$ .~~

~~d) Rezistența echivalentă  $R_2$  a întregului circuit (inclusiv rezistența activă a bobinei).~~

~~e) Permeabilitatea relativă  $\mu_r$  a miezului magnetic al bobinei, cunoscîndu-se permeabilitatea vidului,  $\mu_0=4\pi \cdot 10^{-7}$  H/m.~~

~~Sub. teor. 1. Legea conservării impulsului (fără aplicații). 2. Legea lui Avogadro. Aplicații. 3. Acțiunea câmpului magnetic asupra particulelor electrizate în mișcare, forța Lorentz (fără aplicații).~~

~~(Inst. Pol. București, Fac. Mec., El., Transp., septembrie, 1971)~~

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., El., Transp., iulie, 1971)

a) O sursă de curent este formată din patru elemente legate în serie, avînd fiecare t.e.m.  $\mathcal{E}=2,0\text{ V}$  și rezistența internă  $r=0,25\text{ }\Omega$ . În circuitul exterior al sursei se află un voltmetru ce conține apă acidulată și o bobină, legate în paralel. Rezistența voltmetrului este  $r_v=2,0\text{ }\Omega$ , iar bobina este confecționată dintr-un fir de cupru ( $\rho_c=1,75 \cdot 10^{-8}\text{ }\Omega\cdot\text{m}$ ) de lungime  $Z=200\text{ m}$  și secțiune  $s=1,75\text{ mm}^2$ . Se cere: Rezistența bobinei și intensitățile curenților care circulă prin voltmetru și bobină.

b) Inducția cîmpului magnetic în interiorul bobinei, știind că firul bobinei este înfășurat fir lîngă fir pe un cilindru de fier cu

diametrul  $D=\frac{2}{\pi}\text{ m}$  și  $\mu=80\text{ }\mu\text{H/m}$ .

c) Masa de hidrogen obținută în voltmetru în decursul  $t=16\text{ min }5\text{ s}$ . Echivalentul electrochimic al hidrogenului  $K=10\text{ }\mu\text{g/C}$ .

(Inst. Pol. Brașov, T.C.M., 1971)

3.1.15. Un circuit de c.a. format dintr-o bobină cu rezistență activă și un condensator, legate în serie, este alimentat la tensiunea  $U=282\text{ V}$ . Știind că circuitul este parcurs de un curent de  $I=10,0\text{ A}$ , să se calculeze:

a) Tensiunea la bornele bobinei, cunoscîndu-se defazajul între curent și tensiunea de alimentare a circuitului  $\varphi=\pi/4$  și defazajul între curent și tensiunea de la bornele bobinei  $\varphi>\pi/3$ .

b) Inductanța bobinei.

c) Costul energiei consumate de circuit în timpul  $t=30\text{ min}$ , dacă  $1\text{ kWh}$  costă  $k=0,30\text{ lei/kWh}$ . Frecvența curentului  $\nu=50\text{ Hz}$ .

(Inst. Pol. Brașov, Pac. Mec., 1971)

3.1.16.  $N\sim 400$  becuri, fiecare de  $I=0,50\text{ A}$  și  $U=110\text{ V}$ , folosesc o treime din energia electrică produsă de o cădere de apă cu înălțimea  $h=3,0\text{ m}$ .

a) Să se calculeze cantitatea de apă ce cade în unitatea de timp, considerînd  $g=10\text{ m/s}^2$ .

b) Neglijînd pierderile de căldură, în cît timp se poate încălzi pînă la  $\theta_2=200^\circ\text{C}$  o cantitate  $m=500\text{ kg}$  ulei în care sînt scufundate becurile? Căldura specifică a uleiului este  $c=2,2\text{ kJ/kg}\cdot\text{K}$ , iar temperatura inițială  $\theta_1=50^\circ\text{C}$ .

c) Presupunînd că un motor termic ideal consumă o putere egală cu puterea căderii de apă și are temperatura sursei calde egală cu temperatura atinsă de ulei, să se afle temperatura sursei reci pentru ca acest motor să furnizeze o putere utilă  $P_u=6,6\text{ kW}$ .

(Inst. Pol. Brașov, Fac. Ind. Lemn., 1971)

3.1.17. Un circuit de c.a. alimentat de un generator cu frecvența  $\nu=5,0\text{ kHz}$  și tensiunea efectivă  $U=100\text{ V}$ , conține un con-

densator

cu capacitatea  $C=500\text{ nF}$  și un rezistor cu rezistența

$R=200\text{ }\Omega$ , montate în serie. Se cere:

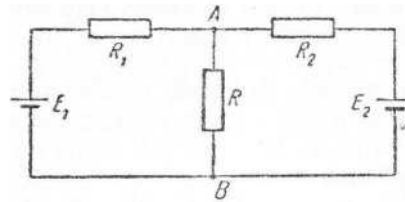
a) Reactanța capacitivă.



- b) Valoarea maximă a tensiunii generatorului.
- c) Valoarea efectivă a intensității curentului.
- d) Puterea aparentă absorbită de circuit.
- e) Inductanța, care, înlocuind rezistența, nu modifică curentul din circuit.

(Inst. Pol. Brașov, Fac. Ind. Lemn., 1971)

3.1.18. În circuitul din fig. 3.1.19 cele două elemente au t.e.m.  $\mathcal{E}_1 = 1,5$  V,  $\mathcal{E}_2 = 1,0$  V, iar rezistențele valorilor «  $50 \Omega$ ,  $R_2 = 80 \Omega$ ,  $R = 10 \Omega$ . Rezistențele interioare ale celor două elemente sînt



neglijabile. Rezistențele sînt confecționate dintr-un material cu rezistivitatea  $\rho = 2,0 \cdot 10^{-8} \Omega \cdot m$  și coeficientul termic al rezistivității  $\alpha = 4,0 \cdot 10^{-3} K^{-1}$ , cu secțiunea  $s = 0,10 \text{ mm}^2$ . Se cere:

- a) Intensitatea  $I$  a curentului din ramura  $A-B$ .
- b) Lungimea firului din care este confecționată rezistența  $R_x$ .
- c) Valoarea rezistenței  $R$  la temperatura  $\theta = 500^\circ C$ .
- d) Condiția pentru care nu circulă curent prin elementul  $E_2$ .
- e) Valoarea energiei electrice dezvoltată în rezistența  $R_x$  în timpul  $t = 2,5$  h. Să se exprime energia în kWh.

(Inst. Constr. București, iulie, 1971)

3.1.19. Într-un circuit alimentat de  $n = 10$  elemente legate în serie, avînd fiecare t.e.m.  $\mathcal{E} = 2,0$  V și rezistența interioară  $r^* = 0,40 \Omega$ , sînt legate în paralel un încălzitor cu rezistența  $R = 20 \Omega$  și un voltmetru cu sare de nichel cu rezistența  $R_2 = 4,0 \Omega$ . Se cere:

- a) Rezistența echivalentă a circuitului exterior.
- b) Intensitatea curentului prin bateria de elemente.
- c) Intensitatea curenților prin încălzitor și prin voltmetru.
- d) Dacă randamentul termic al încălzitorului este  $\eta = 41,80\%$ , mă apă de  $\theta = 75^\circ C$  se poate aduce la temperatura de fierbere în timpul  $t = 20$  min 10 s?  $c = 4180 \text{ J/kg} \cdot K$ .
- e) Ce cantitate de nichel se depune la catodul voltametru în același timp? Echivalentul electrochimic al nichelului  $K = 300 \text{ } \mu g/C$ .

Sub. teor. 1. Compunerea a două forțe paralele și de același sens. 2. Legea conservării impulsului.

(Inst. Constr. București, septembrie, 1971)

3.1.20. Un acumulator alcătuit din  $n=6$  elemente grupate în serie, fiecare avînd t.e.m.  $\mathcal{E}=2,05$  V și rezistența interioară  $r=25$  mS, alimentează un consumator cu rezistența  $R$ , pierderile în interiorul sursei fiind  $\eta=2,5\%$  din energia produsă. Se cere:

- Rezistența consumatorului.
- Tensiunea la bornele consumatorului.
- Intensitatea curentului din circuit.

Sub. teor. 1. Lucrul mecanic efectuat prin destinderea unui gaz. 2. Energia și puterea curentului electric, legea lui Joule.

(Inst. Petr. Gaze. Geol., București, 1971)

3.1.21. Un circuit este compus dintr-o bobină de inductanță  $L=100$  mH, un condensator cu capacitatea  $C=1,00$   $\mu$ F și un rezistor cu rezistența  $R=10,0$   $\Omega$ , legate în serie.

- Care este frecvența curentului alternativ astfel ca intensitatea curentului să fie maximă?
- Dacă sistemul este alimentat cu tensiunea  $U=120$  V, care este intensitatea curentului pentru această frecvență? Dar pentru o frecvență de  $n=2$  ori mai mare?

(Inst. Petr., Gaze, Ploiești, iulie, 1971)

3.1.22. Un electron pătrunde într-un condensator plan de lungime  $Z=50$  mm sub un unghi  $\alpha=27^\circ/3$  față de direcția câmpului electric dintre plăci și iese sub unghiul  $\beta=57^\circ/6$ .

- Să se calculeze energia cinetică inițială a electronului, dacă

intensitatea câmpului electric uniform dintre plăci este  $E=\frac{U}{Z}$  MV/m.

- Într-un recipient de volum constant  $V=40$  l se află un gaz la presiunea  $p_0=300$  kPa. Acest gaz este încălzit furnizîndu-i se o energie egală cu energia inițială a  $N$  electroni de tipul celui considerat la punctul a). Cunoșcînd că astfel temperatura absolută a gazului se dublează, să se calculeze numărul  $N$  de electroni.

Recipientul de gaz considerat mai sus este în legătură cu un alt recipient de volum egal, printr-un tub scurt prevăzut cu o supapă de evacuare, care permite trecerea gazului numai din primul recipient în cel de al doilea și numai dacă diferența presiunilor est.  $p_1 = 700 \text{ kPa}$ . Presupunind că în urma procesului descris la punctul b), temperatura finală a gazului, este  $t_2 = 27^\circ\text{C}$  și considerăm că cel de al doilea recipient este inițial vidat, să se calculeze presiunea în acesta din urmă după încălzirea ambelor recipiente până la temperatura  $t_3 = 127^\circ\text{C}$ .

Se dau:  $\epsilon = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ ,  $C_v = 20,75 \text{ kJ/kmol K}$ ,  $\epsilon = 8,31 \text{ J/mol K}$ .

*Sub. teor.* Prin ce se caracterizează priza rețelei electrice: energie, tensiune sau curent?

(Univ. București, Fac. Fizică, 1971)

3.1.2.4 Un număr  $n = 8$  de becuri identice cu  $U = 12 \text{ V}$  și  $P = 15 \text{ W}$  se grupează în serie, iar apoi în paralel.

a) Ce rezistență trebuie legată în fiecare caz în serie cu gruparea, pentru ca becurile să funcționeze în condiții normale, tensiunea sursei de alimentare fiind  $U = 100 \text{ V}$ ?

b) Care este puterea consumată și randamentul în fiecare din cele două grupări?

*Sub. teor.* 1. Accelerația în diferite forme de mișcare mecanică. 2. Formula lui Balmer și interpretarea ei pe baza teoriei lui Bohr.

(Univ. Timișoara, Fac. Fizică, iulie, 1971)

3.1.25. Un miliampermetru cu rezistența  $r = 100 \Omega$  este așezat într-un circuit electric. Acul său deviază cu  $N = 100$  diviziuni când este parcurs de un curent  $I = 10,0 \text{ mA}$  și se poate admite că deviația este proporțională cu intensitatea curentului ce trece prin aparat. Se leagă în derivație între bornele sale o rezistență  $R$  astfel ca acul să devieze cu  $N' = 1,00$  div când intensitatea curentului din circuitul principal este  $I' = 1,00 \text{ A}$ . Se cere:

a) Care este valoarea rezistenței  $R$  care șuntează aparatul?

b) Se leagă în circuitul principal, în paralel între două puncte  $A$  și  $B$ , de o parte, o rezistență  $R_1 = 20 \Omega$ , și de altă parte, un motor cu rezistența  $R_2 = 4,0 \Omega$  și cu t.c.e.m.  $\mathcal{E} = 12 \text{ V}$ . Să se facă schema montajului.

1. Motorul fiind blocat, deviația acului miliampermetrului șuntat cu rezistența  $R$  este  $N' = 200$  div. Să se calculeze intensitatea curenților care trec prin  $R$  și prin motor.

2. Când motorul funcționează normal, diferența de potențial între punctele  $A$  și  $B$  este  $U = 20 \text{ V}$ . Care este atunci deviația acului miliampermetrului șuntat?

3.1.26. La bornele unui motor electric se aplică tensiunea  $U = 110 \text{ V}$ ; motorul acționează o pompă care ridică apa dintr-un puț la o înălțime  $h = 7,5 \text{ m}$  cu un debit  $D = 56 \text{ l/min}$ . Se cere:

a) Să se calculeze puterea utilă dezvoltată de pompă.

b) Care trebuie să fie puterea motorului dacă se admite că  $\eta = 10\%$  din energia pe care o furnizează efectiv pompei este pierdută din diverse

(A.S.E. București, Fac. Calc. Ec., Cib. Econ., iulie, 1971)

cauze?

- c) motorul fiind parcurs de un curent  $I=0,80$  A, să se calculeze rezistența sa internă și t.e.m.
- d) Care este energia electrică pierdută sub formă de căldură în bobinajul motorului în  $t=5,0$  min?
- e) Ce valoare ar lua această energie, dacă din cauza unui accident, rotorul motorului ar fi blocat?
- f) Randamentul instalației.

(A.S.E. București, Fac. Calc. Ec., Cib. Ec., iulie, 1971)

3.1.27. Pe firele liniilor de transport a energiei electrice se formează uneori gheață. Considerând că diametrul firului este  $d=10$  mm, diametrul gheții  $D=30$  mm, densitatea gheții  $\rho=900$  kg/m<sup>3</sup>, căldura specifică a gheții  $c=2,1$  kJ/kg·K, iar căldura latentă de topire a gheții  $X=335$  kJ/kg, se cere:

- a) Greutatea gheții pe metru liniar de fir.
- b) Căldura necesară pentru topirea gheții formate pe metru liniar de fir, dacă temperatura gheții  $t_g=-10^\circ\text{C}$ .
- c) Dacă această căldură este furnizată de un curent electric în timp  $t=1,00$  min, ce putere este necesară pentru a topi cantitatea de gheață de pe metru liniar de fir?
- d) Rezistența electrică a firului fiind  $r_e=0,30$  Q/km, care este intensitatea curentului electric care circulă prin fir, în cazul de la punctul precedent?

(Inst. Agr. București, Fac. Îmb. Func., iulie, 1971)

3.1.28. Un circuit electric este format dintr-o pilă a cărei rezistență interioară este  $r=5,0$  Q și t.e.m.  $\mathcal{E}=2,0$  V și dintr-un conductor exterior a cărui rezistență este  $R=24$  Q. Să se calculeze diferența de potențial la bornele pilei, atunci când circuitul este închis.

(Inst. Agr. București, Fac. Îmb. Func., septembrie, 1971)

3.1.29. Un element galvanic cu rezistența interioară  $r=0,30$  Q alimentează un rezistor constituit dintr-un fir de cupru ( $\rho=1,7 \cdot 10^{-8}$  Q·m) cu lungimea  $Z=628$  m și diametru  $d=2,0$  mm. Să se determine:

- a) T.e.m. a elementului, dacă curentul produs are intensitatea  $I=2,0$  A.
- b) Tensiunea la bornele elementului.
- c) Cantitatea de căldură ce se produce în circuitul exterior în timpul  $t=10$  min.

(Inst. Agr. București, Fac. Îmb. Func., septembrie, 1971)

3.1.30. O sferă de sulf cu masa  $m=1,00$  mg, purtând sarcina electrică  $q=1,00$   $\mu\text{C}$ , coboară în vid, pe verticală, de la înălțimea  $h=10,0$  m. După ce parcurge  $d=5,0$  m în cădere liberă, sfera străbate un interval spațial  $s=10,0$  cm, pe care este aplicată o diferență de potențial acceleratoare  $U=50$  kV. Apoi sfera se mișcă în câmpul gravitațional până la suprafața pământului, unde întreaga ei energie cinetică se transformă în căldură, folosită la încălzirea sferei.

Se dau: temperatura sferei în timpul coborîrii  $t = 70^\circ\text{C}$ , căldura specifică a sulfului solid  $c = 0,66 \text{ J/g}\cdot\text{K}$ , căldura latentă de topire a sulfului  $\lambda = 37,62 \text{ J/g}$ , temperatura de topire a sulfului  $t_i = 120^\circ\text{C}$ . Să se afle:

- Viteza sferei în momentul intrării în câmpul electric.
- Energia cinetică a sferei în momentul părăsirii câmpului electric, precum și variația vitezei ei în câmpul electric.
- Accelerația sferei cînd se găsește în câmpul electric.
- Ce cantitate din sfera de sulf se topește.

(Acad. Mii. București, iulie, 1971)

1972

3.2. Într-o bobină de inductanță  $L = 71 \text{ mH}$  și rezistență  $R = 225 \text{ }\Omega$  este conectată în serie cu un condensator plan de capacitate  $C = 40 \text{ nF}$ , la o tensiune continuă  $U_c = 240 \text{ V}$ . Să se calculeze:

- Permitivitatea dielectricului condensatorului, știind că aria armăturilor este  $S = 160 \text{ cm}^2$ , iar distanța dintre armături este  $d = 0,11 \text{ mm}$ ;
- Sarcina cu care se încarcă acest condensator.
- Pulsația și frecvența proprie a circuitului.

3.2.2. Dacă se înlocuiește tensiunea continuă cu o tensiune alternativă  $U = U_0 \sin 2\pi vt$ ,  $U_0 = 4,5 \text{ V}$  și frecvența  $\nu = 20 \text{ kHz}$ , să se calculeze valoarea efectivă a curentului și defazajul față de tensiune. La bornele unei baterii de  $n = 6$  elemente galvanice este legat un fir metalic de lungime  $Z = 36,75 \text{ m}$ , rezistivitate  $\rho = 40 \cdot 10^{-8} \text{ } \Omega \cdot \text{m}$  și secțiune  $S$ , a cărui rezistență este  $R = 29,4 \text{ } \Omega$ . În fir se degajă o putere  $P = 1,176 \text{ W}$ . Se cere să se calculeze:

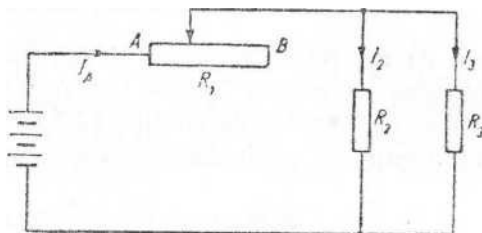
- Secțiunea firului,
- Intensitatea  $I$  a curentului care circulă prin fir.
- În cât timp se degajă în fir căldura  $Q = 56,49 \text{ cal}$ ?
- Tensiunea  $U$  la bornele firului.
- T.e.m. și rezistența interioară a unui element, dacă prin scurt-circuitarea bateriei, curentul crește la valoarea  $I_{sc} = 10 \text{ A}$ .

Sub. teor. 1. Să se enunțe legea conservării energiei mecanice. 2. Unități de lucru mecanic și putere în SI. 3. Dependența rezistenței electrice a unui conductor de temperatură.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., El., Met., subing., septembrie, 1971)

3.2.3. O baterie formată din trei elemente legate în serie, fiecare element avînd t.e.m.  $\mathcal{E} = 1,2 \text{ V}$ , este conectată la un sistem de două rezistoare cu rezistențele  $R_1 = 2,00 \text{ } \Omega$  și  $R_2 = 3,00 \text{ } \Omega$  și un reostat cu rezistența  $R_x$  variabilă între 0 și  $6,00 \text{ } \Omega$  legate ca în fig. 3.2.3. Neglijînd rezistența internă a bateriei, se cere să se calculeze:

- Rezistența echivalentă a circuitului, cînd cursorul reostatului este în poziția B, adică  $R_x = 6,00 \text{ } \Omega$ .



- Rezistența  $R_x$  a reostatului astfel încît prin  $R_2$  să circule un curent  $I_2 = 1,2 \text{ A}$ .
- Ce putere se consumă la trecerea curentului prin rezistența  $R_3$  cînd  $R_x = 0,60 \text{ } \Omega$ ?
- Care este raportul între puterea calculată la punctul precedent și puterea totală consumată de cele trei rezistoare, cînd  $R_x = 0,60 \text{ } \Omega$ ?

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., El., seral, subing., decembrie, 1972)

3.2.4. *Sub. teor.* 1. Unitățile de măsură în SI pentru energie, putere și lucru mecanic. 2. Compunerea forțelor paralele (de același sens și de sensuri opuse). 3. Legile electrolizei. O baterie de elemente galvanice cu t.e.m.  $E=4,5\text{ V}$  și rezistența interioară  $r=1,00\text{ }\Omega$ , alimentează două rezistențe  $R_1=20,0\text{ }\Omega$  și  $R_2=5,00\text{ }\Omega$ , conectate ca în fig. 3.2.4. Se cere:

a) Rezistența totală a circuitului.

$$I = \frac{E}{R_{\text{total}}}$$

$$P$$

$$E = I(r + R_{\text{total}})$$

b) Intensitatea curentului principal în circuit.

c) Tensiunea între nodurile A și B.

d) Energia termică degajată în fiecare rezistență în  $t=3,0\text{ h}$ . *Sub. teor.*

1. Echilibrul forțelor și conservarea energiei mecanice la pîrghii și scripeti. 2. Mișcarea circulară uniformă a unui punct material. (Inst. Pol. Iași, subing., septembrie, 1972)

3.2.5. O baterie de c.c. cu t.e.m.  $E=12\text{ V}$  și rezistența interioară neglijabilă alimentează un circuit format din rezistențele  $R_1=R_2=2,00\text{ }\Omega$  și  $R_3=6,00\text{ }\Omega$  montate ca în fig. 3.2.5. Să se determine:

a) Valoarea rezistenței  $R_x$  cînd prin circuit trece curentul total  $I=2,00\text{ A}$ .

b) Intensitățile curenților prin rezistențele  $R_2$  și  $R_3$ ,

c) Energia care se dezvoltă în rezistențele  $R_2$  și  $R_3$  în timpul  $t=30\text{ min.}$

<Inst. Constr. București, subing., iulie, 1972)

3.2.8. Circuitul din fig. 3.2.6., alcătuit din rezistențele  $R_r$  și  $R_s$  este alimentat de un c.c. de la o sursă de t.e.m.  $\mathcal{E}=130\text{ V}$  și rezistență interioară  $r=1,00\text{ }\Omega$ , aflată la distanța  $d=100\text{ m}$ . Rezistența firelor de legătură este  $R=3,4\text{ }\Omega$ , iar materialul din care sînt făcute firele are rezistivitatea  $\rho=1,7\cdot 10^{-8}\text{ }\Omega\cdot\text{m}$ . Știind că intensitatea cu-

$t, r$

L

rentului în firele de legătură este  $I=5,0\text{ A}$  și că rezistența  $r_1=64,8\text{ }\Omega$ , se cere:

- |                                 |                                  |
|---------------------------------|----------------------------------|
| a) Tensiunea la bornele         | sursei.                          |
| b) Căderea de tensiune          | pe firele de legătură.           |
| c) Secțiunea firelor de         | legătură.                        |
| d) Valoarea rezistenței $R_s$ . | $R$                              |
| e) Puterea dezvoltată pe        | circuitul alcătuit din cele două |
- rezistențe  $r_1$  și  $R_2$ .

(Inst. Constr. București, subing., septembrie, 1972)

3.2.7. Un circuit care cuprinde rezistoarele  $r_1$  și  $R$ , legate în serie, este alimentat de un generator cu t.e.m.  $\mathcal{E}=12\text{ V}$ . Tensiunea la bornele generatorului este  $\mathcal{E}_1=10\text{ V}$ . Pe rezistorul  $r_1=4,0\text{ }\Omega$  se produce o cădere de tensiune  $U_1=8,0\text{ V}$ . Rezistorul  $R_2$  este constituit dintr-un fir de aluminiu cu secțiunea  $s=0,60\text{ mm}^2$ . Să se calculeze:

- Intensitatea curentului din circuit.
- Rezistența interioară a generatorului.
- Lungimea firului de aluminiu. Se dă  $\rho=3,0\cdot 10^{-8}\text{ }\Omega\cdot\text{m}$ .

(Univ. Brașov, subing., 1972)

3.2.8. Un circuit electric conține o sursă avînd t.e.m.  $\mathcal{E}=38\text{ V}$ , rezistența interioară  $r=50\text{ m}\Omega$  și două rezistoare  $r_1=5,0\text{ }\Omega$  și  $R_2=3\text{ }\Omega$ , legate în paralel. Se cere:

- Valoarea intensității curentului principal.
- Valoarea intensității curentului care trece prin rezistorul  $R_1$ .
- De cîte ori se mărește intensitatea curentului prin  $R_1$ , dacă rezistorul  $R_2$  se scoate din circuit?

(Univ. Brașov, sub'ing.,  
1972)



d)

3.2.9. O baterie are t.e.m.  $\mathcal{E}=32\text{ V}$  și alimentează un circuit format dintr-un rezistor. Tensiunea la borne este  $U=30\text{ V}$ , iar puterea consumată de rezistor  $P=6,0\text{ W}$ . Se cere:

- Intensitatea curentului din circuit;
- Rezistența interioară a bateriei;
- Țimpul în care trece prin circuit o cantitate de electricitate  $Q=720\text{ C}$ ;
- Lungimea firului din care este confecționat rezistorul, dacă secțiunea lui este  $S=0,17\text{ mm}^2$  și rezistivitatea  $\rho=1,7 \cdot 10^{-7}\text{ }\Omega\cdot\text{m}$ ;
- Energia consumată în rezistor în  $t=10\text{ min}$ .

(Univ. Brașov, subing., 1972)

3.2.10. Se consideră un circuit format din două voltmetre legate în paralel, având rezistențele  $R_1=20\text{ }\Omega$  și  $R_2=30\text{ }\Omega$ , alimentate de o baterie cu t.e.m.  $\mathcal{E}=90\text{ V}$  și rezistența interioară  $r=6,0\text{ }\Omega$ . Se cere:

- Rezistența totală a circuitului;
- Intensitatea curentului ce trece prin fiecare voltmetru;
- Cantitatea totală de cupru depusă în voltmetre în Țimpul  $t=10\text{ min}$ . Echivalentul electrochimic al cuprului  $K=0,30\text{ mg/C}$ .

(Univ. Brașov, subing., 1972)

3.2.11. Un electromotor de c.a., conectat la o rețea cu tensiunea  $U=220\text{ V}$  și frecvența  $f=50\text{ Hz}$ , are reactanța inductivă  $X_L=4,0\text{ }\Omega$  și rezistența  $R=3,0\text{ }\Omega$ . Să se determine:

- Impedanța circuitului;
- Intensitatea curentului din circuit;
- Puterea consumată de electromotor;
- Cu cât va crește puterea electromotorului, dacă se conectează în serie și un condensator cu capacitatea  $C=4\text{ }\mu\text{F}$ , presupunând

că reactanța și rezistența sa rămân aceleași?

(Univ. Brașov, subing., 1972)

3.2.12. Un tramvai cu masa  $m=6,0\text{ t}$  se mișcă rectiliniu uniform pe un drum orizontal cu viteza  $u=36\text{ km/h}$ . Să se calculeze:

- Țimpul în care străbate distanța  $d=1,0\text{ km}$ ;
- Puterea motorului tramvaiului cunoscând coeficientul de frecare  $\mu=0,010$  ( $g=10\text{ m/s}^2$ ).

(Univ. Brașov, sub'ing.,  
1972)

3.2.13. Intensitatea curentului care alimentează motorul tramvaiului, știind că este conectat la o rețea electrică cu tensiunea  $U = 500$  V. O macara acționată de un electromotor ridică uniform un corp de masă  $m = 10,0$  t la înălțimea  $h = 8,0$  m în timpul  $t = 80$  s. Să se calculeze:

- Lucrul mecanic util  $L_{\text{util}}$  și puterea utilă  $P_{\text{util}}$  dezvoltată.
- Intensitatea  $I$  a curentului electric de alimentare, cunoscând că puterea consumată de motor este  $P_e = 12,0$  kW la o tensiune  $U = 500$  V.
- Randamentul  $\eta$  al motorului.
- Pierdere de putere  $P$  prin efect Joule în rotor, știind că rezistența acestuia este  $r = 3,0$   $\Omega$ . ( $g = 10$  m/s<sup>2</sup>).

Sub. teor. Scripeți.

(Univ. Brașov, subing., 1972)

3.2.14. Se dă circuitul electric din fig. 3.2.14 așezat într-un câmp magnetic uniform de inducție  $B = 0,60$  T perpendicular pe planul circuitului, sensul liniilor de câmp fiind de la observator spre planul

n M

8

■ v

L—r—

3 H

hârtiei. Conductoarele  $AB$  și  $CD$  au rezistențe neglijabile, conductorul  $MN$  are rezistența  $r = 0,10$   $\Omega$ , iar rezistorul  $r$  are rezistența  $r = 0,10$   $\Omega$ . Conductorul  $MN$  de lungime  $l = 1,00$  m, alunecă fără frecare pe cele două conductoare neizolate  $AB$  și  $CD$  cu viteză uniformă  $v = 10$  m/s cu sensul vitezei de la  $A$  la  $B$ . Se cere:

- T.e.m. indusă în circuit (valoarea și sensul).
- Curentul electric din circuit.
- Forța de reacțiune a câmpului magnetic care se exercită asupra conductorului  $MN$ .
- Puterea mecanică necesară deplasării conductorului  $MN$ .
- Să se arate că puterea mecanică necesară pentru a deplasa conductorul  $MN$  este egală cu puterea disipată în circuitul electric.

Sub. teor. 1. Expresia energiei cinetice, potențiale și totale a unui oscilator liniar. 2. Stabilirea legii Boyle-Mariotte cu ajutorul teoriei cinetico-moleculare. 3. Puterea curentului alternativ monofazat.

(Inst. Pol. București, Fac. EL, Mec., iulie, 1972)

3.2.15. La bornele unei baterii formate din  $n=20$  elemente, legate în serie, fiecare avînd t.e.m.  $\mathcal{E}=1,5$  V și rezistența interioară  $r=0,15$   $\Omega$ , se conectează un rezistor cu rezistența  $R=20$   $\Omega$ , în paralel cu un fir metalic de lungime  $l=450$  m, secțiune  $S=0,30$  mm<sup>2</sup> și rezistență  $R_f=30$   $\Omega$ . Se cere să se calculeze:

- Tensiunea  $U$  la bornele rezistorului.
- Intensitățile  $I_R$  și  $I_f$  ale curenților în rezistor și, respectiv, în fir.
- Rezistivitatea  $\rho$  a firului.
- Puterea electrică  $P$  și căldura  $Q$  degajată în rezistor în  $t=20$  min.
- Ce lungime  $l_2$  ar trebui să aibă firul pentru ca tensiunea la bornele rezistorului să scadă la valoarea  $U_2=0,90$  U?

*Sub. teor.* 1. Viteza unghiulară. Unitatea de viteză unghiulară. 2. Legea lui Avogadro. Explicarea acesteia pe baza teoriei cinetico-moleculare. 3. Forța electrodinamică.

(Inst. Pol. București, septembrie, 1972)

3.2.16. Pe un plan înclinat care face cu orizontala un unghi astfel ca  $\sin \alpha=0,60$ , se lansează de jos în sus un corp de masă  $m=5,0$  kg cu o viteză  $u_0=12,0$  m/s, ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>). Corpul parcurge pe plan distanța  $AB=10,0$  m, se oprește în punctul  $B$  și coboară apoi din nou pe planul înclinat pînă în  $A$ .

- Să se arate că există frecare între corp și planul înclinat și să se determine forța de frecare și coeficientul de frecare.
- Care este viteza corpului cînd acesta ajunge din nou în  $A$  după coborîrea planului?
- Ce număr de electroni ar trebui accelerați de la viteza zero sub o tensiune  $U=100$  kV, pentru ca prin ciocnirea lor cu o placă metalică, să se dezvolte aceeași cantitate de căldură ca și cea rezultată din frecarea corpului după revenirea lui în punctul  $A$  ( $e=1,6 \cdot 10^{-19}$  C).

*Sub. teor.* 1. Lichefierea gazelor, temperatura critică. 2. Cîmpul magnetic al curențului liniar, al curențului circular, al solenoidului.

(Inst. Pol. Iași, Fac. Electrot., Constr., iulie, 1972)

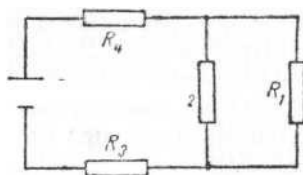
3.2.17. O baterie de c.c. cu t.e.m.  $\mathcal{E}=12$  V și de rezistență interioară neglijabilă, alimentează un circuit format din rezistorul  $R_1$  legat în serie cu două rezistoare avînd rezistențele  $R_2=2,00$   $\Omega$ ,  $R_3=6,00$   $\Omega$ , montate în paralel. Să se determine:

a) Valoarea rezistenței  $R_x$  când prin circuit trece curentul total  $I=2,00$  A. Intensitățile curenților prin rezistoarele  $R_2$  și  $R_3$ .

b) Energia care se dezvoltă în rezistoarele  $R_2$  și  $R_3$  în timpul  $t=30$  min.

(Inst. Constr. București, 1972)

3.2.18. O baterie cu t.e.m.  $\mathcal{E}=14,0$  V și rezistența interioară  $r=0,50$   $\Omega$  debitează pe rezistențele  $R_1=2,00$   $\Omega$ ,  $R_2=6,00$   $\Omega$ ,  $R_3=1,00$   $\Omega$  și  $R_4=4,00$   $\Omega$ , montate ca în fig. 3.2.18. Să se calculeze:



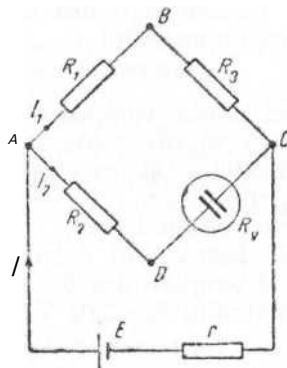
a) Intensitatea curentului debitat de baterie și intensitățile  $I_3$  și  $I_2$  ce parcurg rezistențele  $R_1$  respectiv  $R_2$ .

b) Randamentul bateriei.

c) Masa depusă la catodul unui voltmetru cu sare de cupru și electrozi de cupru, care are rezistența  $r_0=2,00$   $\Omega$  montată în circuitul de mai sus în locul rezistenței  $R_1$ . Se va considera un timp egal cu timpul în care aceeași baterie debitează în circuitul nou format energia  $W=35,28$  kJ, ( $K=0,33$  mg/C).

(Inst. Constr. București, iulie, 1972)

3.2.19. Se consideră circuitul din fig. 3.2.19 format din trei rezistențe  $R_1=5,00$   $\Omega$ ,  $R_2=3,00$   $\Omega$ ,  $R_3=4,00$   $\Omega$  și un voltmetru cu sare



de cupru. Circuitul este alimentat de o baterie cu t.e.m.  $\mathcal{E}=12,0$  V și rezistența interioară  $r=1,00$   $\Omega$ . La catodul voltmetrului se depun  $m=0,66$  g de cupru în timpul  $t=1000$  s. Echivalentul electrochimic al cuprului  $K=0,33$  mg/C. Se cere:

a) Intensitatea curentului ce trece prin voltmetru.

b) Intensitățile curenților ce trec prin ramura  $ABC$  și prin baterie, precum și valoarea  $R_V$  a rezistenței voltametruului.

c) Energia debitată de baterie pe circuitul exterior în timpul  $t'=1,00$  h.

d) Dacă între punctele  $B$  și  $D$  se conectează un galvanometru, ce valoare trebuie să aibă o rezistență  $R_d$  care, conectată în locul voltametruului, face ca între punctele  $B$  și  $D$  să nu circule curent?

e) Dacă galvanometrul conectat între  $B$  și  $D$  are rezistența interioară  $f$ ?  $g=10$  k $\Omega$  și suportă un curent maxim  $J_g=1,00$  fi A, ce valoare trebuie să aibă rezistența unui sunt pentru a-1 face să măsoare curentul maxim  $J^*=1,00$  mA?

(Inst. Constr. București, septembrie, 1972)

3.2.20. O garnitură este compusă dintr-o locomotivă cu masa  $m_1=100$  t și  $iV=20$  vagoane cu masa  $m_2=20$  t fiecare. Locomotiva este acționată de două motoare electrice alimentate la tensiunea  $U=600$  V cu intensitatea curentului  $I=250$  A fiecare.

a) Care va fi viteza trenului după  $t=1,00$  min de la pornire, știind că randamentul mediu al locomotivei este  $\eta=80\%$  (neglijând frecările)?

b) Care este viteza maximă pe care o poate atinge trenul urcând o pantă avînd  $\tan \alpha=0,0050$ , știind că coeficientul de frecare este  $\mu=0,0020$ ?

Sub. teor. 1. Presiunea gazelor și relația de bază a teoriei cinetico-moleculare. 2. Forța electromagnetică. Acțiunea reciprocă a curenților electrici și definirea amperului.

(Inst. Pet. Gaze, Geol., București, iulie, 1972)

3.2.21. Un circuit electric este compus dintr-o baterie de acumuloare cu t.e.m.  $\mathcal{E}=12,0$  V și rezistența interioară  $r=0,100$   $\Omega$ , un rezistor cu rezistența  $R=3,00$   $\Omega$  și un voltmetru cu rezistență internă  $r_v=0,90$   $\Omega$ . Să se determine:

a) Tensiunea la bornele voltametruului.

b) Volumul ocupat de hidrogenul degajat în timpul  $t=15$  min la presiunea  $p=760$  torr și temperatura  $\theta=20^\circ\text{C}$ .

Se dă t.c.e.m. a voltametruului  $\mathcal{E}_0=2,00$  V.

(Inst. Petr., Gaze, Geol., București, iulie, 1972)

3.2.22. Trei surse de energie electrică, avînd t.e.m.  $\mathcal{E}_1=1,2$  V,  $\mathcal{E}_2=1,1$  V,  $\mathcal{E}_3=1,3$  V, cu rezistențele interioare  $r_1=0,10$   $\Omega$ ,  $r_2=0,20$   $\Omega$  și respectiv  $r_3=0,30$   $\Omega$ , sînt legate în paralel și conectate împreună la bornele unui rezistor cu rezistența  $R=2,0$   $\Omega$ . Să se determine intensitatea curenților care trec prin surse și valoarea curentului prin rezistorul  $R$ .

(Univ. București, Fac. Fiz., iulie, 1972)

3.2.23. În vîrfurile și la mijlocul ipotenuzei unui triunghi drept unghie isoscel se află cîte un corp punctual avînd sarcina electrică  $q=1,00$   $\mu\text{C}$ . Știind că o catetă este  $a=50$  mm, se cere:

a) Mărimea forței care acționează asupra unui corp punctual din vîrfurile unui unghi ascuțit al triunghiului.

- b) Tangenta unghiului format de această forță cu o catetă.  
Sistemul este plasat în vid.

(Univ. Brașov, 1972)

3.2.24. Se consideră un fir de cupru având lungimea  $Z = 100$  m și rezistența  $R_0 = 8,9 \Omega$  la  $0^\circ\text{C}$ .

a) Cunoșcând densitatea cuprului  $d = 8900$  kg/m<sup>3</sup> și rezistivitatea  $\rho = 1,75 \cdot 10^{-8} \Omega \cdot \text{m}$ , să se determine greutatea firului.

b) Dacă firul se leagă la o sursă a cărei tensiune este  $U = 2,0$  V, care va fi temperatura  $\theta$  a firului după  $t = 8$  h 8 min 1 s? Căldura specifică este  $c = 376$  J/kg·K. Se neglijează pierderile.

c) Care va fi variația de volum a firului, corespunzătoare acestei încălziri, coeficientul de dilatare liniară fiind  $\alpha = 1,78 \cdot 10^{-5} \text{K}^{-1}$ .

d) Să se determine valoarea rezistenței firului la temperatura determinată la punctul b). Coeficientul termic al rezistenței cuprului este  $A = 3,8 \cdot 10^{-3} \text{K}^{-1}$  ( $g = 10$  m/s<sup>2</sup>).

(Univ. Brașov, iulie, 1972)

3.2.25. Se consideră în aer o spirală circulară cu diametrul  $D_s = 20$  cm, perpendiculară pe liniile de forță ale unui câmp magnetic uniform având intensitatea  $H = 7$  A/m. Se rotește spira cu  $90^\circ$ .

7C

a) Să se calculeze cantitatea de electricitate indusă în spirală, cunoscând rezistența spirei  $R = 2,00 \Omega$ .

b) Să se compare această cantitate de electricitate cu cantitatea de electricitate de pe fiecare placă a unui condensator plan, format din două discuri circulare metalice cu diametrul  $D = 10$  cm, având dielectric din sticlă cu  $\epsilon_r = 5,0$ , iar câmpul dintre armături  $E = 20$  kV/m.

$$\text{Se dau: } s_0 = \frac{F}{m}, U_0 = 4 \cdot 10^{-7} \text{ H/m.}$$

(Univ. Brașov, 1972)

Un circuit de c.a. este alcătuit dintr-un rezistor, o bobină și un condensator montate în paralel. Știind că valoarea efectivă a tensiunii de alimentare este  $U = 40$  V, valoarea efectivă a inten-



sității curentului total  $I = 2,00$  A, iar intensitatea este defazată înaintea tensiunii cu  $\phi = \pi/6$  și că reactanța inductivă este dublul reactanței capacitive, să se determine:

- a) Valoarea rezistenței, reactanței inductive și a celei capacitive.  
b) Costul energiei consumate de circuit în timpul  $t = 250$  h, dacă

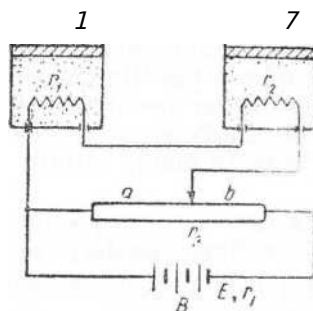
1 kWh valorează  $j_c = 0,30$  lei/kWh.

(Univ. Braşov, 1972)

3.2.26. Un circuit de c.a. cu frecvenţa  $\nu = 50$  Hz conţine un rezistor  $R = 50 \Omega$  legat în serie cu o bobină. Defazajul dintre curent şi tensiune  $\varphi = 45^\circ$ . Se cere:

- Inductanţa bobinei.
- Capacitatea condensatorului ce trebuie legat în serie pentru a anula defazajul.
- Capacitatea altui condensator legat în serie cu rezistenţa dată şi o altă bobină, astfel încît defazajul la bornele circuitului să fie  $\varphi = 30^\circ$ , ştiind că defazajul este  $\varphi_2 = 30^\circ$  cînd circuitul cuprinde numai rezistenţa şi bobina.

(Univ. Braşov, 1972)



3.2.27. În fiecare din incintele cilindrice 1 şi 2 (fig. 3.2.23) se găseşte un mol de oxigen în condiţii normale. Fiecare incintă are unul din capete închis cu un piston. În cele două incinte sînt plasate rezistenţele electrice  $r_1$  şi  $r_2$ , legate în serie. Cantităţile de căldură degajate de cele două rezistenţe la trecerea unui curent electric sînt preluate în întregime de cele două mase de gaz a căror temperatură variază cu  $\Delta T = 10$  K. Gazul din incinta 1 suferă o transformare izobară, în timp ce gazul din incinta 2 suferă o transformare izocoră. Conform figurii, pe rezistenţele  $r_1$  şi  $r_2$  se aplică

o tensiune variabilă cu ajutorul unui montaj potenţiometric. Valoarea porţiunii  $a$  din  $r_3$ , conectată paralel cu  $r_1$  şi  $r_2$ , se alege astfel încît rezistenţa totală a circuitului format din  $r_1$ ,  $r_2$  şi  $a$  să fie  $J = 5,00 \Omega$ .

Se dau: căldura specifică izobară a gazului  $c_p = 910$  J/kg·K, constanta universală a gazelor  $R = 8,31$  J/mol·K,  $1 \text{ atm} = 101,325$  kPa, masa moleculară a oxigenului  $M = 32$  u, rezistenţele  $r_1 + r_2 = r = 10,0 \Omega$ , rezistenţa  $r_3 = 14,0 \Omega$ , t.e.m. a sursei  $B$ ,  $\mathcal{E} = 10,0$  V, rezistenţa internă a sursei  $r_v = 1,00 \Omega$ . Se neglijează masa pistoanelor şi variaţia cu temperatura a rezistenţelor  $r_1$  şi  $r_2$ . Să se calculeze:

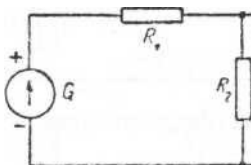
- Căldura specifică izocoră a gazului  $c_v$ .

- b) Presiunea finală a gazului în transformarea izocoră.
- c) Valorile rezistențelor  $r_1$  și  $r_2$ .
- d) Intensitățile curentului electric prin  $r_1$  și  $r_2$ , precum și prin porțiunile  $a$  și  $b$  ale rezistenței  $r_3$ .
- e) Timpul cît circuitul este închis pentru ca temperatura gazului să se ridice cu  $\Delta T = 10$  K.

(Acad. Mii. București, iulie, 1972)

1973

3.3.1. Un microgenerator de c.c., care consumă o putere mecanică  $P_j = 625$  W, debitează pe trei rezistențe  $R_1 = 8,0$   $\Omega$ ,  $R_2 = 20,0$   $\Omega$  și  $R_3 = 30$   $\Omega$ . Piezistența interioară a generatorului este considerată neglijabilă (fig. 3.3.1). Știind că randamentul de transformare a energiei mecanice în energie electrică de către microgenerator este  $\eta = 80\%$ , se cere să se calculeze:



- a) Puterea  $P_2$  debitată de microgenerator.
- b) Intensitatea curentului prin fiecare rezistență.
- c) Tensiunea electrică pe fiecare rezistență și la bornele generatorului.
- d) Numărul de elemente galvanice cu t.e.m.  $\mathcal{E} = 4,5$  V și rezistența interioară  $r_i = 0,10$   $\Omega$ , care ar trebui legate în serie pentru a înlocui microgeneratorul, fără a se schimba curenții din circuit.

Sub. teor. 1. Legea a treia a lui Newton. 2. Să se enunțe legea Joule. 3. Acțiunea câmpului magnetic asupra particulelor electrizate în mișcare.

3.3.2. Pentru confecționarea rezistenței unui reșou electric se folosește un fir de constantan cu rezistivitatea  $\rho = 0,50$   $\mu\Omega/\text{m}$  și secțiunea  $S = 0,60$   $\text{mm}^2$ . Reșoul este alimentat de la o sursă de tensiune  $\mathcal{E} = 220$  V și rezistența internă neglijabilă. Se cere:

- a) Lungimea firului de constantan pentru ca rezistența reșou-lui să fie  $R = 50$   $\Omega$ .
- b) Intensitatea curentului care trece prin rezistența reșoului cînd acesta este conectat la sursa de tensiune.
- c) Costul energiei electrice consumate de reșou în timpul  $t = 8,0$  h, dacă 1 kWh costă  $c = 0,30$  lei/kWh.
- d) Intensitatea curentului prin circuit, dacă la sursă se conectează două rezistențe identice avînd fiecare  $R = 50$   $\Omega$ , cînd: 1. rezistențele sînt legate în paralel; 2. rezistențele sînt legate în serie.

4\*

10

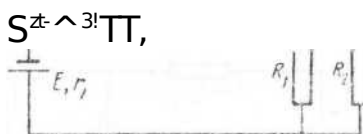


e) Puterea consumată în circuit în cazul legării rezistențelor  $R$  în paralel și în serie.

*Sub. teor.* 1. Legile frecării. Coeficient de frecare. 2. Perioada oscilațiilor libere. 3. Legea lui Coulomb și intensitatea câmpului electrostatic.

(In'st. Pol. București, Fac. Mec., El., subing., septembrie, 1973)

3.3.3. Se consideră schema din fig. 3.3.3, în care se cunosc:  $R_1 = 4,00 \text{ } \Omega$ ,  $R_2 = 6,00 \text{ } \Omega$ ,  $R = 5,00 \text{ } \Omega$ , rezistența interioară a ampermetrului  $r_A = 2,00 \text{ } \Omega$ ,  $\mathcal{E} = 10,0 \text{ V}$ . Ampermetrul  $A$  indică un curent  $I = 1,00 \text{ A}$ . Se cere:



a) Lungimea conductorului de cupru cu secțiunea  $S = 1,00 \text{ mm}^2$  și rezistivitatea  $\rho = 17 \text{ n}\Omega \cdot \text{m}$ , din care este confecționată rezistența  $R$ .

b) Rezistența internă a bateriei.

c) Intensitățile  $I_1$  și  $I_2$  ale curenților prin rezistențele  $R_1$  și  $R_2$ .

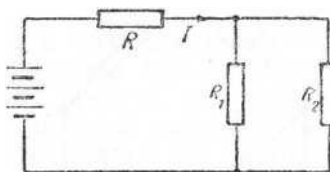
d) Intensitatea curentului când bateria este scurtcircuitată.

e) Energia ce se degajă la trecerea curentului prin rezistența  $R$  în timpul  $t = 1,00 \text{ min}$ .

*Sub. teor.* 1. Să se enunțe legea conservării energiei mecanice. 2. Să se scrie expresiile energiei cinetice, energiei potențiale și energiei totale ale oscilatorului armonic. 3. Definirea unității intensității curentului electric în SI

3.3.4. În circuitul din fig. 3.3.4 rezistoarele  $R_1$  și  $R_2$  au rezistențele  $R_1=6,00\ \Omega$ ,  $R_2=3,00\ \Omega$  și  $R=2,40\ \Omega$ , iar bateria este alcătuită din trei elemente având fiecare tensiunea e.m.f.  $\mathcal{E}=2,00\text{ V}$  și rezistența internă  $r=0,20\ \Omega$ . Se cere:

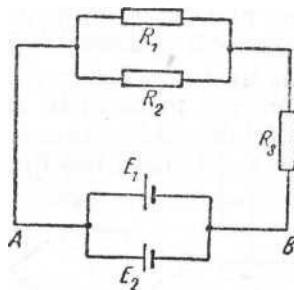
- Intensitățile  $I_1$ ,  $I_2$  și  $I$  ale curenților din ramurile circuitului.
- Tensiunea  $U$  la bornele bateriei.
- Puterile și  $P_2$  dezvoltate în rezistoarele  $R_1$  și  $R_2$ .



Sub. teor. 1. Să se enunțe legile lui Newton. 2. Să se scrie expresiile energiei cinetice și potențiale în cazul unui corp greu la suprafața Pământului. 3. Să se enunțe legile lui Kirchhoff.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., El., seral, subing., septembrie, 1973)

3.3.5. Două elemente galvanice  $\mathcal{E}_1$  și  $\mathcal{E}_2$  cu t.e.m.  $\mathcal{E}=6,0\text{ V}$  și rezistența interioară  $r=4,0\ \Omega$  fiecare (fig. 3.3.5), alimentează o rețea electrică formată din rezistoare de rezistențe  $R_1=6,00\ \Omega$ ,  $R_2=6,00\ \Omega$  și  $R_3=2,00\ \Omega$ . Se cere:



- Tensiunea la bornele rezistorului  $R_3$ .
- Curentul prin rezistorul  $R_2$ .
- Puterea consumată pe rezistorul  $R_3$ .
- Tensiunea la bornele  $A$ - $B$ .

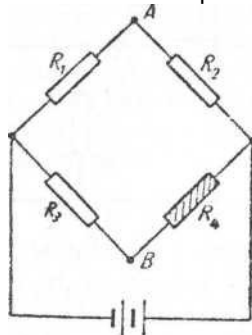
(Inst. Pol. Cluj, subing., iulie, 1973)

e)

3.3.6. Se dă puntea de rezistențe din fig. 3.3.6 alimentată cu două elemente legate în serie, având fiecare t.e.m.  $\mathcal{E}=1,8\text{ V}$  și rezistența interioară  $r=1,00\text{ }\Omega$ , în care rezistențele au valorile  $R_1=5,00\text{ }\Omega$ ,  $R_2=4,00\text{ }\Omega$ ,  $R_3=3,00\text{ }\Omega$ . Se cere:

a) Valoarea rezistenței  $R_4$  pentru care un galvanometru montat între punctele  $A$  și  $B$  să indice zero (punte echilibrată).

b) Intensitatea curentului care alimentează puntea în ipoteza  $R_4=2,4\text{ }\Omega$ .



c) Presupunând că  $R_4$  este un solenoid cu  $N=100$  spire și având lungimea  $Z=10,0\text{ cm}$ , să se determine intensitatea câmpului magnetic  $H$  în mijlocul solenoidului și pe axa sa.

Sub. teor. 1. Legea transformării și conservării energiei în procese mecanice. 2. Legea lui Hooke. 3. Legea lui Ohm în c.a.

(Inst. Constr. București, subing., iulie, 1973)

3.3.7. Un condensator plan cu aer are aria armăturilor  $S=36\text{ cm}^2$  și capacitatea  $C=5,0\text{ pF}$ . Să se determine:

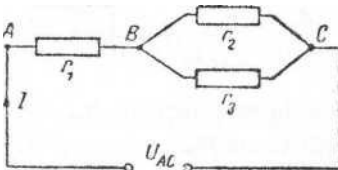
a) Distanța dintre armături.

b) Capacitățile echivalente, în cazul în care se leagă în serie și apoi în paralel  $N=10$  astfel de condensatoare.

Permitivitatea vidului  $\epsilon_0=1 \cdot 10^{-12}\text{ (36}\pi\cdot 10^9)\text{ F/m}$ .

(Inst. Constr. București,

subing., septembrie, 1973)



3.3.8. Se dă schema electrică din fig. 3.3.8 în care se cunosc: tensiunea continuă  $U_{AC}=128\text{ V}$ , curentul  $I=20\text{ A}$ , raportul cantită-

șilor de căldură degajate în rezistențele  $r_1$  și  $r_3$ ,  $Q_2/Q_3=3/2$ , rezistența  $r_1=0,40 \cdot Q$ . Să se afle:

- Rezistențele  $r_2$  și  $r_3$ .
- Cantitățile de căldură  $Q_1$ ,  $Q_2$ ,  $Q_3$  ce se degajă în rezistențele  $r_1$ ,  $r_2$  și  $r_3$  pentru un timp  $t=0,85$  h.
- Să se verifice că  $Q_1 + Q_2 + Q_3 = Q_{\text{trec}}$

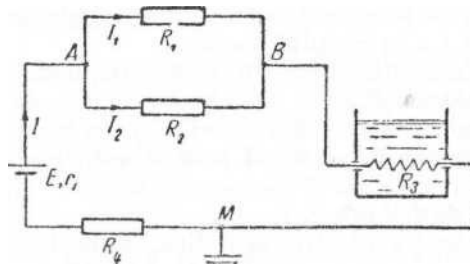
(Acad. Mii. București, subing., iulie, 1973)

3.3.9. O baterie de  $n$  elemente identice legate în serie, avînd t.e.m.  $E=ne=60$  V, debitează într-un rezistor curentul  $1,5$  A. Dacă se scurtcircuitază jumătate din elemente, curentul scade la valoarea  $I_2=1,00$  A. înlocuind rezistorul cu un condensator plan format din două armături de arie  $S=4,0$  dm<sup>2</sup>, depărtate una de cealaltă la distanța  $d=0,295$  mm, între armături aflîndu-se o lamă dielectrică de grosime  $d$ , dar de arie  $S/2$ , condensatorul se încarcă cu o sarcină  $q=180$  nC. Se cere să se calculeze:

- Rezistența  $R$  a rezistorului.
  - Numărul total  $n$  al elementelor, știind că fiecare element are rezistența interioară  $r=0,50 \cdot Q$ .
  - Capacitatea condensatorului.
  - Permitivitatea relativă  $\epsilon_r$  a lamei dielectrice.
- Permitivitatea aerului  $\epsilon_0=8,85$  pF/m.

(Inst. Pol. București, Fac. EL, Mec., iulie, 1973)

3.3.10. Se dă circuitul electric din fig. 3.3.10 în care rezistoarele  $R_1$ ,  $R_2$  și  $R_3$  sînt de rezistențe  $R_1=1,00 \cdot Q$ ,  $R_2=4,00 \cdot Q$ ,  $R_3=4,00 \cdot Q$



și  $R_4=1,00 \cdot Q$ . Pila  $E$  are t.e.m.  $E=60$  V și rezistența interioară  $r_1=0,20 \cdot Q$ . Se cere să se calculeze:

- Curenții electrici din ramurile circuitului electric.
  - Potențialele punctelor  $A$  și  $B$  ale circuitului față de punctul  $M$ , precum și diferența de potențial dintre punctele  $A$  și  $B$ .
  - Bilanțul energetic din circuit.
  - Cantitatea de apă care se poate încălzi de la temperatura  $t_0=20^\circ\text{C}$  la temperatura  $t=100^\circ\text{C}$  în timpul  $t=1,0$  h, dacă rezistorul  $R_3$  trece printr-un fierbător cu randamentul  $\eta=0,80$ .
- Căldura specifică a apei  $c=4180$  J/kg  $^\circ\text{C}$ .

Sub. teor. 1. Să se scrie expresiile vitezei unghiulare, vitezei liniare și accelerației în mișcarea circulară uniformă. 2. Să se enunțe legea lui Avogadro. 3. Să se scrie expresiile puterii active, reactive și aparente în c.a.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, septembrie, 1973)

3.3.11. O macara ridică o piesă de masă  $m=80$  kg de la pămînt pînă la înălțimea  $h=24$  m, folosind un motor electric de c.c. alimentat la  $U=220$  V. Să se determine:

- Lucrul mecanic efectuat pentru ridicarea piesei.

b) Puterea necesară pentru a ridica piesa în timpul  $t=10$  s.  
 c) Intensitatea curentului cu care este alimentat motorul, știind că randamentul total al instalației este  $\eta=70\%$ .

d) În momentul în care piesa se află la înălțimea  $h=24$  m, se rupe cablul. Să se calculeze: viteza cu care piesa atinge solul, timpul de cădere ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).

Sub. teor. 1. Presiunea gazelor și relația de bază a teoriei cinetico-moleculare. 2. Circuit de c.a. cu rezistor, bobină și condensator în serie.

(Inst. Pol. Iași, Fac. Constr. Hidrot, Ind. Ușoară, iulie, 1973)

3.3.12. Un vehicul cu tracțiune electrică având masa  $m=12,0$  t parcurge pe orizontală și rectiliniu distanța  $s=2,4$  km în timpul  $t=2,00$  min, cu mișcare uniformă. Forța de tracțiune fiind  $F=3,0$  kN și tensiunea electrică la rețea  $U=600$  V, să se calculeze:

- Intensitatea  $I$  a curentului electric.
- Energia consumată  $W$  pentru această deplasare.
- Puterea realizată  $P$ .
- Energia cinetică  $E_c$  a vehiculului.

e) Forța de frînare  $F_f$  necesară pentru a opri vehiculul pe o distanță  $Z=30$  m.

- Accelerarea de frînare  $a$ .

Sub. teor. Inducția electromagnetică. Fluxul de inducție magnetică.

(Inst. Pol. Cluj, iulie, 1973)

3.3.13. O baterie de t.e.m.  $E=125$  V și de rezistență interioară  $r=10,0$   $\Omega$  este formată din  $n=25$  acumulatori identici legați în serie. Bateria este introdusă într-un circuit al cărui receptor este

format dintr-un încălzitor electric și un voltmetru, legați în paralel. Tensiunea la bornele voltmetrului este  $U=80$  V, rezistența voltmetrului  $R_v=160$   $\Omega$  și puterea încălzitorului  $P_i=160$  W. Să se calculeze:

a) T.e.m. și rezistența interioară a unui acumulator.  
 b) Intensitățile curenților din circuit și rezistența liniei ce leagă sursa de receptor.

c) În cât timp încălzitorul aduce la temperatura  $\theta=50^\circ\text{C}$  un amestec format din  $m'=200$  g apă și  $m''=100$  g gheață, aflat la  $0^\circ\text{C}$ , presupunând că nu există pierderi de căldură?

d) Ce masă de cupru se depune la catodul „ voltmetrului în timpul  $t=30$  min?

Se dau: căldura specifică a apei  $c=4180$  J/kg $\cdot$ K, căldura latentă specifică de topire a gheții  $L_f=335$  kJ/kg, echivalentul electrochimic al cuprului  $K=0,32$  mg/C.

Sub. teor. 1. Dilatația volumică a corpurilor solide. Variația densității cu temperatura. 2. Energia cinetică și potențială a oscilatorului armonic. 3. Circuit cu bobină în c.a.

(Inst. Constr. București, iulie, 1973)

3.3.14. Un voltmetru se leagă în serie cu un rezistor cu  $R=10$  k $\Omega$ . Când la bornele acestui sistem se aplică tensiunea  $U=120$  V, voltmetrul indică  $U_v=40$  V. Se cere:

- Intensitatea curentului în acest caz.
- Rezistența interioară a voltmetrului.
- Ce valoare trebuie să aibă rezistența  $R$ , pentru ca voltmetrul să indice  $U_v=10$  V, tot cu  $U=120$  V?

Sub. teor. 1. Pendulul matematic și legile lui. 2. Căldura specifică a unei substanțe: definiție, mod de determinare și unități de măsură. Călduri specifice la gaze.

(Inst. Petr. Gaze, Geol, București, iulie, 1973)

3.3.15. O sursă de c.c. de t.e.m.  $E$  și rezistență interioară  $r=1,00$   $\Omega$  este

conectată la o rezistență exterioară  $R$ , în care face să circule un curent  $I=100\text{ mA}$  și în care dezvoltă o putere  $P=2,00\text{ W}$ . Dacă la bornele rezistenței  $R$  se leagă în paralel un condensator  $C$ , acesta se încarcă cu sarcina  $q=25\text{ nC}$ . Se cere:

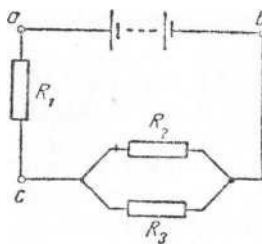
- Tensiunea la bornele rezistenței  $R$  și valoarea acestei rezistențe.
- T.e.m.  $E$  a sursei.
- Capacitatea  $C$  a condensatorului.
- Frecvența proprie de oscilație a unui circuit format din condensatorul  $C$  și o bobină cu inductanța  $L=12,8\text{ mH}$ .

Sub. teor. 1. Interferența luminii. Interferența prin lame subțiri. 2. Acceleratoare de particule.

(Univ. Timișoara, Fac. Fizică, iulie, 1973)

1974

3.4.1. Se consideră circuitul din fig. 3.4.1, care conține o baterie din  $n=10$  elemente, de t.e.m.  $\mathcal{E}_1=15\text{ V}$  și rezistență internă  $r_1=$



$=5,0\text{ }\Omega$  fiecare. Rezistoarele din circuitul exterior au rezistențele  $R_1=50\text{ }\Omega$  și  $R_2=R_3=100\text{ }\Omega$ . Se cere să se calculeze:

- Intensitatea curentului prin circuit și prin rezistoarele  $R_1$  și  $R_2$ .
- Tensiunea la bornele  $a, b$ .
- În ipoteza că bornele  $a$  și  $b$  se scurtcircuitază, se cere intensitatea curentului de scurtcircuit.
- Pentru măsurarea tensiunii  $U_{ac}$  se conectează în paralel cu rezistorul  $R_1$  un voltmetru cu rezistența „ $r_v$ ”  $=500\text{ }\Omega$ . Ce tensiune va indica voltmetrul și care este diferența între tensiunea reală și cea indicată?

Sub. teor. 1. Legea lui Hooke. 2. Legile electrolizei.

(Inst. Pol. București, Fac. EL, Mec., Met., subing., iulie, 1974)

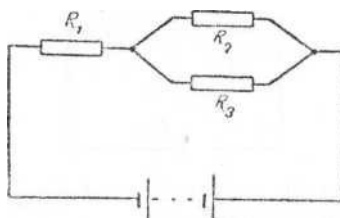
3.4.2. a) O baterie de  $n$  elemente legate în serie, fiecare avînd t.e.m.  $e=1,5\text{ V}$  și rezistență internă  $r=0,50\text{ }\Omega$ , este conectată la un rezistor de rezistență  $R$ . În circuitul electric se obține curentul  $I=1,00\text{ A}$ . Dacă aceeași baterie ar avea  $n=5$  elemente, curentul care ar rezulta în circuit ar fi  $I_2=0,60\text{ A}$ . Se cere valoarea rezistenței  $R$  și numărul  $n$  de elemente.

b) Dacă la bornele unui generator electric de c.c., a cărui rezistență interioară este neglijabilă, se conectează un condensator de capacitate  $C=2,2\text{ fF}$  acesta se încarcă cu sarcina  $Q=242\text{ pC}$ . Se înlocuiește condensatorul cu un rezistor avînd rezistența  $R=60,5\text{ }\Omega$ . Ce putere se va degaja în acest rezistor?

c) Un conductor de lungime  $l$  și de secțiune  $S$  transversală constantă are o rezistență electrică  $R$ . Pe o porțiune  $x$  din acest conductor, secțiunea se reduce prin pilire la o a treia parte. Să se determine  $x$  astfel încît rezistența barei astfel obținută să fie  $1,5\text{ }R$ .

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., El., subing., august, 1974)

3.4.3. a) Se dă circuitul din fig. 3.4.3, care conține o baterie din  $n=10$  elemente, avînd fiecare t.e.m.  $\mathcal{E}=1,5\text{ V}$  și rezistență interioară



neglijabilă, și trei rezistoare de rezistențe  $R_1 = 3,8 \, \Omega$ ,  $R_2 = 2,0 \, \Omega$  și  $R_3 = 3,0 \, \Omega$ . Se cere să se determine intensitatea curentului electric care trece prin rezistorul  $R_1$ .

b) Doi conductori paraleli, de lungime foarte mare, situați în aer la distanța  $d = 40 \, \text{cm}$ , sînt parcurși de curenții  $I_1 = 5,0 \, \text{A}$  și  $I_2 = 8,0 \, \text{A}$ , în același sens. Considerînd permeabilitatea aerului  $\mu = \mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \, \text{H/m}$ , se cere să se determine ca sens și mărime forța care acționează pe unitatea de lungime a fiecărui conductor.

c) Care sînt expresiile puterii active, puterii reactive și puterii aparente în c.a.? Ce relație există între cele trei puteri?

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, seral, subing., august, 1974)

3.4.4. O ladă de masă  $m = 500 \, \text{kg}$  este trasă uniform pe o rampă de lungime  $Z = 10,0 \, \text{m}$  și înclinată cu unghiul  $\alpha = 30^\circ$  față de orizontală. Coeficientul de frecare este  $\mu = 0,30$ . Să se calculeze:

a) Lucrul mecanic necesar pentru urcarea lăzii pe rampă.

b) Ce lucru mecanic s-ar efectua, dacă lada ar fi ridicată direct cu o macara, pe verticală, la aceeași înălțime?

c) Ce putere dezvoltă un electromotor de c.c. pentru a face operația de la punctul a) în timpul  $t = 30 \, \text{s}$ ?

d) Motorul avînd randamentul  $\eta = 0,90$  este alimentat de la o rețea cu  $U = 120 \, \text{V}$ . Care este puterea și intensitatea curentului absorbit?

e) Timpul de alunecare și viteza lăzii la baza rampei, dacă frîn-ghia se rupe în momentul în care lada a ajuns în vârful rampei? ( $g = 10 \, \text{m/s}^2$ ).

Sub. teor. 1. Compunerea a două forțe paralele și de același sens. 2. Legarea în serie și în paralel a rezistoarelor.

(Inst. Pol. Cluj, Fac. Mec., Constr., subing., iulie, 1974)

3.4.5. Se consideră un circuit electric format din două rezistoare, avînd rezistențele  $R_1 = 30 \, \Omega$  și, respectiv,  $R_2 = 20 \, \Omega$ , conectate ca în

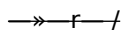


fig. 3.4.5 și alimentate de o baterie cu t.e.m.  $\mathcal{E} = 90 \, \text{V}$  și rezistența interioară  $r_i = 6,0 \, \Omega$ . Să se calculeze:

a) Rezistența echivalentă a grupării rezistențelor  $R_1$  și  $R_2$ , precum și rezistența totală  $R_c$  a circuitului.

b) Căldura dezvoltată în rezistența  $R_x$  în timpul  $t = 1,00 \, \text{h}$ , dacă intensitatea curentului este  $I_x = 2,00 \, \text{A}$ .

c) Valorile intensităților curenților  $I_1$  și  $I_2$ .

d) Dacă rezistența  $R_2$  se consideră rezistența unui voltmetru cu azotat de argint, să se determine masa de argint depusă la catod în timpul  $t = 1,00 \, \text{h}$ . Echivalentul electrochimic al argintului  $K = 1,118 \, \text{mg/C}$ .

(Inst. Constr. București, subing., iulie, 1974)

1  
7

3.4.6. O baterie cu t.e.m.  $\mathcal{E} = 4,8 \, \text{V}$  și rezistența interioară neglijabilă

alimentează un circuit alcătuit din două rezistoare conectate în paralel cu rezistențele  $R_1 = 6,00 \, \Omega$  și  $R_2 = 4,00 \, \Omega$ . Să se afle:

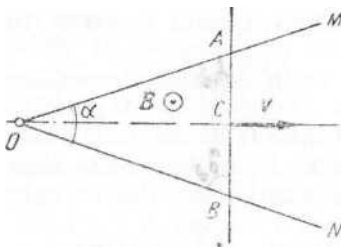
- Rezistența echivalentă a circuitului alcătuit din cele două rezistoare.
- Intensitățile curenților din cele două rezistoare.
- Intensitatea curentului ce străbate bateria.
- Energia electrică dezvoltată de baterie în timpul  $t = 10,0 \, \text{s}$  în.

(Inst. Constr. București, subing., august, 1974)  
%% ^3



Un conductor  $MON$  este așezat într-un câmp de inducție magnetică uniformă  $B=1,5\text{ T}$ , perpendicular pe planul său, având sensul liniilor de câmp dinspre planul hârtiei spre observator (fig. 3.4.7). Un alt conductor  $AB$ , situat perpendicular pe bisectoarea  $OC$  a unghiului  $\alpha=60^\circ$  făcut de brațele  $OM$  și  $ON$  ale conductorului  $MON$  și sprijinindu-se pe brațele  $OM$  și  $ON$ , se mișcă având viteza uniformă  $v=5,00\text{ m/s}$  de la punctul  $O$  spre  $C$ . Se cere:

a) Să se calculeze valoarea t.e.m. induse în circuitul  $OABO$  și să se indice sensul acesteia.



b) Să se arate că intensitatea curentului care ia naștere în circuitul  $OABO$  nu depinde de lungimea acestui circuit. Să se calculeze intensitatea curentului, știind că rezistența electrică raportată la unitatea de lungime este aceeași  $r=0,10\text{ }\Omega/\text{m}$ , pentru cele trei conductoare  $OA$ ,  $AB$  și  $BO$ .

c) Care este forța mecanică necesară care acționează asupra conductorului  $AB$  în momentul  $t=0,50\text{ s}$  de la începutul mișcării conductorului  $AB$  de la punctul  $O$  spre  $C$ ?

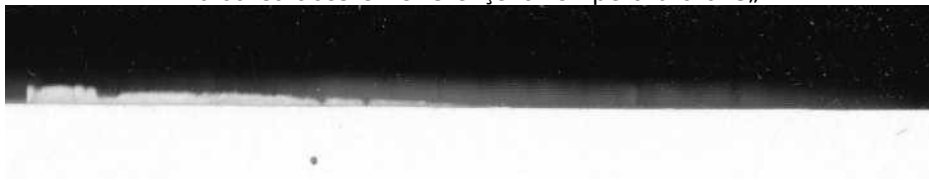
*Sub. teor.* 1. Energia internă. 2. Legea conservării și transformării energiei în procesele mecanice și termice. 3. Condițiile necesare pentru funcționarea unei mașini termice. Randamentul unei mașini termice ideale.

(Inst. Pol. București, Fac. El., Mec., iulie, 1974)

3.4.7. O baterie de acumulatori este formată dintr-un număr  $n=12$  elemente legate în serie; fiecare element are o t.e.m.  $e=1,8\text{ V}$  și o rezistență internă  $r=50\text{ m}\Omega$ . Bateria alimentează un circuit format dintr-un rezistor având rezistența  $R=1,00\text{ }\Omega$ , legat în serie cu o grupare de două becuri conectate în paralel. Intensitățile curentilor prin becuri fiind  $I_1=2,0\text{ A}$  și  $I_2=4,0\text{ A}$ , se cere:  $t$

- Tensiunea  $U$  la bornele bateriei și tensiunea  $U_b$  la bornele becurilor.
- Rezistențele  $R_1$  și  $R_2$  ale becurilor.
- Puterile  $P_1$  și  $P_2$  ale becurilor.
- Energia totală consumată de becuri în timpul  $t=10\text{ min}$ .

Dacă  $R_1$  ar fi valoarea unei rezistențe la temperatura  $0=2000^\circ\text{C}$ , să se afle valoarea acestei rezistențe la temperatura  $0^\circ\text{C}$ .



15

știind coeficientul termic al rezistivității materialului  $\alpha=5,0 \cdot 10^{-3}\text{ K}^{-1}$

*Sub. teor.* 1. Dilatația liniară și în volum a corpurilor solide. 2. Impuls. Legea conservării impulsului. Aplicații.

(Inst. Pol. Iași, Fac. Electrot., Mec., Text., Hidrot., iulie, 1974)

3.4.8. Un voltmetru legat la bornele unei baterii de acumulatori

indică  $U_0 = 120 \text{ V}$  când bateria nu furnizează curent și  $U = 60 \text{ V}$  când bateria furnizează un curent  $I = 30 \text{ A}$  într-un rezistor cu rezistența  $R$ .

a) Să se calculeze t.e.m. a bateriei, rezistența  $R$  și rezistența interioară a bateriei.

b) Intensitatea curentului scade la  $I = 24 \text{ A}$  când un motor pe care îl împiedicăm să se învârtă este legat în serie cu rezistorul  $R$  și bateria de acumulare. Să se calculeze rezistența  $R_m$  a acestui motor.

c) Se lasă apoi motorul să se învârtă. Intensitatea scade la  $I' = 10,0 \text{ A}$ . Care este t.c.e.m. a motorului și ce putere furnizează el? Ce diferență de potențial va indica un voltmetru legat la bornele motorului?

(Inst. Pol. Cluj, Fac. Electrot., iulie, 1974)

3.4.9. Un circuit este format dintr-un condensator de capacitate  $C = 40 \text{ pF}$ , legat în serie cu o bobină cu rezistența activă  $r = 7 \text{ } \Omega$  și inductanța  $L = 4,02 \text{ mH}$ . Circuitul este alimentat cu o ten-

sivitate alternativă  $i_x = 20 \sqrt{2} \sin 100\pi t$ . Bobina are  $N = 200$  spire și

servește ca primar unui transformator cu  $N' = 25$  spire în secundar. Se cere:

a) Frecvența curentului alternativ.

b) Intensitatea maximă și intensitatea efectivă a curentului din circuit.

c) Valoarea tensiunii efective la bornele bobinei și ale condensatorului.

d) Defazajul dintre curent și tensiunea la bornele bobinei.

e) Puterea activă, reactivă și aparentă pentru bobină.

f) Tensiunea la bornele secundarului transformatorului.

Sub. teor. 1. Pendulul matematic și legile pendulului. 2. Excitația mașinilor de c.c.

(Inst. Pol. Cluj, Fac. Electrot., iulie, 1974)

3.4.10. Un generator cu t.e.m.  $E = 12 \text{ V}$  și rezistența interioară  $r = 0,60 \text{ } \Omega$  debitează pe un rezistor cu rezistența  $R = 11,4 \text{ } \Omega$ . Să se afle:

a) Intensitatea curentului în circuit.

b) Puterea debitată de generator (în rezistența interioară și în consumator).

c) Tensiunea la bornele generatorului.

d) Energia consumată în rezistența  $R$  în timpul  $t = 20 \text{ h}$ .

(Inst. Constr. București, iulie, 1974)

3.4.11. La bornele unei baterii formate din  $n = 440$  elemente galvanice legate în serie, fiecare element avînd t.e.m.  $\mathcal{E} = 3,0 \text{ V}$  și rezistența interioară  $r = 0,25 \text{ } \Omega$ , se leagă un conductor de cupru cu aria secțiunii transversale  $S = 1,00 \text{ mm}^2$ . Știînd că tensiunea la bornele bateriei este  $U = 220 \text{ V}$ , să se calculeze valoarea vitezei medii și a mișcării ordonate a electronilor prin conductorul de cupru.

Se consideră că fiecare atom de cupru dă un singur electron de conducție. Masa atomică a cuprului  $A = 63,6$  u, densitatea cuprului  $\rho = 8,9 \cdot 10^3 \text{ kg/m}^3$ , numărul lui Avogadro  $N_A = 6,02 \cdot 10^{23} \text{ kmol}^{-1}$ , sarcina electronului  $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ .

Sub. teor. Energia mecanică. Legea conservării și transformării energiei în procesele mecanice; aplicație la mișcarea oscilatorie armonică.

(Univ. București, Fac. Fizică, iulie, 1974)

3.4.12. O baterie este formată din  $n = 10$  elemente legate în serie. T.e.m. a unui

element este  $\mathcal{E}=4,0$  V. Bateria alimentează un circuit format dintr-un voltmetru cu sulfat de cupru, avînd rezistența  $R_1=15$  Q, legat în serie cu rezistențele  $R_2=100$   $\Omega$  și  $R_3=25$  Q legate în paralel. În timpul  $t=10$  min se depune pe catodul voltametrului o masă  $m=0,18$  g cupru. Știind că echivalentul electrochimic al cuprului este  $K=0,30$  mg/C, să se calculeze:

- Intensitatea curentului în circuitul principal.
- Rezistența interioară a unui element.
- Intensitățile curenților prin rezistențele  $R_2$  și  $R_3$ .
- Puterea consumată în rezistența  $R_3$ .
- Cantitatea de căldură degajată în rezistorul  $R_2$  în timpul  $t$ .

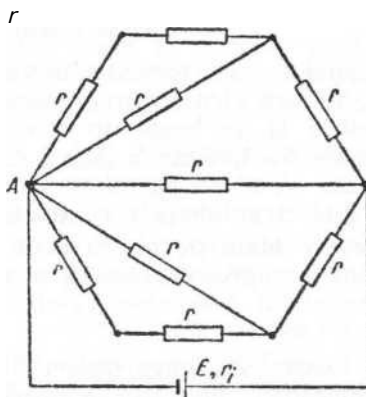
(Univ. Galați, Fac. Mec., iulie, 1974)

3.4.13. Se dă circuitul din fig. 3.4.14. Se cere:

- Rezistența echivalentă între punctele A și B.
- Puterea consumată pe circuitul AB.
- Puterea furnizată de sursă.
- Rendamentul montajului.
- Se înlocuiește rezistența  $r$  dintre punctele A și B cu o baie electrochimică ai

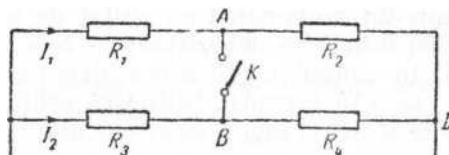
cărei electrozi sînt din platină. Care este t.c.e.m. a acesteia, știind că intensitățile curenților prin rezistorii montajului rămîn neschimbate, iar rezistența băii electrolitice este  $R_y$ , ( $R_y < r$ )? Sub. teor.-Capacitatea electrică. Condensatoare.

(A.S.E. București, Fac. Cib. Ec. Statist., iulie, 1974)



3.4.14. Se dă montajul din fig. 3.4.15. Se cere:

- Care este intensitatea curentului din circuitul principal și prin cele două ramuri cînd comutatorul  $K$  este deschis?



15

»

- Care este intensitatea din circuitul principal cînd comutatorul  $K$  este închis?
- Păstrînd  $R_1$ ,  $R_2$ ,  $R_3$  constante și  $K$  deschis, cît trebuie să fie rezistența  $R_4$  pentru ca puterea debitată de sursă pe porțiunea CD a montajului să fie maximă?

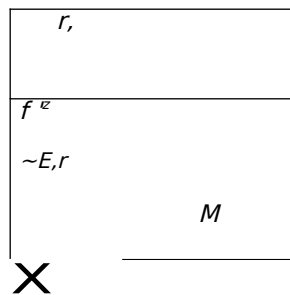
d) Ce relație trebuie să existe între rezistențele  $R_1$ ,  $R_2$ ,  $R_3$  și  $R_4$  pentru ca galvanometrul montat între punctele A și B să nu indice trecerea unui curent electric?

*Sub. teor. Autoinducția*

3.5.1. Se dă circuitul electric din fig. 3.5.1, unde  $I_1=1,00$  A,  $I_2=4,00$  A,  $R_3=4,00$   $\Omega$ ,  $R_4=1,00$   $\Omega$ ,  $\mathcal{E}=60$  V și rezistența interioară a acestui generator electric  $r=0,20$   $\Omega$ . Să se calculeze:

- Curenții care circulă prin laturile circuitului electric.
- Potențialele punctelor A și B față de punctul M și diferența de potențial dintre punctele A și B.
- Bilanțul energetic în circuitul electric.

*Sub. teor. 1. Să se scrie legea mișcării în mișcarea uniform variată cu viteză inițială, mobilul aflându-se inițial față de reper în punctul  $x_0$ . 2. Legea fundamentală a dinamicii. 3. Expresia energiei*



potențiale gravitaționale. 4. Teoremele lui Kirchhoff. 5. Expresia forței exercitate asupra unei particule electrizate, aflată în mișcare într-un câmp magnetic (forța Lorentz). 6. Valoarea efectivă a intensității curentului alternativ.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., El., subing., iulie, 1975)

3.5.2. Două rezistoare cu rezistențele  $R_1$  respectiv  $R_2$ , sînt legate în paralel și alimentate de la o sursă de c.c. sub tensiunea  $U=110$  V. Cantitatea de căldură dezvoltată în cele două rezistoare este  $Q=55$  kJ în timpul  $t=100$  s. Știind că  $f=1/5$  din această cantitate de căldură se degajă în rezistorul  $R_1$  iar restul în  $R_2$ , se cere:

- Intensitatea curentului total care circulă în ambele rezistoare.
- Rezistența echivalentă ansamblului celor două rezistoare.
- Intensitatea curentului în rezistorul  $R_1$  respectiv  $R_2$ .
- Valorile rezistențelor  $R_1$  și  $R_2$ .

T.e.m. a sursei de c.c., știind că rezistența ei interioară este  $r=2,00$   $\Omega$

*Sub. teor. 1. Compunerea forțelor concurente. 2. Expresia matematică a lucrului mecanic. 3. Legea lui Arhimede (enunț, fără aplicații). 4. Dependența rezistenței de dimensiunile și de natura unui conductor electric. 5. Legile electrolizei (enunț).*

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., subing., iulie, 1975)

3.5.3. Un electromotor de c.a., conectat la o rețea cu tensiunea  $U=6,0$  kV și frecvența  $f=50$  Hz, are inductanța  $L=31,8$  mH și rezistența  $r=10,0$   $\Omega$ . Să se determine:

- Reactanța inductivă și impedanța circuitului.
- Intensitatea curentului din circuit.
- Puterea consumată de electromotor.
- Cu cît va crește puterea electromotorului, dacă se conectează în serie un

condensator avînd capacitatea  $C = \dots$  mF?

$n$

(Inst. Pol. București, Fac. Electr. și Telecom., subing., septembrie, 1975)

3.5.4. Un conductor filiform, străbătut de un curent electric continuu, formează o spirală circulară în centrul căreia intensitatea câmpului magnetic este  $H_f$ . Se formează din același conductor două spire identice suprapuse. Care este relația dintre intensitatea  $H_2$  a câmpului magnetic în centrul comun al spirelor și  $H_f$ , dacă cele două spire sînt străbătute în același sens de un curent electric de aceeași intensitate ca în cazul precedent?

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, Met., subing., septembrie, 1975)

3.5.5. Ce frecvență trebuie să aibă o tensiune alternativă aplicată la bornele unui circuit serie format dintr-o bobină de induc tanță  $L = 1,00$  mH și un condensator de capacitate  $C = 400$  nF pentru a se obține rezonanța?

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, Met., subing., septembrie, 1975)

3.5.6. Un generator de c.e., avînd t.e.m.  $e = 4,8$  V, debitează un curent  $I = 0,24$  A într-un circuit ce conține două rezistoare legate în paralel, de rezistență  $R_1 = 20$   $\Omega$ , respectiv  $R_2 = 80$   $\Omega$ . Să se calculeze rezistența interioară  $r$  a generatorului.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, subing., noiembrie, 1975)

3.5.7. Un solenoid cu lungimea  $Z = 20$  cm, care conține un număr total  $JV = 200$  spire, este parcurs de un curent electric de intensitate  $I = 4,0$  A. Știind că în interiorul solenoidului este vid (permeabilitatea vidului  $\mu_0 = 4 \cdot 10^{-7}$  H/m), să se calculeze inducția magnetică pe axa solenoidului.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, subing., noiembrie, 1975)

3.5.8. Printr-un consumator cu rezistența  $R_2 = 100$   $\Omega$  trece un curent de intensitate  $I = 1,00$  A. Alimentarea se face de la o sursă de c.c. cu t.e.m.  $E = 110$  V, de rezistență interioară  $r = 2,0$   $\Omega$ . Se cere:

a) Tensiunea electrică la bornele consumatorului și căderea de tensiune pe firul de legătură.

b) Puterea absorbită de consumator.

c) Rezistența conductorului de legătură și energia pierdută prin încălzire în timpul  $t = 10$  min.

(Inst. Constr. București, subing., iulie, 1975)

3.5.9. Două surse identice, legate în serie, produc un curent  $I = 5,0$  A într-un rezistor cu rezistența  $R = 2,0$   $\Omega$ . Aceste surse legate în paralel produc, fiecare, un curent  $I_1 = 1,5$  A în același rezistor. Să se determine:

a) T.e.m. a sursei.

b) Energia degajată în rezistor în timpul  $t = 5,0$  min, cînd sursele sînt legate în paralel.

c) Valoarea rezistenței rezistorului la creșterea temperaturii cu  $\Delta T = 5$  K, ( $\alpha = 4,0 \cdot 10^{-3} \text{ K}^{-1}$ ).

Sub. teor. Acțiunea reciprocă a două conductoare paralele parcurse de curent electric (forța electrodinamică). Unitatea de măsură a intensității curentului electric (definiție).

(Inst. Petr. Gaze, Ploiești, subing., iulie, 1975)

3.5.10. Să se găsească valorile a trei rezistoare  $R_1 = R$ ,  $R_2 = R + a$ ,  $R_3 = R \frac{15}{a}$ , știind că:

a) La legarea în serie a celor trei rezistențe, valoarea rezistenței

echivalente este  $R_s = 9,00$   $\Omega$ , iar la legarea în paralel este  $R_p = 0$ .

b) Dacă montajul cu cele trei rezistențe în paralel se alimentează la borne cu o tensiune  $U = 120$  V, să se calculeze curenții și puterile absorbite de fiecare rezistență.

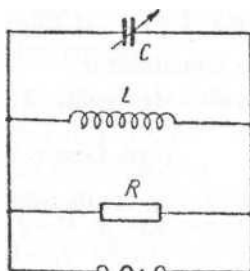
*Sub teor.* Ecuațiile vitezei și spațiului în mișcarea uniform accelerată fără viteză inițială.

(Inst. Pitești, Fac. Autom., subing., iulie, 1975)

H: \* ■ Ha

3.5.11. Un circuit paralel, format dintr-un condensator variabil, o inductanță  $L=100 \text{ fH}$  și o rezistență  $r=10 \text{ Q}$ , este alimentat de un generator de c.a. de frecvență  $f=10 \text{ kHz}$ , asigurând o valoare efectivă constantă  $I=20 \text{ mA}$  a intensității totale a curentului (fig. 3.5.11). Să se deducă:

- Valoarea maximă  $P_m$  a puterii disipate pe rezistența  $R$ .
- Valoarea  $C_0$  a capacității condensatorului variabil, pentru care puterea disipată pe rezistorul  $R$  este maximă.



c) Valorile  $C_1, C_2$  ale capacității condensatorului variabil pentru care puterea disipată pe rezistorul  $R$  este egală cu jumătate din puterea maximă.

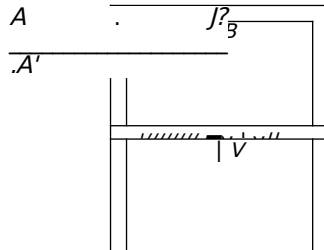
d) Permitivitatea dielectrică a miezului inductanței, în cazul în care aceasta are forma unui solenoid de secțiune  $S=1,00 \text{ cm}^2$ , înfășurarea cu  $N=100$  spire, efectuată pe o lungime  $l=10 \text{ cm}$ . Viteza undelor electromagnetice în miezul inductanței este  $v=100 \text{ Mm/s}$ .

*Sub. teor.* 1. Definiția și expresia momentului unei forțe în raport cu un punct. 2. Să se enunțe și să se scrie expresia cantitativă a legii conservării impulsului. 3. Relația matematică a primului principiu al termodinamicii. Se va specifica semnificația mărimilor fizice. 4. Expresia randamentului unei mașini termice. 5. Să se enunțe și să se scrie expresia cantitativă a legii Joule pentru efectul electrocaloric. 6. Să se scrie expresia cîmpului magnetic generat în jurul unui conductor liniar parcurs de un curent electric. 7. Să se dea definiția etalonului pentru unitatea de intensitate a curentului electric.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, iulie, 1975)

Să se găsească viteza limită de cădere a unei tije metalice de masă  $m=100 \text{ g}$  și lungime  $l=25 \text{ cm}$ , de-a lungul unor șine verticale  $AD$  și  $A'D'$  de rezistență electrică neglijabilă, în cazul în care în regiunea  $ADA'D'$  acționează un cîmp magnetic omogen de inducție  $B=2,00 \text{ T}$ . Rezistența electrică a conductorului  $AA'$  este  $R=1,00 \text{ }\Omega$ , iar rezistența electrică a tijeii  $TT'$  se consideră neglijă

bilă. Vectorul inducție magnetică acționează normal pe planul șinelor (fig. 3.5.12).



*Sub. teor.* Să se enunțe legile electrolizei.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, Met., septembrie, 1975)

3.5.12. O baterie cu  $n=12$  acumulatori identice, legate în serie, debitează un curent  $I=3,6$  A într-un rezistor  $R=6,4$   $\Omega$ . Știind că prin scurtcircuitarea rezistorului, curentul crește la valoarea  $I_s=42$  A, să se calculeze t.e.m.  $\mathcal{E}$  și rezistența interioară  $r$  a fiecărui acumulator.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., Met., noiembrie, 1975)

3.5.13. Un circuit electric compus dintr-o bobină și un rezistor cu rezistența  $R=30$   $\Omega$ , conectate în serie, este alimentat la o baterie cu t.e.m.  $\mathcal{E}=120$  V și rezistența interioară  $r=10$   $\Omega$ . Bateria debitează în circuitul exterior curentul  $I=2,00$  A. Se cere:

- Tensiunea la bornele rezistorului  $R$  și tensiunea la bornele bobinei.
- Energia totală dezvoltată de baterie în timpul  $t=2,00$  h.
- Rendamentul bateriei.
- Numărul de spire pe unitatea de lungime a bobinei, astfel încât la trecerea curentului  $I$  prin ea, să producă un câmp magnetic capabil să imprime o traiectorie circulară de rază  $r=1/k$  cm, unui electron ce ar pătrunde perpendicular pe direcția câmpului magnetic cu viteza  $v=3,2$  Mm/s.

Se dau:  $m_e=9,1 \cdot 10^{-31}$  kg,  $e=1,6 \cdot 10^{-19}$  C,  $\mu_0=4 \pi \cdot 10^{-7}$  H/m,

$|H|=1,00$ .

*Sub. teor.* Mișcarea circulară a punctului material. Mișcarea circulară uniformă. Mișcarea circulară uniform variată. Legile mișcării circulare uniform variate.

3.5.14. Un generator cu excitație în derivație ( $\mathcal{E}_e=40$  G-Q), care are rezistența rotorului  $R_r=198$  m $\Omega$ , alimentează un consumator cu tensiunea  $U=220$  V și puterea  $P=1,10$  kW. Să se calculeze:

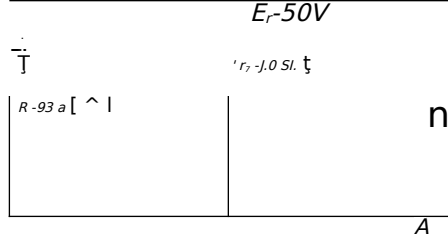
- Rezistența electrică a consumatorului.
- T.e.m. a generatorului.
- Rendamentul electric al generatorului.

(Inst. Petr. Gaze Ploiești, iulie, 1975)

3.5.15. Se consideră circuitul reprezentat în fig. 3.5.16. Se cere:

- Intensitatea curenților în rezistoare.
- Tensiunea electrică  $U_{AB}$ .

(Inst. Const. București, iulie, 1975)



$$r \sim j$$

$$1.05I R_3$$

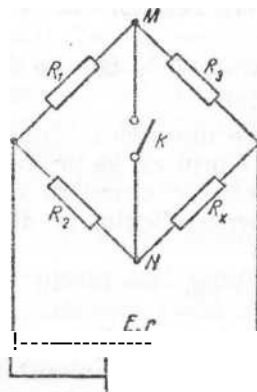
$$= 595$$

8

c)- Puterile consumate și puterile furnizate în laturile circuitului. Să se interpreteze rezultatul.

(Inst. Ped. Pitești, Fac. Fiz.-Chim., iulie, 1975)

3.5.16. Se consideră circuitul reprezentat în fig. 3.5.17. Se cunosc:  $R_1 = 2,00 \Omega$ ,  $R_2 = 6,00 \Omega$ ,  $R_3 = 4,00 \Omega$ ,  $E = 12,0 V$ ,  $r = 1,00 \Omega$ . Se cere:



a) Întrerupătorul K fiind deschis, să se calculeze  $R_4$  astfel încât curentul debitat de sursă să fie  $i = 2,00 A$ .

b) Întrerupătorul K fiind închis, să se calculeze energia consumată în circuitul exterior în timpul  $t = 10 \text{ min}$ .

g) Ce valoare ar trebui să aibă  $R_4$  ca prin conductorul MN curentul să fie nul.

Sub. teor. Microscopul.

(Inst. Ped. Pitești, Fac. Mat.-Fiz., iulie, 1975)

1970

3.6.1. Un acumulator de t.e.m.  $e = 2,1 V$  și rezistența interioară  $r = 0,20 \Omega$  debitează curentul  $I$  într-un circuit format din două rezistoare legate în paralel, de rezistențe electrice  $R_1 = 6,00 \Omega$ , respectiv  $R_2 = 2,00 \Omega$ . Să se afle intensitatea curentului  $I$  și puterile disipate în fiecare rezistor.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., BL, Met., subing, iulie, 1976)

3.6.2. Un bec conectat la bornele unei surse cu t.e.m.  $e = 12 V$  consumă o putere  $P = 6,0 W$ . Ce putere va consuma becul dacă în circuit se intercalează în serie o rezistență  $R = 24 \Omega$ ? Rezistența internă a sursei se neglijează.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., El., Met., subing, iulie, 1976)



3.6.3. Ce frecvență de rezonanță are un circuit oscilant format dintr-un condensator de capacitate  $C = 4,0 \text{ pF}$  și o bobină de induc- tanță  $L = 200 \text{ mH}$ ?

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, Met., subing, iulie, 1976)

3.6.4. Să se afle rezistența unui fir de cupru cu diametrul  $D = 2,00 \text{ mm}$ , dacă el cântărește  $m = 4,00 \text{ kg}$ . Se cunosc: densitatea cuprului  $d = 8,9 \text{ t/m}^3$  și rezistivitatea cuprului  $\rho = 17,5 \text{ n}\Omega \cdot \text{m}$ .

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, Met., subing., septembrie, 1976)

3.6.5. Un număr  $n = 24$  generatoare electrice, fiecare avînd t.e.m.  $\mathcal{E} = 2,00 \text{ V}$  și rezistența internă  $r = 1,00 \Omega$ , debitează un curent electric de intensitate  $I$  pe un rezistor de rezistență  $R = 6,00 \Omega$ . Să se afle intensitatea curentului electric / în cazurile în care generatoarele sînt grupate a) în serie, și respectiv, b) în paralel.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, Met., subing., septembrie, 1976)

3.6.6. Un electron cu o viteză  $v = 50 \text{ km/s}$  intră într-un cîmp magnetic de inducție  $B = 1,00 \text{ T}$ , perpendicular pe liniile de forță. Să se afle sarcina specifică a electronului dacă se cunoaște raza traiectoriei descrise de particulă:  $r = 20 \text{ cm}$ .

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, Met., subing., septembrie, 1976)



3.6.7. Un electromotor cu randament  $\eta = 0,80$  furnizează o putere utilă  $P_u = 8,8 \text{ kW}$ , fiind alimentat la o tensiune continuă  $U = 220 \text{ V}$ . Se cere să se determine intensitatea curentului electric și rezistența electrică a motorului.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, Met., subing., septembrie, 1976)

3.6.8. Un generator de c.c. cu tensiunea la borne  $\mathcal{E} = 200 \text{ V}$  și randamentul  $\eta = 80\%$  alimentează doi consumatori legați în paralel: un rezistor cu  $R = 40 \Omega$  și un voltmetru cu  $R_v = 20 \Omega$ . Cunoșcînd că intensitatea curentului în circuitul principal este  $I = 15 \text{ A}$ , să se determine:

- T.e.m. și rezistența internă a generatorului.
- Puterea disipată pe rezistor.
- Masa de cupru depusă în timpul  $t = 100 \text{ min}$ , știind că echivalentul electrochimic al cuprului este  $\mathcal{E} = 0,32 \text{ mg/C}$ .

Suh. teor. 1. Energia oscilatorului armonic. 2. Cîmpul magnetic generat în jurul unui conductor liniar parcurs de curent.

(Inst. Pol. Cluj, subing., iulie, 1976)

3.6.9. O baterie cu t.e.m.  $\mathcal{E} = 24 \text{ V}$  și rezistența interioară  $r = 2,0 \Omega$ , alimentează un bec cu rezistența  $R$ . Curentul în circuit fiind  $I = 2,0 \text{ A}$ , să se determine:

- Tensiunea electrică la bornele sursei.
- Valoarea rezistenței  $R$ .
- Puterea disipată de rezistorul  $R$ .
- Sarcina electrică ce trece prin circuit în timpul  $t = 10 \text{ s}$ .

Suh. teor. 1. Cuplul de forțe. 2. Șuntul ampermetrului.

(Inst. Pol. Cluj, subing., iulie, 1976)

3.6.10. O sursă cu t.e.m.  $\mathcal{E} = 12,5 \text{ V}$  are conectat la borne un rezistor. Căderea de tensiune pe acest rezistor este  $U_R = 12$

V. Puterea consumată în el este  $P=6,0\text{ W}$ . Să se calculeze:

- a) Intensitatea curentului în rezistor.
- b) Rezistența internă a sursei.
- c) Timpul necesar pentru a trece printr-o secțiune transversală a circuitului  $Q=100\text{ C}$ .

*Sub. teor.* 1. Legea conservării impulsului (demonstrație și enunț).

2. Șuntul ampermetrelor (schema de sun-tare și calculul rezistenței șuntului).

(Inst. Pol. Timișoara, Fac. Ing. Chim., subing., iulie, 1976)

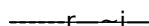
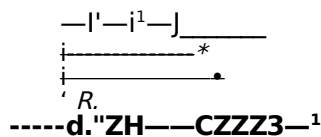
Un circuit serie este format dintr-un rezistor cu rezistența  $R$  și o bobină cu reactanță inductivă  $X_L=6,00\text{ }\Omega$ . Circuitul este alimentat la o tensiune alternativă cu valoarea efectivă  $U=220\text{ V}$  și frecvența  $\nu=50\text{ Hz}$ . Valoarea efectivă a intensității curentului est

e  $I=22,0\text{ A}$  și factorul de putere al circuitului este  $\cos \varphi=0,8$ . Să se afle:

- impedanța  $Z$  a circuitului;
- rezistența  $R$  a rezistorului;
- inductanța  $L$  a bobinei;
- puterile aparentă, activă și reactivă din circuit;

(Inst. Constr. București, subing., iulie, 1976)

3.6.11. Din 20 elemente galvanice identice se realizează o baterie prin gruparea lor în 5 ramuri identice. Fiecare element galvanic are t.e.m.  $E_1=3,00\text{ V}$  și rezistența interioară  $r_1=0,100\text{ }\Omega$ . Circuitul exterior al bateriei este constituit din rezistoarele  $R_1$ ,  $R_2$  și  $R_3$  ca în fig.

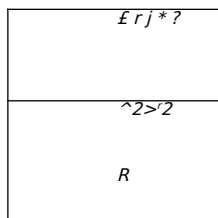


3.6.12. Cunoscându-se valorile  $I_1=2,00\text{ A}$ ,  $I_2=3,00\text{ A}$ ,  $I_3=4,72\text{ A}$ , să se determine:

- Intensitatea curenților în rezistoare și în ramurile bateriei.
- Tensiunea la bornele bateriei.
- Puterea degajată în  $R_2$ .
- Rendamentul circuitului.

Sub. teor. 1. Compunerea a două forțe paralele. 2. Șuntul ampermetrelor.

(Inst. Pitești, subing., iulie, 1976)



3.6.13. Se dă montajul din fig. 3.6.13 în care se cunosc:  $E_1=80\text{ V}$ ,  $E_2=60\text{ V}$ ,  $r_1=10\text{ }\Omega$ ,  $r_2=5,0\text{ }\Omega$ ,  $R=20\text{ }\Omega$  și se cere:

- Curentul prin rezistența  $R$ .
- Puterea consumată de rezistorul  $R$ .
- Rezistența echivalentă care, montată la bornele lui  $E_1$  (în locul lui  $E_2$  și  $R$ ), lasă nemodificat curentul debitat de acest generator.

Sub. teor. Impuls. Legea conservării impulsului. Aplicații ale legii conservării impulsului.

(Inst. Bacău, subing., iulie, 1976)

3.6.14. La o tensiune alternativă  $U=100\text{ V}$  și cu pulsația  $\omega=100\text{ S}^{-1}$  se montează un circuit serie format din  $r=40\text{ }\Omega$ , o inductanță  $L=0,15\text{ H}$  și un condensator cu  $C=22\text{ }\mu\text{F}$ . Să se calculeze:

- Intensitatea curentului pe circuit.
- Tensiunea la bornele rezistenței și tensiunea la bornele condensatorului.
- Factorul de putere și puterea activă dezvoltată în circuit.

Sub. teor. 1. Transformarea energiei cinetice și a celei potențiale; legea conservării energiei în procesele mecanice. 2. Prisma optică. Formulele

prisme; deviația minimă, prisma cu reflexie totală.

(Inst. Ped. Pitești, iulie, 1976)

& 4:

3.6.15. Un acumulator cu rezistența interioară  $r$  debitează pe rezistența exterioară  $R$  un curent  $I = 12,0$  A. Dacă se mărește rezistența  $R$  cu  $\beta = 50\%$ , curentul debitat se micșorează cu  $\beta_2 = 25\%$ . Să se determine raportul  $R/r$ . Care ar fi intensitatea curentului dacă în loc ca  $R$  să se mărească, s-ar micșora cu  $\beta_3 = 25\%$ ?

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, iulie, 1976)

3.6.16. Ce reactanță inductivă are o bobină cu inductanța  $L = 100$  mH, știind că la bornele ei se aplică o tensiune  $U = 12 \sin 1000t$  (SI)? Care este valoarea efectivă a intensității curentului care trece prin bobină?

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, iulie, 1976)

3.6.17. Ce frecvență de rezonanță are un circuit oscilant format dintr-un condensator plan de capacitate  $C = 4,0$  pF și o bobină de inductanță  $L = 200$  mH? Cum se modifică această frecvență, dacă dielectricul dintre plăcile condensatorului se înlocuiește cu un alt dielectric de permitivitate de  $n = 2$  ori mai mare?

(Inst. Pol. București, Fac. Mec. Agr., Met., iulie, 1976)

3.6.18. Un număr  $n = 24$  generatoare electrice, fiecare având t.e.m.  $E = 2,0$  V și rezistența internă  $r = 1,00$   $\Omega$ , debitează un curent electric de intensitate  $I$  pe un rezistor de rezistență  $R = 6,0$   $\Omega$ . Să se afle intensitatea curentului electric  $I$  în cazurile în care generatoarele sînt grupate în serie și, respectiv, în paralel.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., Met., septembrie, 1976)

3.6.19. În circuit oscilant, format dintr-un condensator de capacitate  $C = 250$  nF legat în serie cu o bobină de inductanță  $L$  și de rezistență neglijabilă, are frecvența proprie (de rezonanță)  $\omega = 100$  kHz. Se cere valoarea inductanței  $L$ . Cum se modifică frecvența proprie dacă se înlocuiește miezul bobinei cu alt miez, avînd permeabilitatea de  $n = 2$  ori mai mare?

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., Met., septembrie, 1976)

3.6.20. Diferența de potențial dintre armăturile izolate ale unui condensator plan, umplut cu un dielectric de permitivitate relativă  $\epsilon_r = 1,8$  este  $U_1 = 20$  V. De cîte ori trebuie mărită distanța dintre armăturile condensatorului pentru ca, scoțînd dielectricul, diferența de potențial să crească la  $U_2 = 72$  V?

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., Ing. Chim., septembrie, 1976)

3.8.21. Un electron intră într-un cîmp magnetic de inducție  $B = 2,00$  T, perpendicular pe direcția liniilor de cîmp. Știind că tensiunea la care a fost accelerat electronul este  $U = 5,0$  kV, se cere să se calculeze raza traiectoriei electronului în cîmp magnetic și perioada de rotație pe traiectorie.

Se cunosc: masa electronului  $m = 9,1 \cdot 10^{-31}$  kg și sarcina electronului  $e = 1,6 \cdot 10^{-19}$  C.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., Fac. Ing. Chim., septembrie, 1976)

3.6.22. Un circuit electric cuprinde: o sursă de c.c. cu t.e.m.  $\mathcal{E} = 24$  V și rezistența interioară  $r = 0,50$   $\Omega$ , legată în serie cu un rezistor  $i = 1,9$   $\Omega$  și cu două consumatoare  $C_1$  și  $C_2$  legate între ele în paralel. Știind că cele două consumatoare absorb puterile  $P_1 = 24$  W și  $P_2 = 36$  W, să se determine:

a) Intensitatea  $I$  a curentului care trece prin rezistor și rezistența echivalentă a celor două consumatoare.

b) Tensiunea la bornele consumatoarelor.

12

c) Intensitatea curentului ce trece prin fiecare consumator, precum și rezistențele lor.

Sub. teor. 1. Energia mecanică totală a unui oscilator armonic.

2. Randamentul unei mașini termice. 3. Legătura dintre cîmp și potențial.

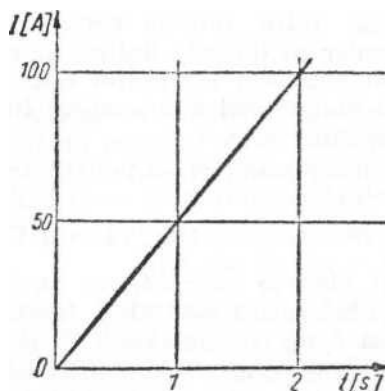
Jf. 6.23. Dintr-un conductor cu diametrul  $d = 1,00$  mm, lungimea  $l = 6$  m, și rezistivitatea  $\rho = 300$  n $\Omega$  m, se confecționează o bobină cu secțiunea  $S = 9$  mm<sup>2</sup>, și

avînd lungimea  $l=10$  cm. Miezul bobinei are permeabilitatea magnetică  $\mu_l=2,0$  mH/m și permitivitatea dielectrică  $\epsilon=45$  pF/m. Să se calculeze:

- Rezistența bobinei.
- Inductanța bobinei.
- Factorul de putere al bobinei cînd la bornele ei se aplică o tensiune alternativă cu frecvența  $\nu=50$  Hz.
- Viteza undelor electromagnetice în miezul bobinei.
- Valoarea tensiunii autoinduse în bobină la momentul  $t=T/6$  dacă bobina e parcursă de un curent  $i=2 \sin 100 \pi t$  ( $7c^2 \ll 10$ ).

(Inst. Pol. Cluj, iulie, 1976)

3.6.24. Intensitatea curentului electric ce trece printr-o bobină variază în timp așa cum se arată în fig. 3.6.24. între bornele bobinei apare o tensiune indusă  $\mathcal{E}=2,00$  V. Se cere:



- Inductanța solenoidului.
- Frecvența de rezonanță a unui circuit format din bobina de mai sus, legată în paralel cu un condensator plan avînd suprafața unei armături  $S=1,00$  dm<sup>2</sup> și distanța dintre armături  $d=1,5$  mm, plasat în vid ( $\epsilon_0=8,86$  pF/m).
- Numărul de spire pe unitatea de lungime a bobinei știind că fiind parcursă de un curent  $J=100$  A, intensitatea cîmpului magnetic în centrul ei este  $H=60$  kA/m. Rezistența ohmică a bobinei este neglijabilă.

(Inst. Pol. Cluj, iulie, 1976)

2. Sub. teor. 1. Expresia energiei potențiale a unui sistem fizic. Căldura specifică. 3. Acțiunea câmpului magnetic asupra particulelor electrizate aflate în mișcare.

(Inst. Pol. Timișoara, Fac. Mec., Mec. Agr., EL, Constr., iulie, 1976)

3.6.25. Un circuit electric este format dintr-un rezistor cu rezistența  $R_i = 3,00 \, \Omega$  conectat în serie cu un voltmetru ce conține o soluție de sulfat de cupru. Circuitul este alimentat de la o sursă de c.c. cu t.e.m.  $\mathcal{E} = 20,0 \, \text{V}$  și rezistența interioară  $r = 1,00 \, \Omega$  formată din  $7i = 10$  elemente galvanice identice conectate în serie. Intensitatea curentului prin circuit este  $I = 4,00 \, \text{A}$ . Să se afle:

- T.e.m.  $\mathcal{E}$ , și rezistența interioară a unui element galvanic.
- Rezistența  $R_2$  a voltametruului.
- Masa de cupru depusă la catod în timpul  $t = 5,00 \, \text{h}$  (echivalentul electrochimic al cuprului  $K = 0,32 \, \text{mg/C}$ ).
- Timpul în care rezistorul  $R_i$  introdus într-un calorimetru ce conține  $m_1 = 400 \, \text{g}$  apă la temperatura  $\theta_1 = 40^\circ\text{C}$ , și  $m_2 = 600 \, \text{g}$  gheață la temperatura  $\theta_2 = 0^\circ\text{C}$ , aduce conținutul calorimetruului la temperatura  $\theta = 30^\circ\text{C}$ .

Se va neglija căldura absorbită de calorimetru. Se va presupune că nu există pierderi de căldură.

Se dau: căldura specifică a apei  $c = 4180 \, \text{J/kg} \cdot \text{K}$ , căldura latentă de topire a gheții  $\lambda = 334 \, \text{kJ/kg}$ .

- Rezistența șuntului cu care trebuie prevăzut un ampermetru a cărui rezistență este  $r_A = 3,80 \, \Omega$  și care poate măsura un curent maxim  $I_A = 200 \, \text{mA}$ , pentru a măsura o intensitate maximă egală cu intensitatea curentului din circuitul dat.

Sub. teor. A doua teoremă a lui Kirchhoff.

(Inst. Constr. București, iulie, 1976)

3.6.26. Tensiunea de alimentare a unui motor electric serie este  $U = 220 \, \text{V}$ . Știind că rezistența interioară a motorului este  $r = 1,2 \, \Omega$  și că motorul consumă o putere  $P = 2,2 \, \text{kW}$ , să se calculeze:

- Căderea interioară de tensiune.
- T.c.e.m. a motorului.
- Randamentul electric al motorului.
- Puterea mecanică a motorului.
- Motorul ridică un corp de masă  $m = 1,0 \, \text{t}$  pe un plan înclinat ( $\alpha = 30^\circ$ ,  $\mu = 0,10$ ). Să se calculeze viteza limită pe care o capătă corpul în mișcare uniformă pe planul înclinat. ( $g = 10 \, \text{m/s}^2$ ).

Sub. teor. 1. Cuplul de forțe. Momentul cuplului. 2. Bobina în c.a.

(Inst. Petr. Gaze, Ploiești, iulie, 1976)

3.6.27. Un circuit electric este alimentat de două baterii identice, legate în paralel, având fiecare t.e.m.  $\mathcal{E} = 20 \, \text{V}$  și rezistența interioară  $r = 8/3 \, \Omega$ . Bateriile debitează curent pe două rezistențe:  $R_1 = 10 \, \Omega$  și  $R_2 = 20 \, \Omega$  legate în paralel. Rezistorul  $R_i$  este introdus într-un cilindru cu piston (de greutate neglijabilă) în care se găsește  $m = 14 \, \text{g}$  azot aflat la presiunea atmosferică  $p = 100 \, \text{kPa}$  și temperatura inițială  $t_1 = 27^\circ\text{C}$ . Să se calculeze:

- Curentul care trece printr-o baterie.
- Cantitatea de căldură dezvoltată în timpul  $t = 90 \, \text{s}$  în rezistorul  $R_i$ .
- Variația energiei interne a gazului și lucrul mecanic efectuat de gaz în transformarea izobară, când acesta primește o cantitate de căldură  $Q = 2,5 \, \text{kJ}$ .

Se dau: masa molară  $\mu = 28 \, \text{g/mol}$ ,  $C_{v,m} = 19,7 \, \text{kJ/kmol} \cdot \text{K}$ ,  $C_{p,m} =$

$\text{kmol} \cdot \text{K}$

(Inst. Petr. Gaze, Ploiești, iulie, 1976)

3.6.28. Un autobuz cu masa  $m = 10,0 \, \text{t}$  se deplasează pe un drum orizontal cu viteza constantă  $v = 12 \, \text{km/h}$ , motorul având o putere utilă  $P = 80 \, \text{kW}$ . Să se determine:

a) Forța de tracțiune dezvoltată de motorul autobuzului pentru deplasare.  
 b) Coeficientul de frecare în timpul deplasării.  
 c) Randamentul motorului dacă se consumă  $V=40$  l de combustibil la 100 km. Puterea calorică a combustibilului este  $q=40$  MJ/kg, iar densitatea este  $\rho=750$  kg/m<sup>3</sup>.

ci) Motorul autobuzului cu puterea  $P=80$  kW antrenează rotorul unui dinam sunt al cărui randament industrial este  $\eta_i=90\%$ , rezistența înfășurării de excitație  $r_1=48$  iar curentul în circuitul exterior este  $I=150$  A. Să se determine curentul din rotor și t.e.m. a dinamului, știind că rezistența rotorului este  $r_2=0,10$   $\Omega$ .

e) Considerînd că energia debitată de generator în circuitul exterior în timpul  $t=10$  s se comunică izocor unei mase de gaz  $m=0,60$  kg, cu temperatura inițială  $t_1=127^\circ\text{C}$  și presiunea  $p_1=200$  kPa, să se determine presiunea finală a gazului. ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>,  $c_v=1,0$  kJ/kg·K).

Sub. teor. 1. Legea conservării energiei în procese mecanice.

2. Forța electromagnetică. Fluxul de inducție magnetică.

(Univ. Galați, iulie, 1976)

3.6.29. Un generator de c.a. alimentează un reostat cu rezistența  $R_1=40$   $\Omega$  în serie cu o bobină avînd  $R_2=25,22$   $\Omega$  și inductanța  $L$  necunoscută. Diferențele de potențial măsurate cu voltmetrul sînt:  $U_1=50$  V la bornele reostatului și  $U_2=70$  V la bornele bobinei. Să se determine:

a) Intensitatea curentului din circuit.

(Inst. Constr. București, subing., iulie, 1977)

- b)  
 c) Impedanța bobinei.  
 d) Inductanța  $L$  a bobinei.  
 e) Puterile active absorbite de reostat și de bobină.  
 Frecvența tensiunii generatorului  $f=50$  Hz.

(Inst. Marină, Constanța, iulie, 1976)

1977

3.7.1. Să se calculeze tensiunea electrică dintre punctele  $A$  și  $B$  ale circuitului din fig. 3.7.1.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, subing., iulie, 1977) + 1.



3.7.2. Sub ce tensiune electrică trebuie transmisă o putere electrică  $P=100$  kW la distanța  $d=100$  km, prin conductoare de cupru de diametru  $D=2,00$  mm, pentru ca pierderile să fie de cel mult  $f=2\%$ ? Rezistivitatea cuprului  $\rho=17,5$  n  $\Omega \cdot m$ .

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, subing., iulie, 1977)

3.7.3. Să se calculeze tensiunea de accelerare a unui fascicul de electroni cu viteza  $u=5,0$  Mm/s.

Se dă sarcina specifică a electronului  $e/m=1,78 \cdot 10^{-11}$  C/kg.

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, subing., iulie, 1977)

3.7.4. O baterie cu t.e.m.  $\mathcal{E}=12$  V și rezistența interioară  $r=0,50$   $\Omega$ , alimentează două rezistoare de rezistențe  $R_1=6,00$   $\Omega$  și  $R_2=2,00$   $\Omega$  montate în paralel. Rezistorul  $R_1$  este format dintr-un fir conductor, cu rezistivitatea  $\rho_x=500$  n  $\Omega \cdot m$  și diametrul secțiunii  $d=1,00$  mm. Se cere:

- a) Intensitatea curentului  $I$  debitat de baterie și a curenților  $I_1$  și  $I_2$  din rezistoare.  
 b) Lungimea firului conductor din care este confecționat rezistorul  $R_1$ .  
 c) Puterea debitată de baterie în circuitul exterior.

(Inst. Constr. București, subing., iulie, 1977)



d)

3.7.5. O baterie formată din  $n=4$  elemente legate în serie, având fiecare t.e.m.  $\mathcal{E}=1,5\text{ V}$  și rezistența interioară  $r=0,10\text{ }\Omega$  alimentează un circuit exterior format din două rezistențe  $R_1=16\text{ }\Omega$  și  $R_2=24\text{ }\Omega$  legate în paralel. Să se determine:

- Tensiunea la bornele bateriei.
- Intensitățile curenților din rezistoare.
- Energia electrică dezvoltată în timpul  $t=1,00\text{ h}$  în rezistorul  $R_2$ .

(Inst. Petr., Gaze, Ploiești, subing., iulie, 1977)

\* \* \* Ha

3.7.6. Un miez magnetic de permeabilitate relativă  $\mu_r=10$ , bobinat cu 16 spire, are lungimea  $Z_1=40\text{ mm}$  și volumul  $V_1=0,60\text{ cm}^3$ . Care trebuie să fie lungimea și volumul unui miez de permeabilitate relativă  $\mu_r=4$ , bobinat cu  $N_2=20$  spire, ca, înseriind cele două înfășurări, să se obțină o aceeași valoare a intensității câmpului magnetic în cele două miezuri și valori egale ale inductanțelor solenoidelor?

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., EL, Chim., iulie, 1977)

3.7.7. Într-un conductor intensitatea curentului electric variază conform legii  $I=a+bt$  cu constantele  $a$  și  $b$  având valorile  $4,0$  și respectiv  $2,0$  în  $\text{S}$ . Să se afle:

- Sarcina care trece prin secțiunea conductorului de la timpul  $t_1=2,0\text{ s}$  la timpul  $t_2=6,0\text{ s}$ .
- La ce curent continuu ar trece sarcina  $Q=24\text{ C}$  în același timp?
- Care ar fi diferența de potențial la borne în cazul unei rezistențe  $r=10,0\text{ }\Omega$  pentru curentul continuu?
- La ce moment de timp intensitatea curentului variabil, din enunț, ar avea valoarea intensității curentului continuu?
- Reprezentarea grafică a intensității curentului variabil, din enunț, și a curentului continuu de la punctul b).

(Inst. Pol. Timișoara, iulie, 1977)

3.7.8. Un generator electric de c.c. cu t.e.m.  $\mathcal{E}=75\text{ V}$  și rezistența interioară  $r=1,00\text{ }\Omega$ , debitează pe un circuit format dintr-un motor de c.c. și un rezistor cu rezistența  $R=10,0\text{ }\Omega$ , conectate în serie. Rezistorul este cufundat într-un calorimetru cu capacitatea calorică neglijabilă, ce conține  $m=1,25\text{ kg}$  apă cu temperatura inițială  $\theta_1=20^\circ\text{C}$ . Când rotorul motorului este blocat, temperatura apei din calorimetru se ridică pînă la valoarea  $\theta_2=40^\circ\text{C}$  în timpul  $t=418\text{ s}$ .

(Inst. Constr. București, subing., iulie, 1977)

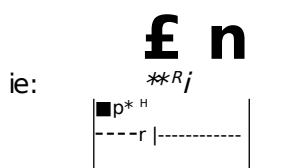
Cînd motorul funcționează, temperatura apei din calorimetru se ridică în același timp și de la aceeași temperatură inițială, la valoarea  $\theta_2 = 23,2^\circ\text{C}$ . Se consideră că toată căldura degajată în rezistor contribuie la încălzirea apei (căldura specifică a apei  $c_a = 4180 \text{ J/kg} \cdot ^\circ\text{K}$ ). Se cere:

- Intensitatea curentului  $I$  în circuit și tensiunea la bornele rezistorului de rezistență  $R$  cînd rotorul motorului este blocat.
- Rezistența echivalentă  $R_x$  a motorului.
- Intensitatea curentului  $I_2$  în circuit cînd motorul funcționează.
- T.c.e.m.  $E_c$  a motorului.

(Inst. Constr. București, iulie, 1977)

3.7.9. Un număr  $n=5$  de elemente identice avînd fiecare t.c.m.  $\mathcal{E}_0 = 2,00 \text{ V}$  și rezistența interioară  $r_0 = 200 \text{ m}\Omega$  sînt grupate în serie într-un circuit care cuprinde trei rezistoare cu  $R_1 = 5,00 \Omega$ ,  $R_2 = 6,00 \Omega$  și  $R_3 = 4,00 \Omega$  legate ca în fig. 3.7.9. Se cere:

- Rezistența circuitului exterior.



- Intensitatea curentului debitat de baterie.
- Căderea de tensiune  $X_{R_1}$  pe rezistorul  $R_1$  și tensiunea  $U$  la bornele bateriei, știind că intensitatea curentului din circuit este  $I = 1,19 \text{ A}$ .
- Cantitatea de căldură degajată de rezistorul  $R_2$  în timpul  $t = 10 \text{ min}$ .

(Inst. Petr., Gaze, Ploiești, iulie, 1977)

3.7.10. Două sfere metalice goale, cu pereți de grosime neglijabilă, de rază  $R_1$  și  $R_2$  ( $R_2 > R_1$ ) sînt așezate concentric. Să se stabilească:

- Expresiile sarcinilor  $q_1$  și  $q_2$  ale celor două sfere aduse la potențialele și respectiv  $V_2$ .
  - Expresiile densităților superficiale de sarcină pe cele două sfere.
  - Expresia potențialului într-un punct situat la distanța  $r$  de centru, mai întîi între cele două sfere, apoi în exteriorul sistemului.
- Expresia cîmpului electric într-un punct la distanța  $r$  de centru, mai întîi între cele două sfere, apoi în exteriorul sistemului.



(Univ. București, Fac. Fizică, iulie, 1976)

12"

3.7.11. Un cadru dreptunghiular cu suprafața  $S = 100 \text{ cm}^2$  este bobinat cu un număr  $N = 20$  spire, de rezistență electrică neglijabilă. Cadrul se rotește uniform în jurul axului său de simetrie într-un cîmp magnetic uniform de inducție  $B = 1,00 \text{ T}$ , perpendicular pe axul de rotație. La bornele cadrului se conectează un bec de putere  $P = 12,0 \text{ W}$  la tensiunea  $U = 12,0 \text{ V}$  în serie cu o bobină avînd rezistența activă  $r = 10,0 \Omega$  și inductanța  $L = 100 \text{ mH}$ .

- Să se exprime t.e.m. pentru  $v$  rotații pe secundă ale cadrului.
- Să se determine numărul de rotații pe secundă necesar pentru ca becul să funcționeze în condițiile de putere și tensiune date.
- Să se exprime defazajul între curent și tensiunea la bornele bobinei.

Sub. teor. 1. Formula lentilelor. 2. Modelul lui Bohr pentru atomul de hidrogen.

(Univ. Buc., Fac. Fizică, septembrie, 1977)

3.7.12. Două elemente galvanice având t.e.m.  $E_1 = 6,00 \text{ V}$  și  $E_2 = 9,00 \text{ V}$  și rezistențele interioare  $r_1 = 0,10 \Omega$  și  $r_2 = 0,40 \Omega$  sînt legate în paralel și alimentează o rețea electrică formată din mai multe rezistoare identice legate în paralel și avînd fiecare rezistența  $R = 5,0 \Omega$ . Știind că prin primul element galvanic trece un curent  $I_1 = 2,0 \text{ A}$ , să se calculeze:

- Curentul total debitat de cele două elemente galvanice.
- Numărul de rezistoare legate în paralel.
- Energia dezvoltată în timpul  $t = 1,00 \text{ min}$  pe rețeaua electrică.

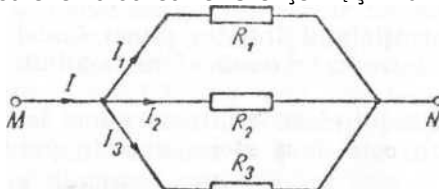
(Univ. București, Fac. Fizică, septembrie, 1977)

3.7.13. O baterie cu t.e.m.  $E = 12 \text{ V}$  și rezistența internă  $r = 2,00 \Omega$ , se închide pe o rezistență exterioară  $R$  care variază continuu de la zero la  $r_m = 20 \Omega$ . Să se construiască pe o singură figură:

- Dependența puterii exterioare de rezistența  $R$ .
- Dependența puterii interioare de rezistența  $R$ .
- Dependența puterii totale de  $R$ .

(Inst. Pitești, Fac. Autov. Rut., iulie, 1977)

3.7.14. În circuitul din fig. 3.7.14 rezistențele cunoscute sînt  $R_2 = 4,00 \Omega$  și  $R_3 = 2,00 \Omega$ . Să se calculeze valoarea rezistenței  $R_1$  știind



că prin întreg circuitul trece un curent  $I = 14 \text{ A}$ , iar rezistorul  $R_2$  este parcurs de un curent  $I_2 = 2,0 \text{ A}$ .

(Inst. Marină, Constanța, iulie, 1977)

3.7.15. Un circuit de c.a. este compus dintr-o bobină cu rezistența activă  $r = 2,0 \Omega$  și reactanța inductivă  $X_L = 170 \Omega$  legată în serie cu un condensator care are reactanța capacitivă  $X_C = 105 \Omega$ . Circuitul este alimentat la o tensiune  $U = 110 \text{ V}$  cu frecvența  $\nu = 50 \text{ Hz}$ . Se cere:

- Reactanța totală a circuitului.
- Intensitatea curentului din circuit.
- Inductanța bobinei și capacitatea condensatorului.

(Univ. București, Fac. Fizică, iulie, 1976)

(Inst. Marină, Constanța, iulie, 1977)

12"

17»

1978

(începînd cu acest an se dau subiecte unice pe țară, pe profiluri sau pe grupe de profiluri)

3.8.1. Un ampermetru de rezistență  $r_A = 1,00 \text{ } \Omega$  este șuntat în paralel cu un conductor de cupru ( $\rho = 17 \text{ n}\Omega \cdot \text{m}$ ) de lungime  $Z = 10,0 \text{ m}$  și secțiune  $S = 3,4 \text{ mm}^2$ . Ampermetrul indică un curent  $I_A = 500 \text{ mA}$ . Să se calculeze intensitatea curentului din circuit.

(Profiluri tehnice, subing., iulie, 1978)

3.8.2. La bornele unei surse de c.c., formată din  $n = 4$  elemente identice, având fiecare t.e.m.  $E = 3,00 \text{ V}$  și rezistența internă  $r = 0,25 \text{ } \Omega$ , se leagă în paralel un vas de electroliză cu soluție de sulfat de cupru, având rezistența  $R_1 = 40 \text{ } \Omega$  și un rezistor de rezistență  $R_2 = 10 \text{ } \Omega$ . Să se determine:

- Căderea de tensiune datorită rezistenței interne a unui element.
- Masa de cupru depusă la catod, dacă prin electrolit s-au deplasat  $N = 1,0 \cdot 10^{22}$  ioni de cupru.

Se dau: echivalentul electrochimic al cuprului  $K = 0,33 \text{ mg/C}$ , sarcină elementară  $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ .

(Profiluri tehnice, subing., iulie, 1978)

3.8.3. Un generator electric de c.c. debitează pe un rezistor cu rezistența  $R = 10,0 \text{ } \Omega$  un curent electric de intensitate  $I = 3,0 \text{ A}$ . Dacă se înlocuiește rezistorul cu un altul având rezistența  $R_2 = 20 \text{ } \Omega$ , curentul debitat are intensitatea  $I_2 = 1,6 \text{ A}$ . Să se determine:

- Rezistența interioară a generatorului electric.
- T.e.m. a generatorului.

(Profiluri tehnice, subing., iulie, 1978)

3.8.4. Un ampermetru cu rezistența  $R_A$  poate măsura un curent de  $n_1$  ori mai mare dacă este șuntat cu un rezistor cu rezistența  $R_1$  și un curent de  $n_2$  ori mai mare dacă este șuntat cu un rezistor cu rezistența  $R_2$ . Se cere să se calculeze:

- Raportul  $n_1$ , care arată de câte ori poate fi mai mare curentul care poate fi măsurat, dacă rezistoarele se leagă în paralel.
- Raportul  $n_2$ , care arată de câte ori poate fi mai mare curentul care poate fi măsurat, dacă rezistoarele se leagă în serie.

(Profiluri tehnice, iulie, 1978)

3.8.5. Un încălzitor electric cu inductanța  $L = \frac{1}{10} \text{ H}$  și rezistență activă  $R = 10,0 \text{ } \Omega$  este alimentat la o sursă de c.a. cu tensiunea  $U = 220 \text{ V}$  și frecvența  $\nu = 50 \text{ Hz}$ . Să se calculeze:

- Intensitatea curentului  $I$ .
- Energia consumată de încălzitor în timpul  $t = 2,00 \text{ min}$ .

(Profiluri tehnice, iulie, 1978)

3.8.8. Un circuit de c.a., alimentat la o tensiune  $U = 220 \text{ V}$  cu frecvența  $\nu = 50 \text{ Hz}$ , este compus dintr-un rezistor de rezistență  $R = 30 \text{ } \Omega$  legat în serie cu o bobină de rezistență nulă și un condensator. La frecvența specificată, bobina are reactanța inductivă  $X_L = 160 \text{ } \Omega$ , iar condensatorul are reactanța capacitivă  $X_C = 120 \text{ } \Omega$ . Să se calculeze:

(Univ. București, Fac. Fizică, iulie, 1976)

- Intensitatea curentului electric din circuit.
- Frecvența pentru care s-ar produce fenomenul de rezonanță serie (rezonanța tensiunilor).

(Profiluri tehnice, iulie, 1978)

3.8.7. Un fascicul de electroni, care transportă  $n = 1,00 \cdot 10^{10}$  electroni cu viteza  $u = 5,0 \text{ Mm/s}$ , intră într-un câmp magnetic omogen de inducție  $B = 10 \text{ mT}$  după o direcție perpendiculară pe câmp. Se cere să se calculeze:  
Raza traiectoriei descrise de electroni în câmpul magnetic, știind că masa

electronului este  $m=9,1 \cdot 10^{-31}$  kg, iar sarcina elementară  $e=1,6 \cdot 10^{-19}$  C

(Univ. București, Fac. Fizică, iulie, 1976>

a) Inductanța cîmpului magnetic produs de fasciculul de electroni în centrul traiectoriei, permeabilitatea magnetică a vidului fiind

$$\mu_0 = 4 \pi \cdot 10^{-7} \text{ — } \bullet$$

tn

(Profiluri tehnice, iulie, 1978)

3.8.8. O bobină de inductanță  $L=30 \text{ nH}$  este conectată în paralel cu un condensator plan, care are aria fiecărei plăci  $S=100 \text{ cm}^2$ , distanța dintre cele două plăci fiind  $d=0,10 \text{ mm}$ . Lungimea de undă în vid corespunzînd frecvenței de rezonanță a circuitului oscilant este  $\lambda=750 \text{ m}$ . Să se calculeze:

a) Perioada și frecvența undelor electromagnetice pentru care este acordat circuitul oscilant.

b) Permitivitatea relativă a dielectricului dintre plăcile condensatorului plan.

Se cunoaște viteza luminii în vid; permitivitatea dielectrică a vidului  $\epsilon_0=8,85 \text{ pF/m}$ .

(Profiluri tehnice, septembrie, 1978)

3.8.9. Un circuit electric este format dintr-o baterie cu t.e.m.  $\mathcal{E}=10,0 \text{ V}$  și rezistența internă  $r=0,50 \text{ }\Omega$  și un consumator de rezistență  $R$ . Să se determine:

a) Rezistența pe care ar trebui să o aibă consumatorul, pentru ca puterea utilă să fie maximă.

b) Randamentul circuitului, în cazul în care puterea utilă este maximă.

(Profiluri tehnice, septembrie, 1978)

3.8.10. Două corpuri de dimensiuni neglijabile față de distanța dintre ele, sînt încărcate electric cu sarcinile  $q_1=200 \text{ nC}$  și  $q_2=-400 \text{ nC}$  și se află într-un mediu dielectric cu permitivitatea relativă  $\epsilon_r=2,2$ , la distanța  $d=10,0 \text{ cm}$  între ele. Permitivitatea vidului este  $\epsilon_0=8,85 \text{ pF/m}$ . Să se calculeze:

a) Intensitatea cîmpului electric creat de fiecare sarcină electrică în punctul O aflat la jumătatea distanței dintre ele.

b) Intensitatea cîmpului electric total în punctul O.

(Profil economic, iulie, 1978)

3.8.11. Două rezistoare de rezistențe  $R_1=40 \text{ }\Omega$  și  $R_2=20 \text{ }\Omega$ , legate în paralel, se conectează la bornele unei baterii cu t.e.m.  $\mathcal{E}=42 \text{ V}$  și rezistența internă  $r=0,70 \text{ }\Omega$ . Să se calculeze:

a) Rezistența echivalentă a celor două rezistoare și intensitatea curentului în circuit.

b) Intensitatea curentului prin fiecare rezistor.

3.8.12. La o sursă cu t.e.m. constantă  $\mathcal{E}=40 \text{ V}$  și rezistența internă neglijabilă, se leagă în paralel două rezistoare de rezistențe  $R_1=8,00 \text{ }\Omega$  și  $R_2=40,0 \text{ }\Omega$ . Primul rezistor constă dintr-un bec ca puterea  $P=200 \text{ W}$ . Să se calculeze:

(Profil economic, iulie, 1978)

a) Rezistența echivalentă a celor două rezistoare legate în paralel.

b) Intensitatea curentului în circuit și în fiecare rezistor.

(Profil economic, iulie, 1978)

3.8.13. Un receptor de c.a., alimentat la tensiunea  $U=220\text{ V}$ , este străbătut de un curent de intensitate  $I=2,0\text{ A}$ . Defazajul între tensiune și curent este  $\varphi = \pi/3$ . Să se calculeze factorul de putere, puterea activă, puterea reactivă și puterea aparentă.

(Profil economic, iulie, 1978)

3.8.14. O bobină cu rezistența  $R=50\ \Omega$  și inductanța  $L=2,0\text{ mH}$  este legată în serie cu un condensator cu capacitatea  $C$ . Știind că la frecvența de rezonanță reactanța bobinei este  $X_L=12,0\ \Omega$ , iar tensiunea efectivă aplicată la bornele circuitului serie de mai sus este  $U=220\text{ V}$ , se cere să se calculeze:

a) Valoarea pulsației de rezonanță a circuitului și valoarea capacității  $C$ .

b) Intensitatea efectivă a curentului și puterea activă.

(Profil economic, iulie, 1978)

3.8.15. Două rezistoare identice fiecare cu rezistența  $R$  și grupate în paralel, se leagă în serie cu un rezistor cu rezistența  $R'=nR$ ,  $n=2$ . La bornele circuitului astfel format se aplică o tensiune  $U$ . Știind că intensitatea curentului în fiecare din rezistoarele legate în paralel este  $I=0,70\text{ A}$ , se cere să se calculeze:

a) Valorile rezistențelor  $R$  și  $R'$ , cât și rezistența echivalentă a întregului circuit, ținând seama că există relația  $I + I' = 75\text{ Q}$ .

b) Tensiunea  $U$  aplicată și căldura produsă în circuit în timpul  $t=50\text{ s}$ .

(Profil economic, iulie, 1978)

## 1979

3.9.1. Un număr  $n=5$  generatoare grupate în serie, având fiecare t.e.m.  $E_1=4,0\text{ V}$  și rezistența interioară  $r_1=0,20\ \Omega$ , alimentează un circuit format dintr-un rezistor de rezistență  $R_1=6,6\ \Omega$  inseriat cu o grupare în paralel formată dintr-un al doilea rezistor de rezistență  $R_2=4,0\ \Omega$  și o bobină cu rezistența  $r_2=6,0\ \Omega$ , de lungime  $l=10\text{ cm}$  și având  $N=50$  spire. Se cere:

a) Energia disipată în rezistorul  $R_1$  în timpul  $t=20\text{ h}$ .

b) Valoarea maximă a rezistenței șuntului care trebuie adăugat unui miliampermetru care poate măsura curenți electrici de pînă la  $i_m=100\text{ mA}$ , pentru a putea determina cu ajutorul acestui miliampermetru intensitatea curentului care trece prin bobină.

c) Intensitatea cîmpului magnetic în interiorul bobinei.

Rezistența internă a miliampermetrului  $r=0,21\ \Omega$ .

(Profiluri tehnice, subing., iulie, 1979)

3.9.2. O particulă avînd sarcina electrică  $q=3,2 \cdot 10^{-19}\text{ C}$  intră în zona unui cîmp magnetic uniform cu inducția  $B=0,665\text{ T}$ . Știind că la intrarea în zona cîmpului magnetic viteza  $v=1,6\text{ Mm/s}$  a particulei este

(Profiluri tehnice, subing., iulie, 1979)

perpendiculară pe direcția inducției, precum și faptul că particula descrie în zona câmpului magnetic o circumferință de rază  $r=50\text{ mm}$ , să se determine:

- a) Masa particulei.
- b) Frecvența rotațiilor particulei în câmpul magnetic.
- c) Tensiunea electrică necesară pentru a accelera particula până la viteza indicată.

(Profiluri tehnice, subing., iulie, 1979)

3.9.3. O sursă electrică alimentează un circuit format dintr-o grupare în derivație, constituită din rezistoarele  $R_1=4,0\text{ }\Omega$  și  $R_2=6,0\text{ }\Omega$ , înseriată cu rezistorul  $R_3=1,6\text{ }\Omega$ . Știind că intensitatea curentului în circuit este  $I=2,0\text{ A}$ , iar în cazul deconectării rezistorului  $R_2$  intensitatea curentului devine  $I'=1,5\text{ A}$ , să se determine:

- a) Rezistența electrică a circuitului în cele două cazuri.
- b) T.e.m. și rezistența internă a sursei.
- c) Puterea totală consumată de sursă, în cele două cazuri.

(Profiluri tehnice, subing., iulie, 1979)

3.9.4. Două elemente galvanice identice, cu t.e.m.  $E=2,0\text{ V}$ , se leagă în serie printr-un rezistor de rezistență  $R=3,0\text{ }\Omega$ . Știind că unul singur din cele două elemente ar debita în rezistorul  $R$  un curent de intensitate  $i=0,50\text{ A}$ , se cere:

- a) Intensitatea curentului debitat de cele două elemente galvanice înseriate pe rezistorul  $R$ .
- b) Rezistența internă a fiecărui element galvanic.

(Profiluri tehnice, subing., iulie, 1979)



3.9.5. Intensitatea curentului debitat în același rezistor  $R$ , dacă cele două elemente sînt legate în paralel. La bornele unui alternator care furnizează o tensiune cu frecvența  $\nu=50$  Hz și valoarea efectivă  $U=100$  V, se conectează în serie un bec cu rezistența  $r=20$   $\Omega$  și o bobină, avînd rezistența  $r?$  și inductanța  $L$  necunoscute. La bornele becului se stabilește o tensiune cu valoarea efectivă  $U_b=50$  V, iar la bornele bobinei o tensiune de valoare efectivă  $U_L=70$  V. Se cere:

- Intensitatea curentului în circuit.
- Rezistența bobinei.
- Inductanța bobinei.

(Profiluri tehnice, subing., iulie, 1979)

\* \* \*

3.9.6. Un circuit format dintr-un solenoid cu inductanța  $L=34,6$  mH și rezistența  $r=4,0$   $\Omega$ , înseriat cu un condensator de capacitate  $C=1$   $\mu$ F, este alimentat la tensiunea alternativă  $u(t)=2 \sin 200t$  (unități SI). Să se determine:

- Defazajul dintre tensiunea la bornele solenoidului și intensitatea curentului care îl străbate.
- Valoarea efectivă a intensității curentului în solenoid.
- Puterile activă, reactivă și aparentă, indicînd semnificațiile fizice ale valorilor obținute.

(Profiluri tehnice, iulie, 1979)

3.9.7. Un transformator electric cu tensiunea la ieșire  $U_e=25$  kV alimentează un consumator aflat la distanța  $d=5,0$  km prin fire de cupru de rază  $r=3,0$  mm. Știind că intensitatea efectivă a curentului în linie este  $I_e=80$  A, să se determine:

- Tensiunea la bornele consumatorului.
- Puterea disipată pe linie.
- Masa de apă care ar putea fi încălzită de la  $t_1=20^\circ\text{C}$  pînă la  $t_2=100^\circ\text{C}$  prin energia disipată pe linie în timpul  $t=1,00$  h.

Se dau rezistivitatea cuprului  $\rho=17,5$  n $\Omega$ /m, căldura specifică a apei  $c=4,13$  kJ/kg $\cdot$ K.

(Profiluri tehnice, iulie, 1979)

3.9.8. Rotorul unui dinam sunt, acționat de un motor cu puterea  $P=9,0$  kW produce o t.e.m.  $E=220$  V, intensitatea curentului în circuitul exterior fiind  $I=40$  A. Știind că rotorul are rezistența  $r=0,40$   $\Omega$ , iar intensitatea curentului în inductor este  $I_e=2,5$  A, să se determine:

- Tensiunea la bornele dinamului.
- Rezistența inductorului.
- Randamentul industrial al dinamului.

3.9.9. Un circuit serie conectat la o tensiune alternativă cu valoarea efectivă  $U=10,0$  V și frecvența  $\nu=50$  Hz este format dintr-o

bobină cu rezistența  $r=4,0$   $\Omega$  și inductanța  $L=\frac{10}{12}$  mH, precum și

un condensator de capacitate  $C=\frac{25}{12}$   $\mu$ F. Se cere:

(Profiluri tehnice, iulie, 1979)

a) Valoarea efectivă a intensității curentului și diagrama fazo-rială a tensiunilor.

b) Defazajul între tensiunea la bornele circuitului, respectiv tensiunea la bornele bobinei, și intensitatea curentului în circuit.

c) Puterea activă, puterea reactivă și puterea aparentă în circuit.

(Profiluri tehnice, iulie, 1979)

3.9.10. La bornele unui circuit de c.a. cu frecvență  $\omega = 50$  Hz se aplică o tensiune avînd valoarea efectivă  $U = 220$  V. Circuitul este alcătuit dintr-o bobină cu rezistența  $R$ , un condensator cu capacitatea  $C$  și un rezistor cu rezistența  $R = 20$   $\Omega$ , legate în serie. Știind că intensitatea efectivă în circuit este  $I = 2,2$  A, defazajul la bornele bobinei  $\varphi = \pi/3$ , iar defazajul la bornele circuitului  $\varphi_c = \pi/6$ , să se calculeze:

a) Impedanța circuitului, reactanța inductivă, reactanța capacitivă și rezistența bobinei.

b) Capacitatea condensatorului și inductanța bobinei.

c) Puterea activă, reactivă și aparentă din circuit.

(Profil economic, iulie, 1979)

3.9.11. Pe soclul unui bec electric cu incandescență, avînd filamentul din wolfram, este înscris:  $U = 120$  V,  $P = 60$  W. Acest bec trebuie să fie alimentat de la o sursă cu tensiunea  $U = 220$  V. Se cere:

a) Rezistența electrică  $R$  a becului în condiții normale de alimentare și rezistența  $R_s$  a reostatului care trebuie inserat pentru a-i asigura o funcționare normală.

b) Temperatura  $\theta$  de încălzire a filamentului becului dacă rezistența lui la  $0^\circ\text{C}$  este  $R_{10} = 20,0$   $\Omega$ . Coeficientul de temperatură al wolframului este  $\alpha = 5,0 \cdot 10^{-3}$   $\text{K}^{-1}$ .

c) Energia disipată sub formă de căldură în reostatul  $R_s$  în timpul  $t = 5,0$  min și sarcina electrică  $q$  ce trece prin reostat în timpul  $t = 2,0$  s.

(Profil economic, iulie, 1979)

3.9.12. Un miliampermetru are scala de  $N = 50$  diviziuni și măsoară  $I_a = 2,0$  mA/div (pentru o diviziune). Rezistența internă a miliampermetrului este  $r = 0,50$   $\Omega$ . Se cere:

a) Valoarea maximă a tensiunii care ar putea fi măsurată cu acest aparat, dacă ar fi fost folosit ca voltmetru.

b) Cum ar putea fi utilizat acest aparat ca voltmetru, astfel încît o diviziune a sa să corespundă la  $U = 100$  mV/div?

c) Cum se poate extinde domeniul de măsurare al ampermetrului pentru a putea determina curenți pînă la  $I = 1,00$  A?

(Profil economic, iulie, 1979)

3.9.13. Între polii unui electromagnet cu secțiunea  $S = 18$  dm<sup>2</sup> se creează un flux magnetic  $\Phi = 0,45$  Wb. În acest spațiu se deplasează, sub acțiunea unei forțe mecanice constante  $F = 0,50$  N, un conductor lung de  $Z = 30$  cm. Se cere:

a) T.e.m. indusă în conductor, atunci cînd acesta se deplasează cu 9

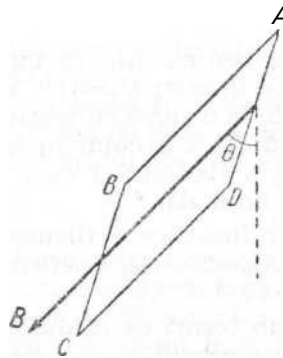
viteza  $u=60 \text{ cm/s}$ .

b) Accelerația conductorului în acest moment, în cazul în care capetele sale sînt legate printr-un fir cu rezistența  $r=0,90 \text{ }\Omega$ , iar masa conductorului este  $m=150 \text{ g}$ .

c) Viteza limită (maximă) pe care o poate atinge conductorul, pornind din repaus.

(Profil economic, iulie, 1979)

3.9.14. O porțiune a unui circuit electric, formată din conductoarele succesiv ortogonale de lungimi  $AB=0,40 \text{ m}$ ,  $BC=0,15 \text{ m}$  se poate roti în jurul laturii fixe orizontale  $AD$  și se găsește într-un câmp magnetic uniform, a cărui inducție  $B=1,2 \text{ T}$  formează unghiul  $\theta=30^\circ$  cu verticala (fig. 3.9.14). Știind că atunci cînd cir-



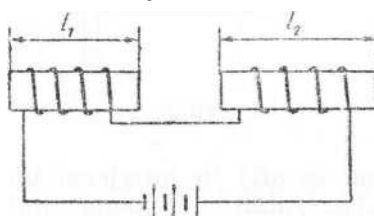
cuitul este parcurs de un curent  $I=2,0 \text{ A}$ , laturile  $AB$  și  $CD$  sînt paralele cu inducția câmpului magnetic, să se determine:

a) Forța electromagnetică acționînd asupra conductorului  $BC$ .

b) Masa conductorului  $BC$  în condițiile în care masele conductoarelor  $AB$  și  $CD$  sînt neglijabil de mici. Viteza maximă pe care o va atinge conductorul  $BC$ , în cazul în care curentul prin circuit se anulează brusc ( $g=10 \text{ m/s}^2$ ).

(Profil economic, iulie, 1979)

3.9.15. Pe lungimile  $Z_1=40 \text{ mm}$ ,  $Z_2=50 \text{ mm}$  a două miezuri magnetice, de permeabilități relative  $\mu_1=40$ ,  $\mu_2=16$ , se înfășoară spire, bobinele astfel obținute fiind înseriate și conectate la bornele unei surse de c.c., cu t.e.m.  $\mathcal{E}=6,0 \text{ V}$ . Știind că intensitățile



cîmpurilor magnetice în cele două bobine și respectiv, fluxurile magnetice în cele două bobine sînt egale, și în condițiile în care rezistențele înfășurărilor bobinelor sînt  $R_1=4,5 \text{ }\Omega$ ,  $R_2=7,0 \text{ }\Omega$ , iar intensitatea curentului în circuit  $I=0,50 \text{ A}$ , să se determine:

- Raportul numerelor de spire ale celor două bobine.
- Raportul volumelor celor două miezuri.
- Rezistența internă a sursei.

(Profil economic, iulie, 1979)

3.9.16. Un circuit paralel este format dintr-un rezistor cu rezistența  $R=1,00 \text{ k}\Omega$ , o bobină cu inductanța  $L=25 \text{ }\mu\text{H}$  și un condensator variabil. Circuitul este alimentat de la un generator de c.a. de frecvență fixă,  $\nu=1,00 \text{ MHz}$ , care debitează — indiferent de impedanța circuitului exterior — un curent de intensitate efectivă  $I=50 \text{ mA}$ . Să se determine:

- Capacitatea  $C_0$  a condensatorului variabil pentru care se realizează rezonanța intensităților, și puterea activă disipată în circuit în acest caz.
- Raportul  $(C_1-C_2)/C_0$ , unde  $C_1$  și  $C_2$  sînt capacitățile condensatorului variabil pentru care puterea activă scade la jumătate din valoarea corespunzînd rezonanței.
- Lungimea de undă a radiației electromagnetice cu frecvența indicată, într-un mediu cu permitivitatea relativă  $\epsilon_r=1,00$  și permeabilitatea relativă  $\mu_r=25$ .

Sub. teor. a) Să se justifice: 1. Expresia legii lui Ohm, pornind de la considerente privind mișcarea ordonată a electronilor liberi într-un conductor. 2. Expresia tensiunii induse într-un conductor liniar mobil într-un cîmp magnetic uniform. 3. Legea dezintegrării radioactive.

- Să se scrie, indicînd semnificațiile fizice ale mărimilor care intervin: 1. Expresia forței de interacțiune între două sarcini punctiforme. 2. Expresiile intensității cîmpului magnetic pe axa unui solenoid, în jurul

unui conductor liniar parcurs de curent, respectiv, în centrul unui conductor circular parcurs de curent. 3. Expresiile defectului de masă al unui nucleu și a energiei de reacție (nucleare).

(Profil fizic, iulie, 1979)

## 1980

3.10.1. Un electron se află în interiorul unui condensator plan cu vid (între armături). Știind că distanța dintre armături este  $d = 10$  mm și tensiunea la borne  $U = 100$  V, se cere:

- Accelerația de mișcare a electronului.
- Țimpul necesar pentru traversarea condensatorului.
- În ce sens se mișcă electronul?

Se cunosc: sarcina elementară  $e = 1,6 \cdot 10^{-19}$  C, masa electronului  $m = 9,1 \cdot 10^{-31}$  kg.

(Profiluri tehnice, subing., iulie, 1980)

3.10.2. Fie doi rezistori, unul cu rezistența  $R_x = 5,00$  Ω care admite o putere maximă  $P_1 = 20$  W și altul cu rezistența  $R_s = 2,00$  Ω care admite o putere maximă  $P_2 = 18$  W. Se cere:

- Valorile maxime ale tensiunilor și intensităților de curent electric, admise de fiecare rezistor.
- Puterea maximă care se poate obține cu un montaj format din cei doi rezistori legați în serie.
- Puterea maximă obținută cu un montaj format din rezistorii respectivi legați în paralel.

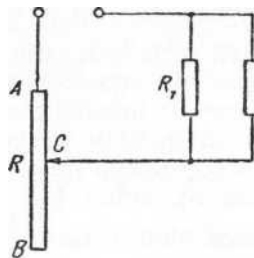
(Profiluri tehnice, subing., iulie, 1980)

3.10.3. Montajul din fig. 3.10.3 conține o baterie de acumulatori cu tensiunea e.m.  $\mathcal{E} = 40$  V și cu rezistența interioară  $r = 1,00$  Ω, două rezistoare cu rezistențele  $R_1 = 6,00$  Ω respectiv  $R_2 = 12,0$  Ω și un fir metalic AB de secțiune constantă, cu lungimea  $Z = 80$  cm și rezistența  $R = 6,00$  Ω. Pe finii, AB se deplasează cursorul C prin care se închide circuitul. Se cere:

- Rezistența echivalentă pentru rezistoarele  $R_x$  și  $R_2$ .
- Rezistivitatea  $\rho$  a firului metalic, dacă secțiunea acestuia este  $S = 1,00$  mm<sup>2</sup>.
- Distanța  $x = AC$  astfel încât căderea de tensiune pe porțiunea AC să fie  $\mathcal{E} = 15$  V.

(Profiluri tehnice, subing., iulie, 1980)

(Profiluri tehnice, iulie, 1980)



\* \* \*

3.10.4. Un receptor de energie electrică cu puterea  $P=1,1 \text{ kW}$  este conectat prin intermediul a două conductoare la o rețea de c.c. cu tensiunea  $U=110 \text{ V}$ . Cunoscând că receptorul este un rezistor cu rezistența electrică  $R$  a cărei mărime poate fi variată, se cere:

a) Să se determine rezistența electrică a conductoarelor de legătură, pentru care puterea  $P$  a receptorului se obține pentru o unică valoare a rezistenței electrice a acestuia (respectiv, a unui unic curent în circuit).

b) Valoarea intensității curentului din circuit și a rezistenței receptorului în cazul a).

c) Puterea electrică pierdută în conductoarele de legătură în același caz.

(Profiluri tehnice, iulie, 1980)

3.10.5. Un bec cu  $U_b=220 \text{ V}$  are puterea nominală  $P=60 \text{ W}$ . Se cere:

a) Rezistența electrică a becului în regim nominal.

b) Rezistența rezistorului care trebuie înseriat cu becul pentru ca acesta să lumineze normal, dacă alimentarea se face la tensiunea  $U=380 \text{ V}$ .

c) Rezistența rezistorului cu care se șuntează un ampermetru, intercalat în circuit, pentru a măsura curentii de intensitate pînă la  $I=1,00 \text{ A}$ , dacă în absența șuntului variația curentului corespunde unei diviziuni a scalei este  $i=2,0 \text{ m A/div}$ . Ampermetrul intercalat în circuit are rezistența interioară  $r=1,8 \text{ }\Omega$  și  $N=50 \text{ div pe scală}$ .

3.10.6. O bobină cu inductanța  $L=$  mH și rezistența  $r=350 \text{ }\Omega$  este conectată în serie cu un condensator plan avînd capacitatea  $C=$  nF, la

o tensiune continuă  $U_c=157 \text{ V}$ . Se cere:

a) Permitivitatea relativă a dielectricului condensatorului, știind că aria armăturilor aflate la distanța  $d=0,20 \text{ mm}$  este  $S=400 \text{ cm}^2$ .

b) Sarcina electrică cu care se încarcă condensatorul.

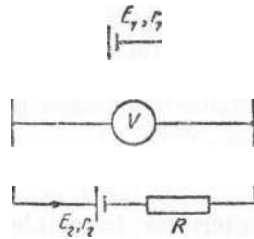
c) Valoarea efectivă a intensității curentului și defazajul față de tensiunea aplicată, dacă se înlocuiește tensiunea continuă cu tensiunea alternativă  $u=U_0 \sin \omega t$ , avînd  $U_0=500 \text{ V}$  și frecvența  $\nu=$

$\frac{\pi}{50} \text{ Hz}$ . Se dă permitivitatea vidului  $\epsilon_0=$  F/m,

(Profiluri tehnice, iulie, 1980)

(Profiluri tehnice, iulie, 1980)

3.10.7. Fie circuitul din fig. 3.10.7 în care pila 1 are t.e.m.  $E_1 = 3,00$  V și rezistența internă  $r_1 = 2,00$  Ω, pila 2 are t.e.m.  $E_2 = 1,5$  V și rezistența internă  $r_2 = 0,50$  Ω, iar rezistorul are rezistența  $R =$



$= 5,00$  Ω. Considerînd voltmetrul  $V$  cu rezistența interioară foarte mare, se cere:

- Intensitatea curentului electric prin sursa 1.
- Tensiunea la bornele voltmetrului.
- Căldura dezvoltată în rezistor în timpul  $t = 10$  min.

(Profil economic, iulie, 1980)

3.10.8. Un condensator plan, cu vid între armături, are distanța dintre armături  $d = 10$  mm și suprafața unei armături  $S = 100$  cm<sup>2</sup>. Știind că tensiunea aplicată condensatorului este  $U = 200$  V și că între armături se poate mișca un electron, se cere:

- Capacitatea condensatorului și intensitatea câmpului electric dintre armături.
- Forța exercitată de câmpul electric asupra electronului.

(Profiluri tehnice, iulie, 1980)

Timpul necesar pentru ca electronul să străbată distanța dintre armături sub acțiunea câmpului electric. Se dau: permitivitatea vidului  $\epsilon_0 = 8,85 \text{ pF/m}$ , sarcina elementară  $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ , masa electronului  $m_e = 9,1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$ .

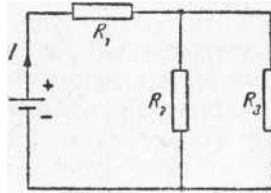
(Profil economic, iulie, 1980)

3.10.9. Un condensator avînd capacitatea  $C = 50 \text{ } \mu\text{F}$  și o bobină cu inductanța  $L = 2,00 \text{ H}$  și cu rezistența  $r = 100 \text{ } \Omega$  sînt montate în serie și alimentate la o tensiune alternativă  $U = 220 \text{ V}$  și de frecvență variabilă. Se cere:

- Frecvența de rezonanță a circuitului.
- Intensitatea maximă a curentului din circuit în cazul rezonanței.
- Tensiunile care apar la bornele condensatorului și bobinei în cazul rezonanței.

(Profil economic, iulie, 1980)

3.10.10. Un microgenerator de c.c., care consumă putere mecanică  $P_1 = 625 \text{ W}$  debitează pe trei rezistoare de rezistențe  $R_1 = 8,0 \text{ } \Omega$ ,  $R_2 = 20 \text{ } \Omega$  și  $R_3 = 30 \text{ } \Omega$  legate ca în fig. 3.10.10. Rezistența internă a



generatorului este neglijabilă. Știind că randamentul de transformare a energiei mecanice în energie electrică de către microgenerator este  $\eta = 80\%$ , se cere:

- Puterea  $P_2$  debitată de microgenerator.
- Intensitățile curentilor în rezistoare.
- Tensiunile electrice pe fiecare rezistor și la bornele generatorului.

(Profil economic, iulie, 1980)

3.10.11. Un circuit care cuprinde rezistorii de rezistențe  $R_1$  și  $R_2$ , legați în serie, este alimentat de la un generator de c.c. la t.e.m.  $\mathcal{E} = 12,0 \text{ V}$ . Tensiunea la bornele generatorului este  $U = 10,0 \text{ V}$ . Pe rezistorul de rezistență  $R_1 = 4,00 \text{ } \Omega$  ia naștere o cădere de tensiune  $U_1 = 8,00 \text{ V}$ . Rezistorul de rezistență  $R_2$  este construit dintr-un fir de aluminiu cu secțiunea  $S = 0,60 \text{ mm}^2$ . Știind că rezistivitatea aluminiului este  $\rho = 30 \text{ n}\Omega\text{m}$ , se cere:

- Intensitatea curentului electric din circuit.
- Rezistența interioară a generatorului.
- Lungimea firului de aluminiu.

(Profil economic, iulie, 1980)

3.10.12. Un condensator avînd capacitatea  $C = 1,00 \text{ } \mu\text{F}$  și un solenoid cu rezistența  $R = 96 \text{ } \Omega$  și de inductanță  $L = 1,42 \text{ H}$ , sînt conectate în serie la bornele unui generator avînd t.e.m. sinusoidală,  $\mathcal{E}_e = 240 \text{ V}$  și frecvența



$f=50\text{ Hz}$ . Rezistența internă a generatorului este neglijabilă. Să se determine:

a) Valoarea efectivă a intensității curentului electric și defazajul dintre intensitatea curentului și tensiune.

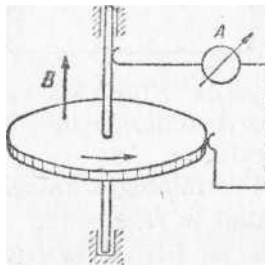
b) Pentru ce valoare a frecvenței valoarea efectivă a intensității curentului electric este maximă și care este această din urmă valoare.

c) Pentru ce valoare a frecvenței valoarea efectivă a tensiunii la bornele condensatorului este maximă.

Sub. teor. 1. Acțiunea câmpului electric uniform asupra unui fascicul de electroni. 2. Construcția geometrică a imaginilor date de lentile.

(Profil fizic, iulie, 1980)

3.10.13. Un disc dintr-un material conductor nemagnetic se rotește în jurul unui ax din același material într-un câmp magnetic omogen de inducție  $B$ , conform fig. 3.10.13. între ax și periferia



discului se leagă cu ajutorul a două perii fixe un instrument de măsură. Se constată că în circuitul ampermetrului apare curent. Ținând seama că discul este străbătut de un flux constant al câmpului magnetic omogen:

a) Explicați apariția t.e.m. în circuitul dat.

b) Indicați sensul curentului electric; se va schimba sensul curentului electric dacă se schimbă sensul de rotație a discului?

3.11.1. Poate funcționa dispozitivul ca motor electric? Dați explicații. Un punct material având sarcina electrică  $q=5,0\text{ nC}$  și masa  $m=10\text{ mg}$  se găsește deasupra sarcinii punctiforme fixe  $Q=-6,0\text{ nC}$ , situată pe aceeași verticală. Să se determine:

a) Intensitatea câmpului electric și potențialul electric produse de sarcina punctiformă  $Q$  la distanța  $d=10\text{ cm}$  de aceasta.

b) Distanța dintre sarcinile  $q$  și  $Q$ , pentru care punctul material de sarcină  $q$  se găsește în echilibru deasupra sarcinii  $Q$ .

c) Distanțele de la sarcina  $Q$  până la care se depărtează, respectiv se apropie punctul material, dacă în poziția de echilibru i se imprimă, după direcția verticală, viteza  $v_0=1,00\text{ m/s}$ .

Se dă permitivitatea electrică a aerului  $\epsilon_a = \epsilon_0 = 8,85 \cdot 10^{-12}\text{ F/m}$ .

(Profiluri tehnice, subing., iulie, 1981)

3.11.2. Pentru a transmite puterea  $P=200\text{ kW}$  la distanța  $d=10\text{ km}$ ,

(Profil fizic, iulie, 1980)

se folosesc conductorii de cupru de secțiune  $S=35 \text{ mm}^2$  și rezistivitate  $\rho = 17,5 \text{ n}\Omega \cdot \text{m}$ . Să se determine:

- Rezistența electrică a conductorilor de cupru.
- Valoarea efectivă a tensiunii minime sub care trebuie transmisă puterea  $P$ , pentru ca pierderile de putere pe linie  $P_r$  să nu depășească  $\pm 2,0\%$  din puterea transmisă.
- Valorile efectivă și maximă ale căderii de tensiune pe conductorii de legătură în cazul în care  $P_r = fP$ .

(Profiluri tehnice, subing., iulie, 1981)

3.11.3. Un generator electric cu t.e.m.  $\mathcal{E}=12 \text{ V}$  și rezistența interioară  $r=0,40 \text{ }\Omega$  alimentează un circuit serie format dintr-un rezistor cu rezistența  $1,2 \text{ }\Omega$  și o grupare derivație (paralel) compusă dintr-un electrolizor de rezistență  $R_2=4,0 \text{ }\Omega$  și un rezistor cu rezistență electrică  $R_3=6,0 \text{ }\Omega$ . Să se determine:

- Intensitățile curenților prin fiecare ramură a circuitului.
- Timpul în care pe suprafața catodului electrolizorului, avînd aria  $A=50 \text{ cm}^2$ , se depune un strat de nichel gros de  $\delta=0,50 \text{ mm}$ , știind că densitatea nichelului  $\rho=8,8 \text{ t/m}^3$ , iar echivalentul său elec-trochimic  $K=0,203 \text{ mg/C}$ .
- Căldura dezvoltată în rezistorii  $R_2$  și  $R_3$  în timpul  $t=1,0 \text{ min}$ .

(Profiluri tehnice, subing., iulie, 1981)

Un cadru conductor avînd forma unui pătrat cu latura  $a=10 \text{ cm}$  se rotește uniform cu viteza unghiulară  $\omega=50 \text{ rad/s}$  într-un cîmp magnetic uniform cu inducția magnetică  $B=0,60 \text{ T}$ . Știind că axul de rotație trece prin centrul cadrului și este paralel cu două dintre laturi și perpendicular pe liniile de cîmp magnetic, să se determine:

- Amplitudinea t.e.m. induse în cadru.
- Momentul forțelor de interacțiune între curentul indus în cadru și cîmpul magnetic exterior, în poziția cadrului paralelă cu liniile de cîmp magnetic, știind că amplitudinea curentului indus  $I_m=0,60 \text{ A}$ .
- Puterea activă în cadru, știind că reactanța inductivă a acestuia este neglijabilă.

(Profiluri tehnice, subing., iulie, 1981)

\* \* \*

3.11.4. Un circuit compus dintr-un condensator cu capacitatea  $C=\frac{20}{7\pi} \text{ }\mu\text{F}$ , o bobină cu inductanța  $L=\frac{4}{\pi} \text{ H}$  și un rezistor cu rezistența  $R=100 \text{ }\Omega$ , legate în serie, este alimentat la tensiunea alternativă  $U=220 \text{ V}$  și frecvența  $\nu=50 \text{ Hz}$ . Se cere să se calculeze:

- Unghiul de defazaj dintre tensiunea la bornele circuitului și intensitatea curentului în circuit.
- Puterea activă, reactivă și aparentă în circuit.
- Factorul de supratensiune (calitate) al circuitului.

(Profiluri tehnice, iulie, 1981)

3.11.5. O particulă electricizată intră cu viteza  $u=200 \text{ m/s}$  într-un

(Profil fizic, iulie, 1980)

cîmp magnetic uniform cu inductanța  $B=1,00\text{ T}$ , după o direcție perpendiculară pe liniile acestuia, și descrie în cîmpul magnetic un sfert de cerc cu raza  $r=20,86\text{ cm}$ . Se cere să se calculeze:

- Sarcina specifică a particulei.
- Tensiunea electrică necesară pentru a accelera particula pînă la viteza dată.
- Durata mișcării particulei în cîmpul magnetic.

(Profiluri tehnice, iulie, 1981)

3.11.6. Un circuit RLC serie de c.a. avînd factorul de supratensiune (calitate)  $Q=V_{2/3}$ , prezintă, la frecvența  $f=50\text{ Hz}$ , im-pedanța  $Z=100\ \Omega$  și puterile activă  $P=346,4\text{ W}$ , respectiv, reactivă  $P_r=200\text{ var}$ . Să se determine:

- Unghiul de defazaj al tensiunii la bornele circuitului față de intensitatea curentului în circuit, și rezistența electrică a rezistorului circuitului.
- Valorile efective ale tensiunii la borne și intensității curentului în circuit.
- Inductanța bobinei și capacitatea condensatorului circuitului.

3.11.7. O particulă încărcată electric cu sarcina  $q=1,6 \cdot 10^{-19}\text{ C}$  intră într-un cîmp magnetic uniform cu inducția  $B=10\text{ mT}$  cu viteza  $u=40\text{ Mm/s}$  perpendiculară pe liniile de cîmp magnetic. Să se calculeze:

- Forța care se exercită asupra particulei.
- Raza traiectoriei, perioada și frecvența rotației particulei în cîmp magnetic.
- Tensiunea electrică necesară pentru a accelera particula pînă la viteza indicată, știind că masa particulei este  $m=9,1 \cdot 10^{-31}\text{ kg}$ .

(Profiluri tehnice, iulie, 1981)

3.11.8. Se consideră un condensator plan cu aer, format din armături identice, izolate electric, avînd fiecare aria  $S=0,18\text{ dm}^2$ , masa  $m=80\text{ g}$  și sarcini electrice  $Q=1,2\text{ nC}$  (de semne opuse). Una dintre armături este fixă, iar cealaltă este legată de un resort elastic de constantă  $f_c=32\text{ N/m}$ , așezat după direcția normalei la cele două armături. Știind că în poziția de echilibru a armăturilor, corespun-zînd distanței  $d=1,59\text{ mm}$  între acestea, se imprimă armăturii mobile viteza  $u=7,8\text{ mm/s}$  după direcția normalei la armături, să se determine:

- Frecvența oscilațiilor armăturii mobile.
- Amplitudinea oscilațiilor armăturii mobile.
- Valoarea tensiunii între armături în poziția de echilibru a acestora și amplitudinea oscilațiilor tensiunii între armături.

Se dă permitivitatea electrică a aerului  $\epsilon_0=8,85 \cdot 10^{-12}\text{ F/m}$ . Nu

36 7i

este necesară luarea în considerare a interacțiunilor electrice dintre armături.

(Profil economic, iulie, 1981)

(Profil fizic, iulie, 1980)

3.11.9. Pe un miez magnetic cilindric lung, avînd raza  $R = 2,0$  mm și permeabilitatea relativă  $\mu_r = 2,5$ , se bobinează spiră lângă spiră, într-un singur strat, un fir conductor cu diametrul  $a = 0,40$  mm. Să se determine:

a) Intensitatea cîmpului magnetic în bobină, în cazul cînd aceasta este parcursă de un curent electric de intensitate  $I = 0,20$  A.

b) Inductanța bobinei pe unitatea de lungime a miezului bobinat.

c) Rezistivitatea conductorului, știind că la frecvența  $f = 5,0$  kHz reactanța inductivă a bobinei este egală cu rezistența sa.

Se dă permeabilitatea magnetică a vidului  $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7}$  H/m

(Profil fizic, iulie, 1980)

3.11.11. Se consideră schema electrică din fig. 3.11.11 în care  $\mathcal{E}_1=6,00\text{ V}$ ,  $\mathcal{E}_2=-4,00\text{ V}$ ,  $R_1=2,00\ \Omega$ ,  $R_2=4,00\ \Omega$ . Să se determine: a) Intensitățile curenților prin fiecare ramură a schemei;

b) Căldura pe durata  $t=1,00$   
c) Diferența electrozodul pozitiv al sursei  $\mathcal{E}_2$ .

Se neglijează celor două surse (Profil economic,

3.11.12. Un format dintr-un

$R=40\ \Omega$ , o bobină de inductanță  $L=255\text{ mH}$  și un condensator variabil fixat inițial la capacitatea  $C=63,6\ \mu\text{F}$ . Știind că acest circuit este legat la bornele unui generator cu tensiunea efectivă  $C=220\text{ V}$  și frecvența  $f=50\text{ Hz}$ , să se determine:

a) Intensitatea curentului în circuit și tensiunile  $U_R$ ,  $U_L$  și  $U_C$  la bornele rezistorului, bobinei și, respectiv, condensatorului.

b) Factorul de putere al circuitului serie.

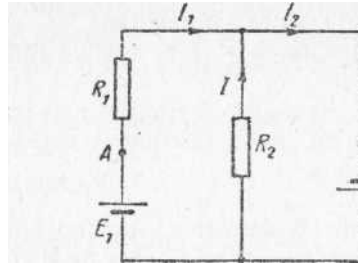
c) Capacitatea condensatorului variabil pentru care în circuit apare rezonanța.

(Profil economic, iulie, 1981)

3.11.13. Un circuit  $RLC$  serie format dintr-un rezistor de rezistență  $R=100\ \Omega$ , o bobină de inductanță  $L=0,318\text{ H}$  și un condensator plan cu aer, având aria fiecărei armături  $A=10\text{ cm}^2$ , este alimentat de un generator de c.a., care asigură o tensiune la borne constantă pentru frecvențe variabile. Știind că maximul tensiunii măsurate la bornele rezistorului se atinge atunci când frecvența tensiunii la borne este egală cu  $f_0=50\text{ Hz}$ , să se determine:

a) Capacitatea condensatorului plan.

b) Diferența frecvențelor  $f_1$ ,  $f_2$  la care tensiunea la bornele rezistorului scade la  $1/\sqrt{2}$  din valoarea maximă (corespunzând frecvenței  $f_0$ ).



dezvoltată în rezistorul  $R_2$  min.

de potențial dintre al sursei  $\mathcal{E}_1$  și cel negativ

rezistențele interne ale electrice.

iulie, 1981)

circuit serie  $RLC$  este rezistor cu rezistența

c) d) Distanța la care trebuie apropiate armăturile condensatorului plan pentru ca defazajul dintre tensiunea la bornele circuitului și intensitatea curentului în acesta să devină la frecvența  $\omega = 45^\circ$ . Permitivitatea aerului  $\epsilon_0 = 8,85 \cdot 10^{-12} \text{ F/m}$ .

38 π

Sub. teor. a) Să se enunțe: 1. Legile lui Kirchhoff. 2. Legea Joule a efectului electrocaloric. 3. Principalele constatări experimentale privind efectul fotoelectric.

b) Să se indice expresiile pentru: 1. Rezistența unui conductor în funcție de dimensiunile geometrice ale acestuia și natura conductorului. 2. Intensitatea cîmpului magnetic în centrul unei spire circulare parcursă de curent electric. 3. Puterile activă, reactivă și aparentă, în c.a., indicînd semnificațiile fizice ale mărimilor care intervin.

(Profil fizică, iulie, 1931)

1982

3.12.1. Punctele A și B se găsesc în vid, la distanțele  $r_A = 30 \text{ cm}$  și respectiv  $r_B = 90 \text{ cm}$ , de sarcina  $Q = 2,0 \text{ nC}$ . Să se afle:

a) Intensitatea cîmpului electric în punctul A.

b) Diferența de potențial dintre punctele A și B.

c) Lucrul mecanic necesar pentru deplasarea unei sarcini  $q = -60 \text{ pC}$  între punctele A și B. Se dă  $1/4\pi\epsilon_0 = 9 \cdot 10^9 \text{ m/F}$ .

(Profiluri tehnice, subing., iulie, 1982)

3.12.2. O picătură de ulei cu sarcina  $Q = 3,2 \cdot 10^{-19} \text{ C}$  se află între plăcile orizontale ale unui condensator plan, între care există un cîmp electric cu intensitatea  $E = 100 \text{ kV/m}$ . Să se afle:

a) Masa picăturii aflate în echilibru între plăcile condensatorului.

b) Diferența de potențial dintre plăci, știind că distanța dintre ele este  $d = 5,0 \text{ mm}$ .

c) Cu cît trebuie mărită tensiunea aplicată pe plăci pentru a menține picătura în echilibru, dacă ea pierde o sarcină elementară.  $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ ,  $g = 10 \text{ m/s}^2$ .

(Profil mat.-fiz., 3 ani, iulie, 1982)

\* efr \*

3.12.3. Un fascicul de electroni cu viteze inițiale neglijabile este accelerat la o diferență de potențial  $U_m = 4,55 \text{ kV}$  și pătrunde pe axa unui condensator plan, după o direcție paralelă cu armăturile acestuia. La ieșirea din condensator fasciculul lovește un ecran fluorescent. Distanța dintre armăturile condensatorului este  $d = 1,00 \text{ mm}$ , lungimea acestora este  $Z = 40 \text{ mm}$ , iar tensiunea dintre armături este  $U = 100 \text{ V}$ . Se cere:

a) Viteza cu care pătrund electronii în condensator.

b) Care este deplasarea spotului produs de fasciculul de electroni pe ecranul fluorescent față de poziția spotului în cazul anulării tensiunii dintre armăturile condensatorului.

c) Indicați direcția, sensul și mărimea inducției cîmpului magnetic care ar acționa între armăturile condensatorului, pentru ca această deplasare să se anuleze.

Se dau: masa electronului  $m = 9,1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$ ,  $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ .

(Profiluri tehnice, iulie, 1982)

3.12.4. Un circuit serie de c.a. alcătuit dintr-un solenoid cu inductanța  $L = 30 \text{ mH}$ , un condensator cu capacitatea  $C = 27 \text{ pF}$  și un rezistor cu rezistența  $R = 2,00 \Omega$ , este alimentat de o sursă de tensiune alternativă, care asigură, pentru frecvențe variabile, o aceeași amplitudine  $E_0 = 20,0 \text{ V}$  a tensiunii la bornele circuitului. Să se determine:

- a) Frecvența  $f_0$  pentru care puterea disipată în rezistor este maximă.
- b) Valoarea maximă a puterii disipată în rezistor.
- c) Factorul de supratensiune al circuitului.

(Pi'ofiluri tehnice, iulie, 1982)

3.12.5. Un circuit oscilant format dintr-o bobină cu inductanța  $L=50\text{ H}$  și un condensator variabil întreține oscilații electrice cu frecvența proprie  $f_0=5,0\text{ MHz}$ . Oscilațiile sînt transmise unei antene metalice verticale plantată în sol, care radiază unde electropagne tice în spațiu. Să se calculeze:

- a) Capacitatea la care se reglează condensatorul.
- b) Lungimea de undă a radiațiilor electromagnetice.
- c) Înălțimea antenei, știind că aceasta lucrează pe modul fundamental.

(Profiluri tehnice, iulie, 1982)

3.12.6. O bobină cu inductanța  $L$  și un rezistor  $R$  sînt montate în serie într-un circuit de c.a. alimentat la tensiunea  $U=120\text{ V}$  și frecvența  $\nu=50\text{ Hz}$ , curentul în circuit fiind  $I=24\text{ A}$ . Dacă se introduce în serie un condensator cu reactanța  $jX_C=4,0\text{ }\Omega$ , circuitul intră în rezonanță. Să se calculeze:

- a) Valoarea rezistenței, inductanței și capacității.
- b) Intensitatea curentului de rezonanță.
- c) Factorul de putere în cele două circuite (fără condensator și cu condensator).

(Profiluri tehnice, iulie, 1982)

3.12.7. Un condensator plan are suprafața armăturilor  $S=1,00\text{ cm}^2$  și distanța dintre ele  $d=0,10\text{ mm}$ . În interior se găsește un dielectric cu permitivitatea relativă  $\epsilon_r=6,0$ . Să se afle:

- a) Capacitatea condensatorului.
- b) Frecvența de rezonanță a unui circuit format prin montarea condensatorului în serie cu o bobină cu inductanța  $L=1,00\text{ mH}$ .
- c) Diferența de potențial dintre cele două armături, dacă sarcina de pe o armătură este  $Q=1,062\text{ nC}$ . ( $\epsilon_0=8,85\text{ pF/m}$ ).

(Profil economic, iulie, 1982)

3.12.8. Un circuit serie este format dintr-un condensator și o bobină care are rezistența  $r=10,0\text{ }\Omega$ . Frecvența de rezonanță a circuitului este  $f_0=1,00\text{ kHz}$ , impedanța circuitului este egală cu  $Z=1,00\text{ k}\Omega$ . Să se calculeze:

- a) Inductanța bobinei.
- b) Capacitatea condensatorului.
- c) Puterea activă, știind că prin circuit trece un curent cu intensitatea efectivă  $I=0,50\text{ A}$ .

(Profil economic, iulie, 1982)

3.12.9. Un acumulator cu t.e.m.  $E=24\text{ V}$  este format din  $n$  elemente identice înseriate, fiecare avînd rezistența interioară  $r=0,40\text{ }\Omega$ . Se conectează la bornele sale un condensator plan cu suprafața armăturilor  $S=0,20\text{ cm}^2$  și cu distanța dintre ele  $d=3,0\text{ mm}$ . Condensatorul se încarcă cu sarcina  $Q=10\text{ }\mu\text{C}$ . Se introduce în locul condensatorului un rezistor. Intensitatea curentului prin rezistor este  $I=2,00\text{ A}$ . Dacă se înlătură jumătate din elementele acumulatorului, intensitatea curentului scade la  $I=1,50\text{ A}$ . Să se calculeze:

- a) Permitivitatea absolută a dielectricului dintre plăcile condensatorului.
- b) Valoarea rezistenței rezistorului.
- c) Numărul  $n$  de elemente care formează acumulatorul.

(Profil economic, iulie, 1982)

3.12.10. Un circuit serie este format dintr-o bobină cu inductanța  $L=1,00\text{ mH}$  și din condensatoarele  $C_1$  și  $C_2$ , montate în serie. Condensatorul  $C_1$  are capacitatea  $C_1=2,0\text{ nF}$ , iar  $C_2$  este un condensator plan cu aer, avînd aria unei armături  $S=400\text{ cm}^2$ , iar distanța dintre armături  $d=0,354\text{ mm}$ . Cunoscînd permitivitatea absolută a aerului  $\epsilon_0=8,85\text{ pF/m}$ , să se calculeze:

- a) Capacitatea condensatorului  $C_2$ .
- b) Frecvența de rezonanță a circuitului.

c) Lungimea de undă a undelor electromagnetice cu frecvență de rezonanță:

(Profil economic, iulie, 1982)

3.12.11. La o sursă caracterizată prin tensiunea efectivă  $U = 220 \text{ V}$  și frecvență  $f = 50 \text{ Hz}$ , se conectează o bobină. Intensitatea curentului alternativ prin bobină este  $I = 2,00 \text{ A}$ . Prin legarea în serie cu bobina a unui condensator cu capacitatea  $C = 20 \text{ pF}$ , intensitatea curentului prin bobină rămâne aceeași  $I = 2,00 \text{ A}$ . Să se determine:

- Rezistența și inductanța bobinei.
- Puterea activă și puterea reactivă în cele două situații (cu condensator și fără condensator).
- Factorul de supratensiune al circuitului considerat.

Sub. teor. a) Să se formuleze și să se scrie relațiile corespunzătoare, indicând semnificația mărimilor care intervin: 1. Legea lui Coulomb. 2. Legile refracției luminii. 3. Postulatele lui Bohr.

b) Să se deducă: 1. Formula convergenței unui sistem de lentile subțiri. 2. Relația dintre timpul de înjumătățire și constanta de dezintegrare radioactivă.

(Profil fizică, iulie, 1982)

1983

3.13.1. O bobină având  $n = 5,0$  spire/cm este legată în paralel cu un rezistor  $R = 5,00 \text{ }\Omega$  la bornele unei surse cu t.e.m. continuă  $E = 6,00 \text{ V}$  și rezistență internă  $r = 1,00 \text{ }\Omega$ . Bobina are miez de fier cu permeabilitatea  $\mu = 12,56 \text{ JtH/m}$  și creează un câmp magnetic interior de inducție  $B = 7,536 \text{ mT}$ . Să se determine:

- Rezistența ohmică a bobinei.
- Puterea disipată pe rezistența  $R$ .
- Inductanța bobinei, dacă fluxul magnetic prin bobină este  $\Phi = 0,36 \text{ mWb}$ .

(Pofiluri tehnice, subing., iulie, 1983)

3.13.2. Fie două surse de c.c., având t.e.m. egale cu  $E = 10,0 \text{ V}$  și rezistențele interioare  $r_1 = 3,00 \text{ }\Omega$ , respectiv  $r_2 = 2,00 \text{ }\Omega$ . Circuitul exterior are o rezistență  $R = 15,0 \text{ }\Omega$ . Să se determine:



a) Intensitățile curenților din circuit, la legarea în serie, respectiv în paralel a surselor. Diferența de potențial la bornele fiecărei surse în cazul legării în serie.

b) Care ar trebui să fie rezistența exterioară astfel încât tensiunea la bornele primei surse să fie nulă, în cazul legării în serie.

(Profil mat.-fiz., 3 ani, iulie, 1983)

3.13.3. O particulă cu sarcina electrică  $q_x = -1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$  și masa  $m = 9,1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$  pătrunde cu viteza  $w_0 = 1,00 \text{ Mm/s}$ , perpendicular pe liniile câmpului electric între armăturile unui condensator plan, încărcate cu sarcina electrică  $q_2 = 40 \text{ fC}$ . La ieșirea din condensator, particulele intră într-un câmp magnetic uniform cu inducția  $B = 24 \text{ fT}$ , viteza ei fiind perpendiculară pe liniile câmpului magnetic. Știind că parcursul în condensator este  $L = 12 \text{ cm}$ , aria fiecărei armături  $A = 0,25 \text{ dm}^2$ , iar permitivitatea mediului  $\epsilon = 8,86 \text{ pF/m}$ . Să se determine:

a) Accelerația particulei în interiorul condensatorului.

b) Deviația particulei la ieșirea din câmpul electric.

c) Perioada, viteza și raza circumferinței după care se mișcă particula în câmpul magnetic.

(Profiluri tehnice, iulie, 1983)

3.13.4. Trei surse electrice avînd t.e.m.  $\mathcal{E}^1 = 1,00 \text{ V}$ ,  $\mathcal{E}^2 = 1,10 \text{ V}$  și  $\mathcal{E}^3 = 1,20 \text{ V}$  și rezistențele interne  $r_1 = 2,00 \text{ }\Omega$ ,  $r_2 = 3,00 \text{ }\Omega$  respectiv  $r_3 = 1,00 \text{ }\Omega$ , sînt conectate în paralel. La bornele comune A și B ale surselor este legat un rezistor cu rezistența  $R = 20,0 \text{ }\Omega$ , prin care trece un curent electric de intensitate  $I$ . Se cere:

a) Să se calculeze intensitatea  $I$  a curentului electric prin rezistorul  $R$ .

b) Dacă sursa de tensiune electromotoare  $\mathcal{E}_3$  este scoasă din circuit, să se exprime intensitățile curenților prin celelalte două surse, respectiv prin rezistorul  $R$ , în funcție de  $\mathcal{E}_1$ ,  $\mathcal{E}_2$ ,  $r_1$ ,  $r_2$  și  $R$ , și să se calculeze aceste intensități.

c) Tensiunea electrică pe care o va arăta un voltmetru conectat între bornele A și B, în condițiile punctului precedent, dacă rezistența voltmetrului este  $R_v = 2,0 \text{ k}\Omega$ .

(Profiluri tehnice, iulie, 1983)

3.13.5. Circuitul din fig. 3.13.5 cuprinde  $n = 6$  elemente galvanice, fiecare cu t.e.m.  $\mathcal{E}_j = 2,00 \text{ V}$  și rezistența internă  $r_j = 0,15 \text{ }\Omega$  legate în serie, rezistoarele  $R_1 = 5,00 \text{ }\Omega$  și  $R_2 = 7,00 \text{ }\Omega$  și un solenoid cu lungimea  $l = 20 \text{ cm}$ ,  $N = 300$  spire și rezistența  $r_s = 3,00 \text{ }\Omega$ . Să se afle:

Tensiunea la bornele bateriei în circuit deschis și în circuit închis.

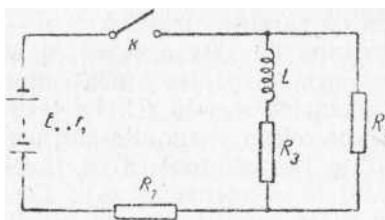


a) Intensitățile curenților  $I_2$  și  $I_3$  prin  $R_2$ , respectiv  $R_3$  și căldura disipată în rezistorul  $R_2$  la trecerea curentului în timpul  $t = 2,00$  min.

b) Inducția magnetică  $B$  pe axul solenoidului.

Permeabilitatea vidului:  $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7}$  H/m.

(Profiluri tehnice, iulie, 1983)



3.13.6. Într-o locuință sînt montate în derivație două becuri electrice de cîte  $P_1 = 25$  W, două becuri electrice de cîte  $P_2 = 60$  W și o plită electrică de  $P_3 = 500$  W. Tensiunea rețelei fiind  $U = 220$  V, să se calculeze:

- Rezistențele consumatorilor în regim nominal.
- Rezistența electrică echivalentă a ansamblului consumatorilor.
- Intensitatea curentului pentru care trebuie calculate siguranțele, știind că acestea trebuie să depășească cu  $\pm 25\%$  valoarea reală a intensității curentului de consum, atunci cînd funcționează concomitent toți acești consumatori.

(Profiluri tehnice, iulie, 1983)

3.13.7. O sursă are t.e.m.  $\mathcal{E} = 12$  V și rezistența internă  $r = 1,2 \Omega$ . Introdusă într-un circuit se constată că tensiunea la borne este de  $k = 3$  ori mai mare decît căderea de tensiune pe sursă. Să se determine:

- Intensitatea curentului din circuit.
- Rezistența exterioară a circuitului.
- Masa depusă prin electroliză, de curent, în timpul  $t = 1,00$  h, dintr-o substanță avînd masa atomică  $A = 16$  u și valența  $z = 2$ .

(Profil economic, iulie, 1983)

Un voltmetru montat la bornele unui generator indică o tensiune  $U = 8,00$  V. Dacă un al doilea voltmetru, identic cu primul, este montat în paralel cu primul voltmetru la bornele generatorului, indicația lor comună este  $U_2 = 6,00$  V. Gînd un ampermetru este conectat între bornele generatorului el indică un curent  $I_1 = 3,00$  A. Dacă un al doilea ampermetru, identic cu primul, este conectat în

$$I_2 = \frac{U \cdot I_1}{U_2} = \frac{8,00 \cdot 3,00}{6,00} = 4,00 \text{ A}$$

(Profil medical, iulie, 1983)

serie cu primul ampermetru între bornele generatorului indicația lor comună este  $I_2 = 2,00 \text{ A}$ . Să se calculeze:

- Valoarea t.e.m. a generatorului.
- Rezistența internă a generatorului.
- Rezistențele interne ale aparatelor de măsură folosite.

(Profil economic, iulie, 1983)

3.13.8. Un ampermetru, avînd rezistența interioară  $r = 1,00 \text{ }\Omega$ , poate măsura curenți pînă la valoarea  $I_1 = 3,00 \text{ A}$ . Să se calculeze:

- Rezistența unui sunt care va permite ampermetrului să măsoare curenți pînă la o valoare maximă  $I_2 = 30,0 \text{ A}$ .
- Rezistența echivalentă a ampermetrului cu sunt.
- Energia electrică disipată pe sunt în timpul  $t = 2,00 \text{ min}$ , la valoarea maximă a curențului.

(Profil economic, iulie, 1983)

3.13.9. Un circuit serie de c.a. este format dintr-o bobină cu inductanța  $L = 0,10 \text{ mH}$ , o rezistență  $R = 15 \text{ }\Omega$  și un condensator de capacitate  $C = 1,00 \text{ }\mu\text{F}$ . Să se calculeze:

- Pulsația de rezonanță.
- Reactanța capacitivă la rezonanță.
- Defazajul dintre curenț și tensiunea la bornele circuitului pentru o frecvență  $f = \blacksquare \text{ kHz}$ .

7C

(Profil economic, iulie, 1983)

3.13.10. Un circuit serie de c.a. cu frecvența  $f = 50 \text{ Hz}$  conține o bobină cu inductanța  $L = 0,10 \text{ H}$  și un rezistor cu rezistența  $R$ . Se constată o defazare  $\varphi = 30^\circ$  între tensiune și intensitatea curențului la bornele circuitului. Să se calculeze:

- Valoarea rezistenței  $R$  a rezistorului.
- Capacitatea  $C$  a unui condensator care, introdus în serie în circuit, înlătură defazarea.
- Puterea activă a circuitului de c.a. în cazul a), dacă tensiunea efectivă la bornele circuitului este  $U = 220 \text{ V}$ .

(Profil fizică, iulie, 1983)

3.13.11. Un electron cu energia cinetică  $E_e = 10,0 \text{ eV}$  se rotește într-un plan perpendicular pe liniile de forță ale unui cîmp magnetic cu inducția  $B = 0,10 \text{ mT}$ . Să se afle:

- Diferența de potențial  $U$  sub care a fost accelerat electronul.
  - Raza  $r$  a traiectoriei electronului.
  - Frecvența și perioada de mișcare ale electronului.
- Masa electronului  $m = 9,1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$ , sarcina elementară  $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ .

#### 4. OPTICĂ ȘI FIZICA ATOMICĂ

•j, 4.1.1. O lentilă convergentă are distanța focală  $f_1 = 12$  cm. În fața ei se așază un obiect la distanța  $|x_1| = 20$  cm. Imaginea formată de lentilă servește drept obiect unei alte lentile convergente care are distanța focală  $f_2 = 10$  cm. Distanța dintre lentile este  $d = 60$  cm. Să se determine:

- Convergențele  $C_1$  și  $C_2$  ale celor două lentile;
- Cum este imaginea formată de prima lentilă, unde este plasată și în ce raport de mărime stă cu obiectul?
- La ce distanță față de a doua lentilă se găsește imaginea dată de prima lentilă?
- Cum este imaginea formată de a doua lentilă, unde este plasată ea și în ce raport, ca mărime, stă cu obiectul inițial?

(Inst. Constr. București, Fac. Cadastru, subing., iulie, 1971)

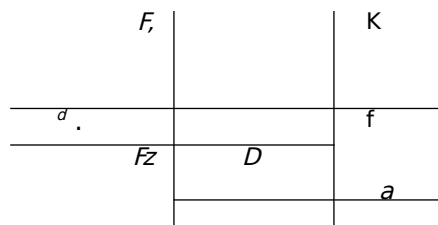
\* efa \*

! 4.1.2. O undă monocromatică avînd lungimea de undă  $\lambda = 680$  nm cade pe un ecran  $E$  în care sînt practicate două fante  $F_1$  și  $F_2$ , așezate la distanța  $d = 2,0$  mm. Franjele de interferență sînt observate pe un paravan  $P$  așezat la distanța  $D$  de ecranul  $E$ . Se cere:

Să se calculeze distanța  $D$ , astfel încît pe paravanul  $P$  primul maxim de interferență să fie la distanța  $X = 0,34$  mm de franja centrală

(Profil medical, iulie, 1983)

a) Să se calculeze deplasarea primei franje luminoase, a unui cînd paravanul P se deplasează cu distanța  $a=0,50$  m față de poziția sa inițială.



b) Ce grosime  $e$  trebuie să aibă o lamă de indice de refracție  $n=1,56$  care, așezată în calea fasciculului ce iese din fanta  $F_1$  să provoace apariția primei franje luminoase în locul franjei centrale?

c) Considerînd că razele de lumină străbat di'umul între P și E prin apă, în care viteza luminii este  $c'=3c/4$ , să se calculeze distanța între două franje consecutive.

(Inst. Pol. București, Fac. Chim. Ind., iulie, 1971)

4.1.3. Un fascicul de lumină generat de o radiație monocromatică este divizat în două. Primul fascicul cade perpendicular pe o rețea de difracție cu  $iV=500$  trăs./mm, iar al doilea pe o celulă fotoelectrică. Să se determine:

a) Lungimea de undă a acestei radiații, dacă **I 100** unghi maximul de difracție de ordinul 2 se obține sub un  $\epsilon p_2=30^\circ$ .

b) Numărul total al maximelor de difracție date de rețea pentru o radiație  $X_2=450$  nm.

c) Să se verifice valoarea constantei lui Planck, știind că pentru frînarea fotoelectronilor, tensiunea aplicată este  $[/_2=690$  mV pentru radiația  $X_2=450$  nm și  $C/_1=-415$  mV pentru radiația  $A_{\gamma K}$ .

d) Care este energia cinetică a fotoelectronului emis de celulă pentru radiația cu  $A_{\gamma}=500$  nm, dacă energia de extracție este  $L=-2,3$  eV?

(Inst. Pol. București, Fac. Chim. Ind., 1971)

X 4.1.4. Două lentile plan-convexe identice, alcătuite din sticlă cu indicele de refracție  $n=1,5$  și cu distanța focală  $f=60$  cm, sînt centrate pe aceeași axă cu fețele curbate în contact. Se umple intervalul dintre lentile cu un lichid și se constată că distanța focală a sistemului devine  $F=155$  cm. Să se determine indicele de refracție al lichidului.

(Inst. Petr., Gaze, Geol. București, 1971)

4.1.5. Cu ajutorul oglinzilor lui Fre'snel se obține pe un ecran o figură de interferență pentru o radiație monocromatică cu  $\lambda = 582 \text{ nm}$ .

a) Să se determine numărul de franje luminoase pe centimetru dacă unghiul dintre oglinzi este  $\alpha = 179^\circ 59'$  și sursa de lumină se află în planul ecranului.

b) Să se calculeze numărul de franje pe centimetru, atunci când întreg sistemul se introduce în apă ( $n_{\text{apă}} = 4/3$ ).

c) În cazul în care sursa de lumină ar trimite radiații conținând liniile dubletului de rezonanță al Na ( $\lambda_1 = 589,0 \text{ nm}$ ,  $\lambda_2 = 589,6 \text{ nm}$ ), cât de mare ar fi distanța pe ecran între maximele de interferență ale celor două radiații de ordinul întâi? (Tot sistemul se consideră în continuare în apă).

(Univ. București, Fac. Fizică, 1971)

4.1.6. Pe o picătură de apă de formă sferică, din atmosferă, cu diametrul  $L = 10 \text{ nm}$  și temperatura  $t = 25^\circ \text{C}$ , cade un fascicul de radiație monocromatică cu lungimea de undă  $\lambda = 700 \text{ nm}$ , transformând-o în vaporii. Care este numărul fotonilor absorbiți de picătura de apă? În ce domeniu spectral se situează radiația?

Se dă căldura latentă de vaporizare  $X_v = 2,25 \text{ MJ/kg}$ .

Sub. teor. Semiconductoarele și aplicațiile lor mai importante.

(Univ. Cluj, Fac. Fizică, 1971)

4.1.7. O lentilă biconvexă din sticlă cu indicele de refracție  $n = 1,5$  are fețe cu aceeași rază de curbură  $|R| = 12 \text{ cm}$ . Lentila se așază între un obiect luminos și un paravan. Distanța dintre obiect și paravan este  $CF = 60 \text{ cm}$ . Să se determine:

a) Pozițiile lentilei în care se formează imagini reale și clare pe paravan.

b) Raportul dintre mărimea imaginii și a obiectului, corespunzător pozițiilor de la punctul a).

(Univ. Timișoara, Fac. Fiz., iulie, 1971)

1972

U.2.1. O lentilă convergentă formează de la un obiect real o imagine reală, răsturnată și de 4 ori mai mare decât obiectul. Știind că distanța dintre obiect și imagine este  $d = 1,00 \text{ m}$ , să se afle:

a) Distanța obiectului la lentilă, distanța imaginii la lentilă și distanța focală  $f$ .

b) Să se construiască mersul razelor prin lentilă.

4.2.2. (Inst. Constr. București, Fac. Cadastru, subing., iulie, 1972) O rază de lumină monocromatică ce se propagă în vid, cade sub unghiul  $i=45^\circ$  pe suprafața unei lame transparente cu fețe plane și paralele. Grosimea lamei este  $d=1,5$  cm și indicele ei de refracție absolut  $n = 2$ . Să se calculeze:

- Unghiul de refracție al razei în lamă.
- Deplasarea razei incidente după ce străbate lama.
- Viteza de propagare a luminii în lamă.

Se da  $\sin 15^\circ = 0,26$ .

(Inst. Constr. București, Fac. Cadastru, subing., septembrie, 1972)

\*\*\*

4.2.3. O sursă monocromatică emite un fascicul cu lungimea de undă  $\lambda = 560$  nm de putere  $P=10$  mW. De la direcția inițială, fasciculul este deviat cu  $\theta = 30^\circ$  cu ajutorul unei prisme, care face unghiul  $A=60^\circ$ , astfel încât el cade normal pe o rețea optică. Se cere:

- Unghiul de incidență al fasciculului pe prismă, știind că acesta este egal cu unghiul de emergență ( $i=i'$ ).
- Indicele de refracție al prisme pentru radiația monocromatică folosită.
- Sub ce unghi de incidență trebuie să cadă raza de lumină pe prima față a prisme pentru ca ea să sufere o reflexie totală pe a doua față a prisme?
- Energia, impulsul și masa fotonului emis, precum și numărul de fotoni emiși pe unitatea de timp.
- Numărul de trăsături pe milimetru al rețelei, știind că maximul de ordinul 2 se observă la un unghi  $\varphi_2 = 30^\circ$  față de normala la planul rețelei.

Sub. teor. Scara absolută a temperaturilor. Gradul Kelvin. 2. Randamentul unei mașini termice. 3. Legile efectului fotoelectric.

(Inst. Pol. București, Fac. Chim. Ind. iulie, 1972)

4.2.4. Să se arate că distanța minimă dintre un obiect și imaginea reală a acestuia într-o lentilă convergentă este egală cu de 4 ori distanța focală.

Sub. teor. Legile inducției electromagnetice (Faraday și Lenz).

(Inst. Pol. Iași, Fac. Chim., iulie, 1972)

4.2.5. Lucrul mecanic de extracție a electronilor dintr-un metal este  $E_e = 2,0$  eV. Pe acest metal cade o radiație cu lungimea de undă  $\lambda = 250$  nm. Se cere:

- Lungimea de undă a pragului fotoelectric pentru acel metal.
- Viteza fotoelectronilor emiși.

Se dau: sarcina elementară  $e = 1,6 \cdot 10^{-19}$  C, masa electronului  $m = 9,1 \cdot 10^{-31}$  kg, constanta lui Planck  $h = 6,6 \cdot 10^{-34}$  J s.

Sub. teor. 1. Prisma optică. 2. Călduri specifice la gaze.

(Inst. Petr., Gaze, Geol. București, iulie, 1972)

4.2.6. O monedă a căzut pe fundul unui vas cu apă la o adâncime  $h=30$  cm. La ce distanță de suprafața apei din vas pare a fi situată, atunci când este privită aproape vertical (indicele de refracție, al apei  $n=4/3$ )?

Sub. teor. Primul principiu al termodinamicii. Aplicații la călduri specifice.

(Univ. București, Fac. Chim., iulie, 1972)

1973

4.3.1. Două radiații luminoase având lungimile de undă  $\lambda^* = 6250$  Å și  $\lambda_2 = 4166$  Å cad normal pe o rețea de difracție. Se cere să se calculeze:

- Numărul  $N$  de fante pe unitatea de lungime (1 mm) a rețelei, astfel ca maximele celor două radiații să coincidă în direcția  $\varphi = 30^\circ$ .

b) Alte unghiuri  $\varphi'$  pentru care maximele celor două radiații coincid din nou.

c) Ordinul de difracție maxim ce se poate obține pentru prima radiație.

d) Dacă radiațiile cad pe suprafața unui metal, având lucrul de extracție pentru efectul fotoelectric  $L = 4,75 \cdot 10^{-19} \text{ J}$ , să se determine potențialele de frânare pentru cele două radiații și să se discute rezultatele.

Se mai dau:  $h = 6,6 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ ,  $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ .

Sub. teor.: 1. Randamentul ciclului Carnot. 2. Variația masei cu viteza. Legătura dintre masă și energie în teoria relativității. 3. Fotonul.

(Inst. Pol. București, Fac. Chim. Ind., iulie, 1973)

4.3.2. Un fascicul filiform de lumină cu lungimea de undă  $\lambda = 400 \text{ nm}$  cade pe fața unei prisme care are unghiul din vîrf  $A = 60^\circ$ . Se observă că pentru unghiul de incidență  $i = 60^\circ$ , unghiul de emergență  $i' = i$ . La ieșirea din prismă, fasciculul cade pe o celulă fotoelectrică cu pragul fotoelectric la lungimea de undă  $\lambda_0 = 660 \text{ nm}$ . Să se afle:

a) Indicele de refracție al prisme.

b) Frecvența luminii incidente și viteza ei în prismă.

c) Viteza fotoelectronilor emiși de catodul fotocelulei.

d) Numărul fotonilor incidenți pe fotocelulă în timpul  $t = 1,00 \text{ ms}$ , dacă puterea fasciculului incident este  $P = 10 \text{ mW}$ .

e) Se înlocuiește celula cu o rețea optică cu  $N_0 = 625 \text{ trăs./mm}$ , așezată normal pe direcția fasciculului. Care este unghiul dintre direcția maximului de ordinul 2 și direcția normalei la planul rețelei?

Se dau: constanta Planck  $h = 6,6 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ , masa electronului  $m_0 = 9,1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$ .

Sub. teor.: 1. Scara absolută a temperaturilor. Gradul Kelvin. 2. Dilatația liniară și în volum a corpurilor solide. 3. Variația masei cu viteza.

(Inst. Pol. București, Fac. Chim. Ind., 1973)

4.3.3. Fotoelectronii emiși de un catod metalic al unei fotocelule, sub acțiunea unei radiații de lungime de undă  $\lambda_1 = 16 \text{ nm}$ , sînt frînați de o tensiune inversă între anodul și catodul fotocelulei  $U_x = 6,0 \text{ V}$ . Se cere să se calculeze:

a) Tensiunea inversă pentru a frîna electronii emiși de același catod sub acțiunea radiației de lungime de undă  $\lambda_2 = 106,5 \text{ nm}$ , știind că sarcina elementară este  $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$  și constanta lui Planck  $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ .

b) Energia necesară pentru extracția unui electron din metalul catodului fotocelulei.

c) Frecvența de prag proprie a catodului fotocelulei (frecvența minimă pentru care apare curentul fotoelectric).

(Inst. Pol. București, Fac. Chim. Ind., 1973)

4.3.4. Pe o placă de sodiu aflată în vid cade normal un flux de fotoni cu frecvența  $\nu = 1,00 \cdot 10^{15} \text{ Hz}$ . Știind că frecvența de prag la efectul fotoelectric extern pentru sodiu este  $\nu_p = 60 \cdot 10^{13} \text{ Hz}$ , constanta lui Planck este  $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ , să se determine:

a) Energia de extracție a electronilor din placa de sodiu.

b) Viteza electronilor extrași din placă știind că masa electronului este  $m = 9,1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$ .

c) Impulsul fotonului incident corespunzător frecvenței  $\nu$ .

d) Presiunea exercitată de acești fotoni asupra plăcii de sodiu, în cazul cînd pe fiecare metru pătrat ar cădea pe secundă  $A_f = 100 \cdot 10^8 \text{ fotoni/m}^2\cdot\text{s}$ . (se consideră că fluxul incident este complet absorbit de placă)!

Sub. teor.: 1. Legea conservării și transformării energiei în procesele mecanice și termice. Primul principiu al termodinamicii. 2. Conferință, iulie 1973



Interferența prin lame subțiri.

V 4.3.5. Pe o lentilă biconvexă cade un fascicul paralel de lumină albă. Știind că razele de curbură ale fețelor lentilei sînt  $r_1 = 50$  cm și  $r_2 = 100$  cm, să se calculeze distanța care separă focarul razelor roșii pentru care  $n_r = 1,510$ , de focarul razelor violete pentru care  $n_v = 1,525$ .

(Inst. Petr., Gaze, Geol., București, iulie, 1973)

V 4.3.6. Imaginea reală a unui obiect cu înălțimea  $V_y = 30$  mm trebuie să se formeze pe un ecran situat la distanța  $d = 100$  cm de obiect. Se folosește o lentilă subțire plan convexă, avînd raza de curbură a feței convexe  $r = 10$  cm. Există două poziții posibile ale lentilei, distanța dintre ele fiind  $h = 50$  cm. Să se afle:

- Mărimile imaginilor în cele două cazuri.
- Distanța focală a lentilei.
- Indicele de refracție al materialului lentilei.

Sub. teor. 1. Vaporizarea. Vaporii saturați și nesaturați. 2. Difracția luminii. Rețele de difracție.

(Univ. Timișoara, Fac. Fizică, iulie, 1973)

1974

4.4.1. Se iluminează cu radiații din domeniul vizibil (lungimea de undă între 400 nm și 700 nm) o placă de cesiu care are lucrul mecanic de extracție  $L = 3,0 \cdot 10^{-19}$  J.

- Care este energia cinetică, maximă a fotoelectronilor emiși de cesiu? ( $h = 6,6 \cdot 10^{-34}$  J·s).
- Să se afle impulsul și masa de mișcare a fotonului cu lungimea de undă  $\lambda_r = 700$  nm.
- Între ce limite este cuprinsă convergența unei lentile biconvexe cu fețe identice de rază  $|r| = 20$  cm, dacă sticla din care este confecționată are indicii de refracție:  $n_v = 1,55$  pentru lumina violetă,  $n_r = 1,50$  pentru lumina roșie?

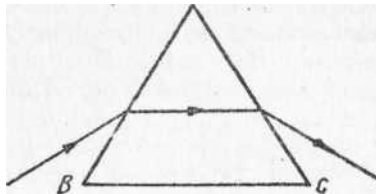
(Inst. Pol. Timișoara, Fac. Ing. Chim., iulie, 1974)

1975

(Inst. Pol. Iași, Fac. Chim. Ind., iulie 1973)

a) Se dă o prismă optică a cărei secțiune  $ABC$  este un triunghi echilateral. Pe fața  $AB$  a prisme situate în apă cade o radiație monocromatică cu lungimea de undă  $\lambda = 660 \text{ nm}$ , astfel încât raza se propagă în prismă paralel cu baza  $BC$ . Se cere să se calculeze: Valoarea indicelui de refracție  $n_p$  al materialului din care este confecționată prisma, știind că unghiul format de prelungirea razei incidente cu raza emergentă este  $\delta_m = 30^\circ$  și indicele de refracție al apei este  $n_0 = 1,33$ .

-4



b) Valoarea indicelui de refracție  $n_m$  al unui mediu diferit de apă pentru care în aceleași condiții (propagare în prismă într-o direcție paralelă cu baza  $BC$ ), unghiul  $\delta_m$  este nul.

c) Care ar trebui să fie valoarea minimă  $n_{min}$  a indicelui de refracție a unui alt mediu, pentru care radiația incidentă pe prismă sub același unghi ca la punctul a), să nu mai intre în prismă?

d) Dacă radiația emergentă cade normal pe o rețea de difracție cu lungimea  $L = 10 \text{ cm}$ , să se calculeze numărul total  $N$  de fante, știind că maximum de difracție de ordinul 3 se obține pentru un unghi de difracție  $\varphi = 60^\circ$ .

(Inst. Pol. București, Fac. Chim., iulie, 1975)

4.5.1. Catodul metalic al unei celule fotoelectrice este iluminat cu o radiație luminoasă de lungime de undă  $\lambda_1 = 136,0 \text{ nm}$ . Fotoni electronii emiși sub acțiunea acestei radiații pot fi frânați aplicând o tensiune electrică inversă  $U = 6,00 \text{ V}$ , între anodul și catodul celulei fotoelectrice. În cazul iluminării cu o radiație luminoasă de lungime de undă  $\lambda_2 = 106,5 \text{ nm}$ , fotoelectronii emiși de același catod sînt frânați de o tensiune electrică inversă  $U_2 = 8,53 \text{ V}$ . Se efectuează aceste două determinări, fiind cunoscute constanta lui Planck  $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$  și viteza luminii în vid. Se cere:

a) Sarcina electronului.

b) Energia necesară pentru extracția unui electron din metalul catodului fotocelulei (lucrul de ieșire a electronului din metalul dat).

c) Lungimea de undă maximă a radiației optice sub acțiunea căreia catodul celulei fotoelectrice poate să mai emită electroni.

4.6.1. Să se afle masa fotonului care corespunde radiației luminoase de lungime de undă  $\lambda$ . O lentilă convergentă avînd distanța focală  $f_1 = 10,0 \text{ cm}$  formează imaginea reală  $A'B'$  a unui obiect  $AB$  aflat la distanța  $X_1 = 30 \text{ cm}$  de  $L_1$ . Imaginea  $A'B'$  este obiect pentru o a doua lentilă  $L_2$  a cărei distanță focală este  $f_2 = 20,0 \text{ cm}$ . Lentila  $L_2$  este plasată la distanța  $d = 55,0 \text{ cm}$  față de prima lentilă și de aceeași parte cu imaginea  $A'B'$ . Se cere:

a) Să se construiască imaginile  $A'B'$  și  $A''B''$  ale obiectului  $AB$  în lentila  $L_1$  și respectiv  $L_2$ .

b) Să se calculeze convergențele celor două lentile.

c) Să se afle distanța  $x_2$  la care se formează imaginea  $A''B''$  față de lentila  $L_2$ .

(Inst. Pol. București, Fac. Chim., iulie, 1975)

4.6.2. Un fascicul de lumină monocromatică cu frecvența  $\nu = 3,0 \cdot 10^{13}$  Hz și puterea  $P = 1,00$  W, este absorbit total de o picătură de apă de masă  $m = 1,00$  g și temperatură  $t = 20^\circ\text{C}$ . Se cere:

a) Timpul în care este vaporizată apa.

b) Numărul de fotoni absorbiți de apă (căldura specifică a apei  $c = 4 \cdot 200$  J/kg·K, căldura de vaporizare a apei  $L_v = 2,25$  MJ/kg, constanta lui Planck  $h = 6,63 \cdot 10^{-34}$  J·s).

(Inst. Pol. București, Fac. Chim., iulie, 1976)

4.6.3. O rază incidentă pe o prismă cu unghiul  $A = 60^\circ$ , suferind deviația minimă, emerge sub un unghi  $i' = 60^\circ$ . Se cere:

a) Unghiul de incidență.

b) Unghiul de deviație minimă.

c) Indicele de refracție al prisme.

(Inst. Pol. București, Fac. Chim., iulie, 1976)

4.6.4. O lentilă plan-concavă are raza de curbură  $r = 10,0$  cm și indicele de refracție  $n = 1,50$ . În fața ei, la distanța  $x_1 = 20$  cm, perpendicular pe axă, este așezat un obiect cu înălțimea  $i_1 = 80$  mm. Să se afle poziția, natura și mărimea imaginii.

(Inst. Pol. București, Fac. Chim., iulie, 1976)

4.6.5. Ce viteză are o particulă care în mișcare rectilinie și uniformă are masă dublă față de masa ei de repaus (se cunoaște viteza luminii în vid)?

(Inst. Pol. București, Fac. Chim., iulie, 1976)

4.6.6. Care este frecvența unui foton pentru a avea energia egală cu energia totală a unui electron care se deplasează în vid cu viteza  $\beta = 0,60$  c?

Se cunosc: masa de repaus, a electronului  $m_0 = 9,1 \cdot 10^{-31}$  kg, constanta lui Planck  $h = 6,62 \cdot 10^{-34}$  J·s, viteza luminii.

(Inst. Pol. București, Fac. Ing. Chim., septembrie, 1976)

4.8.7. Suprafața unui fotocatod este iluminată cu un fascicul de radiație monocromatică cu lungimea de undă  $\lambda = 500$  nm, emițându-se electroni cu viteza  $u = 500$  km/s. Care este energia de extracție a electronilor din materialul fotocatodului?

Se cunosc: constanta lui Planck  $h = 6,62 \cdot 10^{-34}$  J·s, masa electronului  $m = 9,1 \cdot 10^{-31}$  kg, viteza luminii.

(Inst. Pol. București, Fac. Ing. Chim., septembrie, 1976)

4.8.8. Un fascicul paralel de radiație monocromatică este trimis perpendicular pe o rețea de difracție cu  $N = 100$  trăs./mm. Să se calculeze lungimea de undă a radiației, dacă maximul de ordinul 2 se observă sub unghiul  $\theta = 7\pi/6$ .

(Inst. Pol. București, Fac. Ing. Chim., septembrie, 1976)

4.6.9. Unghiul de refracție limită corespunzând materialului unei prisme cu unghiul la vîrf  $A = 60^\circ$  este  $l = 45^\circ$ . Să se deducă valorile unghiului de deviație minimă  $\delta_{\text{ot}}$  și unghiul de incidență corespunzător.

(Inst. Pol. București, Fac. Ing. Chim., septembrie, 1976)

4.6.10. Să se determine pentru o lentilă biconvexă de raze de curbură  $R_1 = 50$  cm și  $R_2 = -100$  cm distanța între focarul corespunzător radiației roșii și cel corespunzător radiației violete, cunoscînd indicii de refracție ai lentilei pentru cele două radiații:  $n_r = 1,510$ , respectiv,  $n_v = 1,515$ .

(Inst. Pol. București, Fac. Ing. Chim., septembrie, 1976)

4.6.11. Cu viteză  $v$  trebuie să se miște un electron pentru ca energia lui totală să fie dublul energiei sale interne (de repaus)? Se cunoaște viteza luminii în vid.

(Inst. Pol. București, Fac. Ing. Chim., iulie, 1975)

(Inst. Pol. București, Fac. Ing. Chim., septembrie, 1976)

4.6.12. O lentilă convergentă are indicele de refracție absolut  $n=1,8$ . Unde se va forma imaginea unui obiect cînd lentila și obiectul se găsesc în aer, dacă atunci cînd se găsesc într-un lichid cu indicele de refracție absolut  $n'=1,2$ , lentila are distanța focală  $f'=-80$  mm, iar imaginea se formează cu  $d=30$  cm mai departe decît atunci cînd mediul înconjurător este aerul cu indicele de refracție absolut egal cu 1?

Sub. teor. 1. Enunțați principiile teoriei relativității restrînse, 2. Exprimați diferența de drum optic la interferența prin lame subțiri. 3. Definiți cantitatea de căldură, capacitatea calorică și căldura specifică.

(Inst. Pol. Timișoara, Fac. Ing. Chim., iulie, 1976)

4.6.13. Pe un banc optic se află un obiect cu înălțimea  $y_1=5,0$  mm. O lentilă biconvexă cu razele de curbura ale fețelor  $R=15$  cm,  $R_o=30$  cm formează pe un ecran imaginea obiectului cu înălțimea  $V_s=20$  mm. Dacă obiectul se îndepărtează de lentilă cu  $a=50$  mm, pe ecran se formează o imagine cu înălțimea  $y'_2=10$  mm. Se cere:

- Distanța focală a lentilei.
- Indicele de refracție  $n$  al materialului din care este alcătuită lentila.
- Poziția imaginii dacă se introduce o a doua lentilă cu distanța focală  $f_2=30$  cm la distanța  $d=110$  cm față de prima lentilă.
- Dimensiunea imaginii, formată de sistemul celor două lentile.

(Inst. Petr. Gaze Ploiești, iulie, 1976)

4.6.14. De la un tub de descărcare electrică în gaze se obțin radiații ale hidrogenului.

a) Care este energia minimă pe care trebuie să o aibă particulele din descărcare pentru ca ciocnindu-se cu atomii de hidrogen în stare fundamentală să excite și să emită radiația  $H_\alpha$  (Balmer) a hidrogenului avînd  $\lambda=6563,07$  Å?

Radiațiile emise de tubul de descărcare cad sub incidență normală pe o rețea optică plană de difracție avînd  $N=2000$  trăs./cm.

b) Care este valoarea unghiului de difracție sub care se vede maximul de ordinul 2 pentru radiația  $H_\alpha$ ?

c) Franjele de difracție se proiectează pe un ecran dispus în planul focal al unei lentile convergente subțiri, avînd distanța focală  $f=25$  cm. Care este distanța pe ecran de la maximul central pînă la maximul de difracție de ordinul întîi pentru aceeași radiație  $H_\alpha$ ?

d) Este posibilă observarea maximului de difracție de ordinul 12 pentru aceeași radiație?

e) Studiarea maximelor de difracție pentru radiația  $H_\alpha$  este împiedicată de prezența în spectru a unei alte radiații avînd  $\lambda=3281,53$  Å. Care sînt primele ordine pentru care maximele de difracție ale celor două radiații se suprapun?

Se dă constanta Rydberg  $R_H=3,28 \cdot 10^{15}$  Hz, constanta lui Planck  $h=6,63 \cdot 10^{-34}$  J·s. Avînd incidența normală, se consideră unghiuri de difracție mici.

Sub. teor. 1. Șuntul ampermetrelor. 2. Condensator în curent alternativ. 3. Defect de masă.

(Univ. București, Fac. Fizică, iulie, 1976)

4.6.15. Un fascicul de raze catodice cade normal pe direcția liniilor de forță ale unui cîmp magnetic constant și omogen de inducție  $B=0,57$  mT. Electronii din fascicul descriu o traiectorie circulară cu raza  $r=20$  mm. Se cere:

a) Viteza electronilor.

(Inst. Pol. București, Fac. Ing. Chim., iulie, 1975)

b) Este suficientă energia electronilor pentru a excita de pe starea

fundamentală nivelul atomului de hidrogen de pe care se poate emite cea de-a 7-a linie din seria Balmer a acestui atom?

c) Ce cantitate de energie trebuie comunicată electronilor de la punctul a) pentru ca aceștia să poată ioniza atomul de hidrogen?

d) Ce lungime de undă (în Å) ar trebui să aibă un foton pentru a ioniza atomul de hidrogen de pe starea fundamentală?

e) În cazul în care această radiație ar cădea pe o bucată de potasiu metalic, ce energie ar căpăta fotoelectronii smulși?

Se dau: constanta lui Rydberg  $R = 3,28 \cdot 10^{15} \text{ Hz}$ ,  $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ ,  $m_e = 9,11 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$ ,  $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ ,  $L$  (extracție)  $= 2,01 \text{ eV}$ , se cunoaște viteza de propagare a luminii.

Sub. teor. 1. Circuitul oscilant. 2. Producerea razelor X, natura și proprietățile lor.

(Univ. București, Fac. Fizică, septembrie, 1976)

4.8.16. Care este interfranja într-un dispozitiv Young, cunoscând datele: distanța  $D = 100 \text{ cm}$  dintre ecranul de observație și planul celor două fante; distanța dintre fante  $d = 1,00 \text{ mm}$  și  $X = 0,500 \text{ nm}$ .

Sub. teor. 1. Dioda semiconductoare. 2. Definiți amperul și calculați cu ajutorul acestei definiții valoarea numerică a permeabilității magnetice a vidului. 3. Proprietățile ondulatorii ale particulelor.

(Univ. Cluj, Fac. Fizică, iulie, 1976)

1977

N., 4.7.1. O lentilă convergentă are distanța focală  $f = 50 \text{ cm}$ . Un obiect liniar cu înălțimea  $y = 50 \text{ mm}$  este situat pe axa optică a lentilei la distanța  $x_j = 60 \text{ cm}$  de lentilă. Se cere:

a) Convergența lentilei.

b) Distanța la care se formează imaginea.

c) Raportul între mărimea imaginii și a obiectului.

d) Construcția grafică a imaginii.

(Inst. Constr. București, subing., iulie, 1977)

\* :li eja

4.7.2. O lentilă plan convexă  $L_1$  are raza de curbură  $R = 10 \text{ cm}$  și indicele de refracție  $n = 1,5$ . În fața ei se așază un obiect  $AB$  cu înălțimea  $y_i = 50 \text{ cm}$  la distanța  $x_i = 15 \text{ cm}$ . În spatele lentilei  $L_1$  se așază o altă lentilă  $L_2$ , plan concavă, la distanța  $d = 20 \text{ cm}$  de prima. Să se calculeze poziția și mărimea imaginii date de prima lentilă  $L_1$  și distanța focală a lentilei  $L_2$ , astfel ca imaginea finală să se suprapună pe obiectul  $AB$ . Să se construiască geometric cele două imagini.

(Inst. Pol. București, Fac. Tehn. Chim., iulie, 1977)

4.7.3. Știind că maximul de difracție de ordinul  $k = 4$  al unei radiații monocromatice incidentă normal pe o rețea de difracție avînd  $d = 500 \text{ nm}$  apare sub unghiul  $\alpha = 30^\circ$ , să se determine energia maximă a fotoelectronilor emiși de o plasă de wolfram iluminată de această radiație.

Se dau: lucrul de extracție pentru wolfram  $E_{ex} = 4,5 \text{ eV}$ , constanta lui Planck

$h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$  și sarcina elementară  $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ .

(Inst. Pol. București, Fac. Tehn. Chim., iulie, 1977)

4.7.4. Puterea emisă de o sursă de radiații electromagnetice monocromatice

este  $P=4,0 \text{ mW}$ . La aceasta corespunde un număr  $\dot{N}=1,00 \cdot 10^{15}$  fotoni/s. Se cere să se determine frecvența radiațiilor electromagnetice. Constanta lui Planck  $h=6,62 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ .

(Inst. Pol. București, Fac. Tehn. Chim., iulie, 1977)

4.7.5, Se folosește un fascicul de lumină monocromatică cu lungime de undă  $\lambda=500 \text{ nm}$  în următoarele două experiențe:

1. Fasciculul cade normal pe o rețea de difracție.
2. Fasciculul cade pe fața unei prisme al cărei unghi de refracție este  $A=60^\circ$ .

Se cere:

- a) Constanta rețelei, știind că maximum de ordinul doi se obține pentru un unghi  $\theta_2=30^\circ$ .
  - b) Ordinul maxim al spectrului de difracție ce se poate obține.
- Indicele de refracție al prisme cunoscând că unghiul de deviație minimă  $S_m=30^\circ$

(Inst. Pol. București, Fac. Ing. Chim., iulie, 1975)

c) Sub ce unghi de incidență trebuie să cadă raza de lumină pe prima față a prisme pentru ca ea să sufere o reflexie totală pe cealaltă față?

(Inst. Pol. Timișoara, Fac. Ing. Chim., iulie, 1977)

4.7.6. De o lentilă convergentă biconvexă  $L_1$  a cărei distanță focală este  $f_1=25$  cm se lipește o lentilă subțire  $L_2$  în așa fel încît distanța focală a sistemului astfel format este  $f=10$  cm. Care este convergența celei de-a doua lentile?

Se depărtează apoi cele două lentile, menținîndu-se centrate pe aceeași axă optică principală. Știind că distanța de la un obiect așezat în fața lentilei  $L_1$  pînă la  $L_2$  este  $|x|=50$  cm și că distanța între cele două lentile este  $d=100$  cm, să se găsească cît de departe de  $L_1$  trebuie plasat un ecran pentru ca imaginea formată de  $L_2$  să fie clară și cît de mare față de obiect va fi ea?

(Univ. București, Fac. Fizică, iulie, 1977)

4.7.7. Să se calculeze vîrsta unei roci terestre, dacă numărul de nuclee de  $^{238}\text{U}$ , cu timpul de înjumătățire  $T=4,5 \cdot 10^9$  ani, dezintegrate în decursul vremii dintr-un mol de uraniu conținut în roca radioactivă, este  $N=2,22 \cdot 10^{23}$ .

(Univ. București, Fac. Fizică, iulie, 1977)

VL 4.7.8. Pe un banc optic se află o lentilă plan convexă cu indicele de refracție  $n=1,5$ . Un obiect situat pe axa principală la o distanță  $Xy=-30$  cm de lentilă dă în aer o imagine reală, mărită de  $\times=2$  ori. Să se determine:

- Convergența lentilei.
- Raza de curbură a feței sferice a lentilei.
- Poziția imaginii în cazul cînd lentila și obiectul, situat la aceeași distanță de lentilă, se introduc în apă ( $n'=4/3$ ).

Sub. teor. Legea dezintegrării radioactive. Timp de înjumătățire:

(Univ. București, Fac. Fizică, septembrie, 1977)

4.7.9. O lentilă biconvexă subțire avînd razele de curbură  $R_1=-R_2=12$  cm și distanța focală în aer  $f=12$  cm, formează pe un ecran o imagine reală și mai mare decît obiectul. Să se determine:

- Indicele de refracție al materialului din care este făcută lentila.
- Distanța focală a lentilei cînd este introdusă într-un mediu transparent cu indicele de refracție  $n_j=1,36$ .

Distanța focală a unei lentile care trebuie alipită la prima pentru a se obține un sistem optic centrat avînd convergența  $C=-2,0$  dioptrii.

(începînd cu acest an se dau subiecte unice pe țară, pe profiluri sau pe grupe de profiluri)

4.8.1. Fie un electron a cărui masă de mișcare este de  $n \sim 2$  ori mai mare decît masa sa de repaus ( $m_0=9,1 \cdot 10^{-31}$  kg). Să se calculeze:

- Viteza și energia cinetică a electronului.

(Univ. Petr., Gaze Ploiești, iulie, 1977)

b) Frecvența și masa unui foton care are energia egală cu energia de repaus a electronului.

Se dea constanta lui Planck  $h = 6,6 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ , se cunoaște viteza luminii în vid.

(Profiluri tehnice, iulie, 1978)

4.8.2. Un electron aflat într-un câmp magnetic uniform se mișcă pe o traiectorie circulară. Inducția câmpului magnetic este  $B = \pm 21 \text{ mT}$ , iar raza cercului descris de electron  $R = 10 \text{ cm}$ . Să se afle de câte ori este mai mare masa electronului în mișcare față de masa lui în repaus, știind că masa electronului în repaus este  $m_0 = 9,1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$ , iar sarcina elementară  $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ .

Sub. teor. Modelul atomic al lui Rutherford și deficiențele sale: Postulatele lui Bohr.

(Profil fizic, iulie, 1978)

4.8.3. Un dispozitiv Young având distanța dintre fante  $d = 0,50 \text{ mm}$  și distanța între planul fantelor și ecranul pe care se observă interferența  $D = 1,2 \text{ m}$ , este iluminat cu o sursă monocromatică de lumină având  $\lambda = 500 \text{ nm}$ .

- Să se calculeze interfranja observată pe ecran.
- Cît de mare trebuie să fie distanța între fantele dispozitivului, pentru ca interfranja să se dubleze?
- Ce valoare are interfranja, dacă întregul dispozitiv se scufundă într-un lichid avînd indicele de refracție  $n = 1,50$  în condițiile punctului a)?

(Profil fizic, iulie, 1978)

4.8.4. Subiecte teoretice:

- Tratați următoarele subiecte: 1. Transformări simple în gaze. 2. Variația relativistă a masei cu viteza. 3. Postulatele lui Bohr.
- Răspundeți la următoarele întrebări: 1. Care este valoarea temperaturii absolute a punctului triplu al apei? 2. De ce căldura specifică izobară este mai mare decît căldura specifică izocoră? Care este condiția pentru obținerea maximelor de interferență (franjele luminoase)? 4. Un sistem care se rotește față de un sistem



~~inertial este tot inertial? 5. Enunțați legea deplasării la emisia radiației beta-minus de către nucleele radioactive. 6. Definiți numărul atomic și numărul de masă.~~

~~c) Tratați următoarele subiecte: 1. Măsurări calorimetrice. 2. Compunerea vitezelor în mecanica clasică. Compunerea vitezelor în mecanica relativistă. 3. Alcătuirea nucleului atomic. Protonul. Neutronul.~~

~~d) Răspundeți pe scurt la următoarele întrebări: 1. Exprimați densitatea unui gaz ideal în funcție de temperatura absolută și presiune. 2. Cum influențează presiunea exterioară temperatura de fierbere. 3. Definiți drumul optic al unei raze de lumină într-un mediu oarecare. 4. Ce este inversiunea liniilor spectrale? 5. Ce valori poate lua numărul cuantic magnetic pentru o valoare  $Z$  a numărului cuantic orbital? 6. Desenați schema de principiu a contorului Geiger-Müller și arătați părțile componente.~~

(Profil medical, iulie, 1978)

1979

4.9.1. Un flux de fotoni cu lungimea de undă  $\lambda = 300 \text{ nm}$  și cu o putere  $P = 1,0 \text{ mW}$  cade pe fotocatodul unei celule fotoelectrice. Se cere să se calculeze:

- Energia de extracție a metalului fotocatodului.
- Energia cinetică a electronilor eliberați.
- Numărul de fotoni care sosesc pe fotocatodul celulei fotoelectrice în  $t = 33 \text{ s}$  și impulsul unui foton.

Se cunosc: constanta lui Planck  $h = 6,6 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ , viteza luminii, lungimea de undă de prag a fotocatodului  $\lambda_0 = 400 \text{ nm}$ .

(Profiluri tehnice, iulie, 1979)

4.8.2. Cu ajutorul unui ciclotron ai cărui duanți au raza  $R = 100 \text{ cm}$  se dorește să se obțină accelerarea particulelor a până la energia cinetică  $E_c = 50 \text{ MeV}$ . Să se determine:

a) Creșterea în procente a masei de mișcare a particulelor a față de masa lor de repaus  $m_0 = 9,1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$  și viteza corespunzătoare a particulelor a.

b) Valoarea inducției câmpului magnetic uniform din zona duanților ciclotronului și frecvența corespunzătoare a tensiunii alternative aplicate între duanți.

c) Aria suprafeței delimitate de semicircumferințele parcurse consecutiv într-un duant de particula  $\alpha$  accelerată și durata accelerării particulei  $\alpha$ , pornind de la o energie cinetică inițială neglijabilă, știind că amplitudinea tensiunii alternative aplicate între duanți este  $U_m = 2,0 \text{ kV}$ . Sarcina elementară  $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ .

(Profil fizic, iulie, 1979)

4.9.3. O rețea plană de difracție cu constanta  $d=1,65 \text{ nm}$  este iluminată normal cu un fascicul de lumină monocromatică corespunzând uneia dintre liniile spectrale ale hidrogenului atomic. Știind că maximum de difracție de ordinul 2 se observă sub unghiul  $\alpha=30^\circ$  față de direcția de incidență, să se determine:

a) Numerele cuantice principale ale stărilor atomului de hidrogen între care se produce tranziția însoțită de emisia fotonilor radiației studiate.

b) Valoarea maximă a potențialului de frînare a fotoelectronilor pentru un fotocatod de cesiu ( $E_{\text{ex}}=-1,9 \text{ eV}$ ) pentru care radiația considerată mai poate produce curentul fotoelectric.

c) Presiunea exercitată de radiația considerată asupra fotocatodului, știind că energia radiației luminoase, incidentă normal pe  $1 \text{ cm}^2$ , în  $1 \text{ s}$ , este  $\Phi=0,50 \text{ mJ/cm}^2\cdot\text{s}$ , energia fotoelectronilor emiși fiind neglijabilă.

Se dau:  $h=6,6 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ ,  $f_H=3,28 \cdot 10^{15} \text{ Hz}$ ,  $e=1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ .

(Profil fizic, iulie, 1979)

4.9.4. Un fascicul paralel de radiații monocromatice este trimis perpendicular pe o rețea plană de difracție cu perioada  $d=10,5 \text{ nm}$  și cu ajutorul unei lentile de distanță focală  $f=24 \text{ cm}$ , așezată paralel cu planul rețelei, se proiectează radiațiile difractate pe un ecran aflat în planul focal al lentilei. Știind că radiațiile corespund liniei Balmer de cea mai mare lungime de undă  $\lambda=656,3 \text{ nm}$ , să se determine:

a) Valoarea constantei Rydberg.

b) Unghiul de deviație, față de direcția de incidență, al fascicului corespunzător maximumului de difracție de ordinul  $k=8$ .

c) Distanța dintre pozițiile maximumului central și a primului maxim de difracție pe ecranul de observație.

(Profil medical, iulie, 1979)

4.9.5. Cunoscând valorile constantei Rydberg  $R=1,097 \cdot 10^7 \text{ m}^{-1}$ , constantei lui Planck  $h=6,6 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$  și vitezei luminii în vid, să se determine:

a) Cea mai mare lungime de undă pe care o poate avea o linie spectrală Balmer și numerele cuantice corespunzând nivelelor între care se produce respectiva tranziție.

b) Valorile energiei totale a electronului atomului de hidrogen, corespunzând celor două stări cuantice. Perioada unei rețele de difracție știind, că în cazul când se trimite perpendicular pe această rețea un fascicul monocromatic corespunzând liniei Balmer considerate maximum de difracție de ordinul 2 corespunde unui unghi de deviație  $\alpha$  față de direcția de incidență, astfel încât  $\sin \alpha=0,101$ .

(Profil medical, iulie, 1979)  
(Profil chimic, iulie, 1980)

1980

4.10.1. a) Să se calculeze pragul fotoelectric al cesiului știind că energia de extracție este  $E_{\text{ex}} = 1,89 \text{ eV}$ .

b) Să se determine viteza maximă a fotoelectronilor emiși când, pe o suprafață metalică de cesiu cad radiații electromagnetice cu  $\lambda = 500 \text{ nm}$ .

c) Presupunând că toți fotoelectronii emiși cad pe armătura unui

condensator cu capacitatea  $C = \dots \text{ nF}$  și îl încarcă pînă la potențialul  $U = 300 \text{ V}$ , să se determine numărul de fotoelectroni emiși de suprafața metalică.

Se dau:  $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ ,  $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ ,  $m_e = 9,1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$ .

(Profil fizic, iulie, 1980)

4.10.2. Într-un dispozitiv Young, o radiație monocromatică cu lungimea de undă  $\lambda = 500 \text{ nm}$  produce o figură de interferență cu interfranja  $i = 1,00 \text{ mm}$ . În același dispozitiv, figura de interferență produsă de o altă radiație monocromatică, are primul maxim la distanța  $X_1 = 1,2 \text{ mm}$  de franja centrală. Se cere:

a) Lungimea de undă  $\lambda_2$  a luminii emise de a doua sursă.

b) Distanța minimă  $x$  (față de franja centrală) la care se formează maxime în ambele figuri de interferență.

c) Diferența  $\Delta \nu$  dintre frecvențele celor două radiații.

(Profil chimic, iulie, 1980)

4.10.3. Se consideră un bec electric ca sursă de radiații optice, emițind radiații cu lungimea de undă  $\lambda = 500 \text{ nm}$ . Se cere:

a) Energia transportată de un foton și impulsul fotonului.

b) Numărul de fotoni emiși pe secundă de bec, dacă acesta are puterea  $P = 100 \text{ W}$  și emite  $\lambda = 1,0\%$  din puterea lui la  $\lambda = 500 \text{ nm}$ .

c) Presiunea luminii exercitată de fotonii emiși de bec, dacă ei lovesc central un corp negru aflat la distanța  $\Delta x = 2,00 \text{ m}$ . ( $h = 6,6 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ ).

4.10.4. Imaginea reală a unui obiect, care se află la distanța  $X_1 = \dots$   $90 \text{ cm}$  de o lentilă subțire, se formează la  $x_2 = 45 \text{ cm}$  de lentilă. Alipind de prima lentilă o a doua lentilă, imaginea reală a aceluiași obiect se formează la  $x_2 = 72 \text{ cm}$  de acest sistem. Se cere:

a) Distanța focală a primei lentile.

b) Distanța focală a sistemului format din cele două lentile.

c) Distanța focală a celei de a doua lentile. Ce fel de lentilă este aceasta?

(Profil medical, iulie, 1980)

4.10.5. O radiație monocromatică cu lungimea de undă  $\lambda = 500 \text{ nm}$  cade în fascicul paralel, normal pe o rețea de difracție. Se cere:

a) Numărul fotonilor incidenti pe rețea în timpul  $t = 1,00 \text{ min}$  dacă

(Profil chimic, iulie, 1980)

puterea sursei este  $P=20\text{ W}$ .

b) Constanta rețelei, dacă maximul de difracție de ordinul al doilea se formează, pentru unghiul  $\alpha=30^\circ$ .

c) Se înlocuiește paravanul de observare a franjelor de difracție cu o celulă fotoelectrică al cărei prag fotoelectric este  $X_p=660\text{ nm}$ . Să se calculeze viteza fotoelectronilor.

Constanta lui Planck  $h=6,6\cdot 10^{-34}\text{ J}\cdot\text{s}$ , masa electronului  $m=9,1\cdot 10^{-31}\text{ kg}$ , se cunoaște viteza luminii.

(Profil medical, iulie, 1980)

4.10.6. Fie un atom de hidrogen în starea cu număr cuantic principal  $n=2$ . Se cere:

a) Lungimea de undă a radiației emise de atom la tranziția în stare fundamentală.

b) Viteza electronului pe orbita stării  $n=2$ .

c) Numărul de rotații efectuate de electron în jurul nucleului, când atomul se află în starea  $n=2$ , știind că atomul se află în această stare într-un interval de timp  $\tau=10\text{ ns}$ , după care revine la starea fundamentală.

Se dau:  $h=6,6\cdot 10^{-34}\text{ J}\cdot\text{s}$ , masa electronului  $m=9,1\cdot 10^{-31}\text{ kg}$ , sarcina elementară  $e=1,6\cdot 10^{-19}\text{ C}$ ,  $1/47T_{S_0}=9\cdot 10^9\text{ m/F}$ .

(Profil medical, iulie, 1980)

1981

N 4.11.1. O lentilă plan-convexă avînd raza de curbură a suprafeței sferice  $r=15\text{ cm}$ , confecționată dintr-un material cu indicele de refracție  $n=1,5$ , are axa optică perpendiculară pe o rețea de difracție și focalizează razele difractate de aceasta. Știind că în cazul incidenței normale pe rețea a unei radiații electromagnetice cu lungimea de undă  $\lambda=500\text{ nm}$ , distanța în planul focal al lentilei dintre

(Profil chimic, iulie, 1980)

— maximul de ordinul 2 și maximul central este  $x=17,32$  cm, să se determine:

- Unghiul format de razele difractate pe direcția maximului de ordinul 2 cu direcția de incidență pe rețea.
- Constanta rețelei de difracție.
- Poziția față de lentilă a imaginii unui obiect așezat la distanța  $T_j=45$  cm de aceasta, în cazul în care rețeaua a fost îndepărtată.

(Profil chimie-fizică, 3 ani, iulie, 1981)

3

4.11.2. Un dispozitiv interferențial Young, în care distanța dintre fante este  $d=0,10$  mm, iar distanța dintre fante și ecran  $D=2,00$  m, utilizează o radiație luminoasă monocromatică avînd lungimea de undă  $\lambda=500$  nm. Să se determine:

- Interfranja.
- Raportul fluxurilor energetice incidente în puncte ale ecranului de observație situate la mijlocul distanței dintre un maxim de interferență și minimul următor, respectiv în maxime de interferență.
- Intensitatea cîmpului electric al undei incidente, știind că densitatea energiei cîmpului electric corespunzător  $w_e=1,59$  J/m<sup>3</sup>.

Se dă permitivitatea dielectrică a vidului  $\epsilon_0=8,85 \cdot 10^{-12}$  F/m.

(Profil chimie, iulie, 1981)

4.11.3. O radiație electromagnetică incidentă din vid pe o prismă optică de indice de refracție absolut  $n=\sqrt{3}$ , sub unghiul  $\hat{i}=60^\circ$ , parcurge prisma pe drumul de deviație minimă. Să se determine:

- Valoarea unghiului de refracție.
- Valoarea unghiului de deviație minimă.
- Sinusul unghiului minim de incidență pe suprafața prisme, pentru care mai există un fascicul emergent din aceasta.

(Profil fizică, iulie, 1981)

3. 1.4. Se consideră un atom de hidrogen în prima stare excitată. Să se determine:

- Energia cinetică a electronului în această stare.
- Lungimea de undă maximă a radiației care poate ioniza atomul aflat în această stare.
- Lungimea de undă a radiației emise în cazul tranziției la starea fundamentală.

Se dau: constanta Rydberg  $R = 3,29 \cdot 10^{15} \text{ s}^{-1}$ , constanta lui Planck  $h = 6,6 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ , se cunoaște viteza luminii. 4.11.5. Se consideră un dispozitiv Young avînd distanța dintre fante  $d = 3,3 \text{ mm}$ , distanța de la fante la ecran  $D = 3,00 \text{ m}$  și lungimea de undă în vid a radiației monocromatice utilizate  $\lambda = 550 \text{ nm}$ . Să se determine:

a) Valoarea interfranței cînd radiațiile se propagă prin aer, al cărui indice de refracție  $n = 1$ .

b) Valoarea interfranței în cazul în care radiațiile se propagă prin apă, al cărei indice de refracție  $n_a = 1,33$ .

c) Valoarea deplasării franjelor în cazul în care, în drumul radiației provenite de la una dintre fante, se introduce o lamă transparentă, cu fețe plan-paralele, de grosime  $e = 10 \text{ fim}$  și indice de refracție  $n = 1,5$ , dacă radiațiile se propagă în aer.

(Profil medical, iulie, 1981)

4.11.6. Tensiunea de accelerare a electronilor într-un dispozitiv Davisson-Germer este  $U = 100 \text{ V}$ . Să se determine:

a) Lungimea undei De Broglie asociată electronilor.

b) Energia și impulsul unui foton care ar avea aceeași lungime de undă.

c) Unghiul sub care se produce primul maxim de difracție, în cazul incidenței normale a fasciculului electromagnetic cu lungimea de undă dedusă pe o rețea de difracție care are  $N = 1000$  fante/mm.

Se dau: constanta lui Planck  $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ , masa electronului  $m = 9,1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$ , sarcina elementară  $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ ; se consideră cunoscută viteza luminii.

(Profil medical, iulie, 1981)

1982

4.12.1. Imaginea unui obiect liniar cu înălțimea  $y_1 = 1,0 \text{ cm}$ , formată cu ajutorul unei lentile convergente, are înălțimea  $|y_2| = 4,0 \text{ cm}$ . Dacă se depărtează lentila cu  $d = 10 \text{ cm}$  față de obiect, se obține o imagine egală cu jumătate din imaginea inițială.

a) Să se calculeze distanța focală a lentilei utilizate  $f_l$ .

b) Care este poziția imaginii în raport cu lentila convergentă a unui obiect liniar, situat perpendicular pe axa principală a lentilei, la distanța  $X_j = -5,4 \text{ cm}$  în stînga acesteia.

c) La distanța  $Z = 30 \text{ cm}$  față de lentila convergentă considerată mai sus, în partea dreaptă a acesteia, se așază o lentilă divergentă cu distanța focală  $f_2 = -20 \text{ cm}$ . Care este distanța de la centrul optic al lentilei divergente la imaginea formată de sistemul optic compus din cele două lentile, obiectul fiind situat ca la punctul b).

4.12.2. Pe o celulă fotoelectrică se aplică o tensiune de frînare  $1,5 \text{ V}$ .

Dacă potențialul de extracție al catodului este  $U_0 = 2,3 \text{ V}$ ,

să se afle:

(Profil chim. fizică, iulie, 1982)

a) Lungimea de undă maximă a luminii pentru care se înregistrează

curent fotoelectric.

b) Numărul fotoelectronilor emiși în unitatea de timp, când se iradiază catodul cu lumină de această lungime de undă, dacă puterea fasciculului incident este  $P=10 \text{ mW}$  și fiecare foton provoacă emisia unui singur electron.

c) Lungimea de undă De Broglie a unui fotoelectron emis.

(Profil chimie, iulie, 1982)

4.12.3. Suprafața unui metal este iluminată succesiv cu radiațiile monocromatice de lungimi de undă  $\lambda_1=279 \text{ nm}$  și  $\lambda_2=245 \text{ nm}$  urmărindu-se emisia de fotoelectroni. Se măsoară tensiunile de stopare corespunzătoare, obținându-se  $U_{s1}=0,66 \text{ V}$  și  $U_{s2}=1,27 \text{ V}$ .

a) Ce valoare rezultă pentru constanta lui Planck din aceste măsurători?

b) Să se calculeze valoarea lungimii de undă pentru pragul roșu al metalului care rezultă din aceste măsurători; se consideră valoarea constantei lui Planck cea stabilită la punctul a).

c) Se poate calcula, pe baza datelor din enunțul problemei, energia minimă a fotonilor necesară extragerii de fotoelectroni? (fără a folosi constanta lui Planck); dacă răspunsul este afirmativ, să se efectueze calculul respectiv.

(Profil fizică, iulie, 1982)

4.12.4. Se consideră dezintegrarea alfa a nucleului de poloniu:  $^{210}_{84}\text{Po} \rightarrow ^{206}_{82}\text{Pb} + ^4_2\text{He}$ . Să se calculeze:

a) Energia în MeV eliberată la emisia unei particule alfa de către nucleul de poloniu aflat inițial în repaus.

b) Viteza nucleului de plumb.

c) Raza traiectoriei particulei alfa emisă, într-un câmp magnetic omogen al unui spectrograf de masă cu inducția  $B=1,00 \text{ T}$  perpendiculară pe viteza particulei alfa.

Se dau:  $m_{\text{He}}=4,00260 \text{ u}$ ;  $m_{\text{Pb}}=207,97665 \text{ u}$ ;  $1 \text{ u}=1,66 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$ ;  $e=1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ .

(Profil fizică, iulie, 1982)

4.12.5. Într-un tub de raze X spectrul continuu de raze X are limita spre lungimi de undă scurte  $\lambda_0=0,41 \text{ Å}$ . Să se calculeze:

a) Energia acestor fotoni.

b) Tensiunea de accelerare a electronilor din tubul de raze X care au produs acest spectru.

c) Lungimea de undă De Broglie asociată acestor electroni (se va folosi aproximația nerelativistă).

Se dau: constanta lui Planck  $h=6,6 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ , sarcina elementară  $e=1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ , masa electronului  $m=9,1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$ .

(Profil medical, iulie, 1982)

4.12.6. O țintă de  $^7\text{Li}$  este bombardată cu protoni având energia  $E_p=2,0 \text{ MeV}$ . Se observă particule alfa sub un unghi de  $\sim 45^\circ$  față de direcția protonilor incidenți. Se cere:

- a) Să se scrie reacția nucleară care are loc.  
 b) Să se calculeze energia de reacție și energia particulelor alfa emise sub unghiul  $\theta/2$ .  
 c) Care este unghiul  $\theta$  și energia celeilalte particule, asociată cu particula alfa observată.  
 Se dau:  $I_\alpha = 931,478 \text{ MeV}$ ,  $m_H = 1,0078522 \text{ u}$ ,  $m_U = 7,0160053 \text{ u}$ ,  $m_{He} = 4,002636 \text{ u}$ .

*Sub. teor.* a) Să se deducă: 1. Inegalitatea lui Clausius. 2. Variațiile energiei interne a unui gaz ideal în transformările de stare: izocoră, izobară, izotermă. 3. Condițiile de maxim și minim la interferență a două unde care provin de la două surse coerente apropiate.

b) 1. Să se enunțe postulatele lui Bohr. 2. Să se enunțe aproximațiile lui Gauss pentru lentile subțiri. 3. Să se scrie condiția de deviație minimă pentru o prismă optică.

c) 1. Să se descrie fenomenul de difracție a microparticulelor.  
 2. Să se scrie mărimile caracteristice fotonului și să se enumere fenomenele fizice cunoscute care pun în evidență natura fotonică a radiațiilor electromagnetice. 3. Să se definească noțiunile de energie internă și energie totală a unui sistem termodinamic.

(Profil medical, iulie, 1982)

4.12.7. Izotopul radioactiv  $^{226}\text{Ra}$  face parte din seria radioactivă a uraniului, serie care se termină cu izotopul stabil  $^{206}\text{Pb}$ . O masă  $m_0 = 0,20 \text{ g}$  uraniu pur este închisă ermetic într-o incintă de volum  $V = 100 \text{ cm}^3$ . Să se calculeze:

- a) Activitatea inițială a acestei cantități de radiu.  
 b) Timpul după care masa de uraniu se micșorează cu  $m' = 20 \text{ mg}$ .  
 c) Presiunea parțială a heliului în incintă după acest interval de timp; se presupune că toți atomii de heliu care rezultă din dezintegrarea radiului pînă la plumb reușesc să iasă din preparatul radioactiv; incinta se află la temperatura  $t = 27^\circ\text{C}$ .

4.13.1. Se dau: timpul de înjumătățire al radiului  $T_{1/2} = 1620 \text{ ani}$ , numărul lui Avogadro  $N_A = 6,023 \cdot 10^{26} \text{ kmol}^{-1}$ , constanta gazelor perfecte  $R = 8,31 \text{ J/mol}\cdot\text{K}$ ,  $\ln 2 = 0,693$ . Un dispozitiv Young are distanța între fante  $d = 0,50 \text{ mm}$ , distanța între planul fantelor și ecranul pe care se observă franjele de interferență egală cu  $D = 1,20 \text{ m}$ . Dacă lumina utilizată are lungimea de undă în aer  $\lambda_0 = 500 \text{ nm}$  se cere să se calculeze:

- a) Interfranja observată pe ecran.  
 b) Cu cît trebuie modificată distanța dintre fantele dispozitivului, pentru ca interfranja să aibă valoarea  $i' = 3,6 \text{ mm}$ .  
 c) Care va fi valoarea interfranței dacă întregul dispozitiv se scufundă în apă? ( $n_{\text{apă}} = 4/3$ ), în condițiile de la punctul a).

(Profil chim. fizică, iulie, 1983)

«ia \*

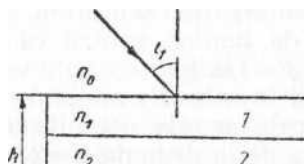


4.13.2. O oglindă sferică concavă de aluminiu se află la temperatura de  $0^{\circ}\text{C}$ . Un punct luminos real  $P$  de pe axa principală, aflat la distanța invariabilă  $a$ , — 52 cm de vârful oglinzii, are o imagine reală în  $P_1$ . Se încălzește oglinda la temperatura  $t=100^{\circ}\text{C}$ , vârful ei  $V$  rămânând fix. Noua imagine a punctului  $P$  se deplasează în  $P_2$ . Cunoșcând coeficientul de dilatare liniară al aluminiului  $\alpha=2 \cdot 10^{-5} \text{ K}^{-1}$  și distanța focală a oglinzii la  $0^{\circ}\text{C}$ ,  $f_0=50 \text{ cm}$ , să se afle:

- Căldura absorbită de oglindă, dacă capacitatea sa calorică este  $C=752 \text{ J/K}$ .
- Distanța focală a oglinzii la  $t=100^{\circ}\text{C}$ .
- Deplasarea  $PP_2$  a imaginii.

(Profil chimie, iulie, 1983)

4.13.3. O plăcuță cu suprafețele plan-paralele și de grosime  $h=3,00 \text{ mm}$ , este formată din trei regiuni cu suprafețele plane și paralele cu fețele plăcuței, egale în grosime și având indicii de refracție, egali respectiv cu  $n_1, n_2, n_3$  și  $n_1=n_2/k$  și  $n_3=n_2/k$ , unde  $k$  este



o constantă. Mediul înconjurător are un indice de refracție  $n_0=2,5$ . Aceste valori corespund unei radiații luminoase cu frecvența  $\nu=5,0 \cdot 10^{14} \text{ Hz}$ . Să se afle:

- Lungimea de undă a radiației luminoase în regiunea 1.
- Care este valoarea lui  $k$  dacă unghiul  $i_1=30^{\circ}$  este unghiul minim de incidență pe suprafața superioară a plăcuței pentru care se produce o reflexie totală pe dioptrul care separă regiunile 2 și 3?
- Valoarea drumului optic al fasciculului filiform din punctul de incidență pe plăcuță pînă în punctul de reflexie totală.

(Profil chimie, iulie, 1983)

4.13.4. Două lentile din sticlă, subțiri, plan-convexe, identice,  $L$  și  $V$ , avînd fiecare  $C=8,0$  dioptrii sînt așezate coaxial la distanța  $d=62,1 \text{ cm}$  între ele.

- Să se calculeze distanțele focale ale lentilelor și razele de curbură ale dioptrilor dacă indicele de refracție al sticlei este  $n=3/2$ .
- La  $Xt=16 \text{ cm}$  în stînga primei lentile se află un obiect luminos. Să se construiască imaginea finală dată de sistem și să se calculeze distanța /dintre prima lentilă și imaginea finală.
- Să se calculeze măririle liniare date de fiecare lentilă, precum și mărirea liniară a acestui sistem centrat.

{Profil fizică, iulie, 1983}

4.13.5. La iluminarea unui metal cu radiații de frecvențe  $\nu_1 = 9,6 \cdot 10^{14}$  Hz și, respectiv,  $\nu_2 = 6,72 \cdot 10^{14}$  Hz se găsește că tensiunile de stopare sînt  $U_{s1} = 1,96$  V, și, respectiv,  $U_{s2} = 0,77$  V. Să se calculeze:

- Constanta lui Planck.
- Lucrul mecanic de extracție al fotoelectronului din metal (în eV). ( $p = 1,6 \cdot 10^{-19}$  C).

(Profil fizică, iulie, 1983)

4.13.6. Pe verticala dusă în centrul mesei de operație de formă dreptunghiulară, cu laturile  $a = 2,00$  m și respectiv  $b = 1,00$  m, se află o lumină punctiformă și mobilă cu fluxul luminos total  $\Phi = 4,0$  klm, distribuția luminoasă a sursei fiind uniformă. Se cere:

- Înălțimea sursei de lumină pentru ca iluminarea în centrul mesei de operație să fie  $E = 1/TC$  klx.
- Valorile iluminării în colțurile mesei de operație.
- Fluxul luminos prin pupila ochiului medicului dacă acesta privește sursa de lumină de la distanța  $d = 2,00$  m, diametrul pupilei fiind  $D = 4,00$  mm.

## II. CONCURSURI NAȚIONALE DE FIZICĂ (1971—1983)

### Enunțuri de probleme

#### 1971. ETAPA JUDEȚEANĂ

5.1.1. Dintr-un punct aflat la înălțimea  $h$  față de sol pornesc trei corpuri de aceeași masă, mișcîndu-se sub acțiunea propriei greutate. Unul parcurge drumul pe verticală, al doilea pe un drum care face  $45^\circ$  cu verticala, al treilea pe un drum care face  $60^\circ$  cu verticala. Ce lucru mecanic face forța de greutate pînă ce corpul ajunge la sol, în fiecare caz? Se neglijează orice frecare.

5.1.2. De la baza unui plan, înclinat cu unghiul  $\alpha$  față de orizontală și cu înălțimea  $h$ , este aruncat pe plan în sus un corp cu viteză inițială  $v_0$ . Coeficientul de frecare pe plan este  $\mu$ . Se neglijează frecarea cu aerul. Să se determine: a) înălțimea maximă atinsă de corp după părăsirea planului; b) viteza cu care corpul atinge solul.

Aplicație numerică:  $\alpha = 45^\circ$ ,  $h = 4,0$  m,  $u_0 = 14$  m/s,  $\mu = 0,20$ ,  $g = 10$  m/s<sup>2</sup>.

5.1.3. Pe un plan înclinat cu unghiul  $\alpha$  și lungimea  $l$ , se află un corp de masă  $m_1$ ; el este legat cu o sfoară trecută peste un scripete fix (ideal) și avînd la capăt suspendat un corp de masă  $m_2$  (fig. 5.1.3). Coeficientul de frecare pe plan este  $\mu$ . Frecarea cu aerul se neglijează. Să se determine accelerația și timpul cît durează mișcarea pe plan, în fiecare din cele două cazuri posibile.

5.1.4.

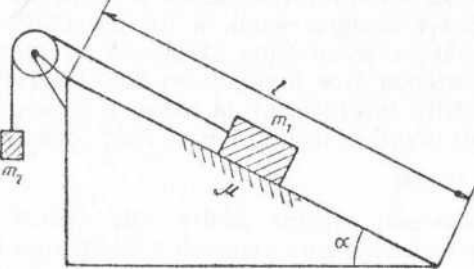
viteză inițială, în toate direcțiile. Care din aceste corpuri va atinge solul cu viteză mai mare? De ce?

*Sub. teor. 1.* Care din mărimile vectoriale învățate se conservă? În ce condiții se conservă și cum se enunță legea lor de conservare? 2. Din vârful unui turn se lansează mai multe corpuri, cu aceeași

(Anul I)

5.1.4. Un a fost cântărit aceeași tem- a) — vidat,  $m_j = 200$  g; b) la — presiunea normală,  $m_2 = 204$  g; c) —

gaz la presiunea  $p = 1,50 \cdot 10^5$  N/m<sup>2</sup>, găsindu-se  $n_3 = 210$  g. Să se determine masa moleculară a gazului necunoscut, știindu-se că masa molară medie a aerului este  $\bar{m}_a = 29$  g/mol.



balon de sticlă succesiv, — la peratură, astfel: găsindu-se umplut cu aer atmosferică găsindu-se umplut cu un

5.1.5. Într-un vas se găsește un volum  $V_1$  dintr-un lichid la temperatura  $t_1$ . În lichid se introduce un corp cu volumul  $V_2$  la temperatura  $t_2 < t_1$ . Să se calculeze temperatura finală a sistemului cu — noscînd căldurile specifice, coeficienții de dilatare și densitățile la  $0^\circ\text{C}$ , pentru lichid și corp.

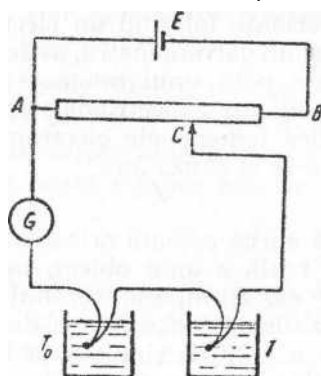
Ce mărimi ar mai trebui cunoscute pentru a putea calcula variația de nivel a lichidului din vas, între starea inițială (înainte de introducerea corpului) și starea finală a sistemului? Se neglijează capacitatea calorică a vasului și dilatația lui.

*Sub. teor. 1.* Explicați formarea meniscului convex. 2. În timpul topirii unui corp cristalin temperatura lui rămîne constantă. Energia lui internă variază sau nu? Justificați răspunsul. 3. Care sînt cauzele pentru care legile gazului ideal nu dau rezultate riguroase cînd sînt aplicate gazelor reale?

(Anul II)

Un termocuplu inseriat cu un galvanometru este conectat la borna A și la cursorul C ale unui potențiometru. Între bornele A și B ale potențiometrului este conectat un acumulator cu t.e.m.  $E$ , (fig. 5.1.6)

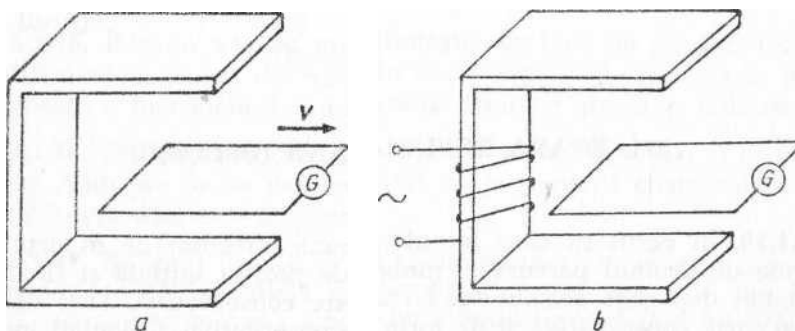
a) Știind că sudura rece  $T_0$  a termocuplului se află într-un vas cu gheață care se topește și că, pentru o poziție  $C$  a cursorului, curentul prin galvanometru este nul, să se calculeze temperatura  $T$



a celeilalte suduri. Intre t.e.m. produsă și diferența de temperatură există relația  $\mathcal{E} = a \Delta T$ .

b) Ce se întâmplă dacă se inversează sursele de încălzire a sudurilor?  
Se dau:  $a = 5,3 \cdot 10^{-5} \text{ V/}^\circ\text{C}$ ,  $E = 2,00 \text{ V}$ ,  $R_{AB} = 10,0 \text{ k}\Omega$ ,  $R_{AC} = 79,5 \Omega$ .

5.1.6. La bornele unei surse de t.e.m. alternativă  $U$  se conectează în serie o bobină cu inductanța  $L$  și un rezistor cu rezistența  $R$ . Paralel cu acestea se montează un condensator variabil, înseriat cu



un întrerupător  $K$ . Să se exprime valoarea capacității  $C$  în funcție de  $R$ ,  $L$  și  $k$ , pentru ca intensitatea totală  $I$  să nu se modifice prin închiderea sau deschiderea întrerupătorului. *Sub. teor.* 1. Să se deducă legea inducției electromagnetice pe baza legii conservării energiei. 2. În ce caz electroliza aceleași soluții de sulfat de cupru durează mai mult, când electrozii sînt de carbon sau cînd sînt de cupru?

3. Se fac două experiențe folosind un circuit format numai dintr-un cadru de sîrmă și un galvanometru, astfel: a) circuitul este deplasat cu viteza  $v$  între polii unui magnet permanent (fig. 5.1.7), b) circuitul stă între polii unui electromagnet alimentat cu o t.e.m. alternativă. Să se explice fenomenele electromagnetice ce se produc în fiecare caz, indicîndu-se și cauza lor.

(Anul III)

v 5.1.8. Într-o oglindă curbă așezată orizontal se toarnă puțină apă. Oglinda dă o imagine reală a unui obiect, pe un ecran situat la o distanță  $d_1 = 54$  cm de ea. Apropiind ecranul de oglindă, imaginea se ivește diți nou, la o distanță  $d_2 = 36$  cm de oglindă. Să se determine raza de curbură a oglinzii și distanța obiectului de oglindă, dacă indicele de refracție al apei este  $n = 4/3$ .

5.1.9. Într-o experiență Rutherford s-a observat că la ciocnirea nucleelor de Cu de către particule  $\alpha$  cu energia  $E = 5,0$  MeV, acestea se întorc pe aceeași direcție cu energia  $E' = 3,9$  MeV. Să se deducă relația dintre masa nucleului de Cu și cea a particulei  $\alpha$ . Se va considera nucleul de Cu inițial în repaus.

*Sub. teor.* 1. Prin ce se deosebește aberația sferică de cea cromatică? 2. Enunțați cîteva cauze pentru care fotonul nu poate fi considerat o particulă mecanică. 3. Printr-un exemplu din cinematică și două din dinamică să se demonstreze că mecanica clasică este un caz limită (particular) al mecanicii relativiste.

(Anul IV)

## 1971. ETAPA REPUBLICANA (București)

5.1.10. În cazul în care lucrul mecanic efectuat de o forță nu depinde de drumul parcurs ci numai de poziția inițială și finală a particulei deplasate se spune că forța este conservativă. Dați exemple de forțe conservative și de forțe neconservative. Calculați lucrul mecanic efectuat de aceste forțe.

5.1.11. Șase bile din fildeș sînt suspendate cu fire de aceeași lungime de un suport orizontal. Bilele sînt în contact. Se scoate o bilă marginală din poziția de echilibru, astfel ca firul de suspensie să facă cu verticala unghiul  $\alpha$ . Apoi bila se lasă liberă. Să se descrie comportarea sistemului de bile după ciocnire.

~~Același lucru cînd s-ar scoate din poziția de echilibru 2, 3, ... bile marginale.~~

~~5.1.12. Se dau: un fir cu plumb; un vas paralelipipedic care conține o anumită cantitate de lichid; o riglă gradată și un raportor.~~

~~Cum pot fi utilizate aceste obiecte pentru construcția unor dispozitive cu care să se poată măsura accelerația vehiculelor care se mișcă orizontal?~~

~~(Anul I, proba I)~~

~~5.1.13. În cabina unui ascensor de masă  $M$  este atîrnat un corp de masă  $m$ . Ascensorul urcă în mișcare accelerată sub acțiunea unei forțe constante  $F > (M+m)g$ . La început corpul de masă  $m$  se află la înălțimea  $s$  deasupra podelei ascensorului, a) Să se găsească accelerația ascensorului, b) Care este tensiunea în firul de care este suspendat corpul? c) Dacă firul se rupe brusc, care este accelerația ascensorului imediat după aceasta? d) După cît timp ajunge corpul de masă  $m$  pe podeaua ascensorului?~~

~~5.1.14. Pe un plan înclinat care face un unghi  $\alpha$  cu orizontala este așezat un corp  $A$ . Ce accelerație trebuie imprimată planului pe direcție orizontală pentru ca acest corp  $A$  să cadă liber în jos? Aplicație:  $\alpha = 45^\circ$ ,  $g = 10 \text{ m/s}^2$ .~~

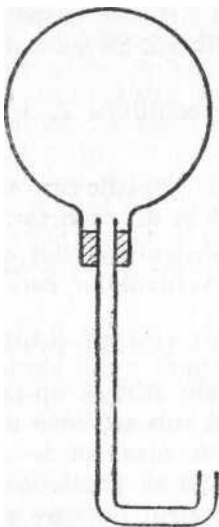
~~(Anul I, proba II)~~

~~5.1.15. Într-un vas cu apă plutește un bloc de gheață. Cum se modifică nivelul apei din vas din cauza topirii gheții, dacă în blocul de gheață a fost închisă: o bucată de lemn; o piatră; o bulă de aer?~~

~~5.1.18. Pe baza primului principiu al termodinamicii și al izotermelor Andrews să se demonstreze că la punctul critic căldura latentă de vaporizare se anulează.~~

4Cum se poate determina cu ajutorul materialelor date diferența de temperatură dintre mâini și aerul din cameră?

(Anul II, proba T) 235



T / 5.1.18. a) Un cilindru de volum  $V$  conține ozon la presiunea  $p_1$  și are greutatea  $G_1$ . Se scoate gaz din cilindru la temperatura constantă a mediului ambiant pînă la presiunea  $p_2$  și greutatea  $G_2$ .

Să se calculeze densitatea gazului la temperatura mediului ambiant și la presiunea atmosferică normală  $p_0$ .

b) În cilindru a mai rămas o masă de ozon la temperatura  $T_1$ . Considerăm că ozonul se transformă în întregime în oxigen. De cîte ori va crește presiunea în cilindru dacă pentru formarea unui mol de oxigen trebuie să se cheltuiască o cantitate de căldură  $q$ ?

Se consideră cunoscute: căldura molară a oxigenului  $C_0 = -R$ ,  
constanta  $R$ , masele molare (ozon),  $u_3$  (oxigen).

c) Se aduce masa de oxigen în condiții normale de presiune și temperatură ( $p_0$ ,  $T_0$ ). Să se calculeze variația energiei interne a gazului pentru următoarele transformări: 1) la volum constant presiunea se dublează; 2) la presiune constantă volumul se dublează.



5.1.19. Oxigenul este adus la temperatura  $T$ . Cilindrul în care se află oxigenul comunică printr-un tub prevăzut cu un robinet cu un recipient plin cu apă la temperatura  $T_3 = 373 \text{ K}$  ( $T > T_3$ ). Se deschide robinetul și se constată că presiunea finală este  $2p$  și că rămâne apă lichidă la  $373 \text{ K}$ . Să se calculeze masa de apă vaporizată și temperatura  $T$ . Se vor considera cunoscute: căldura latentă specifică de vaporizare a apei  $X$  și masa molară a apei  $\mu$ . La extremitatea inferioară a unei tije verticale cu masa neglijabilă, mobilă în jurul unui ax orizontal  $O$  este fixată o sferă  $A$  cu masa  $M = 65 \text{ g}$  la distanța  $OA = l = 2,0 \text{ cm}$ . Pe această tijă poate fi deplasat de partea opusă lui  $A$  un cursor  $B$  cu masa  $m = 10 \text{ g}$ .

a) Să se calculeze în funcție de  $OB = x$  distanța  $OC$  de la axul de rotație la centrul de greutate al sistemului.

b) Să se determine în funcție de  $x$ , lungimea pendulului simplu sincron cu acest pendul fizic, care oscilează în jurul axei  $O$ , cât și perioada sa de oscilație. Pentru ce valori ale lui  $x$  acest pendul bate secunda?

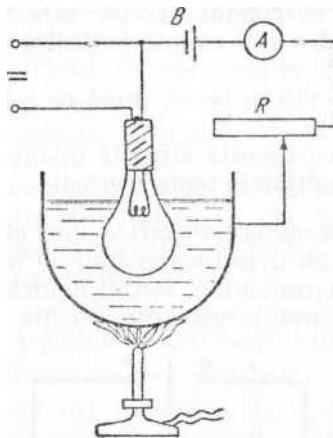
Se vor presupune masele  $A$  și  $B$  punctuale și  $g = 10 \text{ m/s}^2$ .

c) Acest pendul fizic este un metronom. Să se exprime în funcție de  $x$  numărul de bătăi pe minut.

(Anul II, proba II)

5.1.20. Explicați de ce radiațiile catodice se propagă perpendicular pe catod indiferent de poziția anodului.

5.1.21. Într-o cupă de fier cu topitură de azotat de sodiu se introduce balonul de sticlă al unui bec cu filament de wolfram, alimentat cu o tensiune corespunzătoare unei funcționări normale. Dacă se leagă prin intermediul unei ramuri de circuit formată dintr-un rezistor, un ampermetru și o baterie, filamentul becului cu cupa de fier, ca în fig. 5.1.21, se constată: prezența unui curent în



circuitul format; formarea unei oglinzi strălucitoare pe partea inferioară a balonului de sticlă. Explicați fenomenele care se petrec în timpul acestei

experiențe.

*Observație.* Se va ține seama de compoziția sticlei.

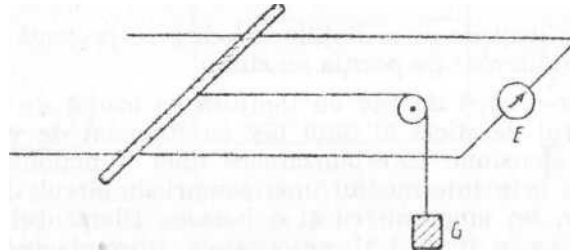
5.1.22. Pe o masă de lucru se află: un ac magnetic, sîrmă de cupru izolată, un raportor, dispozitive pentru suspensie.

Folosind aceste materiale puse la dispoziție, trebuie să propuneți un aparat pentru măsurarea intensității curentului electric.

Precizați care sînt factorii de care depinde constanta aparatului.

(Anul III, proba I)

5.1.23. Două șine paralele, perfect conductoare, situate într-un plan orizontal la distanță  $l$  una de cealaltă, sînt legate la una din extremități printr-o pilă electrică de t.e.m.  $E$  și rezistență interioară neglijabilă. O bară conductoare de rezistență  $R$ , legată printr-un fir subțire izolat, petrecut după un scripete (ideal), de o greutate  $G$  (fig. 5.1.23), poate aluneca paralel cu ea însăși, într-o direcție para-



lelă cu șinele. Știind că planul barelor este intersectat normal de liniile de câmp ale unui câmp magnetic uniform și constant în timp, de inducție  $B$ , se cere:

- Să se determine viteza barei, după ce mișcarea a devenit uniformă.
  - Să se facă pentru această situație bilanțul puterilor.
- Se vor considera neglijabile toate frecările.

Două condensatoare electrice de capacități  $C_1$ ,  $C_2$  și o sursă de curent continuu avînd o tensiune la borne  $U$  sînt conectate ca în fig. 5.1.24.

Condensatoarele, inițial neîncărcate, se încarcă prin trecerea repetată a comutatorului din poziția  $a$  în poziția  $b$  și în-



vers. Să se calculeze tensiunea la bornele condensatoarelor precum și cantitățile de electricitate acumulate de condensatoare după  $n$  manevre complete.

(Anul III, proba-II)

5.1.24. Să se facă o paralelă din punct de vedere energetic între fenomenul de formare a unui nucleu din nucleoni liberi și fenomenul de formare a unei rețele cristaline (solidificare). Să se definească energia de legătură a sistemului fizic în ambele cazuri.

5.1.25. Tranziția electronului în atomul de hidrogen fiind un eveniment aleatoriu, să se explice de ce intensitatea liniilor dintr-o serie spectrală a hidrogenului scade pe măsură ce liniile se apropie de limita seriei.

5.1.26. La trecerea transversală printr-un câmp magnetic uniform, radiațiile  $\alpha$ , emise de o substanță radioactivă, sînt deviate sub forma unui fascicul îngust, în timp ce radiațiile  $\beta$  sînt deviate sub forma unui fascicul larg (divergent). Să se explice fenomenul și să se justifice matematic.

(Anul IV, proba-I)

5.1.27. Un tetraedru din sticlă cu indicele de refracție  $n$  și latura  $a$  este suspendat de un fir prin unul din vîrfurile sale. Pe el cade vertical un fascicul paralel de lumină monocromatică.

Să se deducă ce se observă pe un ecran orizontal așezat la distanța  $a$  de baza tetraedrului. Se vor neglija eventualele reflexii ale luminii.

Aplicație pentru  $a=10\text{ cm}$ ,  $n=2,0$ .

5.1.28. a) Un nucleu de masă  $M$  excitat se dezexcită printr-o emisie succesivă, pe direcții diferite, a doi fotoni  $\gamma$  cu frecvențele

$\nu_1, \nu_2$ . Să se determine intervalul de valori în care poate fi cuprinsă energia de recul a nucleului.

b) Nucleul excitat provine din capturarea unui neutron de către  $^{23}\text{Na}$ . Să se scrie ecuația de interacție știind că nucleul excitat se dezexcită numai printr-o singură emisie  $\gamma$ .

c) Știind că în acest caz lungimea de undă a fotonului  $\gamma$  emis este  $\lambda = 0,10\text{ Å}$ , că masa nucleului de sodiu excitat este  $M_i = 23,998\text{ u}$  și că energia de legătură a moleculei din care face parte nucleul excitat nu depășește  $E = 5,0\text{ eV}$ , să se stabilească dacă prin recul se rupe molecula.

(Anul IV, proba-II)

5.2.1. a) Un corp pornește din repaus și se mișcă în prima secundă el parcurge o distanță egală cu un metru, în a doua secundă parcurge o distanță egală cu doi metri, și așa mai departe, în a  $n$ -a secundă parcurge o distanță egală cu  $n$  metri. Este aceasta o mișcare uniform accelerată? De ce?

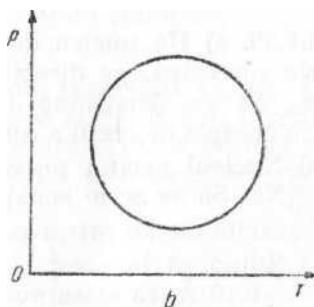
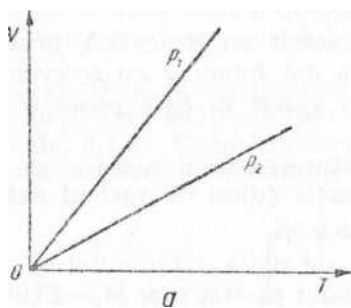
b) Cum variază numărul picăturilor de ploaie din unitatea de volum în timpul căderii lor spre pământ? Nu se va considera contopirea picăturilor sau evaporarea lor.

c) Cum ar putea să se întoarcă un cosmonaut la navă, dacă s-ar rupe cablul care-l leagă de navă?

5.2.2. O sanie de masă  $m_1$  este trasă cu o forță orizontală  $F$ . Pe sanie este așezat un corp de masă  $m_2$  care poate aluneca pe platforma orizontală a săniei cu coeficientul de frecare la alunecare  $\mu$ . De corpul  $m_2$  este legată printr-un fir orizontal o altă sanie de masă  $m_3$ . Între săniile și zăpadă frecarea este neglijabilă. Să se afle:

- Condiția de nealunecare a corpului  $m_2$  pe sania  $m_1$ .
- Accelerația sistemului, tensiunea din fir și forța de frecare dintre corpul  $m_2$  și sania  $m_1$  în cazul nealunecării corpului  $m_2$ .
- Accelerațiile corpurilor și tensiunea din fir în cazul alunecării corpului  $m_2$  pe sania  $m_1$ .

5.2.3. a) în fig. 5.2.3. a) sunt desenate diagramele a două transformări izobare ale aceleiași mase de gaz ideal. Să se spună care dintre presiunile  $p_1$  și  $p_2$  este mai mare.



Aceeași masă de gaz suferă acum o transformare a cărei diagramă este reprezentată în sistemul de coordonate  $p, T$  printr-un cerc (fig. 5.2.3 b). Să se spună în ce stări ale procesului volumul gazului este maxim și minim ( $m/\mu = \text{const}$ ).

b) Se măsoară temperatura unei atmosfere date cu ajutorul unui termometru. Dacă bate vîntul se schimbă indicația termometrului? Dar dacă în aceeași atmosferă se dezumflă o minge de fotbal și se introduce termometrul în jetul de aer ce iese din minge, se va schimba indicația termometrului?

T c) Ce este mai ușor un metru cub de aer uscat sau un metru cub de aer umed? Presiunea și temperatura aerului uscat se consideră egale cu ale aerului umed.

X. 5.2.4. O masă  $m=200\text{ g}$  de argon se află într-un cilindru cu piston, în starea inițială caracterizată prin parametrii  $p_1=4,1 \cdot 10^5\text{ N/m}^2$  și  $V_1=32\text{ l}$ .

a) Să se determine căldura specifică  $c_m$  la volum constant, a argonului. Se dau:  $72=8,31\text{ J/mol}\cdot\text{grd}$  și masa molară a argonului  $M=40\text{ kg/mol}$ .

b) Să se calculeze variația energiei cinetice medii a tuturor moleculelor gazului, cînd temperatura variază cu  $\Delta T=273\text{ K}$ .

\ c) Deblocînd pistonul cilindrului, acesta coboară încet astfel că presiunea gazului variază liniar cu volumul, după legea  $p-A-B\cdot V$  (unde  $A$  și  $B$  sînt niște constante). Starea finală a gazului este caracterizată prin parametrii  $p_2=15,5 \cdot 10^5\text{ N/m}^2$  și  $V_2=9,0\text{ l}$ . Să se determine temperatura maximă pe care o atinge gazul în acest proces.

(Anul II)

5.2.5. a) Un corp care are o sarcină electrică  $q$  este deplasat între două vîrfuri opuse ale unui pătrat de latură  $a$ . Știind că diferența de potențial dintre cele două vîrfuri este  $U$  și că deplasarea corpului se face într-un caz de-a lungul a două laturi, iar în alt caz pe diagonală, să se precizeze în care caz lucrul mecanic cheltuit este minim.

b) Doi conductori electrici cu aceeași masă și din același material au raportul lungimilor egal cu  $n=2$ . Ce valoare va avea raportul rezistențelor?

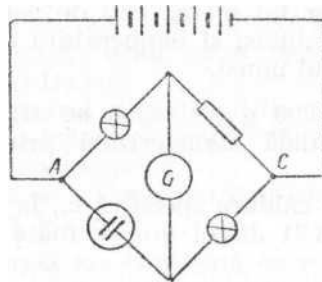
c) Un circuit închis este format dintr-un generator cu rezistența interioară  $r$  și un consumator cu rezistența  $R$ . Cum variază randamentul în funcție de rezistența interioară a generatorului?

ei) Ce este capacitatea unui acumulator și ce este, capacitatea unui condensator?

5.2.6. O baterie formată din  $n=5$  elemente legate în serie, fiecare element avînd t.e.m.  $E=2,0\text{ V}$  și o rezistență interioară  $r=0,20\text{ }\Omega$  alimentează un circuit alcătuit dintr-un rezistor, două

becuri identice, un electrolizor și un galvanometru (fig. 5.2.6). Se știe că:

— în electrolizor se găsește o soluție de sulfat de cupru, electronii sînt de cupru, iar echivalentul electrochimic al cuprului este  $K=3,294\text{ mg/C}$ ;



— fiecare bec absoarbe o putere  $P=10\text{ W}$  sub o tensiune normală de funcționare  $U=10\text{ V}$ , iar variația rezistenței lor cu temperatura se neglijează;

— rezistorul este format dintr-un fir de cupru cu rezistivitatea  $\rho=1,7 \cdot 10^{-8}\text{ }\Omega\cdot\text{m}$ , lungimea  $l=2,309\text{ m}$  și diametrul  $d=0,10\text{ mm}$ ;

— rezistențele electrolizorului, galvanometrului și rezistorului sînt egale.

Să se calculeze:

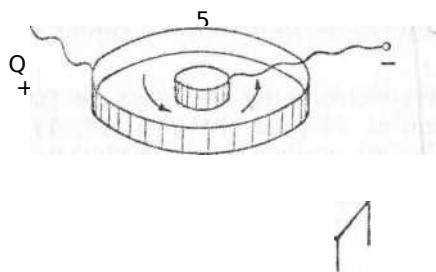
- a) Rezistența unui bec și a rezistorului.
- b) Rezistența echivalentă a circuitului între nodurile A și C.
- c) Intensitățile tuturor curenților.
- d) Energia, pe care o vor consuma becurile în intervalul de timp în care în electrolizor se depune pe catod o masă  $m=2,47$  g cupru.

(Anul II, licee spec.)

5.2.7. a) O ruptură a unui conductor dintr-un circuit de curent alternativ întrerupe circuitul. Pentru ce introducerea unui condensator într-un circuit de curent alternativ nu are același rezultat?

b) Calculați inductanța echivalentă a unui sistem de două inductanțe în cazul în care sînt legate în serie și cînd sînt legate în paralel.

Un electrolizor confecționat dintr-un vas în formă de inel, cu pereții laterali metalici și fundul din material izolant, conține o soluție electrolitică. Acest electrolizor este introdus într-un câmp magnetic uniform și constant, perpendicular pe vas. Când între pereții vasului, care constituie electrozii, se aplică o tensiune continuă, se constată apariția unei curgeri circulare în electrolitul din vas (fig. 5.2.7). De ce?



5.2.8. La extremitățile  $A, B$  ale unui fir de fier moale, întins orizontal, cu lungimea  $Z=1,00$  m, cu diametrul  $d=0,20$  mm, cu rezistivitatea  $\rho=1,0 \cdot 10^{-7} \Omega \cdot m$ , se aplică o diferență de potențial alternativă sinusoidală a cărei valoare maximă este  $ZU_m=160$  V.

- Care este cantitatea de căldură degajată în fir pe minut?
- Un electromagnet  $E_m$ , în formă de bară, alimentat cu o tensiune continuă, este plasat în planul vertical care conține firul, astfel încât unul din polii săi să fie în vecinătatea regiunii mijlocii a firului. Se constată că firul începe să vibreze și ia forma unui fus. Explicați acest fenomen și calculați frecvența curentului alternativ, știind că viteza de propagare a oscilațiilor transversale în fir este,  $c=100$  m/s.
- Scrieți expresia care permite calcularea valorii momentane a tensiunii utilizate la alimentarea firului.
- Se întrerupe tensiunea de alimentare a firului  $A-B$ . Se înlocuiește tensiunea continuă de alimentare a electromagnetului  $E_m$  cu tensiunea care s-a utilizat la alimentarea firului, apoi se deplasează magnetul spre unul din capete la o pătrime din lungimea firului. Descrieți fenomenul care se va petrece, comparați-l cu cel observat la punctul b).
- Ce aspect va prezenta firul (coarda) în cursul experiențelor prezentate la punctele b) și d), dacă au loc într-o cameră întunecată și firul este luminat cu un bec cu neon alimentat cu aceeași tensiune alternativă utilizată pentru alimentarea firului (b) și a electromagnetului (d).

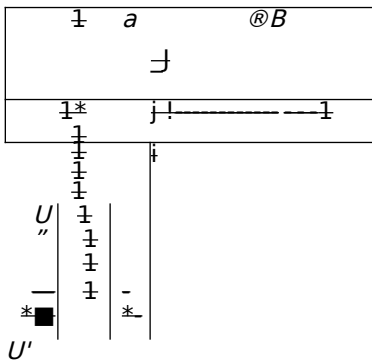
(Anul III)

5.2.9. a) Asemănări și deosebiri între interferență și difracție, Cum se difractă undele sonore, cele radio și cele luminoase față de o clădire situată în drumul fasciculului

b) ?Aspectul corpuscular și ondulatoriu se manifestă la fel la toate tipurile de radiații electromagnetice?

c) În unele cărți se vorbește despre racheta fonică. Ar putea acționa ejectionarea unui fascicul de fotoni asupra mișcării rachetei? Se poate determina accelerația rachetei, dacă se cunoaște masa rachetei, energia unui foton și numărul de fotoni emiși în unitatea de timp?

5.2.10. Într-un spectrometru de masă se face analiza izotopilor naturali ai oxigenului de mase atomice 16, 17 și 18. Ionii simplu ionizați ai atomilor de oxigen sunt accelerați inițial de tensiunea



^ Sursa de tensiune

electrică  $U' = 2,0 \text{ kV}$  și pătrund într-un condensator, paralel cu plăcile sale. Lungimea condensatorului este  $Z = 10,0 \text{ cm}$ , distanța între plăci  $d = 5,0 \text{ cm}$  și tensiunea electrică aplicată între plăci  $U'' = 1,00 \text{ kV}$ . La ieșirea din condensator, după parcurgerea distanței  $L = 20,0 \text{ cm}$ , fasciculul de ioni pătrunde într-un câmp magnetic  $B = 100 \text{ mT}$  perpendicular pe planul figurii 5.2.10. Se cere:

a) Distanța față de direcția fasciculului inițial, la care trebuie situată fanta de intrare a fasciculului în câmpul magnetic.

b) Discuții asupra lărgimii fantei care permite trecerea ionilor celor trei izotopi ai oxigenului.

c) Mărimea vitezei  $v$  cu care ionii de oxigen pătrund în câmpul magnetic.

d) Tangenta unghiului  $\alpha$  dintre vectorul viteză  $v$  și direcția incidentă a fasciculului de ioni.

e) Distanța  $b$  între urmele lăstate pe placa fotografică  $P$  de către ionii de oxigen 16 și 18.

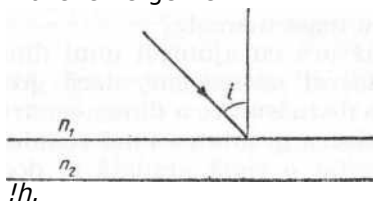
Se dau:  $e = 1,60 \cdot 10^{-19} \text{ C}$  și  $m = 1,66 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$ .

(Anul IV)



5.2.11. a) Perioada și amplitudinea unui pendul elastic se vor modifica atunci cînd pendulul este transportat de pe Pămînt pe Lună?

b) O rază monocromatică de lumină cade sub un unghi de incidență  $i$  pe un geam special (securit) cu fețe plan paralele alcătuit din trei substanțe transparente diferite care formează straturi distincte de grosimi egale și perfect suprapuse (fig. 5.2.11). Ce valoare va avea unghiul de refracție al razei emergente?



$$n_1 < n_2 < n_3$$

c) Cum variază mărimea imaginii în funcție de poziția obiectului la o lentilă convergentă?

d) Cum variază distanța dintre două maxime succesive ale franjelor de difracție în funcție de lungimea de undă?

5.2.12. Un pendul de lungime  $Z=20$  cm oscilează într-un plan vertical perpendicular pe planul mijlociu al unei lentile convergente biconvexe de distanță focală  $f=6,0$  cm, în așa fel încît, în cele două poziții de elongație maximă, masa pendulului se găsește pe axa principală a lentilei. Știind că atunci cînd trece prin poziția de echilibru pendulul are viteza  $u=1,41$  m/s, iar firul se găsește la o distanță  $Z_f=40,6$  cm de lentilă, să se calculeze:

a) Valoarea unghiului pentru care energia cinetică a pendulului este egală cu energia potențială.

b) Distanța dintre cele două imagini pe care le formează lentila pentru cele două poziții de elongație maximă ale masei pendulului.

c) Grosimea lentilei, dacă indicele de refracție al sticlei din care este făcută este  $n=1,50$ , razele de curbura sînt identice iar diametrul lentilei este  $d=4,8$  cm.

Se va considera  $g=10$  m/s<sup>2</sup>.

1972. (Anul IV, licee spec.) ETAPA REPUBLICANA (București)

5.2.13. ~~a) O săniuță de masă  $m$  coboară liber pe un plan înclinat, intră apoi pe un plan orizontal și se oprește undeva, la o diferență de nivel  $h$  față de punctul de plecare. Ce lucru mecanic trebuie efectuat pentru a aduce săniuța înapoi la punctul de plecare? Se neglijează frecarea cu aerul.~~

~~b) De ce este greu să bați un cui într-un gard fixat prost, care balansează? Cum trebuie să procedăm pentru a bate cuiul cu ușurință?~~

~~c) Putem măsura oare masele cu un dinamometru dacă avem la dispoziție și o cutie cu mase marcate?~~

~~d) Cum putem măsura cu ajutorul unui dinamometru greutatea unei scânduri, în general neomogene, dacă greutatea ei este ceva mai mare decât limita de măsurare a dinamometrului?~~

~~e) Cum putem măsura greutatea unei scânduri uniforme și omogene avînd la dispoziție o riglă gradată și doar o singură masă marcată?~~

~~f) Care din următoarele instrumente de măsură nu poate fi folosit în condițiile de imponderabilitate: 1) măsură; 2) cîntar cu pir ghie; 3) dinamometru; 4) aerometru; 5) barometru cu mercur; 6) barometru aneroid; 7) termometru cu mercur; 8) ceasornic cu pendul; 9) ceasornic cu balansier?~~

(Anul I, proba I)

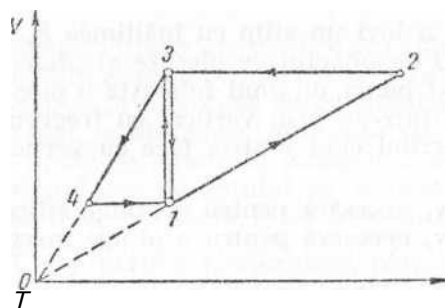
5.2.14. ~~Peste un scripete de rază foarte mică și de inerție neglijabilă, care se rotește fără frecări în jurul axei sale orizontale fixe, este trecut un lanț de masă  $m$  și lungime  $l$ . Lanțul începe să lunece pornind din poziția sa de echilibru. Să se exprime în funcție de distanța  $x$  dintre capetele lanțului: 1) accelerația lanțului; 2) forța cu care lanțul apasă asupra scripetelui; 3) viteza lanțului.~~

5.2.15. ~~Se dă un paralelipiped omogen de înălțime mult mai mare decât celelalte două dimensiuni, așezat pe un plan orizontal. Să se imagineze o metodă de măsură a coeficientului de frecare la alunecare dintre paralelipiped și plan, avînd la dispoziție o sfoară și un singur instrument de măsură: o riglă gradată.~~

(Anul I, proba II)

"f 5.2.16. ~~a) Într-o cutie mică este închisă ermetic o muscă. Cutia este aruncată vertical sau oblic. Se neglijează frecarea cu aerul. Va fi musca în stare de imponderabilitate în timpul mișcării libere a cutiei? Pe ce porțiune a traiectoriei?~~

b) Să se demonstreze că, într-o atmosferă cu temperatură constantă, independent de legea variației presiunii cu înălțimea, forța de ascensiune a unui balon cu învelișul foarte elastic este constantă.



V—T-diagramele a două procese ciclice, suferite de un gaz ideal. În care dintre cele două procese gazul efectuează un lucru mecanic»

mai mare?

d) Într-un vas se toarnă apă, care a fost fiartă și după aceea răcită pînă la o anumită temperatură  $t$ . În această apă se cufundă un vas mai mic în care se află apă nefiartă, la temperatura  $t$ . Vasul mai mare, în care se află cufundat vasul cu apă nefiartă, se așază pe o plită fierbinte. Se constată că apa din vasul mai mic începe să clocotească înaintea apei din vasul mai mare. Să se explice acest fenomen.

e) Se poate obține într-o încăpere micșorarea temperaturii, lă sînd frigiderul să funcționeze cu ușa deschisă?

(Anul II, proba I)

5.2.17. Un disc cu raza  $R$  și masa  $m$  poate oscila în jurul unei axe (A)

c) În figura 5.2

.16 sînt reprezentate în sistemul de coordonate perpendiculară pe planul său, într-un punct  $A$  de pe circumferința discului. Momentul de inerție al discului în raport cu axa  $A$  este  $I_s = 3mR^2/2$ . Într-un punct diametral opus lui  $A$  se fixează un corp cu dimensiunile neglijabile și cu masa  $m/2$ .

a) Se îndepărtează sistemul de la poziția de echilibru, astfel ca diametrul  $AB$  să facă un unghi  $\alpha_0$  cu verticala, apoi se lasă liber fără viteză inițială. La trecerea prin poziția verticală masa din  $B$  se desprinde.

a) Ce unghi maxim va face diametrul  $AB$  cu verticala punctului  $A$ , după ce s-a desprins corpul din  $B$ ?

(3) Ce viteză va avea corpul din  $B$  imediat după desprinderea sa de disc? Se dau:  $g = 10 \text{ m/s}^2$ ,  $\sin 27^\circ 35' = \sqrt{3}/14$ ,

$$\phi_0=60^\circ.$$

b) Se înclină axa A cu un unghi  $\theta$  față de verticală. Să se calculeze perioada micilor oscilații ale sistemului disc-corp. Discul rămâne perpendicular pe axa A. Se neglijează frecările.  $\theta=30^\circ$ .

5.2.18. Pentru a lovi un stîlp cu înălțimea  $h$ , al cărui centru se află la distanța  $D$  de punctul de plecare al proiectilului, pe aceeași orizontală cu acest punct, un copil folosește o praștie cu lungimea  $l$ , pe care o rotește, într-un plan vertical cu frecvența  $\nu$  necunoscută. El lansează proiectilul cînd praștia face cu verticala unghiul  $\alpha$ . Să se calculeze:

a) —Frecvența necesară pentru a atinge stîlpul în centrul său.

b) —Frecvența  $\nu_2$  necesară pentru a atinge marginea superioară a stîlpului.

Se dau:  $\alpha=30^\circ$ ,  $g=9,8 \text{ m/s}^2$ ,  $Z=80 \text{ cm}$ ,  $D=50 \text{ m}$ ,  $h=1,00 \text{ m}$ . Se poate face aproximația:

$$\frac{1}{\sqrt{1-\frac{v^2}{c^2}}} \approx 1 + \frac{1}{2} \frac{v^2}{c^2}, \text{ dacă } |v| < c.$$

(Anul II, proba II)

e

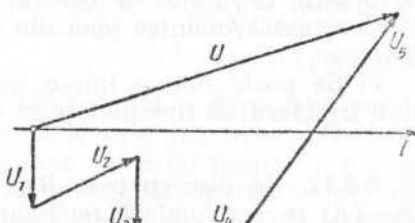
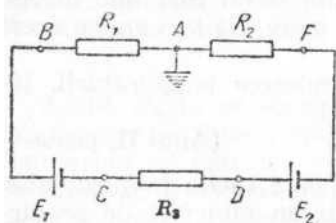
b) Să se determine schema electrică a circuitului pentru care a fost ridicată diagrama fazorilor din fig. 5.2.19, b.

c) La o baterie de termocupluri energia calorică se transformă integral în energie electrică? De ce?

d) Într-un circuit sînt legate în serie un rezistor cu rezistența  $R=30 \text{ }\Omega$  și o bobină cu inductanța  $L=127 \text{ mH}$ ; curentul sinusoidal de frecvență  $\nu=50 \text{ Hz}$  are amplitudinea  $I_m=6,2 \text{ A}$  și faza inițială zero.

Să se calculeze puterea cheltuită de generator și să se scrie expresia puterii momentane ( $\tan 53^\circ=1,327$ )

5.2.19. a) Să se construiască diagrama de variație a potențialelor pe circuitul din fig. 5.2.19, a, fiind date  $\mathcal{I}_1=4,0 \text{ Q}$ ,  $R_2=6,0 \text{ Q}$ ,  $R_3=2,0 \text{ }\Omega$ ,  $r_1=r_2=1,00 \text{ }\Omega$ ,  $E_1=18 \text{ V}$ ,  $E_2=46 \text{ V}$ .



e) Să se explice de ce un ceas care are carcasa de aur se magnetizează când se află într-un câmp magnetic, pe când un ceas care are carcasa de oțel nu se magnetizează.

(Anul III, proba I)

5.2.20. Un condensator plan are fiecare armătură de suprafață  $A$ ; distanța dintre armături este  $d_0$ . Condensatorul este cufundat într-o baie de ulei și conectat la diferența de potențial constantă  $U$ .

La un moment dat se apropie o armătură de cealaltă armătură cu viteza relativă  $v$ . Să se analizeze fenomenul care se produce și să se calculeze intensitatea curentului de conducție care se stabilește prin conductoarele exterioare între condensator și sursă.

5.2.21. Pe două șine perfect conductoare, paralele, situate la distanța  $Z$  una de cealaltă și înclinate cu un unghi  $\alpha$  față de planul orizontal, alunecă fără frecare, paralel cu ea însăși, sub acțiunea greutății proprii  $G$ , o bară perfect conductoare perpendiculară pe șine. Planul șinelor este străbătut de un câmp magnetic constant și uniform de inducție  $B$ , paralel cu planul orizontal.

Să se studieze mișcarea barei când la extremitatea superioară cele două șine sînt legate printr-un condensator de capacitate  $C$ .

(Anul III, proba II)

5.2.22. a) Spre deosebire de hidrogen al cărui atom este format dintr-un proton și un electron, antihidrogenul este format dintr-un antiproton (cu sarcina  $-e$ ) și un electron pozitiv (pozitron). Pozi tronul orbitează în câmpul coulombian al antiprotonului.

Ce valoare au frecvențele sau lungimile de undă ale liniilor spectrale ale antihidrogenului în comparație cu acelea ale hidrogenului, pe baza modelului lui Bohr?

b) La trecerea printr-un strat de plumb energia cinetică a neutronilor rapizi rămîne constantă. La trecerea printr-un strat de apă sau de parafină energia cinetică a neutronilor rapizi scade foarte mult. Să se explice de ce!

c) Un amestec de radionuclizi emite radiații alfa, beta și gama. Se dispune de un contor Geiger-Muller care este capabil să măsoare radiațiile alfa, radiațiile beta și radiațiile gama. Prin ce metode cu contorul Geiger-Muller s-ar putea obține separat numărul radiațiilor alfa, al radiațiilor beta și al radiațiilor gama emise de amestecul de radionuclizi?

d) Un fascicul de radiații gama care provine de la o sursă de Cobalt 60 își reduce intensitatea la jumătate la trecerea printr-un strat din plumb de un centimetru grosime. Dacă absorbția radiațiilor gama are loc după o lege exponențială, cu cit se va reduce intensitatea fasciculului la trecerea printr-un strat de 3 cm grosime?

5.2.23. Un foton cu frecvența  $\nu = 1,00 \cdot 10^{20}$  Hz interacționează prin efect Compton cu un electron, inițial în repaus, modificîndu-și frecvența sa la  $\nu' = 1,00 \cdot 10^{19}$  Hz și fiind deviat cu  $\varphi = 30^\circ$ . Se cere energia căpătată de electron și tangenta unghiului  $\theta$  sub care emerge electronul față de direcția inițială a fotonului.

Constanta lui Planck  $h = 6,6 \cdot 10^{-34}$  J·s.

(Anul IV, proba I)

5.2.24. Un generator de electricitate cu nucleizi radioactivi conține activitatea  $A=4,0 \text{ kCi}$   $\text{Sr } 90(2_{1,0}-28 \text{ a})$ . La o dezintegrare apar două radiații beta, una de  $E_1=0,54 \text{ MeV}$  și alta de  $E_2=2,26 \text{ MeV}$ . Radiațiile beta sînt absorbite într-un ecran care înconjoară complet sursa radioactivă. Pe ecran sînt situate sudurile „calde” ale termo-cuplurilor, sudurile „reci” fiind situate în mediul ambiant la  $t=0^\circ\text{C}$ .

a) Dacă capacitatea calorică a ecranului este  $C=1,00 \text{ J/grd}$ , care este creșterea temperaturii ecranului în unitatea de timp, neglijînd pierderile de căldură spre exterior?

b) După intrarea în regim temperatura sudurii calde este  $t_{\text{calde}}=637^\circ\text{C}$ , cea a sudurii reci fiind aceea a mediului ambiant. Care este randamentul termodinamic maxim posibil pentru transformarea căldurii în energie electrică?

c) Care este puterea electrică teoretică a generatorului electric?

d) În cît timp puterea electrică se reduce cu  $\lambda=25\%$ ?

Se dă  $\ln(4/3)=0,285$ .

5.2.25. O lentilă subțire convergentă cu indicele de refracție  $n$  este în contact cu apa dintr-un vas, cu fața care are raza de curbură  $R_1$ , iar cealaltă față care are raza de curbură  $R_2$  este în contact cu aerul. Un punct luminos  $A$  se află în apă pe axa optică a lentilei, la distanța  $p$  de aceasta. Indicele de refracție al apei este  $n'$ .

a) Să se determine poziția imaginii  $A'$  a punctului  $A$ , în funcție de  $p$ ,  $R_1$ ,  $R_2$ . Se dau  $n=3/2$  și  $n'=4/3$ .

Se va ține seama de faptul că, dacă se înlocuiește apa cuprinsă în interiorul unei sfere cu centrul în  $A$ , cu aer, nu se schimbă nimic în mersul razelor de lumină.

b) Care trebuie să fie raportul  $R_2/R_1$  pentru ca  $A$  și  $A'$  să fie simultan la infinit? Ce tipuri de lentile pot fi folosite pentru a fi îndeplinită această condiție?

250



c) Care trebuie să fie raportul  $R_2/R_1$  pentru ca un fascicul de raze de lumină paralele care vin din apă și cad pe lentilă să converge într-un punct în aer?

(Razele de lumină în apă sînt paralele la axa optică a lentilei).

(Anul IV, proba II)

### 1973. ETAPA JUDEȚEANĂ

5.3.1. a) De ce locomotivele se fac grele din oțel și nu ușoare din aluminiu?

8

b) Un corp de masă mare este suspendat de un fir prins de tavan. De corp este legat un alt fir identic de care se trage în jos. Dacă tragem încet se

rupe firul superior. Dacă tragem brusc se rupe firul inferior. De ce?

5.3.4f. La un atelier de reparații dintr-o gară loviturile unui ciocan se succed la un interval de timp  $T$ . Ce interval  $T'$  de repetiție a loviturilor ciocanului înregistrează un om aflat într-un tren care se depărtează (sau se apropie) de gară cu viteza  $v$ . Semnalele sonore se propagă în aer rectiliniu uniform cu viteza  $c$ . Să se reprezinte în diagrama coordonată-timp propagarea semnalelor și mișcarea trenului, dându-se și o variantă grafo-analitică de rezolvare a problemei.

Aplicație pentru:  $T=1,00$  s,  $v=108$  km/h,  $c=340$  m/s.

Dacă, în locul loviturilor unui ciocan, în gară se emite un sunet de perioadă  $T$ , se poate folosi relația obținută pentru a calcula perioada  $T'$  a sunetului înregistrat de observatorul din tren?

5.3.3. Un corp paralelipipedic este lansat de jos în sus de-a lungul unui plan înclinat care formează un unghi  $\alpha$  cu orizontala. Știind că timpul de revenire (coborîre) înapoi la baza planului este de  $n$  ori mai mare decât timpul de urcare, să se afle coeficientul de frecare la alunecare fi dintre corp și planul înclinat.

Aplicație pentru:  $\alpha=45^\circ$ ,  $n=2,00$ .

(Anul I)

5.3.4. a) Două mobile pornesc simultan și în același sens dintr-un punct situat pe un cerc. Ele se mișcă uniform, dar cu viteze diferite cunoscute  $v_1$  și  $v_2$ . Să se calculeze numărul de rotații pe care le efectuează fiecare mobil, pînă în momentul în care ambele mobile se vor găsi din nou, pentru prima dată, în punctul de plecare.

b) Să se calculeze viteza minimă pe care a avut-o un autocamion în momentul în care a început să frîneze, dacă se știe că pînă la oprire a mai parcurs o distanță  $s$ , iar un corp omogen de formă cubică, ce se găsea în autocamion, s-a răsturnat cu această ocazie.

c) Cum se poate verifica experimental legea mișcării (spațiului) și legea vitezei într-o mișcare uniform variată? (Descrieți dispozitivul, principiul metodei și modul de lucru).

5.3.5. Un corp  $A$  cu masa  $m=1,00$  kg coboară accelerat pe un plan înclinat, care face cu planul orizontal un unghi  $\alpha=30^\circ$ . Corpul pleacă de la o înălțime  $h=10,0$  m cu o viteză inițială  $v_0=3,0$  m/s. Mișcarea se face cu frecare, coeficientul de frecare de alunecare fiind  $\mu=0,2/\sqrt{3}$ . Cînd ajunge la baza planului înclinat corpul  $A$  își continuă mișcarea pe un plan orizontal și după ce mai parcurge o distanță  $s=12,5$  m se ciocnește plastic cu un alt corp  $B$ , care are aceeași masă și se găsește în repaus. După ciocnire corpul  $AB$  rezultă mai parcurge o distanță pe planul orizontal și se oprește. Știind că și pe planul orizontal mișcarea se face cu frecare, dar  $\mu=0,10$ , să se calculeze:

a) Viteza pe care o va avea corpul  $A$  cînd ajunge la baza planului înclinat.

b) Distanța pe care o va parcurge corpul  $AB$  pe planul orizontal pînă la oprire.

c) Forța paralelă cu planul înclinat care ar trebui să acționeze asupra corpului  $A$  pentru ca acesta să se oprească la baza planului înclinat, considerîndu-se că ar porni de la aceeași înălțime cu aceeași viteză inițială. Se va considera  $g=10$  m/s<sup>2</sup>.

(Anul I, licee spec)

5.3.6. Sub acțiunea unei forțe constante, un corp cu masa  $m=5,00$  kg este urcat uniform în timpul  $t=10,0$  s pe un plan înclinat cu lungimea  $Z=15,0$



$m$  și înălțimea  $h=5,00$  m. Știind că forța este paralelă cu planul înclinat și că deplasarea corpului pe plan se face cu frecare de alunecare, coeficientul de frecare fiind  $\mu=0,10$ , se cere:

- Forța cu care corpul apasă pe plan.
- Forța care acționează asupra corpului.
- Puterea dezvoltată pentru urcarea corpului pe plan.

Se va considera  $g=10$  m/s<sup>2</sup>.

Sub. teor. 1. Energia cinetică. 2. Cuplul de forțe. 3. Șurubul.

(Anul I, școli prof.)

5.3.7. a) Rezonanța.

- Ce am auzi dacă ne-am depărta de o sursă sonoră cu viteza sunetului?
- Din întâlnirea a două unde sonore poate să rezulte liniște?

d) Într-un recipient umplut cu gaz se află un corp a cărui densitate medie este puțin mai mare decât densitatea gazului. Se poate produce ridicarea corpului în interiorul recipientului acționând asupra presiunii gazului?

Dacă în recipient se află lichid, iar corpul are densitatea medie puțin mai mare decât densitatea lichidului, se poate produce ridicarea corpului acționând asupra presiunii lichidului?

5.3.8. Un corp cilindric de înălțime  $h$  și secțiune transversală  $S$  este făcut din fier (densitatea  $\rho$ ) și se poate deplasa pe verticală ghidat de o tijă, fără frecare, paralel cu axa sa, într-un vas care conține un strat de mercur (densitate  $\rho_1$  de înălțime  $h_1$  ( $h$  mai mic decât  $h_1$ )) și un strat de apă (densitatea  $\rho_2$ ) de înălțime  $h_2$  ( $h < h_2$ ). Se cere:

a) Distanța dintre fundul vasului și centrul de masă al cilindrului în poziția de echilibru.

b) Perioada micilor oscilații libere ale corpului cilindric la scoaterea din poziția de echilibru.

(Anul II)

7-5.3.9. a) Explicați de ce pentru a încălzi o masă  $m$  de gaz de la o temperatură la o temperatură  $t_2$  este necesară o cantitate de căldură diferită, după cum încălzirea se face sub volum constant sau sub presiune constantă.

b) Pe fundul unui vas există o deschidere de formă dreptunghiulară cu lățimea  $a=20$  cm. Până la ce înălțime  $h$  se poate turna mercur în vas, fără ca acesta să se scurgă prin deschidere? ( $\rho_{Hg}=13,6$  g/cm<sup>3</sup>,  $0H_g=0,487$  N/m).

c) De ce capacitatea unui condensator este mai mare decât capacitatea uneia dintre plăcile sale?

d) Cum se poate determina experimental tensiunea electromotoare și rezistența interioară a unei surse de curent electric? (Descrieți montajul, principiul metodei și modul de lucru).

T-5.3.10. Într-un vas în care se găsesc  $m_1=3,5$  kg apă la temperatura  $t_1=50^\circ\text{C}$  se introduc  $m_2=0,50$  kg apă la temperatura  $t_2=5,0^\circ\text{C}$  și o butelie cu oxigen la temperatura  $t_3=-20^\circ\text{C}$  și presiunea  $p=10,0 \cdot 10^6$  N/m<sup>2</sup>. Știind că volumul buteliei este  $V=2,5$  l, să se calculeze:

a) Masa  $m_3$  a oxigenului din butelie (masa molară a oxigenului  $M=32$  kg/kmol, constanta universală a gazelor  $R=8,31$  J/mol·grd).

b) Temperatura finală  $t_f$  a sistemului dacă se neglijează căldura cedată de vas și căldura absorbită de butelie (căldura specifică a  $O_2$  este  $c_{O_2}=653$  J/kg·grd, căldura specifică a apei  $c_w=4180$  J/kg·grd).

c) Presiunea  $p$  a oxigenului din butelie la temperatura  $t_f$ , ne-glijindu-se

dilatația buteliei.

d) Cantitatea de petrol lampant necesară încălzirii oxigenului din butelie și apei din vas de la temperatura  $t_f$  la temperatura  $t_4 = 90^\circ\text{C}$ , presupunind că încălzirea se realizează cu ajutorul unui primus al cărui randament este  $\eta = 30\%$  (puterea calorică a petrolului lampant este  $q = 46 \text{ MJ/kg}$ ).

(Anul II, licee spec.)

5.3.11.

a) =5.3.9. a)

b) =5.3.9. b)

c) De ce vîntul ridică cantități mari de nisip în pustiu sub formă de nori de nisip, în timp ce cînd bate deasupra apelor nu ridică decît foarte puțini stropi, deși apa are densitate mai mică decît a nisipului?

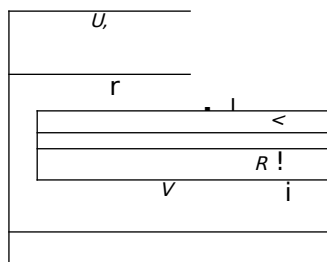
d) Cum se poate verifica experimental legea Gay-Lussac pentru transformarea izobară a unui gaz? (Descrieți dispozitivul, principiul metodei și modul de lucru).

5.3.11. =5.3.10.

(Anii II și III, licee spec.)

5.3.12. a) Cum se poate deduce pe baza legilor electrolizei că sarcinile electrice au o structură corpusculară, precum și valoarea sarcinii electronului?

b) Circuitul din schema fig. 5.3.13. este alimentat cu o tensiune constantă  $U$ . Cum variază tensiunea  $U_r$  în funcție de rezistența  $r$ , dacă se cunoaște  $I$ ,  $R_s$  și  $L$ ?



c) =6.3.9. d)

d) Un voltmetru poate fi legat în serie într-un circuit format dintr-o sursă electrică și un rezistor? Explicați răspunsul.

5.3.13. Un circuit este format dintr-o sursă electrică cu o rezistență interioară neglijabilă și două rezistoare legate în serie. Știind

5.3.14. cã un voltmetru cu rezistența  $R_v = 10 \text{ k}\Omega$  indicã  $U = 40 \text{ V}$  la bornele sursei,  $U_1 = 15 \text{ V}$  la bornele unui rezistor și  $U_2 = 10 \text{ V}$  la bornele celui alt rezistor, sã se calculeze valorile rezistențelor celor douã rezistoare.

5.3.15. Douã generatoare de curent continuu, cu aceeași rezistență interioară  $r = 1,00 \Omega$ , sînt legate în paralel și alimentează un rezistor cu rezistența  $R = 2,00 \Omega$ . Știind cã unul din generatoare are o t.e.m.  $E_1 = 12,0 \text{ V}$ , sã se calculeze:

a) Valoarea t.e.m. a celui alt generator pentru ca acesta sã debiteze la borne o putere cu  $f = 50\%$  mai mare decît puterea debitatã la borne de primul generator.

b) Puterea totalã și puterea debitatã la exterior de cãtre fiecare generator.

(Anii II și III, licee spec.)

Un circuit electric format dintr-un rezistor și o bobinã, conform schemei fig. 5.3.16, este alimentat cu un curent alternativ. Fiind date  $C$ ,  $L$  și  $\varphi$ , sã se calculeze valoarea lui  $R$  pentru care defazajul dintre tensiune și intensitate este nul.

—TFW

5.3.16. Pentru a determina puterea absorbitã în curent alternativ de cãtre o bobinã cu inductanța  $L$  și rezistența  $R$  se utilizeazã montajul din fig. 5.3.17. Cunoscînd pe  $R_x$  și mãsuriind  $U_1$ ,  $U_2$  și  $U$ , sã se exprime în funcție de aceste mãrimi puterea  $P$ .

-----/P>-----  
: L, K % I  
- rpTOP- i-----| 1-----1- -  
**- 0-----1@ J**  
t»-----f/1, 0

5.3.17. a) Cum se poate determina experimental inductanța unei bobine? (Descrieți montajul, principiul metodei și modul de lucru.)

b) Puterea curentului alternativ monofazat.

Pe douã bare conductoare paralele 1 și 2, fixe și orizontale, situate la distanța  $Z = 50 \text{ cm}$ , se poate deplasa fãrã frecare

9

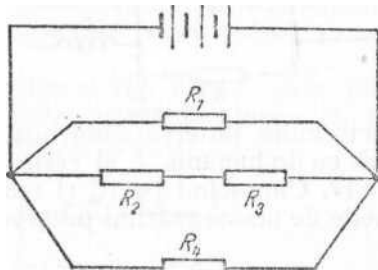
5.3.18. altă bară conductoare 3, așezată perpendicular. La capetele celor două bare 1 și 2 se leagă un generator de curent continuu cu t.e.m.  $\mathcal{E} = 10,0 \text{ V}$  și rezistența interioară  $R_i = 0,20 \text{ }\Omega$ . Știind că întreg sistemul de bare se găsește într-un câmp magnetic omogen de inducție  $B = 2,00 \text{ T}$  perpendicular pe planul barelor și că rezistența barelor este neglijabilă, să se calculeze:

- Forța care acționează asupra barei transversale când aceasta stă pe loc.
- Forța care acționează asupra barei transversale când aceasta se mișcă cu o viteză  $u = 2,00 \text{ m/s}$ .
- Puterea totală a generatorului, puterea mecanică și puterea produsă prin efect termic, când bara transversală stă pe loc și când se deplasează cu viteză  $v = 2,00 \text{ m/s}$ .

(Anii II și III, licee spec.)

5.3.19. a) Transformarea izotermă a unui gaz perfect; legea Boyle-Mariotte.

- Topirea și solidificarea.
- Legile pendulului.
- O baterie este formată din  $n = 3$  elemente identice legate în serie, fiecare avînd o t.e.m.  $\mathcal{E} = 2,00 \text{ V}$  și o rezistență interioară



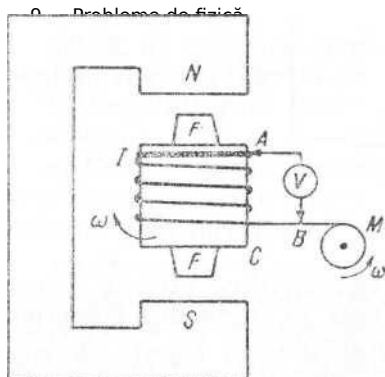
$r = 0,50 \text{ }\Omega$ . Această baterie alimentează o grupare mixtă formată din 4 rezistori, ale căror rezistențe au următoarele valori:  $R_1 = 20 \text{ }\Omega$ ,  $R_2 = 15 \text{ }\Omega$ ,  $R_3 = 15 \text{ }\Omega$  și  $R_4 = 12 \text{ }\Omega$ . Să se calculeze:

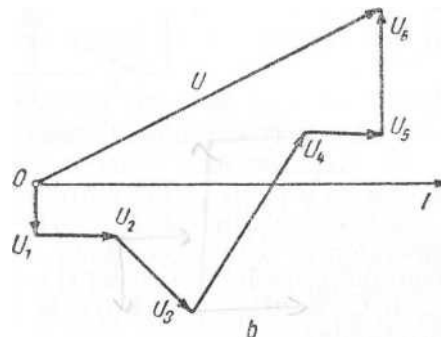
- Rezistența totală a grupării.
- Intensitatea curentului care trece prin baterie.
- Intensitățile curenților în cele trei ramuri ale grupării.

(Anul II, școli prof.)

b) a) Descrieți un dispozitiv experimental cu ajutorul căruia puteți determina cantitatea de căldură dezvoltată prin efect Peltier. Se înfășoară sîrma de pe mosorul  $M$  pe carcasa de carton  $C$ , cu o anumită viteză unghiulară  $\omega$  (fig. 5.3.21, a). Capătul sîrmei de pe carcasa  $C$  este fixat la un inel metallic  $I$ , pe acesta din urmă apăsînd un contact alunecător  $A$ . Între contactul  $A$  și un alt contact alunecător  $B$  se conectează un voltmetru  $V$ . Carcasa este plasată pe un cilindru din fier  $F$ , aflat între polii unui magnet permanent, conform figurii.

Ce va indica voltmetrul  $V$ ? Discuție.





c) Să se determine schema electrică echivalentă a circuitului pentru care a fost ridicată diagrama fazorilor din fig. 5.3.21, *b*.

Să se scrie expresia intensității curentului  $I$  din circuit în funcție de  $R$ ,  $L$ ,  $C$ ,  $U$ ,  $\varphi$ .

5.3.20. Cursorul unui reostat montat ca divizor de tensiune delimitează o porțiune cu rezistența  $R_x$  și o alta cu rezistența  $R_2$ . O bobină cilindrică (lungimea  $l$ , uniform bobinată cu  $N$  spire, fiecare spiră cu diametrul  $d$ ) avînd o rezistență electrică  $R_0$ , este legată cu un capăt de cursor, iar cu celălalt capăt, printr-un rezistor  $R$ , la capătul porțiunii  $R_2$  și printr-un întrerupător  $K$  la capătul porțiunii  $R_1$  (fig. 5.3.22). Bornele extreme ale divizorului de tensiune sînt legate la bornele unei surse de tensiune constantă, avînd t.e.m.  $E$ . Să se calculeze:

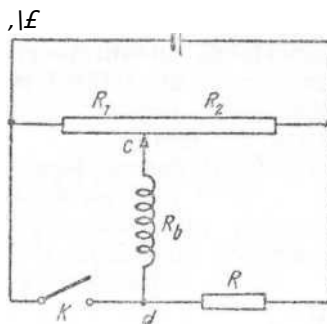
a) Valoarea rezistenței  $R$ , astfel încît la închiderea întrerupătorului  $K$ , deși își schimbă sensul, cîmpul magnetic din interiorul bobinei să nu-și schimbe intensitatea.

b) Inducția magnetică  $B$  a cîmpului în interiorul bobinei în condițiile de la punctul a). Discuție.

c)

Aplicație numerică:  $R_1=60\text{ }\Omega$ ,  $R_2=140\text{ }\Omega$ ,  $Z=16\text{ cm}$ ,  $i_V=800$ ,  $d=8,0\text{ cm}$ ,  $R_b=90\text{ }\Omega$ ,  $f=120\text{ V}$ .

(Anul III)



5.3.21. a) Generatorul trifazat.

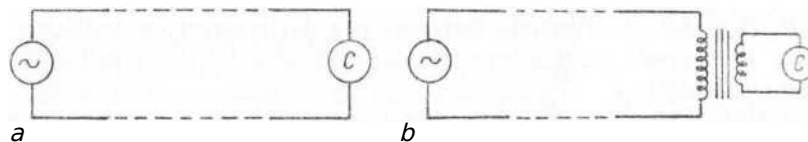
b) Explicați cum funcționează un motor asincron care este alimentat cu un curent alternativ monofazat.

c) Cum se determină experimental caracteristica externă a unui generator de curent continuu cu excitație în derivație? (Descrieți montajul, principiul metodei și modul de lucru).

d) Cum funcționează trioda ca generator de oscilații electrice întreținute?

5.3.22. Unui motor electric de curent continuu cu excitație în serie i se aplică la borne o tensiune  $U=120\text{ V}$ . Dacă rotorul său este imobilizat, atunci intensitatea curentului este  $I_1=20\text{ A}$ , iar dacă rotorul este lăsat să se rotească, intensitatea este  $I_2=5,0\text{ A}$ . Să se calculeze puterea mecanică maximă pe care o poate dezvolta acest motor.

5.3.23. Un generator de curent alternativ monofazat cu rezistența interioară neglijabilă alimentează un consumator C situat la o distanță oarecare, printr-o linie de transport a cărei rezistență



$R=1,00\text{ }\Omega$ . Consumatorul, al cărui factor de putere îl presupunem egal cu unitatea, funcționează la tensiunea  $U=220\text{ V}$  și are puterea  $P=1198\text{ kW}$ . Transportul energiei electrice de la generator la

«

consumator se poate face în două moduri indicate în schema a și b (fig. 5.3.25). Transformatorul din schema b are un raport de transformare  $k=6,4$ , iar randamentul său este de 100%. Să se calculeze:

a) Randamentul transportului energiei electrice conform schemei a.

b) Randamentul transportului energiei electrice conform schemei b.

(Anul III, licee spec.)

5.3.24. a) Explicați cum funcționează trioda ca generatoare de oscilații electrice întreținute.

b) Explicați cum funcționează un tranzistor ca amplificator de tensiune.

c) Cum se poate determina lungimea de undă a unei radiații monocromatice cu ajutorul unei rețele de difracție. (Indicați principiul metodei, materialele necesare și modul de lucru.)

5.3.25. La ce distanță trebuie să se găsească două lentile, una convergentă cu distanța focală  $f_1$  iar cealaltă divergentă cu distanța focală  $f_2$ , centrate pe același ax, pentru ca un fascicul de raze de lumină paralele cu axul optic principal, care cade pe lentila convergentă, după ce se refractă prin cele două lentile, să rămină tot cilindric?

5.3.26. Două lentile subțiri biconvexe identice (cu  $R_1 = -R_2$ ), centrate pe același ax, sînt puse în contact, iar intervalul rămas liber între ele se umple cu un lichid. Lentilele convergente sînt confecționate din sticlă cu indicele de refracție  $n = 3/2$  și au o distanță focală  $f = 20$  cm. Un obiect cu înălțimea  $h = 2,0$  cm așezat perpendicular pe axul optic principal al acestui sistem de lentile, formează o imagine reală cu înălțimea  $|y_s| = 6,0$  cm, situată la o distanță  $d = 80$  cm față de obiect. Să se calculeze:

a) Distanța focală a sistemului de lentile.

b) Indicele de refracție al lichidului dintre lentile.

c) Care va fi distanța dintre obiect și imagine, dacă obiectul s-ar găsi față de sistemul de lentile la o distanță egală cu jumătate din distanța inițială și ce caracteristici va avea imaginea în acest caz?

(Anul III, licee spec.)

5.3.27. a) și b) = 5.3.26. a) și b).

%

5.3.28. Cum se trasează experimental caracteristica de grilă a unei triode (descrieți montajul, principiul metodei și modul de lucru). Să se calculeze valoarea raportului dintre energia cinetică și energia potențială a unui corp care oscilează armonic conform ecuației:  $y = A \sin \frac{2\pi}{T} t$ , după un timp  $t = T/8$ .

5.3.29. Atîmînd de un resort un corp cu masa  $m = 1,00$  kg, resortul se alungește cu  $\Delta Z = 2,5$  cm. Dacă se scoate corpul din poziția de echilibru deplasîndu-l cu  $l = 2,0$  cm în jos și i se dă drumul fără viteză inițială, acesta începe să oscileze. Să se stabilească ecuația elongației ( $g = 10$  m/s<sup>2</sup>).

5.3.30. O sursă de unde plane oscilează după relația  $u = 0,060 \sin \omega t$  m. Știînd că viteza de propagare a undelor este  $c =$

$2,00$  m/s, să se calculeze:

a) Diferența de fază dintre oscilațiile a două particule A și B situate la distanțele  $x_A = 2,00$  m și  $x_B = 4,00$  m de sursă.

b) Elongația particulei din punctul A după  $t = 1,00$  s.

(Anul III, licee spec.)

5.3.31. Lungimea de undă a unei radiații luminoase se micșorează de  $n$ -ori în apă,  $n$  fiind indicele de refracție al apei. Aceasta înseamnă că un scafandru nu poate vedea obiectele înconjurătoare în culorile lor naturale?

5.3.32. Să se demonstreze că, în cazul unei prisme optice, unghiul de deviație dintre raza incidentă și raza emergentă are valoarea minimă:  $\theta_m = 2i - A$ , unde  $i$  este unghiul de incidență, iar  $A$  unghiul de refracție al prisme.

5.3.33. Să se explice fenomenul de difracție printr-o singură fantă îngustă de lărgime,  $b$ . Să se determine direcțiile corespunzătoare maximelor și minimelor de interferență.

5.3.38. Lumina provenită de la o sursă punctuală se propagă spre un ecran, traversînd în drumul ei un cub de sticlă cu latura  $L$ . Dacă cubul se va pune în mișcare cu viteza constantă  $v$ , lumina va parcurge distanța de la sursă la ecran într-un timp mai scurt?

5.3.37. În focarul unei lentile  $L$  se află centrul  $C$  al unei fante dreptunghiulare, perpendiculară pe raza optică a lentilei. Prin fantă trece un fascicul de lumină galbenă. După ce fasciculul traversează lentila, cade pe obiectivul  $MN$  al unei lunete astronomice centrată pe aceeași axă cu lentila și reglată pentru vizarea la infinit. Ochiul observatorului se află în planul imaginii  $M'N'$  pe care ocularul lunetei îl dă obiectivului  $MN$ .



a) Să se determine poziția și mărimea imaginii  $M'N'$ . Să se determine poziția și mărimea imaginii  $A'B'$  a lățimii fantei  $AB$  dată de sistemul: lentila  $L$  — obiectivul  $MN$ .

b) Între lentila  $L$  și lunetă se așază, la minimul de deviație, o prismă de sticlă cu indicele de refracție  $n$  pentru lumina galbenă, a cărei secțiune principală este un triunghi echilateral. Cu ce unghi trebuie să se rotească axa lunetei pentru ca ochiul să poată observa din nou imaginea fantei?

c) Fanta este luminată cu lumina albă. Care va fi mersul razelor care pornesc din centrul fantei și traversează sistemul lentilă

— prismă — obiectivul  $MN$ ? La ieșirea din prismă, unghiul pe care îl fac între ele direcțiile razelor roșii și violete este egal cu  $\{5=3/2$  grade. Să se calculeze unghiul sub care ochiul vede spectrul.

Se dau: distanța focală a lentilei  $f_1=15$  cm, diametrul obiectivului  $MN=40$  mm, distanța focală a obiectivului  $F=20$  cm, convergența ocularului  $1/f=20$  dioptrii,  $\sin 50^\circ=0,766$ ;  $AB=1,00$  mm;  $n=1,532$ .

(Anul IV)

5.3.38. a) Să se explice de ce atunci când un om sare într-o plasă elastică poate face salturi mult mai mari decât atunci când sare pe pământ.

b) Să se deducă relația în care viteza unui oscilator armonic este exprimată în funcție de pulsație, amplitudine și elongație.

c) =5.326. c)

5.3.39=5.3.30.

5.3.40.=5.3.28.

\_\_\_\_\_ (Anul IV, licee spec.)

### 1973. ETAPA REPUBLICANĂ (Craiova)

5.3.41. a) Dați definiția centrului de greutate.

fa) Dacă unui corp  $i$  se aplică un cuplu de forțe, cum se va mișca centrul său de greutate? De ce?

d) Un corp oarecare este tăiat în două părți de-a lungul unui plan care trece prin centrul său de greutate. Sînt egale masele celor două părți astfel obținute?

5.3.42. a) Dați definiția masei și greutateii unui corp.

turi de fir se lasă să cadă liber o bilă de plumb. Va cădea bila paralel cu firul de plumb? De ce? Faceți o evaluare numerică dacă este cazul.

5.3.43. a) Putem aplica legea conservării impulsului total la un proces de ciocnire, dacă corpurile sînt supuse la forțe exterioare, adică sistemul de corpuri nu este izolat?

b) Din practică se știe că este mai ușor să sari pe țărm de pe un șlep decît dintr-o barcă ușoară. De ce? Să se compare în cele două cazuri viteza și forța medie dezvoltată de om.

5.3.44. Pentru a studia locul aselenizării cosmonauții au reglat motorul rachetei astfel ca racheta să stea în repaus față de Lună, la o anumită altitudine. Deși gazele ejectate duc cu ele în mod continuu impuls (cantitatea de mișcare), totuși racheta nu are variație de impuls. Explicați legea conservării impulsului în acest caz.

5.3.45. Definiți randamentul unui plan înclinat și descrieți experiența de determinare a randamentului unui plan înclinat (conform manualului).

(Anul I, proba I)

5.3.46. Pe platforma orizontală a unui cărucior de masă  $M = 10$  kg este așezat un corp paralelipipedic de masă  $m = 5,0$  kg asupra căruia se apasă sau se trage cu o forță  $F$  înclinată sub un unghi  $\alpha = 60^\circ$  față de orizontală. Se va considera separat cazul apăsării și cazul tracțiunii. Coeficientul de frecare la lunecare dintre corp și platformă este  $\mu = 0,40$ , iar între cărucior și teren (șine) frecarea este neglijabilă. Pentru ce valoare a forței  $F$  corpul  $m$  începe să lunece pe platformă și care este accelerația în acest moment?

2

5.3.47. Două bărci, fiecare de masă  $M$ , se mișcă pe direcții paralele apropiate, una spre cealaltă, cu aceeași viteză  $v$ . În momentul întâlnirii, între bărci se face un schimb de corpuri de aceeași masă  $m$

(inclus în  $M$ ). Se vor considera separat două cazuri:

a) schimbul se face simultan, b) schimbul se face succesiv.

Să se calculeze vitezele finale ale bărcilor și pierderea de energie cinetică totală a sistemului. Să se discute și să se compare cele două cazuri în funcție de valorile posibile ale masei  $m$ .

(Anul I, proba II)

5.3.48. a) *Realizarea experienței.* Elevii vor urîni experiența de întindere a unei epruvete de metal.

Vor măsura lungimea inițială (între repere) și diametrul inițial al epruvetei.

În timpul experienței vor face circa 5–10 măsurători ale forței de întindere și ale lungimii și diametrului epruvetei.

b) *Prelucrarea datelor:*

1. Se va trasa graficul: forța  $F$  — alungirea  $\Delta L$

2. Se va determina modulul de elasticitate  $E$  al materialului.

3. Se va evalua eroarea posibilă comisă în determinarea lui  $E$ .

4. Se va trasa graficul: contracția transversală  $\Delta D$  (unde  $D$  este diametrul) — alungirea  $\Delta L$

5. Se va determina coeficientul de contracție transversală

$$\mu = \frac{\Delta D}{\Delta L}$$

$$\mu = \frac{\Delta D}{\Delta L}$$

$$\mu = \frac{\Delta D}{\Delta L}$$

6. Se va evalua eroarea posibilă comisă în determinarea lui  $\mu$ .

(Anul I, proba practică)

5.3.49. Dintr-un tun care alunecă liber pe un plan înclinat și a parcurs o distanță  $l$ , se trage un proiectil în direcția orizontală. Ce viteză trebuie să aibă proiectilul pentru ca tunul să se oprească în momentul în care proiectilul iese din țeava tunului? Se vor considera cunoscute:  $l$ , masa tunului  $M$ , masa proiectilului  $m$  ( $m < M$ ) și unghiul pe care îl face planul înclinat cu planul orizontal.

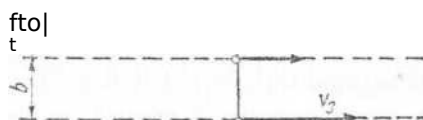
5.3.50. Un automobil care se deplasează pe o șosea orizontală cu viteza  $v$ , constantă, intră într-o curbă (arc de cerc) cu raza  $R$ . Cunoscând coeficientul de frecare la alunecare  $\mu$ , dintre șosea și roți, distanța  $d_1$  de la suprafața șoselei până la centrul de greutate al automobilului și distanța  $d_2$  dintre roțile situate pe același ax, să se discute ce se poate întâmpla cu automobilul.

5.3.51. Să se calculeze valoarea maximă pe care o poate avea coeficientul de frecare la alunecare  $\mu$ , pentru ca forța necesară ridicării uniforme cu frecare a unui corp pe un plan înclinat să fie mai mică decât forța necesară ridicării uniforme a aceluiași corp pe verticală. Se cunoaște unghiul  $\alpha$  pe care îl face planul înclinat cu planul orizontal. Ce valoare va avea randamentul planului înclinat pentru  $\mu_{\max}$ ?

(Anul I, proba I, licee spec.)

5.3.52. Trei vapoare se deplasează pe trei direcții paralele, distanțele dintre direcții fiind  $a=400$  m și  $b=200$  m. Cunoscând vitezele a două dintre vapoare  $v_1=12$  km/h și  $v_2=16$  km/h, să se calculeze viteza celui de

al treilea vapor, astfel încât cele trei vapoare să se găsească în permanentă în linie dreaptă.



5.3.53. De la un tren cu masa  $M=500$  t, care merge cu viteză constantă, se desprinde la un moment dat ultimul vagon cu masa  $m=20$  t. Vagonul mai parcurge o distanță  $l=1\,000$  m și se oprește. Presupunind că forța de tracțiune a locomotivei este tot timpul aceeași, iar rezultanta forțelor rezistente este echivalentă cu o forță de frecare de alunecare, coeficientul de frecare fiind  $\mu=0,020$ , să se calculeze: a) Viteza vagonului în momentul desprinderii sale.

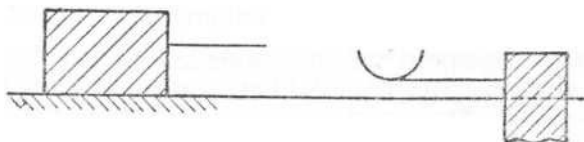
b) Forța de tracțiune a locomotivei.

c) Distanța la care se va afla trenul față de vagonul desprins, în momentul în care vagonul se oprește. Se va considera  $g=10$  m/s<sup>2</sup>.

5.3.54. Ce valoare trebuie să aibă coeficientul de frecare dintre o sîrmă cu secțiune circulară și lamele unui foarfece, pentru ca atunci cînd încercăm să tăiem sîrma, aceasta să nu alunece între lame, știind că unghiul maxim dintre lamele foarfecei este  $2\alpha=80^\circ$ .

(Anul I, proba II, licee spec.)

5.3.55; Un bloc paralelipipedic cu masa  $m=500$  kg este tras de către muncitor cu ajutorul unui cablu prin intermediul unui scripete mobil. Deplasarea blocului se face cu frecare pe un plan\*



orizontal, coeficientul de frecare la alunecare fiind  $\mu=0,10$ . Să se calculeze:

a) Forța cu care trebuie să tragă muncitorul pentru a mișca uniform blocul.

b) Lucrul mecanic efectuat de muncitor pentru a deplasa blocul pe o distanță  $d=2,00$  m.

Un vagonet cu masa  $m=100$  kg este tras de către un lucrător cu o forță constantă  $F=300$  N. Forța de frecare ce se opune mișcării este  $F_p=100$  N

- a) În cât timp vagonetul va fi deplasat pe o distanță  $d=25$  m?  
 b) După acest interval de timp, vagonetul nemaifiind tras, va mai parcurge o distanță, după care se va opri. Ce valoare are această distanță?  
 (Anul I, școli prof.)

5.3.57. Să se dea un exemplu de proces termodinamic la care întreaga cantitate de căldură luată de la o sursă termică se transformă în lucru mecanic.

5.3.58. Cât este de mare tensiunea superficială  $\sigma$  a unui lichid dacă o buclă de sfoară de cauciuc, avînd lungimea  $l$  și secțiunea transversală  $s$ , așezată pe o peliculă din acest lichid s-a întins formînd o circumferință de rază  $R$ , după ce pelicula a fost găurită în interiorul buclei?

Se va admite că legea lui Hooke este valabilă pentru cauciuc la întinderi mici și că modulul de elasticitate al cauciucului este  $E$ .

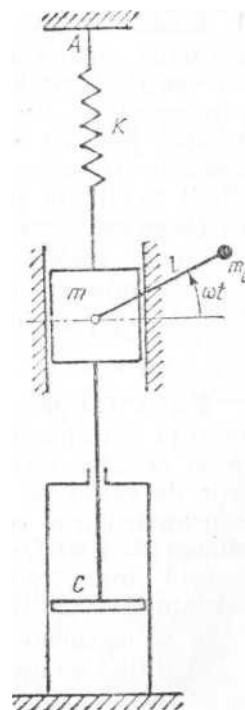
5.3.59. Într-un recipient care este fermat din două incinte de volume  $V_1$  respectiv  $V_2$  ce comunică între ele printr-un tub prevăzut cu un robinet, se află un gaz ideal cu masa totală  $m$ .

Robinetul fiind închis, presiunea și temperatura gazului din cele două incinte sînt:  $p_1$ ,  $T_1$  respectiv  $p_2$ ,  $T_2$  ( $p_2 > p_1$ ,  $T_2 > T_1$ ).

Să se determine valoarea parametrilor de stare ai gazului din recipient în starea finală, în următoarele cazuri:

- a) Se deschide robinetul de comunicație menționîndu-se cu ajutorul unor termostate temperatura constantă din fiecare incintă.  
 b) Se deschide robinetul de comunicație, recipientul fiind izolat termic de mediul exterior.

5.3.60. Sistemul oscilant din fig. 5.3.60 este format dintr-un corp de masă  $m$  care poate executa oscilații verticale fiind prins de un punct fix  $A$  prin intermediul unui resort de constantă elastică  $k$ . Acest corp poate fi cuplat cu un amortizor  $C$  și cu un alt corp de masă  $m_0$  prin intermediul unei tije de lungime  $l$ .



5.3.61.

ce se poate roti cu viteză unghiulară  $\omega$ . Să se studieze mișcarea sistemului și perioada de oscilație în următoarele cazuri:

- Corpul de masă  $m$  oscilează liber (nu este cuplat).
- Corpul de masă  $m$  oscilează fiind cuplat cu amortizorul  $C$  (nu este cuplat cu masa  $m_0$ ).
- Corpul de masă  $m$  oscilează fiind cuplat cu amortizorul  $C$  și corpul de masă  $m_0$ .

(Anul II, proba I)

5.3.81. O eprubetă de lungime  $l$ , închisă cu un piston mobil de masă neglijabilă, conține hidrogen la presiunea  $p_0$ . Eprubetă este introdusă, în poziție verticală, într-un vas cu mercur, astfel încât extremitatea sa inferioară să ajungă la adâncimea  $h$  ( $h > l$ ). Să se determine, pentru această situație, lungimea porțiunii din eprubetă care conține hidrogen. Pentru ce valoare a lui  $h$  problema este rezolvabilă?

Se cunosc densitatea mercurului și presiunea atmosferică  $H$ . Temperatura hidrogenului rămâne constantă.

5.3.62. O mașină termică lucrează după un ciclu reversibil care are două ramuri adiabate, o ramură izobară și o ramură izocoră, și care se desfășoară astfel: de la parametrii  $p_1, V_1$  se trece izobar la parametrii  $p_2, 2V_1$ , apoi pe adiabata ce trece prin acest punct se coboară pînă ce se ajunge la presiunea  $p/2$  și la un volum corespunzător transformării adiabatice ce trece prin starea  $p_1, V_1$  și în sfîrșit printr-un proces adiabetic se reajunge în starea inițială  $p_1, V_1$ . Să se calculeze:

- Aria închisă de acest ciclu.
- Randamentul mașinii.

Depinde randamentul de natura gazului perfect?

(Anul II, proba II)

5.3.63. Un generator de curent continuu cu t.e.m.  $\mathcal{E} = 15 \text{ V}$  și rezistența internă  $r = 0,50 \text{ }\Omega$ , alimentează un circuit format dintr-un rezistor introdus într-un calorimetru, un electrolizor cu soluție de sulfat de cupru și o bobină, legate în serie. Rezistorul din calorimetru este confecționat dintr-o sîrmă de nichelină cu rezistivitatea  $\rho = 0,40 \text{ }\Omega \cdot \text{mm}^2/\text{m}$ , avînd o lungime  $Z = 1,00 \text{ m}$  și o secțiune  $s = 0,40 \text{ mm}^2$ . Rezistența electrolizorului este  $R_1 = 1,00 \text{ }\Omega$ , iar a bobinei este  $R_2 = 5,00 \text{ }\Omega$ .

- Să se calculeze intensitatea curentului din circuit.
- Știind că în calorimetru se găsește o masă de apă  $m = 200 \text{ g}$ , să se calculeze în cît timp temperatura apei va crește cu  $\Delta T = 5,0 \text{ K}$  (căldura specifică a apei  $c = 4180 \text{ J/kg}\cdot\text{K}$ ). Se va neglija căldura absorbită de calorimetru.
- Ce masă de cupru se va depune la catodul electrolizorului în acest timp (calculat la punctul b). Echivalentul electrochimic al cuprului este  $K = 0,33 \text{ mg/C}$ .

d) Să se calculeze intensitatea câmpului magnetic din interiorul bobinei, știind că bobina are lungimea  $Z_1=5,0$  cm și  $N=100$  spire.

(Anul II, școli prof.)

5.3.64. Fie o plăcuță metalică dreptunghiulară, plasată între polii unui electromagnet, în planul vertical  $xOz$  astfel încît câmpul magnetic uniform, acționînd în lungul axei  $Oy$ , să aibă liniile perpendiculare pe fețele mari ale plăcuței. Dacă se trece un curent electric continuu și constant prin plăcuță pe direcția  $Ox$  (lungimea  $l$ ), se constată apariția, pe direcția  $Oz$ , (lățimea  $fa$ ), a unei tensiuni electrice  $U_z$  între marginile plăcuței. Această tensiune, imediat după stabilirea curentului electric crește ca valoare și atinge rapid o valoare constantă în timp. Se constată de asemenea, dependența acestei tensiuni de valoarea inducției magnetice  $B$  și de concentrația electronilor liberi.

- Explicați fenomenul.
- Deduceți expresia tensiunii  $U_z$ .
- Deduceți raportul câmpurilor  $E_x$  (imprimat de sursă) și  $E_z$  (apărut pe direcția  $Oz$ ).
- Ce aplicații poate avea efectul studiat?

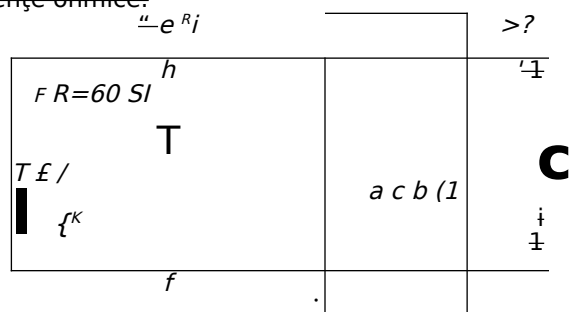
*Observație.* Considerați cunoscute toate mărimile ce pot interveni în expresiile deduse, cu excepția vitezei  $v$  a electronilor.

5.3.65. Considerăm două particule cu sarcinile electrice,  $q_1, q_2$  ce pot fi mobile, cu vitezele  $v_1$  respectiv  $v_2$ , pe orice direcție în spațiu. Ele interacționează atît prin forțe electrice cît și prin forțe magnetice  $F_m$ . Sînt posibile, poate chiar și în cazuri particulare, toate situațiile descrise mai jos?

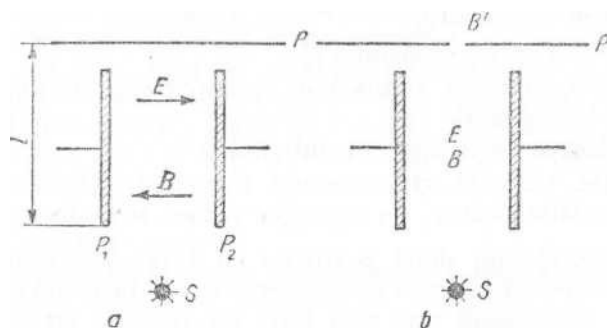
- $F_e=0, F_m=0$ .
- $F_e \neq 0, F_m=0$ .
- $F_e=0, F_m \neq 0$ .
- $F_e \neq 0, F_m \neq 0$ .

(Anul III, proba I)

Se consideră rețeaua electrică reprezentată în fig. 5.3.66. alimentată de o sursă cu t.e.m.  $E = 120$  V. Când întrerupătorul  $K$  este deschis, curenții  $I_1$  și  $I_2$  au intensitățile  $I_1 = 3,0$  A,  $I_2 = 1,8$  A. Închizând întrerupătorul  $K$ , intensitatea curentului  $I_1$  devine  $I_1 = 4,0$  A. Să se calculeze valoarea rezistenței  $R_1$  și intensitatea curentului  $I_2$  când întrerupătorul  $K$  este închis. Cutia  $C$  conține o rețea de rezistențe ohmice.



5.3.67. a) O sursă  $S$  de ioni pozitivi trimite un fascicul îngust de ioni într-o regiune în care există un câmp electric uniform  $E$  creat de plăcile  $P_1$  și  $P_2$  și un câmp magnetic uniform  $B$ , de sens contrar, creat de un sistem nefigurat pe schemă. Direcția fasciculului este perpendiculară pe cele două câmpuri.



Se consideră că ionii au toți aceeași masă dar pot avea viteze diferite. Ce va apare pe placa fotografică  $P$  după dezvoltare? La ce ar putea fi util rezultatul obținut?

b) Se plasează apoi, în locul plăcii fotografice  $P$ , un ecran prin a cărui fantă centrală vrem să iasă un fascicul de ioni monocinetic. Fanta ecranului este plasată pe direcția fasciculului ionic emis de sursă.



c) Cum trebuie să dispunem cîmpurile  $E$  și  $B$  și ce relație matematică trebuie să satisfacă mărimile  $E$  și  $B$  în acest scop? Se consideră că fasciculul monocinetic pătrunde în spatele ecranului, într-o regiune în care există un cîmp magnetic uniform  $B'$  perpendicular pe planul figurii. La ce distanță de mijlocul fantei ecranului va atinge fasciculul ionic placa fotografică  $P$ ? În ce scop ar putea fi utilă cunoașterea acestei distanțe?

(Anul III, proba II)

5.3.S8. Se va studia un dinam cu excitație în derivație, antrenat de un motor asincron trifazat.

a) Se va ridica caracteristica  $E=f(I_e)$ , deci t.e.m.  $E$  în funcție de intensitatea curentului de excitație  $I_e$ . Să se reprezinte grafic și să se interpreteze forma curbei.

b) Se va ridica caracteristica  $U=f(I)$ , deci tensiunea la borne în funcție de intensitatea curentului debitat, în două situații:

1. Curentul  $I_e$  și turația  $n$  lăsate să varieze în funcție de sarcină.

2. Curentul  $I_e$  și turația  $n$  menținute constante, deși sarcina variază.

Să se interpreteze forma curbelor și să se explice diferența dintre ele.

De ce nu este curba 2. o dreaptă?

c) Cunoscînd randamentul  $\eta_{j_2}$  al motorului, să se determine randamentul  $\eta_{j_2}$  al dinamului. Discuție.

(Anul III, proba practică)

5.3.69. Trei lame de sticlă verticale și paralele situate la distanțele  $d_1$  și  $d_2$  sînt cufundate parțial în apă, care are coeficientul

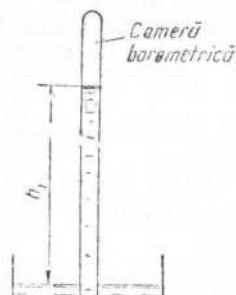
$$4 \cdot 10^{-2}$$

de tensiune superficială  $\sigma$  și densitatea  $\rho$ . Să se calculeze diferența dintre înălțimile la care se va ridica apa între plăci.

Într-un tub barometric, deasupra coloanei de mercur care are înălțimea  $h_1$  se găsește o masă  $m$  de aer. Dacă se mai introduce în camera barometrică tot atâta aer cît era, atunci volumul său crește cu  $1/n$  din valoarea sa anterioară, iar coloana de mercur scade



la o înălțime  $h_2$ . Să se calculeze presiunea exterioară, știind că rămas constantă tot timpul.



5.3.71. Două vase, cu volumele  $V_1$  și  $V_2$  și temperaturile  $T_1$  și  $T_2$ , conțin azot sub presiunile  $p_1$  și  $p_2$ . Vasele sînt apoi puse în legătură printr-un tub, temperaturile lor rămînînd constante. Să se calculeze presiunea azotului în sistemul format din cele două vase.

(Anul III, proba I, licee-spec.)

5.3.72. O butelie cu volumul  $V=40\text{ l}$  și temperatura  $t=27^\circ\text{C}$  conține oxigen sub o presiune  $p=10,0\text{ MN/m}^2$ . După ce o parte din oxigenul din butelie a fost consumat, presiunea a scăzut la  $p_1=5,0\text{ MN/m}^2$ , iar temperatura la  $t_1=7,0^\circ\text{C}$ . Știind că masa moleculară a oxigenului este  $M=32$ , iar  $R=8,31\text{ J/mol}\cdot\text{K}$ , să se calculeze:

- Masa oxigenului care se găsea inițial în butelie.
- Masa oxigenului consumat.
- Variația densității oxigenului rămas în butelie, dacă

butelia ar fi încălzită de la temperatura inițială (nu se va lua în considerare dilatarea buteliei).

5.3.73. O masă  $m=23\text{ g}$  aer parcurge într-un motor termic un ciclu dreptunghic  $ABCD$ . În starea inițială din punctul  $A$  aerul are temperatura  $t_A=27^\circ\text{C}$  și presiunea  $p_A=100\text{ kPa}$ . În punctul  $B$  presiunea este dublă, iar în punctul  $C$  volumul este de 1,5 ori mai mare. Știind că densitatea aerului în condițiile stării  $A$  este  $\rho=1,25\text{ kg/m}^3$ ,  $c_{v,1}=1000\text{ J/kg}\cdot\text{K}$  și  $c_{v,2}=710\text{ J/kg}\cdot\text{K}$ , să se calculeze:

a) Volumul aerului din starea  $A$ , precum și volumele, presiunile și temperaturile din stările  $B$ ,  $C$  și  $D$ .

Lucrul mecanic efectuat de gaz într-un ciclu complet

$\frac{8}{c}$

$A$   $D$

b) Cantitatea totală de căldură primită de aer și cantitatea totală de căldură cedată de aer la parcurgerea întregului ciclu.

c) Randamentul motorului.

(Anul III, proba II, licee spec.)

5.3.74. Față de un sistem de axe de coordonate  $Oxyz$  considerat fix, o particulă cu masa de repaus  $m_0$  se deplasează cu viteza  $v_x$ . Tot față de acest sistem, un al doilea sistem  $O'x'y'z'$  se deplasează cu viteza  $u$  astfel încît  $Ox=O'x'$ . Stabiliți formulele de transformare ale energiei totale  $E$  și impulsului  $p$  (în cadrul teoriei relativității restrânse) la trecerea de la sistemul  $Oxyz$  la sistemul  $O'x'y'z'$ . Verificați cu rezultatele obținute invarianța expresiei

$$E^2 - p^2 c^2 = (m_0 c^2)^2 = \text{invar.}$$

5.3.75. Să se demonstreze că fotonul nu poate transfera întreaga sa energie unui electron liber.

5.3.78. În două ciclotroane identice (cu aceeași inducție magnetică) sînt accelerați protoni într-unul și deuteroni în celălalt. Care dintre particule va avea la ieșirea din ciclotron energie cinetică mai mare?

5.3.77. De ce culorile obiectelor umede par mai intense decît ale celor uscate?

(Anul IV, proba I)

5.3.78. Un nucleu greu de masă de repaus  $M_0$ , care se mișcă cu viteza  $v$ , fisionează spontan în două fragmente identice, avînd fiecare masa

de repaus  $m_0$ . Să se determine valoarea maximă a unghiului dintre vectorul viteză a unuia dintre fragmente și vectorul  $v$ . (Fiziunea nu este însoțită și de emisia altor particule).

Un proton liber se află inițial în repaus, iar un al doilea proton se află la infinit și se deplasează spre primul cu viteza inițială  $v$ . Care este distanța minimă la care se pot apropia protonii

5.3.79. Se taie din partea centrală a unei lentile convergente cu distanța focală  $f$ , o porțiune de lățimea  $d$ . Se lipesc apoi cele două părți de lentilă. De o parte a lentilei astfel formate se așază o sursă punctiformă de lumină monocromatică cu lungimea de undă  $\lambda$ , la distanța  $a < f$ , iar de cealaltă parte a lentilei se așază un ecran.

a) La ce distanță de lentilă trebuie așezat ecranul încât să se observe pe el trei franje de interferență?

b) Care este numărul maxim de franje de interferență care se pot observa pe ecran?

Aplicație pentru:  $d=0,50$  mm,  $\lambda=500$  nm,  $a=50$  mm,  $f=10$  cm.

(Anul IV, proba II)

5.3.80. a) Unde staționare.

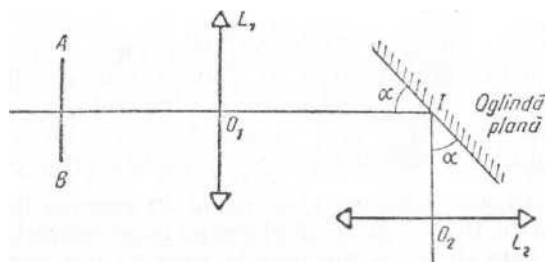
b) O lentilă convergentă formează imaginea unui obiect pe un ecran. Înălțimea imaginii este  $y'$ . Lăsând în același loc ecranul și obiectul, se deplasează lentila înspre ecran și se obține o a doua imagine a obiectului cu înălțimea  $y''$ . Să se calculeze înălțimea  $y$  a obiectului.

c) Să se stabilească relația cu ajutorul căreia se poate calcula frecvența de rotație a electronului atomului de hidrogen, în funcție de  $n$ .

(Anul IV, proba I, licee spec.)

5.3.81. O sursă de lumină este așezată deasupra unui vas deschis al cărui fund este o oglindă plană. Să se calculeze distanța dintre imaginea care se formează în această situație și imaginea care se obține dacă în vas se găsește un strat de apă cu înălțimea  $h=10$  cm (indicele de refracție al apei este  $n=4/3$ ).

5.3.82. Se consideră sistemul optic din fig. 6.3.83. Știind că obiectul  $AB$  cu înălțimea  $y=10$  mm se găsește la distanța  $z=30$  cm de lentila  $L_1$  și este așezat perpendicular pe axul ei optic principal



și că  $f_1 = 25 \text{ cm}$ ,  $f_2 = 20 \text{ cm}$ ,  $O_1 I = 100 \text{ cm}$ ,  $O_2 I = 75 \text{ cm}$ ,  $\alpha = 45^\circ$ , se cere:

- Să se calculeze la ce distanță de  $L_2$  se va forma imaginea dată de sistem.
- Să se calculeze mărimea imaginii din figură.
- Să se facă construcția grafică a imaginilor.

5.3.83. Prin absorbția unui foton cu frecvența  $\nu$ , electronul unui atom de hidrogen trece de pe prima orbită pe o altă orbită  $n$ . Să se calculeze raportul razelor celor două orbite ( $r_2/r_1$ ).

(Anul IV, proba II, licee spec.)

#### 1974. ETAPA JUDEȚEANĂ

5.4.1. a) O monedă de masă  $m$  este așezată pe un disc de patefon la distanța  $R$  de centru. Coeficientul de frecare la alunecare dintre monedă și disc este  $f$ . Care este mărimea, direcția și sensul forței de frecare exercitate asupra monedei, dacă discul se rotește cu turația  $n$ ? La ce turație moneda va începe să lunece pe disc?

b) Un automobil merge cu viteza  $v$  pe timp de ceață. La un moment dat șoferul observă în față la distanța  $d$ , un gard lung transversal pe șosea. Cum este mai bine (mai sigur) să frâneze sau să vireze într-o parte?

c) Un corp este lansat în sus de-a lungul unui plan înclinat de unghi  $\alpha$ . Ce condiție trebuie îndeplinită pentru ca corpul, după oprire, să rămână pe loc, fără să se întoarcă înapoi la baza planului?

5.4.2. Într-un vagon este suspendat un pendul simplu. Vagonul alunecă liber în jos pe un plan înclinat de unghi  $\alpha$ . Frecarea dintre vagon și plan este neglijabilă. Ce unghi față de verticală va forma pendulul aflat în echilibru relativ?

5.4.3. Două corpuri, de masă  $m$  fiecare, sînt așezate pe un plan orizontal și legate între ele printr-un fir orizontal. Coeficientul de frecare

la alunecare dintre corpuri și plan este fi. De unul din corpuri se trage cu o forță  $F$  care formează un unghi  $\alpha$  cu orizontala. Să se afle:

- Accelerația cu care se va mișca sistemul.

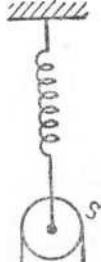
- b)  
 c) Tensiunea din firul care unește cele două corpuri.  
 d) Unghiul a optim sub care trebuie să tragem pentru ca corpurile să se miște rectiliniu uniform cu o forță  $F$  minimă.

Aplicație numerică:  $m=10,0$  kg,  $\alpha=1/3$ ,  $\theta=60^\circ$ ,  $F=200$  N.

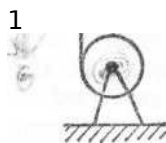
(Anul I)

5.4.4.

De un resort elastic suspendat într-un punct  $O$  este atârnat un scripete & de masă neglijabilă. De un capăt al firului petrecut peste scripete este legat un corp de masă  $m=2,00$  kg, iar la celălalt capăt al firului se leagă, într-un caz un corp cu masă  $M=20,0$  kg, în alt caz — șaiba unui motor electric care dezvoltă în



$F$



fir o forță de tracțiune  $F=200$  N. Neglijând orice fel de frecare, considerând  $g=10$  m/s<sup>2</sup> și cunoscând că resortul are constanta  $k=100$  N/cm, să se determine cât se alungește resortul în cele două cazuri.

5.4.5. a), b) = 5.4.1. a), b);

c) = 5.4.2.

5.4.6. = 5.4.3.

(Anul I, licee spec.)

222222  
Z6



Un tren pleacă dintr-o stație avînd mișcarea uniform accelerată. După ce a parcurs  $s=600$  m atinge viteza  $u=45$  km/h și își continuă apoi drumul cu o mișcare uniformă timp de  $t=10$  min

.Cu  $A_i=50$  s înainte de a se opri în stația următoare, începe frînarea. Să se determine:

- a) Accelerația în mișcarea uniform accelerată.
  - b) Accelerația de frînare în mișcarea încetinită.
  - c) Distanța dintre cele două stații.
- Sub. teor. Energia cinetică. Cuplul de forțe. Șurubul.

(Anul I, școli prof.)

5.4.7. a) Un corp efectuează oscilații verticale fiind suspendat pe rînd de două resorturi elastice identice legate mai întâi în serie și apoi în paralel. Determinați raportul a două pendule matematice (gravitaționale) care oscilează sincron cu corpul în cele două situații.

b) Într-un vas cu lichid de densitate  $\rho_0$  se găsește în stare de plutire un corp cilindric omogen cu densitatea  $\rho$ , înălțimea  $h$  și secțiunea transversală  $S$ . Nivelul lichidului se găsește la  $h/2$ . Arătați cum se va schimba perioada micilor oscilații libere ale corpului cilindric la scoaterea din poziția de echilibru, cînd vasul cu lichid s-ar afla pe Lună, știind că pe Lună corpurile au greutatea de șase ori mai mică decît pe Pămînt.

c) Într-un recipient închis ermetic și izolat termic se găsește un clopoțel metalic ce poate fi acționat din exterior. Ce se întîmplă cu energia undelor sonore emise de clopoțel într-un interval de timp, cînd recipientul este umplut cu un gaz ideal și cînd este vidat?

d) Explicați care sînt factorii esențiali datorită cărora se menține atmosfera terestră. Ce s-ar întîmplă dacă unul din acești factori ar lipsi?

5.4.8. Într-un cilindru închis la ambele capete și vidat este suspendat printr-un resort elastic un piston cu masă neglijabilă care se poate mișca în cilindru fără frecare. Pistonul este în poziție de echilibru cînd se găsește la baza cilindrului. În spațiul de sub piston se introduce o cantitate de gaz ideal ridicîndu-l pînă la înălțimea  $h=20$  cm, ca în fig. 5.4.9. Să se determine:

a) înălțimea  $h$ , la care se stabilește pistonul cînd energia cinetică medie de translație a moleculelor crește de  $n=4$  ori față de cea inițială.

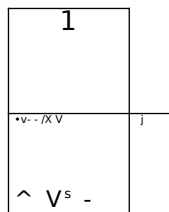
b) De cîte ori este mai mare energia transmisă de gaz resortului cînd pistonul se găsește la înălțimea  $h_x$  față de energia transmisă cînd pistonul se găsea la înălțimea  $h$ .

Se fixează pistonul la jumătatea vasului și se presupune existența unui orificiu în acesta astfel încît gazul umple întreg cilindrul la temperatura absolută  $T$  (se neglijează volumul ocupat de resort).





Să se determine de câte ori variază presiunea în acest sistem, dacă gazul dintr-o parte a cilindrului se menține la temperatura inițială  $T$ , iar gazul din cealaltă parte se încălzește și se menține la o temperatură absolută  $T_j$  de trei ori mai mare.



a) Este posibil ca presiunea în sistem să crească de două ori sau mai mult?

(Anul II)

5.4.9. Un reșou electric consumă o putere  $P=600\text{ W}$  și lucrează la tensiunea  $U=120\text{ V}$ . Să se determine:

- Intensitatea curentului care circulă prin reșou.
- Rezistența electrică a reșoului.
- Timpul necesar pentru a încălzi m  $= 1,00\text{ kg}$  apă de la  $t_0=20^\circ\text{C}$  pînă la  $t_f=100^\circ\text{C}$ , dacă randamentul reșoului este  $\eta = 70\%$  (căldura specifică a apei  $c=4\,180\text{ J/kg}\cdot\text{K}$ ).
- Costul energiei electrice consumate în acest caz dacă un kilowat-oră costă  $k=0,30\text{ lei/kWh}$ .

Sub. teor. 1. Transformarea izotermă a unui gaz perfect, legea Boyle-Mariotte. 2. Topirea și solidificarea. 3. Legile pendulului.

(Anul II, școli prof.)

5.4.10. Două condensatoare cu capacitățile  $C_1$  și  $C_2$  sînt legate în serie și conectate la o sursă cu tensiunea  $U$ . După ce se încarcă, cele două condensatoare se deconectează de la sursă și se leagă în paralel. Ce valori poate avea tensiunea comună grupării?

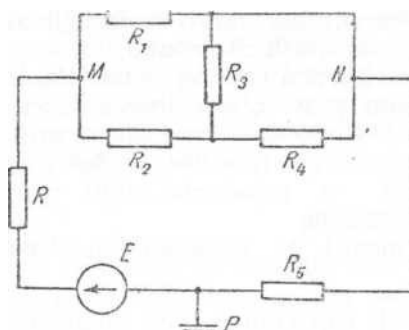
Sub. teor. 1. Cum se poate măsura temperatura pe baza fenomenelor electrice studiate (se vor descrie cel puțin două metode, indicîndu-se montajele respective).

2. Cum se pot verifica experimental legile electrolizei? (Se va descrie principiul, montajul și modul de lucru.)

Ce deosebire este între capacitatea unui acumulator și capacitatea unui condensator

?

5.4.12. Se dă circuitul din figură, în care rezistoarele au rezistențele  $R=5,00 \, \Omega$ ,  $R_1=12,0 \, \Omega$ ,  $R_2=1,00 \, \Omega$ ,  $R_3=4,00 \, \Omega$ ,  $R_4=12,0 \, \Omega$ ,  $R_5=2,00 \, \Omega$ . t.e.m. a sursei este  $\mathcal{E}=110 \, \text{V}$  și rezistența interioară a

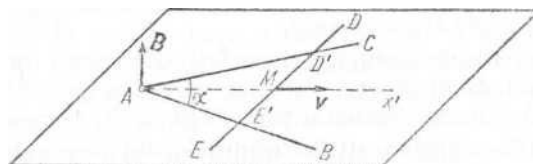


sursei  $R_i=1,00 \, \Omega$ . Neglijând rezistențele conductoarelor de legătură să se calculeze:

- Intensitățile curenților care circulă prin laturile rețelei.
- Potențialele punctelor  $M$  și  $N$  față de punctul  $P$  legat la pământ.
- Puterea debitată de sursă, puterea utilă, precum și randamentul.
- Cantitatea de apă ce se poate încălzi de la temperatura inițială  $t_i=15^\circ\text{C}$  până la temperatura  $t_f=100^\circ\text{C}$ , în timp de  $t=1,00 \, \text{h}$ , folosindu-se un încălzitor cu randamentul  $\eta=0,85$ , în interiorul căruia se află rezistorul cu rezistența  $R$ .

(Anul II și III licee-spec.)

5.4.13. Doi conductori  $AB$  și  $AC$  de lungime  $l$  fiecare formează între ei un unghi cc  $60^\circ$  într-un plan orizontal. Al treilea conductor  $DE$  din același material, de aceeași lungime și secțiune cu cele



lalte două, formează cu ele un triunghi echilateral de suprafață variabilă. Mijlocul  $M$  al conductorului  $DE$  se deplasează pe bisectoarea  $Ax'$  cu viteza  $v$ . Acest ansamblu se află într-un câmp magnetic uniform a cărui inducție  $B$  este dirijată pe verticală și în sus. Să se calculeze:

- T.e.m. de inducție în funcție de timp; care va fi valoarea maximă a t.e.m. induse?
- Intensitatea curentului indus în funcție de timp, precum și valoarea maximă a intensității curentului.
- Forța electromagnetică care se opune deplasării conductorului  $DE$  în funcție de timp, precum și valoarea maximă a forței.
- Cantitatea de electricitate care trece prin secțiunea conductorului  $DE$  la deplasarea acestuia din  $A$  până în punctele  $B$ ,  $C$ .

Se cunosc:  $l = 50 \text{ cm}$ , rezistența unui conductor  $R = 0,50 \Omega$ ,  $B = 100 \text{ mT}$  și  $v = 1,732 \text{ m/s}$ .

*Sub. teor.* Fenomenul de rezonanță în circuitele de curent alternativ.

5.4.14. a) Calculați capacitatea unui condensator care se încarcă cu o sarcină  $Q = 1,00 \text{ uC}$  atunci când i se aplică la borne o tensiune  $U = 100 \text{ V}$ .

b) Calculați inductanța unei bobine de forma unui solenoid lung de  $l = 10,0 \text{ cm}$  care s-a realizat prin bobinarea spiră lângă spiră a unui fir cu lungimea  $Z_e = 16,0 \text{ m}$ .

c) Calculați frecvența proprie a oscilațiilor electrice într-un circuit format din condensatorul și bobina de la punctele a) și b) de mai înainte.

(Anii II și III, licee spec.)

5.4.15. Să se găsească viteza de propagare a unor unde circulare care se formează la suprafața unei ape, datorită unor picături care cad în ritmul  $M = 80 \text{ min}^{-1}$ . Distanța dintre două valori consecutive este  $X = 45 \text{ cm}$ .

5.4.16. În două puncte  $S_1$  și  $S_2$  situate pe suprafața apei la distanța  $c = 21 \text{ cm}$  unul de altul se produc două mișcări oscilatorii armonice în fază, cu frecvența  $\nu = 10,0 \text{ Hz}$  și amplitudinea  $A = 10,0 \text{ mm}$ . Din cele două puncte se propagă pe suprafața apei, în toate direcțiile, unde transversale.

a) Să se calculeze elongația mișcării oscilatorii pe care o efectuează un punct  $M$  situat pe dreapta care unește punctele  $S_1$  și  $S_2$  între cele două puncte, la distanța  $r_1$  față de  $S_1$  și  $r_2$  față de  $S_2$ .

b) Să se determine pozițiile nodurilor și ventrelor pe dreapta care unește punctele  $S_1$  și  $S_2$ .

c) Să se precizeze punctele situate pe mediatoarea segmentului  $S_1S_2$ ,

care oscilează în fază cu punctul O situat la mijlocul acestui segment.

*Sub. teor.* Cum se poate determina viteza de propagare a sunetului într-un metal?

5.4.17. Pe timp de ceață, un far emite simultan un semnal sonor aerian, viteza sunetului în aer fiind  $v_x$  și un semnal sonor transmis prin apă, viteza sunetului în apă fiind  $v_2$ . O navă care se apropie de far cu o mișcare uniformă rectilinie recepționează cele două semnale sonore la un interval de timp  $t_i$ . După ce a trecut un timp  $\Delta t$  de la recepționarea primului semnal, alte două semnale (subacvatic și aerian) se succed după un timp  $t_2$ . Cu ce viteză se apropie nava de far?

(Anii II, III și IV, licee spec.)

5.4.18. Densitatea unui gaz în condiții normale de temperatură și presiune este  $p_0$ . Să se determine viteza pătratică medie a moleculelor.

5.4.19. Într-o lampă de radio cu volumul  $V=5,00 \text{ cm}^3$ , presiunea gazului este  $p=30,0 \text{ Pa}$ . Să se calculeze numărul de molecule de gaz din interiorul lămpii, temperatura fiind  $t=20^\circ\text{C}$ .

*Sub. teor.* 1. Cum se poate determina tensiunea superficială a unui lichid? (Descrieți principiul și modul de lucru a cel puțin două metode).

2. Ce se întâmplă cu energia consumată pentru deformarea elastică și plastică a unui corp solid?

(— 5.4.20. O masă  $m=1,00 \text{ kg}$  de aer, caracterizat prin  $p_0, V_0, T_0$  se destinde adiabatic într-un spațiu vidat. Care va fi temperatura finală a aerului?)

5.4.21. O butelie cu volumul  $V=40 \text{ l}$  conține oxigen sub presiunea  $p=15,1 \text{ MPa}$  la temperatura  $t=17^\circ\text{C}$ . Cunoscându-se densitatea oxigenului în condiții normale  $p_0=1,43 \text{ kg/m}^3$  și presiunea normală  $p_0=101,3 \text{ kPa}$ , să se calculeze:

a) Masa oxigenului  $m$  din butelie.

b) Volumul de oxigen care a fost consumat din butelie, dacă la temperatura  $t_1=0,0^\circ\text{C}$ , presiunea oxigenului rămas în butelie a scăzut până la  $p_1=250 \text{ kPa}$ ; volumul de oxigen consumat se va calcula în condiții normale de temperatură și presiune.

c) Densitatea  $p$  a gazului rămas în butelie, când temperatura este  $t'=27^\circ\text{C}$ , iar presiunea  $p'=5,9 \text{ MPa}$ .

5.4.22. Un tub barometric conține o cantitate oarecare de aer în camera barometrică de lungime  $l=20,0 \text{ cm}$ . Înălțimea coloanei de mercur este atunci  $h=69 \text{ cm}$ . Se mai introduce în camera barometrică tot atâta aer cît era mai înainte și astfel lungimea camerei barometrice crește cu  $\Delta l=1/5$ . Se cere valoarea presiunii atmosferice  $H$  în timpul acestor operații.

(Anii II, III, IV, licee spec.)

5.4.23. Pentru un dispozitiv electrotehnic este necesară o capacitate  $C$

la o tensiune  $U$ . Se dispune de condensatoare identice cu capacitatea  $C'$  și tensiunea de străpungere  $U'$ , ( $C' < C$ ;  $U' < U$ ). Să se întocmească schema grupării respective, calculându-se și numărul de condensatoare folosit.

5.4.24. Cum s-ar putea calcula (cu aproximație) diametrul firului unei siguranțe fuzibile, astfel ca ea să se topească într-un timp dat (foarte scurt) la o anumită intensitate a curentului electric?

5.4.25. Un electromagnet pentru studii de laborator cu lungimea  $l = 50$  cm, miezul având secțiunea  $S = 800 \text{ cm}^2$  și permeabilitatea relativă  $\mu_r = 10,0 \cdot 10^3$ , produce o inducție  $B = 800 \text{ T}$  când intensitatea curentului ce trece prin bobină este  $I = 10,0 \text{ A}$ . Știind că la întreruperea curentului intensitatea a ajuns la zero într-un interval de timp  $\Delta t = 200 \text{ ms}$ , se cere:

- Diferența de potențial ce apare între două spire alăturate.
- Masa uleiului din cuva întrerupătorului știind că acesta are căldura specifică  $c = 2,00 \text{ kJ/kg} \cdot \text{K}$  iar temperatura i s-a ridicat cu  $\Delta T = 100 \text{ K}$ .
- În cazul în care întreaga energie a fost preluată nu de ulei ci de un condensator, să se întocmească schema sistemului și să se calculeze capacitatea condensatorului, știind că tensiunea dintre armături a atins valoarea  $U = 10,0 \text{ kV}$ .

(Anul III)

5.4.26. a) Câmpul magnetic învârtitor în motorul de curent alternativ trifazat și funcționarea motorului asincron.

b) Un electromotor de curent continuu cu excitație în derivație are montate două reostate de pornire:  $R_1$  în circuitul excitației și  $R_2$  în circuitul rotorului. Cum trebuie reglate cele două reostate înainte de a alimenta motorul cu energie electrică pentru ca pornirea motorului să fie corectă? Faceți schița acestui motor.

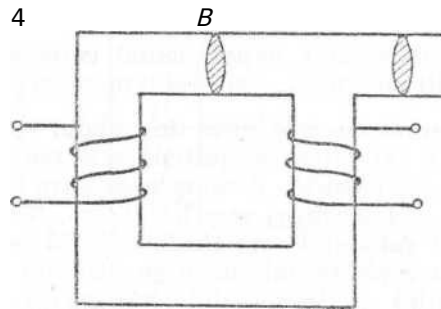
Un transformator primește în circuitul primar un curent cu intensitatea  $I = 10,0 \text{ A}$  sub o t.e.m.  $E = 550 \text{ V}$ . Știind că acest Transformator coboară tensiunea micșorând-o de  $\approx 5,0$  ori și că, pe de altă parte, randamentul acestui transformator este  $\eta = 96\%$ , care va fi intensitatea curentului în secundarul transformatorului

?



5.4.27. Un transformator de curent alternativ monofazat

are cadrul din tole de fier de forma din fig. 5.4.28. Influențează asupra puterii din secundar introducerea unui inel de aluminiu în secțiunea A sau B? Justificați răspunsul.

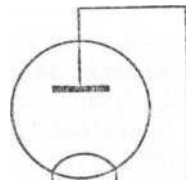


5.4.28. În circuitul unui generator cu t.e.m.  $E=48\text{ V}$  se montează în serie un motor de curent continuu și un rezistor cu rezistența  $rR=5,00\ \Omega$ , plasat într-un calorimetru. Rezistența internă a generatorului și rezistența firelor de legătură se neglijează. Dacă motorul funcționează, în calorimetru se degajă o cantitate de căldură  $Q=300\text{ J}$  în timpul  $t=1,00\text{ min}$ , iar dacă rotorul este blocat, se degajă în calorimetru o cantitate de căldură  $Q=4,8\text{ kJ}$  în același timp. Să se determine:

- Tensiunea contraelectromotoare ( $E_c$ ) indusă în motor în timpul funcționării.
- Randamentul electric al motorului.

(Anul III, licee-spec.)

5.4.29. a) Explicați de ce și cum variază rezistivitatea semiconductoarelor cu temperatura și indicați cu amănunte o aplicație a acestui fenomen.



- Cum variază numărul de spire din bobinele circuitului oscilant folosit pentru recepția gamelor de unde: lungi, medii și scurte, dacă rezonanța se realizează cu același condensator variabil?
- În cazul montajului din fig. 5.4.30 poate circula vreun curent prin

diodă? Legarea inversă a sursei din circuitul filamentului modifică situația anterioară? Motivați răspunsurile.

d) Cum se pot determina experimental caracteristicile de grilă ale triodei (descrieți montajul, principiul metodei și modul de lucru).

5.4.30. Energia unui electron emis de catodul unui tub electronic este  $W = 24 \cdot 10^{-19}$  J, iar viteza sa inițială este paralelă și în același sens cu vectorul câmp electric, care este uniform între anod și catod. Distanța dintre cei doi electrozi este  $d = 10$  cm, iar potențialul anodului față de cel al catodului este  $U = 200$  V. Să se calculeze:

- Timpu în care electronul parcurge distanța catod-anod.
  - Energia cinetică a electronului când acesta ajunge la anod.
- Se dau:  $e = 1,6 \cdot 10^{-19}$  C,  $m_e = 9,11 \cdot 10^{-31}$  kg.

5.4.31. Considerînd că o triodă cu rezistența interioară  $r_i = 8,0$  k $\Omega$  și panta  $S = 2,5$  mA/V este folosită în domeniul în care caracteristicile de grilă sînt liniare și cunoscînd unul din punctele de funcționare pentru care  $U_{g1} = 250$  V,  $U_{g2} = 1,0$  V,  $I_{a1} = 10$  mA, să se calculeze:

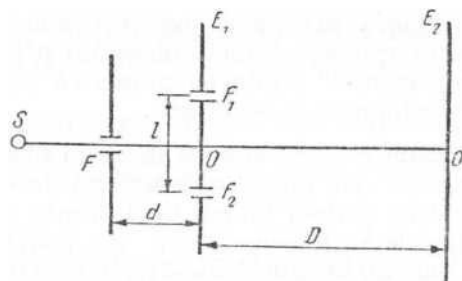
- Valoarea tensiunii anodice  $U_{a2}$  în punctul  $U_{g2} = -6,0$  V și  $I_{a2} = 15$  mA.
- Valoarea tensiunii de grilă, corespunzătoare lui  $U_{a2}$  pentru care  $I_a = 0$ .  
(Anul III, licee spec.)

5.4.32. Pe o masă se află o carte la distanța  $d$  de piciorul perpendiculară coborîte din lampa suspendată de tavan pe planul mesei. La ce înălțime deasupra mesei trebuie fixată lampa pentru ca gradul de iluminare al cărții să fie maxim?

5.4.33. Fie un tub Coolidge. Să se arate în ce condiții poate fi modificată intensitatea radiației X-emisă de anticatod; dar frecvența ei?

5.4.34. Se dă o lentilă convergentă  $L_1$ . Imaginea reală  $A'B'$  a unui obiect  $AB$  se formează la distanța  $x_2$  de lentilă. Se așază o lentilă  $L_2$  în spatele lentilei  $L_1$  la distanța  $d < x_2$ , astfel ca  $A'B'$  să devină un obiect virtual. Să se precizeze: imaginea definitivă  $A''B''$  va fi reală sau virtuală? Discuție, (Se rezolvă grafic).

5.4.35. Pentru obținerea franjelor de interferență se utilizează dispozitivul din fig. 5.4.36. Fie  $F_1$  și  $F_2$  două fante subțiri paralele practicate într-un ecran  $E_1$  perpendicular pe planul figurii. Distanța dintre fante este  $Z = 1,00$  mm ( $F_1O = OF_2 = Q, 50$  mm).  $F$  este o fantă paralelă cu  $F_1$  și  $F_2$  situată pe dreapta  $OO'$  la distanța  $d = 50$  mm de



planul  $F_1F_2$ . Fie un ecran de observație  $E_s$  situat la distanța  $D = 100$  cm de  $E_1$ . Dacă se luminează fanta  $F$  cu lumină monocromatică, se observă pe ecranul  $E_s$  franje de interferență.

- Știind că interfranja  $i = 0,60$  mm, să se afle  $x$ .
- Se deplasează fanta  $F$  printr-o mișcare de translație de-a lungul lui  $OO'$ . Aspectul fenomenului observat pe ecranul  $E_2$  se modifică?
- Se deplasează fanta  $F$  perpendicular pe direcția  $FO'$  cu  $b = 1,00$  mm. Franja centrală se va menține în  $O'$ ? Dacă nu, cu cât se deplasează și în ce sens?
- Se deplasează ecranul de observație  $E_2$  printr-o mișcare de translație cu  $a = 50$  cm de sistemul de franje  $F_1F_2$ . Ce se întâmplă cu franjele de interferență de pe ecranul  $E_2$ ?

(Anul IV)

5.4.36. Pe o masă plană se află o pată punctiformă. Se așază peste această pată o lamă transparentă cu fețe plan-paralele de grosime  $h_x$  și de indice de refracție  $n$ , în raport cu aerul. Pe lamă se așază un disc circular opac de rază  $R$  cu centrul pe verticala ce trece prin pată.

- Ce condiție trebuie să îndeplinească raza discului pentru ca pata să nu fie vizibilă din nici un punct de deasupra lamei?
- Se îndepărtează discul. Un observator privește pata după o direcție ce face unghiul  $i$  cu verticala. Ce fel de imagine vede observatorul? La ce distanță  $d_x$  de planul mesei vede pata?
- Se mai așază încă o lamă cu fețe plan-paralele de grosime  $h_2$  și de indice de refracție  $n_2 < n_1$ . La ce distanță  $d_2$  de planul mesei vede observatorul pata, dacă privește după aceeași direcție?
- Pe măsuta unui microscop se află un preparat care se vede foarte clar. Se așază peste preparat cele două lame în ordinea de mai sus. Microviza microscopului are  $iV_0 = 50$  diviziuni. Pe ea mai este scris  $1 \text{ div} = 2,0$  fim (aceasta înseamnă că la o rotire cu o diviziune, obiectivul microscopului înaintează pe verticală cu distanța  $a = 2,0$  fim). Câte ture trebuie să facă microviza pentru a prinde din nou imaginea preparatului? Aplicație numerică pentru acest punct « $i = 2,0$ ,  $n_0 = 1,6$ ,  $h_x = 1,5$  mm,  $h_2 = 2,0$  mm».



5.4.37. Fie o lentilă convergentă cu distanța focală  $f$ . La distanța  $|x_1| > f$  un corp punctiform efectuează oscilații de o parte și de alta a axei optice a lentilei și de-a lungul unei drepte perpendiculare pe această axă. Oscilațiile se fac după legea:  $y = A \sin \omega t$ . Ce fel de oscilații efectuează punctul imagine? Să se scrie ecuația oscilației punctului imagine.

5.4.33. La trecerea unui sunet, din aer în apă, se modifică frecvența sau lungimea de undă a sunetului? Știind că raportul vitezelor sunetului în aer și apă este aproximativ  $c_1/c_2 = 1/4$ , să se afle raportul dintre valoarea în aer și valoarea în apă a mărimii care se modifică.

5.4.40. Viteza de propagare a sunetului printr-un fir elastic este  $c = 50$  m/s. Să se determine perioada de oscilație a unui corp de masă  $M = 25$  mg

suspendat de firul elastic de lungime  $l$  și masă  $m$ .

5.4.41. Într-un ascensor se află un pendul. Ascensorul urcă cu accelerația  $a < g$  și apoi coboară cu accelerația  $b < g$ . Ce se întâmplă cu perioadele de oscilație ale pendulului în ambele cazuri? Ce se întâmplă cu pendulul când ascensorul se află în cădere liberă? Ce se întâmplă dacă ascensorul coboară cu accelerația  $b = 2g$ ?

(Anul IV, licee spec.)

5.4.42. a) Pentru sticlă, unghiul de incidență brewsteriană este  $i_B = 57^\circ$ . Cât este unghiul de refracție al unei raze de lumină naturală?

b) Într-o încăpere întunecată se proiectează lumina flăcării unui bec de gaz (în care s-a introdus o sare de sodiu) pe o fișie de hîrtie pe care se află desenat spectrul luminii albe. Ce se observă privind hîrtia?

5.4.43. a) Care este ordinul maxim al spectrului ce poate fi privit în cazul difracției luminii cu  $\lambda = 590$  nm pe o rețea de difracție avînd  $A = 500$  trăsături pe 1 mm?

b) Se dau două lentile subțiri de sticlă, una biconcavă și alta biconvexă, cu indicii de refracție  $n_1 = 1,5$  în raport cu aerul.

1. Se introduc lentilele în apă. Ce se întâmplă? Explicație. (Apa are indicele de refracție  $n_2 = 1,3$  în raport cu aerul).

2. Se introduc lentilele în sulfură de carbon. Ce se întâmplă? Explicație. (Sulfura de carbon are indicele de refracție în raport cu aerul  $n_3 = 1,6$ ).

Sub. teor. Ce este acela un obiect virtual? Să se pună în evidență un obiect virtual pentru o oglindă sferică concavă folosindu-se un obiect real și o lentilă convergentă.

(Anul IV, licee spec.)

5.4.44. a) Să se deducă pe baza teoriei lui Bohr, aplicată în cazul ionului

hidrogenoid de He ( $Z=2$ ) următoarele: 1. Razele orbitelor permise ale electronului. 2. Vitezele electronului pe orbitele permise. 3. Energiile totale ale electronului pe orbitele permise. 4. Să se compare razele, vitezele și energiile găsite cu cele ale atomului de hidrogen. 5. Să se compare numerele de undă corespunzătoare celei de a patra serii spectrale a ionului hidrogenoid de He cu numerele de undă corespunzătoare seriei Balmer din cazul atomului H. Concluzie. 6. Să se deducă expresia frecvenței radiației necesare pentru a ioniza He pentru a doua oară, presupunând că electronul ionului  $\text{He}^+$  se află pe orbita cu număr cuantic  $n=2$ ; să se calculeze această frecvență luându-se  $2\pi=11\cdot 10^6\text{ m}^{-1}$ .

b) Cum se explică din punct de vedere energetic faptul că pompajul (excitarea) optică a rubinului unui laser se face cu lumină verde, în timp ce radiația rezultată e roșie?

c) Într-un câmp magnetic de inducție  $B$  intră cu viteza  $v$   $LB$  succesiv un electron, un pozitron, un proton, un neutron și o particulă  $\alpha$ ; care dintre particule este deviată cel mai mult și care cel mai puțin? De ce? Să se reprezinte schematic traiectoriile celor cinci particule.

5.4.45. Pentru un element cu numărul de ordine  $Z_x$  frecvența unei anumite linii din spectrul radiațiilor  $X$  este  $\nu_{x1}$  iar pentru un element cu numărul de ordine  $Z_2$  frecvența aceleiași linii este  $\nu_3$ . Pe baza acestor date să se deducă expresia frecvenței acestei linii pentru elementul cu numărul de ordine  $Z$ .

5.4.46. O particulă se mișcă cu viteza  $v \rightarrow j \cdot c$ . De câte ori este mai mare energia totală a particulei decât energia de repaus?  
(Anul IV, licee spec.

#### 1974. ETAPA REPUBLICANĂ (București)

5.4.47. ~~Dați definiția procesului de ciocnire a două sau mai multe corpuri. De ce în orice fel de ciocnire (elastică, plastică, parțial elastică) se conservă impulsul total al sistemului de corpuri care se ciocnesc? (în timp ce energia cinetică totală nu se conservă totdeauna).~~

5.4.48. ~~O scară uniformă este sprijinită de un perete. Cunoscând coeficienții de frecare la lunecare dintre scară și podea  $\mu_1$  și dintre scară și perete  $\mu_2$ , să se determine unghiul  $\alpha$  dintre scară și podea maxim posibil când scara lunecă.~~

5.4.49. ~~O săniuță lansată în sus de-a lungul unui plan înclinat, care formează unghiul  $\alpha$  cu orizontala, revine la baza planului, astfel încât timpul de coborîre este de  $n$  ori mai mare decît timpul de urcare. Să se afle coeficientul de frecare la lunecare dintre săniuță și planul înclinat.~~

~~Aplicație numerică:  $\alpha = 45^\circ$ ,  $n = 2,0$ .~~

~~(Anul I, proba I)~~

5.4.50. ~~Pe un scripete fix ideal este trecut un cablu de masă neglijabilă. De un capăt al cablului este atîrnată o scară pe care se află un om, iar de celălalt capăt este legată o contragreutate care echilibrează greutatea scării și a omului. La un moment dat omul începe să urce pe scară uniform accelerat parcurgînd o distanță  $s'$  pe scară. Să se afle cu ce înălțime  $s$  se ridică omul față de pămînt, știind că masa omului este de  $n$  ori mai mare decît masa scării.~~

~~Aplicație numerică:  $s' = 2,1$  m,  $n = 6,0$ .~~

~~Sub. teor. Imaginați cîteva (cel puțin trei) dispozitive, cît mai simple, cu care să puteți determina accelerația constantă a vehiculului în care vă aflați. Deduceți formula corespunzătoare de calcul a accelerației.~~

~~(Anul I, proba II)~~

5.4.51. a) Enumerați condițiile pe care trebuie să le îndeplinească o balanță.

b) Fie o balanță cu brațe egale în echilibru, încărcată cu greutăți egale  $G$  puse pe platane. Dacă pe unul din platane punem acum o supragreutate mică  $p$ , balanța se va dezechilibra, brațele rotin- du-se cu un unghi mic  $\alpha$  arătat de acul indicator.

Se numește *sensibilitatea balanței* raportul

$$s = \frac{\alpha}{p} \text{ în rad/kg sau grad/kg (sau multipli). } p$$

Demonstrați că pentru o balanță ideală cu brațe egale și cuțite de susținere a talerelor coliniare sensibilitatea este constantă (independentă de încărcarea  $G$ ):

$$s = \frac{1}{l} \text{ (pentru unghiuri mici: } \tan \alpha \approx \alpha \text{ în rad),}$$

unde  $l$  este lungimea unui braț;  $P$  — greutatea brațelor (pîrghiei);  $d$  — distanța centrului de greutate al brațelor (pîrghiei) de la punctul de sprijin.

c) Determinați experimental și reprezentați grafic sensibilitatea

balanței date în funcție de încărcarea  $G$  de pe platane.

Ge factori contribuie la variația sensibilității unei balanțe și în ce sens variază aceasta?

(Anul I, proba gr. act.)

5.4.52. Pornind din repaus pe o șosea orizontală, un biciclist atinge viteza  $v = 18$  km/h, după ce a parcurs o distanță  $d = 25$  m. Știind că biciclistul împreună cu bicicleta sa au o masă  $M = 80$  kg și că biciclistul dezvoltă o forță de tracțiune de  $n = 5,0$  ori mai mare decât forța de frecare, să se calculeze: a) accelerația biciclistului; b) forța de frecare.

5.4.53. Două corpuri de masă  $m_1 = 2,00$  kg și  $m_2 = 3,00$  kg sînt legate printr-un fir care este trecut peste un scripete ideal fix. În momentul inițial corpul de masă  $m_1$  este în contact cu pămîntul, iar corpul de masă  $m_2$  se găsește la o înălțime  $h = 4,00$  m. Să se calculeze:

- Accelerația sistemului.
- Energia cinetică a corpului  $m_1$  cînd atinge pămîntul ( $g = 10$  m/s<sup>2</sup>).

Sub. teor. 1. Compunerea forțelor. 2. Cîmpul electrostatic. 3. Cum se poate verifica experimental legea lui Arhimede?

(Anul I, școli prof.)

5.4.54. Fie un cilindru lung în care un gaz ideal, ocupînd o fracțiune din volumul său, este închis cu un piston de masă neglijabilă și secțiune  $S$  care se poate mișca fără frecare. Se fixează pistonul cînd gazul ocupă volumul  $V_1$  și la capătul deschis al cilindrului se află un diapazon care vibrează. Se constată o singură anulare a intensității sunetului produs, la nivelul pistonului. Se lasă pistonul liber și gazul se destinde după legea:  $p = a/V$ , unde  $a > 0$  este o constantă. În urma destinderii, gazul ocupă volumul  $V_2$ , după care pistonul se fixează din nou. La capătul deschis al cilindrului se pune un alt diapazon care vibrează și se constată iarăși o singură anulare a intensității la nivelul pistonului. Se cere:

- Să se reprezinte grafic procesul de destindere a gazului în coordonatele:  $(p, V)$ ,  $(T, V)$  și  $(T, p)$ , unde  $p$ ,  $V$ ,  $T$  sînt parametrii gazului.
- Să se calculeze lucrul mecanic  $L$  în acest proces.
- Să se calculeze diferența lungimilor de undă  $\lambda_X$  ale vibrațiilor celor două diapazoane.

5.4.55. Un proces ciclic efectuat cu un gaz ideal se reprezintă grafic în sistemul de coordonate  $(p, V)$ , unde  $p$  și  $V$  sînt parametrii gazului, printr-un cerc. Să se arate:

- Pe care porțiune a ciclului se încălzește și pe care porțiune se răcește gazul.
- Pe care porțiune a ciclului gazul primește și pe care porțiune cedează căldură.
- Pe care porțiune a ciclului efectuează lucru mecanic și pe care porțiune se efectuează lucru mecanic asupra gazului. (Pe ce porțiuni ale ciclului căldura specifică este negativă?)

(Anul II, proba I)

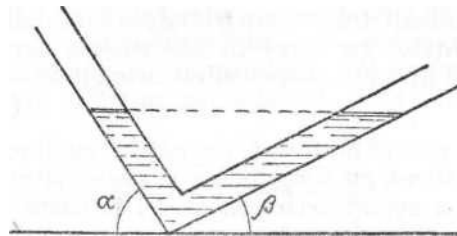
5.4.56. Un tub din sticlă cu lungimea  $l$  și secțiunea  $S$  închis la un capăt, este umplut cu oxigen la presiunea  $p_0$  și temperatura absolută  $T_0$ . Se închide tubul și la celălalt capăt cu un piston de masă neglijabilă ce se poate mișca fără frecare și se scufundă cu partea cu piston în sus într-un vas cu mercur de densitate  $\rho$ , la adîncimea  $h$  măsurată de la suprafața mercurului pînă la fundul tubului. În condițiile menținerii unei presiuni exterioare  $p_c$  (în general diferită de presiunea atmosferică) și a temperaturii absolute a oxigenului  $T$  constante, se cere:

- Să se reprezinte pe același grafic dependența presiunilor care acționează din exterior și din interiorul tubului asupra pistonului funcție de lungimea  $x$  a părții din tub umplută cu gaz.

- b) Să se determine lungimea  $x$  a părții din tub plină cu gaz, astfel încât pistonul să se găsească în echilibru stabil.
- c) Să se determine valorile mărimii  $h$  pentru ca problema să aibă soluții și apoi să se calculeze valoarea limită inferioară a lui  $h$  precum și lungimea  $x_0$  corespunzătoare acestei valori.
- d) Să se exprime masa gazului din tub funcție de  $p_0$ ,  $T_0$ ,  $S$ ,  $l$  și  $j\pi x$ , unde  $\mu$  este masa molară a oxigenului.

5.4.57. Aplicație numerică:  $P_0=320/3$  torr,  $Z=25$  cm,  $S=568,4$  cm<sup>2</sup>,  $p<=100$  torr,  $T/T_0=3/2$ ,  $T_0=300$  K.  $R=8,31$  J/mol K,  $I_j=32$  kg/mol. Aveți la dispoziție un tub de sticlă îndoit în care se găsește un lichid (fig. 5.4.57), o riglă gradată și un cronometru. Arătați cum se poate determina accelerația gravitațională, folosind oscilațiile lichidului din tub. Indicați sursa principală de erori.

(Anul II, proba II)



5.4.58. O baterie de acumatoare este formată din  $N=60$  elemente, fiecare avînd o t.e.m.  $\mathcal{E}=2,00$  V și o rezistență interioară  $r=20$  m $\Omega$ . Bateria debitează curent pe un circuit exterior format din trei becuri și un reșou. Becurile sînt legate în paralel între ele și în serie cu reșoul. Unul dintre becuri are rezistența  $R_1=20$   $\Omega$ , iar celelalte două au rezistența de cîte  $R_2=40$   $\Omega$  fiecare. Rezistența reșoului este  $R_3=108,8$   $\Omega$ . Să se calculeze:

- Rezistența totală a circuitului exterior.
- Intensitatea curenților din ramurile circuitului.
- Puterile absorbite de becuri și reșou.
- Cantitatea de căldură degajată de reșou în timpul  $t=10$  min.
- Masa de apă care poate fi încălzită pe reșou în timpul  $t$ , de la  $\theta=20^\circ$  pînă la fierbere, randamentul reșoului fiind  $\eta=80\%$  (căldura specifică a apei este  $c=4180$  J/kg K).

Sub. teor. 1. Capacitatea electrică. Condensatoare.

2. Cum se poate verifica experimental legea de variație a presiunii unui gaz cu temperatura sub volum, constant și legea de variație a volumului unui gaz cu temperatura sub presiune constantă?

(Anul II, școli prof.)

5.4.59. a) Cu utilajul existent sau imaginat de dumneavoastră, concepeți o metodă pentru investigarea prezenței cîmpului electrostatic într-o regiune limitată a spațiului, cîmpul respectiv fiind generat de o sarcină punctiformă aflată la o distanță relativ mare:

- Prezența, direcția și sensul cîmpului.
- Intensitatea cîmpului în regiunea în care se face investigația.
- Distanța de la sarcina care determină cîmpul pînă la regiunea în care se află experimentatorul și mărimea sarcinii respective.

b) Vi se propune să determinați  $f_r$  a unor substanțe feromagnetice, probele fiindu-vă furnizate sub formă de cilindri omogeni de lungime mare față de diametru. Se cere: 1. Schema instalației utilizate. 2. Fundamentarea teoretică a metodei utilizate. 3. Procedul efectiv de lucru.

c) Urmărind realizarea unui electromotor cu puterea specifică cât mai mare, analizați felul cum trebuie alese constantele de material ale substanțelor ce intră în elementele care-l compun. Descrieți și un model al unui asemenea electromotor.

(Anul III, proba I)

5.4.60. Pe un cadru în formă de pătrat cu latura  $l$  sînt înfășurate  $N$  spire din sîrmă cu secțiunea  $s$  și rezistivitatea  $p$ . Cadrul este străbătut de un ax așezat orizontal care-l împarte simetric și se rotește cu  $n$  ture/min într-un cîmp magnetic cu inducția  $B$ . Capetele înfășurării sînt conectate, prin intermediul unui colector cu două inele, la un sistem alcătuit dintr-o bobină  $L$  legată în serie cu un ansamblu format dintr-un condensator  $C$  legat în paralel cu o bobină  $L'$ . Se neglijează inductanța cadrului, rezistența ohmică a bobinelor, rezistența conductorilor de legătură și frecările. Se cere:

- Schița întregii instalații.
- Impedanța sistemului: bobine, condensator,  $(L, U, C)$ , condițiile ca  $Z=0$  și  $Z=\infty$  și schema fazorilor intensităților din acest sistem.
- T.e.m. indusă în cadru.
- Expresia intensității efective a curentului principal.
- Puterea necesară rotirii cadrului în condițiile extreme de la b) cînd  $Z=0$  și  $Z=\infty$ .
- Cuplul maxim ce trebuie învins în timpul rotirii cadrului pentru aceleași condiții  $Z=0$  și  $Z=\infty$ .

(Anul III, proba II)

5.4.61. a) Fie un vas în care se găsesc două lichide nemiscibile, apă și benzen. Benzenul avînd densitatea  $\rho=0.89 \text{ g/cm}^3$  plutește deasupra apei. Să presupunem că o rază de lumină ce se propagă în benzen ajunge la suprafața de separație benzen-apă. Să se arate cum se va refracta lumina în cazul de mai sus.

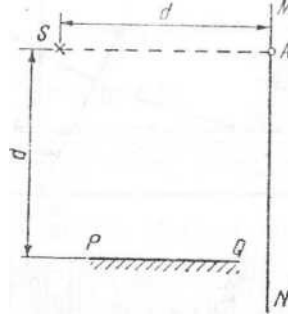
b) Fie o sferă de sticlă cu indicele de refracție  $n=1.5$ . În ce condiții o rază de lumină ce pătrunde în sferă se va reflecta total? (Sfera de sticlă se află în aer).

c) Ce deosebire există între spectrul luminii albe obținute cu ajutorul a două aparate spectrale: unui cu prismă și altul cu rețea de difracție.

d) Într-un dispozitiv pentru observarea inelelor Newton, lentila plan-convexă este mobilă putîndu-se deplasa după o direcție perpendiculară pe lama plan-paralelă. Ce se întîmplă cu inelele Newton la îndepărtarea, respectiv apropierea lentilei de lamă? Inelele se observă în lumină monocromatică.

e) Un izvor luminos punctual  $S$  trimite un fascicul îngust ce cade pe ecranul  $MN$  în  $A$  ( $SA$  este perpendicular pe  $MN$ ).

1. Cum se va modifica iluminarea în punctul  $A$ , dacă lateral de  $S$  la aceeași distanță ca și suprafața  $MN$  se pune o oglindă  $PQ$ , astfel ca fasciculul reflectat să cadă tot în  $A$  (fig. 5.4.61). Se va



lua în considerare, pe rând, numai fasciculul direct, respectiv cel reflectat.

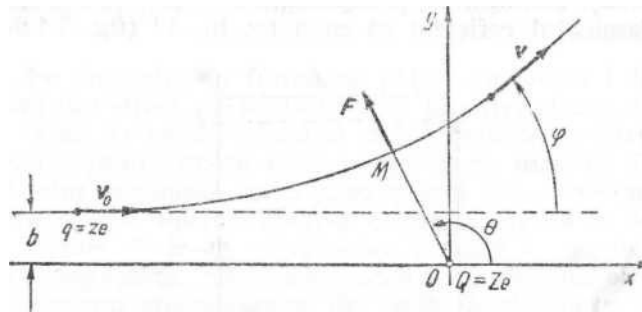
2. Se rotește planul  $MN$  în jurul unei axe normale pe planul figurii trecând prin  $A$ . Rotirea se face în sens trigonometric de la  $0^\circ$  la  $90^\circ$ . Cum va varia iluminarea în  $A$  în funcție de unghiul de rotire? (Să se reprezinte grafic.)

3. Se rotește oglinda  $PQ$  de un unghi  $y$  în jurul unei axe care trece prin mijlocul ei (perpendicular pe planul figurii) până când incidența devine razantă la oglindă. Se va descrie modul de variație al iluminării ecranului în funcție de  $y$ , în punctele de incidență ale razei reflectate cu ecranul. (Să se reprezinte grafic dependența lui  $E$  de  $y$ .)

*Observație.* Puterea reflectoare a oglinzii se consideră aproximativ egală cu 1.

(Anul IV, proba I)

5.4.62. Indicați trei procedee optice diferite pentru aflarea grosimii unei lame cu fețele plan-paralele. Pentru fiecare procedeu indicat se va face și schema dispozitivului utilizat cum și calculul literal al grosimii lamei. O particulă  $\alpha$  de masă  $m$  și sarcină  $q=2e$  sosește cu viteza  $V_0$  paralelă la  $Ox$ , în vecinătatea unui nucleu cu sarcina  $Q=Ze$  aflat în  $O$ . Particula  $\alpha$  este deviată de la direcția inițială datorită forței de interacțiune electrostatică. Se admite în primă aproximație că nucleul rămâne fix în  $O$  și că traiectoria particulei, rectilinie înainte de interacțiune, devine rectilinie și după interacțiune. Fie  $b$  distanța la axa  $Ox$  a traiectoriei inițiale (înainte de interacțiune) și  $\varphi$  unghiul de împrăștiere (fig. 5.4.63).



a) Să se exprime în funcție de  $r=|r|=|OM|$  și de unghiul  $\theta$ , componentele  $F_x$  și  $F_y$  ale forței exercitate de nucleu asupra particulei.

b) Să se calculeze valoarea momentului cinetic al particulei înainte de interacțiune și în punctul  $M$ . Să se deducă o relație între  $r$ ,  $d\theta/dt$  și constantele traiectoriei.

c) Energia totală înainte de ciocnire fiind egală cu  $(1/2)mv^2$ , care va fi viteza particulei după interacțiune.

d) Să se exprime legea fundamentală a dinamicii pentru proiecția lui  $F$  pe  $Oy$ . Să se exprime  $dv_y$  în funcție de constante și de singura variabilă  $\theta$ .



e) Prin integrarea ecuației obținute la punctul d), să se deducă valoarea unghiului de împrăștiere  $\varphi$ . Pentru ce valori ale lui  $b$ ,  $\varphi = 0$ ,  $\varphi = 7r/2$ ,  $\varphi = 7t$  (să se interpreteze rezultatele pentru cazurile particulare indicate).

Indicație pentru punctul e): limita inferioară pentru unghiul  $\theta$  la integrare se poate lua cu suficientă aproximație

Indicație pentru punctul b): momentul cinetic în cazul unei forțe centrale este constant.

(Anul IV, proba II)

a) Arătați că în cazul aruncării unui corp din vârful unui turn de înălțime  $h$ , energia mecanică totală este aceeași în orice

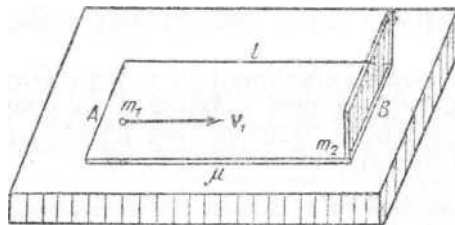
e

5.4.63. punct al traiectoriei sale pînă în momentul atingerii solului (pentru toate tipurile de aruncări).

b) Analogia dintre mișcarea rectilinie și mișcarea circulară.

c) Mărimi fizice studiate care au aceeași formulă dimensională dar care au semnificație fizică diferită.

5.4.85. Pe o scîndură omogenă  $AB$  de lungime  $l$  și masă  $m_2$ , cu opritor la capătul  $B$ , care se află pe o masă orizontală față de care poate aluneca cu frecare de coeficient  $\mu$ , este aruncată de la  $A$  spre  $B$  o sferă de masă  $m_1$  ce se mișcă uniform cu viteza  $v_1$  spre



opritorul  $B$ . La sfîrșitul cursei, sfera se ciocnește perfect elastic de opritorul  $B$  fixat rigid în scîndură. Considerînd că masa este rigidă și orizontală, și opritorul de masă neglijabilă, în condițiile accelerației gravitaționale  $g$ , să se determine:

a) Viteza sferei și a scîndurii după ciocnire.

b) După cît timp, din momentul ciocnirii, se oprește scîndura.

c) După cît timp cade sfera de pe scîndură.

d) Momentul în care sfera trece după ciocnire pe la jumătatea scîndurii.

Se dau:  $\mu = 0,10$ ,  $m_1 = 2,00$  kg,  $m_2 = 4,00$  kg,  $v_1 = 6,00$  m/s,  $l = 2,00$  m.

5.4.66.

5.4.66. într-o experiență se folosesc două plane înclinate unite între ele



baza lui, în --- condițiile unor ciocniri

a) Presupunînd că corpul lovește planul orizontal doar de două ori și că a treia ciocnire o are cu al doilea plan înclinat chiar la

perfect elastice între corp și plane, să se determine: 1) înălțimea maximă pe care o atinge corpul după ciocnirea cu al doilea plan înclinat. 2) Unde întâlnește prima dată planul orizontal după ciocnirea cu al doilea plan înclinat.

3) Impulsul transmis de corp planului orizontal în eazul de la punctul 2), precum și impulsul transmis celui de al doilea plan înclinat.

4) Care este lungimea planului orizontal.

b) în cazul că planele sînt racordate prin mici arce de cerc, la ce înălțime ajunge corpul pe al doilea plan înclinat pe care  $\mu_2 = 1/3$ . Pe planul orizontal  $\mu = 0$ ,  $g = 10$  m/s<sup>2</sup>.

$r$

(Licee spec.)

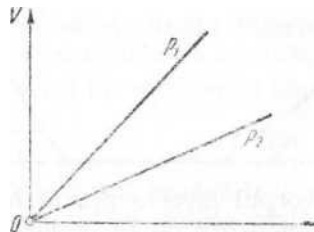
5.4.87. a) Verificarea experimentală a legii Guy-Lussac.

b) Să se calculeze lungimea maximă a coloanei de lichid care rămîne într-un tub capilar, după golirea liberă a acestuia (tubul a fost inițial plin cu lichid).

5.4.63. Un balon este plin cu aer la presiunea  $H$ . Prin evacuarea unei părți din aer, se reduce presiunea la  $x$ . Apoi se introduce hidrogen pînă cînd presiunea devine din nou  $H$ . Se reduce din nou presiunea la  $x$  și se introduce tot hidrogen, pentru restabilirea lui  $H$ . În acest moment balonul conține un amestec în care raportul  $m_{\text{H}_2}/m_{\text{aer}}$  este egal cu  $k$ . Știind că densitatea hidrogenului față de aer este  $d$ , să se determine presiunea  $x$ , în funcție de  $H$ ,  $k$  și  $d$ .

5.4.69. Pentru determinarea densității unui gaz s-a procedat în felul următor: s-a umplut un balon mare de sticlă de volum  $V$  cu gazul de studiat pînă la o presiune  $p_1$ . Masa balonului plin a fost  $m_1$ . După aceea s-a înlăturat o parte din gaz, pînă ce presiunea a ajuns la  $p_2$ , iar masa balonului cu restul de gaz a fost  $m_2$ . Știind că determinarea s-a făcut la o temperatură  $T_0$ , să se calculeze densitatea gazului în condiții normale.

5.4.70. În fig. 5.4.70. sînt diagramele a două transformări izobare ale aceleiași mase de gaz ideal. Să se arate care dintre presiunile  $p_1$  și  $p_2$  este mai mare.



5.4.71. Un tub cilindric de sticlă deschis la amîndouă capete, avînd lungimea  $l=100$  cm, se introduce cu jumătate din lungimea sa vertical în apa dintr-un vas deschis. Se astupă apoi capătul superior al tubului și se scoate tubul din vas. Considerînd densitatea apei  $\rho=1,00$  g/cm<sup>3</sup>, presiunea atmosferică  $p_1=10^5$  Pa, accelerația  $g=10$  m/s<sup>2</sup> și neglijînd fenomenele capilare, să se calculeze:

a) Lungimea  $l_1$  pînă la care rămîne apa în tub, dacă acesta este în poziție verticală.

b) Temperatura la care ar trebui încălzit tubul (ținut tot vertical) pentru ca lungimea coloanei de apă să devină  $l_2=35$  cm, dacă temperatura inițială a fost  $T_1=290$  K (se neglijează dilatarea apei și a tubului).

5.4.72. Într-un corp de pompă vertical de formă cilindrică cu secțiunea  $S=100$  cm<sup>2</sup> prevăzut în partea superioară cu un piston mobil cu masa  $M=51$  kg, se găsește  $m=14$  g azot la temperatura  $t_1=27^\circ\text{C}$ . Gazul este încălzit izobar pînă la temperatura  $T_2=400$  K. În această stare pistonul este blocat și corpul de pompă este pus în legătură cu un vas cu volumul  $V_2=3,00$  dm<sup>3</sup> în care se găsește azot la presiunea  $p_2=400$  kPa și temperatura  $T_1$ . Să se calculeze:

a) înălțimea  $h$  la care se găsește pistonul față de baza corpului de pompă în starea inițială.

b) Lucrul mecanic efectuat de gaz cînd este încălzit pînă la  $T_2$ .

c) Presiunea finală (după stabilirea legăturii între corpul de pompă și vas).

Se cunosc: constanta gazelor perfecte  $R=8,31$  J/mol·K, masa molară a azotului  $\mu=28$  kg/mol,  $g=9,8$  m/s<sup>2</sup>, presiunea atmosferică  $p_0=100$  kPa.

(Licee spec.)

5.4.73. Un condensator plan cu capacitatea  $C$ , care are ca dielectric aerul (cu permitivitatea  $\epsilon_0$ ), poate fi conectat prin intermediul unui întrerupător  $K$ , la o sursă electrică cu tensiunea  $U$ . Se efectuează următoarele operații: I. Se închide întrerupătorul  $K$ , condensatorul fiind inițial descărcat. II. Cu întrerupătorul  $K$  închis se introduce în interiorul condensatorului o placă izolantă de permitivitate relativă  $\epsilon_r$ , pînă la ocuparea completă a spațiului dintre armături (dimensiunile lamei sînt perfect identice cu cele ale spațiului dintre armăturile dreptunghiulare ale condensatorului). III. Se deschide întrerupătorul  $K$  și se scoate complet placa izolantă dintre armături. Să se calculeze:

a) Sarcina, tensiunea și energia condensatorului după ce s-a efectuat fiecare operație de la punctele I, II, III.

b) Lucrul mecanic implicat în efectuarea operațiilor II și III.

c)

5.4.74. Într-un cablu  $A-B$  de lungime  $l$ , există un defect, care este echivalent cu o rezistență  $R$  conectată între cele două fire conductoare ale cablului. Pentru localizarea defectului se procedează în felul următor : se conectează la capătul  $A$  o sursă de tensiune con-

/

tinuă și se măsoară tensiunile  $U_{12}$  și  $U_{3l}$ . Apoi se conectează la capătul  $B$  tot o sursă de tensiune continuă și se măsoară din nou tensiunile de la capetele cablului găsindu-se  $U'_{3l}$  și  $U'_{12}$ . Ținând seama de aceste indicații, să se determine distanța dintre capătul  $A$  și locul defectului.

5.4.75. Patru condensatoare identice sînt legate ca în fig. 5.4.75 și sînt conectate la o baterie  $B$  a cărei t.e.m. este  $\mathcal{E}=9,0$  V. Să se calculeze diferența de potențial de la bornele fiecărui condensator, dacă:

a) întrerupătorul II este mai întîi deschis, iar întrerupătorul I închis și apoi se deschide întrerupătorul I și se închide întrerupătorul II.

$E$

I

$E$

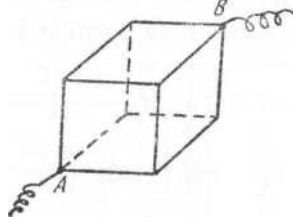
b) întrerupătorul II este închis și apoi se închide și întrerupătorul I.

Sub teor. 1. Mărimi și unități de măsură studiate în electricitate. 2. Măsurarea rezistenței cu ohmmetrul.

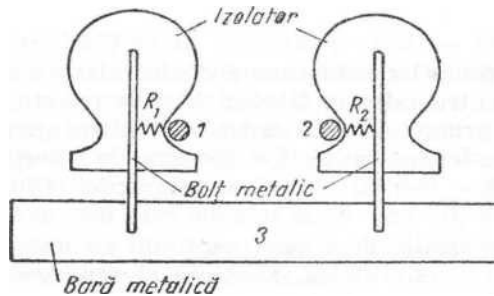
(Licee spec.)

5.4.76. Din bucăți egale de sîrmă a fost sudat un cub. La capetele  $A$  și  $B$  ale unei diagonale mari se aplică o tensiune elec

5.4.77. trică. Care este intensitatea câmpului magnetic în centrul cubului? Se neglijează câmpul produs de conductorii de legătură.



5.4.78. Două fire conductoare (1, 2) ale unei linii aeriene sînt fixate de două izolatoare, fixate la rîndul lor pe un cadru metalic. Izolatoarele fiind defecte, curentul se scurge prin ele și prin cadru metalic între cele două fire (fig. 5.4.77). Un voltmetru a cărui rezistență este  $R_c = 30 \text{ K}\Omega$ , indică  $E_{12} = 600 \text{ V}$ , dacă este legat între



cele două fire ale liniei electrice;  $U_{13} = 450 \text{ V}$  dacă este legat între firul 1 și cadrul metalic 3;  $U_{22} = 75 \text{ V}$  dacă este legat între firul 2 și cadrul metalic 3.

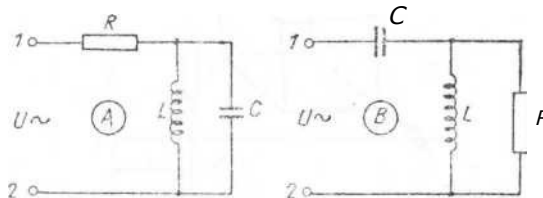
În ipoteza că se neglijează rezistența cadrului metalic, se cere:

- Să se calculeze rezistențele  $R_1$  și  $R_2$  (ale izolatoarelor).
- Știind că un curent care străbate corpul omenesc este periculos dacă depășește  $I = 50 \text{ mA}$  și că rezistența  $R$  a corpului omenesc între cele două mâini poate scădea pînă la  $5,0 \text{ K}\Omega$ , să se arate dacă pot fi atinse simultan, fără pericol de electrocutare: I. Firul 1 și firul 2. II. Firul 1 și cadrul metalic 3. III. Firul 2 și cadrul metalic 3.

Corpul omenesc este considerat izolat față de pămînt (omul fiind urcat pe stîlp).

5.4.79. Se consideră următoarele două circuite A, B în care  $R = 40 \text{ }\Omega$ ,  $L = 300/\omega$ ,  $\text{mH}$ ,  $C = 2 \cdot 10^{-6}/\omega$ ,  $\text{F}$ , iar tensiunea de alimentare are valoarea  $E = 100 \text{ V}$  și frecvența  $\omega = 50 \text{ Hz}$ . Să se calculeze, pentru fiecare circuit:

- Impedanțele echivalente între bornele 1—2.



- Valorile eficace ale intensităților curenților  $I_R$ ,  $I_L$  și  $I_C$ .
  - Factorii de putere.
  - Valorile puterilor active, reactive și aparente.
- Sub. teor. 1. Curenții turbionari și aplicațiile lor.

2. Descrieți o experiență pentru verificarea legii lui Lenz.

(Licee spec.)

5.4.80. a) Executați două scheme de instalare a unei sonerii cu transformator pentru rețeaua  $f=220\text{ V}$ , una cu butonul întrerupător în circuitul primar și una cu butonul întrerupător în circuitul secundar al transformatorului. Ce consum de energie implică fiecare montaj? Care montaj este mai economic? Din punct de vedere practic, care din cele două scheme este mai avantajoasă?

b) Descrieți mașinile de curent continuu cu autoexcitație în derivație. Arătați reversibilitatea, pornirea și randamentul lor.

c) Un tehnician vrea să și construiască un generator de curent alternativ monofazat doar cu rotor, folosind drept inductor câmpul magnetic terestru. Cunoșcând că rotorul are  $N=2000$  spire dreptunghiulare cu dimensiunile  $2,0 \times 0,50\text{ m}^2$  și că dorește să obțină tensiune alternativă cu frecvență industrială:

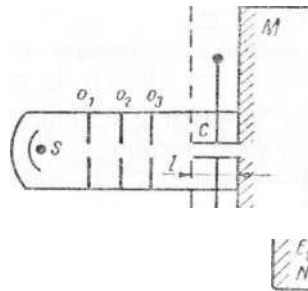
1) Desenați schema de principiu a construcției lui, indicând pe ea rotorul, câmpul magnetic terestru, sistemul de colectare și precizând cum așază ei acest rotor pentru un randament maxim (componenta orizontală este  $H_0=50/\text{Tc}, \text{ A/m}$ ).

2) Ce turație va avea rotorul și care este t.e.m. indusă? înclinația magnetică  $i=30^\circ$  cu  $J_0$ .

3) Explicați de ce este (sau nu este) practic acest generator.

5.4.81. în tubul vidat, de secțiune axială ca în fig. 5.4.80, se cunosc: sursa emițătoare de particule electrizate de energii aprecia

5.4.82. bile (electroni, ioni)  $S$ ;  $o_1, o_2, o_3$  sînt trei opritoare din discuri metalice cu fante centrale foarte înguste așezate pe axul tubului; condensatorul plan  $C$  cu distanța dintre armături  $d$  și lungimea armăturilor  $l$  (măsurată pe direcția axei tubului); ecranele fluorescente



f,

$E_1$  (coroană circulară) și  $E_2$  (circular),  $MN$  — direcție diametrală divizată. În regiunea punctată, un câmp magnetic de inducție reglabilă cu un potențiomtru gradat, străbate tubul perpendicular pe planul figurii, intrînd în planul foii. Lățimea  $V$  a cîmpului magnetic, măsurată din  $A$  poate fi reglată cu un ecran. Se mai dau: o sursă de tensiune continuă reglabilă și un voltmetru magneto-electric.

a) Explicați modul de lucru pentru determinarea naturii electrice a particulelor electrizate emise de  $S$ .

b) Determinați viteza  $v$  a particulelor.

c) Determinați sarcina specifică  $q/m$  a particulelor.

Se neglijează forța de greutate a particulelor.

(Licee spec.)

5.4.83. Între armăturile  $C$  și  $A$ , pătratiche și paralele, ale unui condensator plan, unde  $C$  ține rol de catod ce emite electroni de viteză aproape nulă, aflate la distanța  $l=20$  cm între ele, se aplică

o tensiune continuă și constantă  $U = \frac{910}{32}$  kV. De la armătura  $A$ , în

afara condensatorului, se întinde un câmp magnetic omogen cu  $H = 91$

----- A/m, paralel cu o latură a armăturii de secțiune normală

dreptunghiulară cu lățimea  $b=15$  cm (pe direcția normalei la ar.



măhuri) iar lungimea suficient de mică. În armătura A este practicat un orificiu foarte îngust.

a) Studiați mișcarea electronilor ce ies prin orificiu, de la pornirea lor de pe catod până la ieșirea din câmpul magnetic.

b) Calculați deviația liniară și cea unghiulară la ieșirea din câmpul magnetic.

$m_e = 9,1 \cdot 10^{-31}$  kg,  $e = 1,6 \cdot 10^{-19}$  C.

Sub teor. Redresarea curentului alternativ.

(Licee spec.)

5.4.84. Un mobil de masă  $m = 10,0$  g efectuează oscilații armonice de perioadă  $T = 0,50$  s. Să se determine:

a) Faza inițială a oscilațiilor știind că la momentul  $t = 0$ , elongația mobilului este maximă.

b) Amplitudinea oscilației știind că la momentul  $t = T/8$  elongația este  $y = 5 \cdot 1/2$  cm.

c) Energia cinetică și energia potențială a mobilului la momentul  $t = 0,125$  s.

d) Accelerația mobilului după  $t' = 2,75$  s față de momentul inițial.

e) Forța care acționează asupra mobilului la momentul  $t'$ .

f) Ce lungime are un pendul matematic care oscilează cu aceeași perioadă.

Observație. Se vor face aproximațiile  $n^2 = g_0 = 10$  (m/s<sup>2</sup>).

Sub. teor. 1. Interferența undelor. 2. Ecuația unei plane.

(Licee spec.)

5.4.85. Cu ajutorul unui spectrograf se înregistrează separat pe două filme sensibile spectrul de emisie al atomilor de H și spectrul de emisie al ionilor de He. Apoi, pe un al treilea film, se înregistrează spectrul de emisie al atomilor de H și al ionilor de He. Spectrograful a fost reglat astfel încât să înregistreze radiații din spectrul vizibil, adică radiații cu lungimea de undă cuprinsă între  $\lambda_1 = 400$  nm și  $\lambda_2 = 700$  nm. Se cere:

a) Frecvența primei linii și a ultimei linii (linia limită) din seria Balmer.

b) Regiunile spectrale în care se situează cele 2 linii de la punctul a).

c) Frecvența primei linii și a liniei limită din spectrul ionilor de He, din a treia serie spectrală.

d) Pot fi prinse cele două linii (de la punctul c) de către spectrograf?

e) Diferența dintre spectrul ionilor de He și spectrul mixt înregistrat pe cel de al treilea film. Discuție.

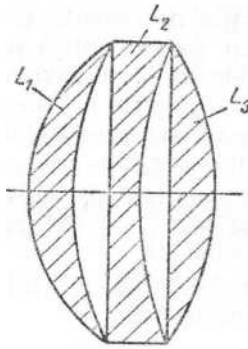
f) De câte ori e mai mare energia de ionizare a He+ decât energia de ionizare a H?

Se dă:  $h = 6,626 \cdot 10^{-34}$  J·s.

Sub. teor. 1. Determinarea sarcinii specifice a particulelor încărcate. 2. Postulatele lui Bohr.

(Licee spec.)

5.4.84. O lentilă convergentă convex-concavă  $L_1$  cu razele de curbură  $R_1 = 10$  cm și  $R_1' = 20$  cm, e pusă în contact coaxial cu o lentilă divergentă plan-concavă  $L_2$  cu raza de curbură  $R_2 = 18$  cm care, la rândul ei, e în contact coaxial cu o lentilă convergentă plan-convexă cu raza de curbură  $R_3 = R_2$  (fig. 5.4.84). Toate cele trei



lentile sînt subțiri și sînt confecționate din sticlă cu indicele de refracție absolut  $n = 1,5$ . Indicele de refracție al aerului se va lua egal cu unitatea.

a) La distanța  $x_1 = -30$  cm de centrul optic al sistemului format se află un obiect cu înălțimea  $y_1 = 10$  mm, așezat perpendicular pe axa optică principală a lentilelor. Să se afle poziția, natura și mărimea imaginii date de sistemul optic.

b) Se umple spațiul dintre  $L_1$  și  $L_3$  cu apă de indice de refracție  $n' = 1,3$ . Care este convergența sistemului optic format?

c) Se umple și spațiul dintre  $L_1$  și  $L_2$  cu un lichid de indice de refracție  $n'' = 5/3$ . Să se afle poziția, natura și mărimea imaginii.

d) Întreg sistemul (cu spațiile dintre lentile umplute ca mai sus) se introduce în apă. Cum se va modifica distanța focală a sistemului optic în acest caz?

e) Se îndepărtează lentila  $L_2$ . Ce se întîmplă cu sistemul optic?

5.4.85. Se dă o lentilă convergentă biconvexă cu razele de curbură egale și avînd valoarea  $|r_1| = 10$  cm. Lentila e confecționată dintr-un material cu indicele de refracție  $n = 1,5$  în raport cu aerul. În partea stîngă a lentilei se așază la distanța  $|x_1| = 15$  cm, perpendicular pe axul optic principal un obiect liniar cu înălțimea  $y_1 = 20$  mm. În partea dreaptă a lentilei se așază la distanța  $0^{\wedge} = 35$  cm o lentilă plan-concavă cu raza de curbură  $R_2 = 5,0$  cm și cu același indice de refracție cu lentila convergentă.

a) Să se afle poziția  $x$  față de lentila convergentă unde se formează ultima imagine a obiectului.

b) Să se construiască mersul razelor de lumină pentru formarea imaginii finale.

c) Să se determine mărimea, natura și poziția față de axa optică principală a ultimei imaginii.

d) Se îndepărtează lentila divergentă și în partea dreaptă a lentilei se așază perpendicular pe axa optică principală o oglindă plană cu fața reflectantă spre lentilă și la distanța  $d_2 = 20$  cm de lentilă. Unde se va forma ultima imagine a obiectului? Care este natura, mărimea și poziția (răsturnată sau dreaptă) a imaginii?

e) Se îndepărtează oglinda. La ce distanță  $d_3$  trebuie să se așeze vîrfurile unei oglinzi concave (față de lentilă) pentru ca ultima imagine să se formeze la distanța  $|x_2| = 14$  cm față de oglindă. Se dă raza oglinzii concave  $|R| = 8,0$  cm.

Sub. teor. - Calculul unghiului de deviație minimă și a condiției de emergență pentru prisma optică.

(Licee spec.)

## 1975. ETAPA JUDEȚEANĂ

5.5.1. Trei corpuri paralelipipedice, de aceeași lungime  $l$ , cu aceeași masă  $m$ , sînt puse în contact și așezate pe un plan orizontal, situat la o anumită înălțime  $h$  față de pămînt ca în fig. 5.5.1. Asupra acestui sistem de corpuri se aplică o forță constantă  $F$  perpendiculară pe fața  $C_1C_2$ . Sub influența acestei forțe corpurile se deplasează fără frecare cu planul orizontal și cad pe rînd la pămînt, (se consideră că momentul fiecărei căderi începe atunci cînd întregul corp a ieșit de pe plan, că aerul nu influențează căderea și că mișcarea corpurilor în cădere este o translație).

- |<sup>A</sup>i|    \_mm    mmZm    '///,    >sy£ /<sub>a</sub>/    //    i    mmmmmmmmm"

f

Q5-5.2. Să se reprezinte grafic dependența vitezei de timp, dacă graficul accelerației are forma din fig. 5.5.2. ( $u_0=0$ ).

$$t_1^2$$

7 2 3 « !/ r 7 8 0| 9 10 tisl

5.5.3. Pe  $\text{—o}$  foaie de hîrtie este desenat un unghi drept. O riglă se mișcă pe hîrtie cu viteza  $y=10\text{ cm/s}$ , fiind tot timpul perpendiculară pe bisectoarea acestui unghi. Muchia riglei intersectează laturile unghiului. Să se stabilească legea de mișcare a punctului de intersecție a uneia din laturile unghiului cu muchia riglei. (Generalizare).

(Anul I)

- 5.5A. Asupra unui corp cu masa  $m=100$  kg acționează o forță constantă  $F=50$  N, care deplasează corpul un timp  $t=1,00$  min. După acest timp corpul continuă să se miște rectiliniu uniform u

n

timp  $t = 5,0 \text{ min}$ . Pentru a-1 opri, asupra corpului acționează o forță de frinare  $F_f = 100 \text{ N}$  (se neglijează frecările). Se cere:

- Distanța străbătută de corp pe prima porțiune de drum.
- Viteza la sfârșitul primei porțiuni de drum.
- Accelerația de frinare și distanța parcursă în mișcarea încetinită.
- Distanța totală parcursă de corp.
- Graficul vitezei în funcție de timp pe toată durata mișcării.

*Sub. teor.* 1. Să se stabilească relații între mărimile caracteristice mișcării circulare uniforme.

- Cuplul de forțe.

(Anul I, școli prof.)

5.5.5. Într-un vagonet de mină atâră un pendul matematic de lungime  $l$ . Vagonetul este ridicat pe o galerie verticală cu un ascensor la înălțimea  $h$ . La pornire ascensorul se mișcă uniform accelerat cu accelerația  $a$  pe distanța  $h/8$ , apoi uniform până la distanța  $h/8$  de oprire, mergând în continuare uniform încetinit cu accelerația  $a$ . De la gura minei unde s-a oprit ascensorul, vagonetul coboară o pantă de unghi  $\alpha$  și lungime  $d$ , fără frecare, după care merge orizontal uniform încetinit datorită frecării ( $\propto v$ ).

Dacă înaintea pornirii ascensorului pendulul oscilează cu amplitudinea unghiulară  $\alpha_0$ , neglijând frecările și considerând oscilațiile izocrone, să se determine:

- Perioadele pendulului pentru cele cinci porțiuni distincte ale drumului parcurs de vagonet.
- Tensiunea maximă din fir pe prima porțiune.
- Numărul de oscilații efectuate de pendul pe fiecare din cele 5 porțiuni ale drumului parcurs de vagonet.

5.5.6. Un corp cilindric de secțiune  $S$  și masă  $m$ , cu densitatea  $\rho$ , este scufundat vertical într-un lichid de densitate  $\rho_0 > \rho$ . De la aceeași înălțime cu baza superioară a cilindrului se lasă să cadă liber un corp de dimensiuni mici din același material. Datorită unui impuls vertical, primul corp coboară cu o fracțiune  $f = 1/8$  din lungimea lui în lichid. Neglijând frecările și mișcarea lichidului, se cere:

- Să se studieze tipurile mișcărilor celor două corpuri.
- Raportul perioadelor  $T_2/T_1$ .
- Raportul vitezelor lor maxime  $v_{max2}/v_{max1}$ .

5.5.7. Cum poate un observator să afle viteza cu care zboară orizontal un avion supersonic pe deasupra sa, dacă stabilește doar mărimea unghiului pe care îl face cu orizontala direcția în care se vede avionul în momentul când aude sunetul motorului? Un magnet permanent se mișcă cu viteza constantă într-un sistem inerțial. Ce fel de câmp poate înregistra un observator care se găsește:

- În repaus față de sistemul inerțial.
- Într-un sistem de referință solidar cu magnetul?

5.5.8. Se consideră două circuite distincte: primul constă dintr-o sursă de t.e.m. cu o frecvență oarecare, o bobină cu inductanța  $L$  și o rezistență oarecare  $R$  în serie; al doilea cuprinde aceeași sursă, aceeași rezistență și un condensator  $C$  legate în serie. Care trebuie să fie relația dintre  $R$ ,  $L$  și  $C$  pentru ca defazajele în cele două circuite să fie egale în valoare absolută?

*Sub. teor.* Deduceți formula de calcul pentru inductanța echivalentă a unei grupări serie sau paralel de bobine de inductanțe cunoscute.

5.5.9. Un circuit paralel de curent alternativ este format dintr-o bobină, un condensator variabil și o rezistență fixă  $R=316\ \Omega$ . Alimentarea circuitului se face de la un generator care poate debita curenți de frecvențe variabile, dar cu o intensitate efectivă constantă  $I=300\text{ mA}$ . Atunci când  $\omega=150\text{ f}\cdot\text{s}^{-1}$ , iar frecvența este  $\omega$ , intensitatea curentului din bobină este  $I_L=300\text{ mA}$ . Menținând frecvența constantă dar modificând capacitatea condensatorului, se constată că pentru  $C_2=100\text{ }\mu\text{F}$  intensitatea curentului din rezistența  $R$  atinge valoare maximă. Să se determine:

- Relația dintre capacitatea  $C$ , și frecvența  $\omega$  atunci când  $I=I_L$ .
- Inductanța bobinei.
- Frecvența  $\omega$ .
- Tensiunea efectivă la bornele generatorului în primul caz (când  $C_1=150\text{ }\mu\text{F}$ ).

5.5.10. Pentru măsurarea capacității unui condensator, în practică se folosește un montaj alimentat cu un curent alternativ de  $\omega=50\text{ Hz}$  și format din condensator, un ampermetru și un voltmetru. Precizia se poate mări, dacă după prima măsurare se înlocuiește condensatorul cu o rezistență variabilă, care se reglează astfel încât ampermetrul și voltmetrul să indice aceleași valori ca în primul caz. Știind că într-o astfel de măsurare rezistența variabilă a avut valoarea  $R=40,0\ \Omega$ , rezistența ampermetrului  $R_a=60,0\ \Omega$ , iar rezistența voltmetrului a fost foarte mare, se cere:

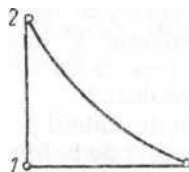
- Să se calculeze capacitatea condensatorului.
- Să se explice de ce este mai precisă această metodă.  
(Anii II și III, licee spec.)

5.5.11. O baterie de curent continuu cu t.e.m.  $\mathcal{E}=12\text{ V}$  și rezistența interioară neglijabilă, alimentează un circuit format din trei rezistențe:  $R_1$  legată în serie cu gruparea  $R_2$  și  $R_3$  în paralel ( $R_1=2,00\ \Omega$ ,  $R_2=6,00\ \Omega$ ). Să se afle:

- Valoarea lui  $R_1$  când în circuit curentul are valoarea  $I=2,00\text{ A}$ .
- Intensitatea curenților prin  $R_2$  și  $R_3$ .

5.5.13. Să se scrie relațiile între parametrii de stare ai gazului de masă  $m$  care suferă transformările indicate în fig. 5.5.13.

$p^1$



5.5.14. La ce temperatură volumul unei sfere de platină va fi mai mare cu  $\frac{1}{3}$  din volumul inițial?

\*

5.5.15. O sferă de cupru încălzită de la temperatura  $0^\circ\text{C}$  își mărește volumul cu  $\Delta V=10,3\text{ cm}^3$ . Ce cantitate de căldură a absorbit sfera de Cu? Se dau:  $\alpha_{\text{Cu}}=17 \cdot 10^{-6}\text{ K}^{-1}$ ,  $c_{\text{Cu}}=390\text{ J/kg}\cdot\text{K}$ ,  $\rho_{\text{Cu}}=8,79\text{ g/cm}^3$ .

(Anul II, școli prof.)

5.5.18. Un circuit electric conține o sursă de curent continuu și un reșou cu rezistența  $R$ , în acest caz randamentul circuitului fiind  $\eta_1$ . Înlocuind reșoul de rezistență  $R_1$  cu un altul de rezistență  $R_2$ , randamentul devine  $\eta_2$ . Să se afle randamentul electric dacă ambele reșouri sînt în circuit, fiind legate a) în serie, b) în paralel. Rezistența interioară a sursei este  $r$ .

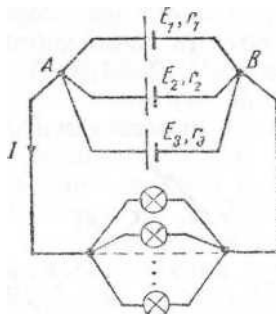
*Observații.* Randamentele  $r_{is}$  și  $r_{lp}$  se vor exprima în funcție de  $Y_h$  și  $Y_l$ .

5.5.17. Fie două consumatoare electrice cu următoarele caracteristici:  $R_1=40\text{ k}\Omega$ ,  $P_1=4,00\text{ W}$  și  $R_2=10,0\text{ k}\Omega$ ,  $P_2=4,00\text{ W}$ . Consumatoarele fiind legate în serie, ce tensiune maximă se poate aplica la bornele ansamblului?

*Observație.* Rezistențele celor două consumatoare nu variază cu temperatura.

5.5.18. Trei generatoare electrice cu t.e.m.  $E_1=126\text{ V}$ ,  $E_2=110\text{ V}$  și  $E_3=129\text{ V}$  și rezistențele interioare:  $r_1=200\text{ m}\Omega$ ,  $r_2=400\text{ m}\Omega$  și  $r_3=600\text{ m}\Omega$  sînt dispuse în paralel. Ansamblul de generatoare alimentează un grup de  $n=20$  becuri legate în paralel, fiecare bec avînd rezistența  $R_b=120\text{ }\Omega$ . Să se afle:

a) Tensiunea comună la bornele ansamblului de generatoare.



b) Curenții prin ramificațiile ce conțin generatoarele  $E_1$ ,  $E_2$  și  $E_3$ .

*Observație.* Se neglijează rezistența firelor de legătură.

5.5.19. Care este tensiunea  $U$  de la bornele  $A$ ,  $B$  ale circuitului în condițiile din fig. 5.5.19?



5.5.20. Se dă circuitul din fig. 5.5.20 în care se neglijează rezistențele interioare ale generatoarelor.

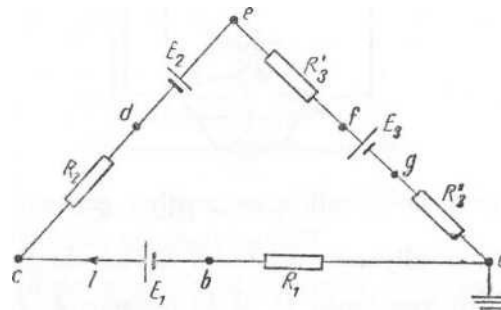
a) Să se găsească condiția ca prin  $E_3$  să nu circule curent. Să se demonstreze că această condiție este independentă de  $R_1$  și  $R_4$ .

R

c) Să se afle în cazul a) intensitatea curentului care circulă prin  $R_3$  și cantitatea de căldură degajată în  $t=2,00$  h prin acest rezistor. Aplicație pentru:  $E_1=2,00$  V,  $E_2=5,00$  V și  $R_3=2,00$   $\Omega$ .

5.5.21. Se consideră circuitul reprezentat în fig. 5.5.21, în care:  $E_1=30$  V,  $E_2=15$  V,  $E_3=5,0$  V,  $R_1=1,00$   $\Omega$ ,  $R_2=3,00$   $\Omega$ ,  $R_3=2,00$   $\Omega$  și  $R_4=2,00$   $\Omega$ . Să se calculeze:

a) Intensitatea curentului în acest circuit.



b) Diagrama de variație a potențialelor pe circuit.

(Anul III și Anii II, III, licee spec.)

5.5.22. Un tub cilindric de sticlă, deschis la amândouă capetele, având lungimea  $Z=100$  cm și raza secțiunii  $R=0,80$  mm, se afundă cu jumătate din lungimea sa, vertical, în apa dintr-un vas deschis. În această situație se astupă deschiderea capătului superior al tubului și apoi se scoate vertical afară tubul în aer. Să se calculeze:

a) Lungimea  $l'$  până la care rămâne apa în tub. Se consideră presiunea atmosferică  $H=100$  kPa,  $g=10$  m/s<sup>2</sup> și se neglijează efectele de capilaritate.

b) Variația lungimii coloanei de apă, în condițiile de la punctul

a) dacă se ține seama de capilaritate (tensiunea superficială a apei  $\sigma=72,8$  mN/m).

c) Câte picături s-ar forma dacă se deschide tubul?

d) La ce temperatură ar trebui încălzit tubul cu aer și apă, ținut tot vertical (a) astfel încât lungimea coloanei de apă să devină  $l''=35$  cm, temperatura inițială a apei fiind  $T=290$  K (se neglijează dilatarea apei).

5.5.23. a) Reușește experiența lui Torricelli dacă tubul cu mercur este deschis într-un vas cu apă? De ce?

19

b) Pentru ce un ceas de mână se oprește dacă, din greșală, a intrat apă în el?



(Anii II, III și IV, licee spec.)

5.5.24. Rotorul unui motor de curent continuu cu excitație separată, alimentat de la o rețea cu tensiunea  $U = 220 \text{ V}$ , este parcurs de un curent cu intensitatea  $I_1 = 5,0 \text{ A}$  la o turație  $n_1 = 1000 \text{ rot/min}$  și respectiv  $I_2 = 20,0 \text{ A}$  la o turație  $n_2 = 800 \text{ rot/min}$ . Se cere:

- Rezistența înfășurării rotorice.
- Turația  $n_0$  la care puterea dezvoltată de motor este maximă.
- Valoarea puterii mecanice maxime  $P_{mM}$  a motorului.
- Randamentul  $\eta_M$  în regim de putere mecanică maximă.
- Randamentul  $\eta$  al motorului când dezvoltă o putere mecanică de  $k=10$  ori mai mică decât cea maximă (curentul de excitație este constant; se neglijează pierderile în întrefier și efectul reacției în dusului).

5.5.25. Să se arate că dacă înfășurările unui generator trifazic și rezistențele de sarcină sînt legate în stea, în conductorul neutru intensitatea curentului este zero dacă  $i_1 = i_2 = i_3 = jR$ .

5.5.26. La rețeaua de curent trifazat simetrică cu tensiunea de linie  $U_L = 380 \text{ V}$ , se montează între fazele  $R-S$  și  $S-T$  câte o rezistență de putere  $P = 76 \text{ kW}$ . Linia este alimentată de un transformator trifazat cu înfășurările legate în stea și neutrul legat la pămînt, acesta avînd tensiunile de fază simetrice. Să se calculeze:

- Curenții de fază.
- Curenții de linie și defazajele lor față de tensiunile de fază ale transformatorului; să se construiască diagrama tensiunilor și a intensităților.

*Sub. teor.* Indicați metode de pornire și de inversare a sensului, de rotație la mașinile asincrone.

(Anul III, licee spec.)

5.5.27. Se consideră o regiune a spațiului în care există un cîmp magnetic uniform și un cîmp electric uniform, perpendiculare între ele. Care sînt condițiile ca un electron să nu sufere nici o deviație la trecerea prin această regiune?

5.5.28. Un circuit oscilant deschis, format dintr-un conductor vertical de lungime  $Z$  cu un capăt legat la pămînt, are capacitatea  $C$ . Se cere inductanța corespunzătoare firului.

5.5.29. O triodă și o rezistență  $R = 10,0 \text{ k}\Omega$  sînt conectate în serie în circuitul unei baterii cu t.e.m.  $E = 250 \text{ V}$ . În circuitul grilei este legată, cu polul negativ la grilă, o altă baterie cu t.e.m.  $E_1 = 3,00 \text{ V}$ . În aceste condiții, căderea de tensiune pe rezistența  $R$  are valoarea  $U_1 = 95 \text{ V}$ . Dacă în circuitul grilei se include o baterie cu t.e.m.  $U_2 = 6,0 \text{ V}$ , căderea de tensiune pe rezistența  $R$  va fi  $U_2 = 60 \text{ V}$ . Să se reprezinte schema circuitului. Se consideră caracteristica de grilă a triodei o linie dreaptă în domeniul în care se produc modificările potențialului grilei. Care va fi diferența de potențial dintre anodul și catodul triodei, dacă grila și catodul se scurtcircuitază?

5.5.30. O diodă este conectată la o tensiune  $U = 20 \text{ V}$  prin intermediul unei rezistențe  $R_x$ ; pe diodă căderea de tensiune este  $U_d = 9,0 \text{ V}$ .

- Să se determine valoarea rezistenței  $R_x$  astfel ca prin diodă să treacă  $I_d = 10 \text{ mA}$ .

b) Cum trebuie modificată rezistența  $R_x$ , dacă în paralel cu dioda se conectează o rezistență de sarcină  $R_s = 600 \Omega$ , astfel încît curentul din diodă să rămînă constant?

- Dacă  $R_s = 440 \Omega$ , să se determine limitele de variație ale rezistenței



1.  $S_1M=10\text{ cm}$ ,  $S_2M=25,7\text{ cm}$ .
  2.  $S_1M'=10\text{ cm}$ ,  $S_2M'=45,7\text{ cm}$ .
- (Se presupune că unda are amplitudinea constantă).

(Anii II, III și IV, licee spec.)

5.5.33. Un microscop are un obiectiv cu distanța focală  $f_1=5,0\text{ mm}$  și un ocular cu distanța focală  $f_2=20\text{ mm}$ .  
Se cere distanța dintre obiectiv și ocular atunci când un observator privește prin microscop un obiect situat la distanța  $p_1=$

$=5,2$  mm în fața obiectivului, iar imaginea finală virtuală se formează la distanța  $8=25$  cm de ochiul presupus în contact cu ocularul.

a) De câte ori este mai mare decât obiectul imaginea formată de obiectiv.

b) În ce sens și cu cât trebuie deplasat ocularul în raport cu obiectivul ca să se obțină o imagine finală reală și de  $m=100$  ori mai mare decât obiectul?

5.5.34. Cum se poate determina indicele de refracție al unei substanțe din care sînt alcătuite corpurile geometrice transparente: bloc paralelipipedic, piramidă dreaptă cu baza pătrat, calotă sferică?

5.5.35. De ce cînd privim pe fereastră, dintr-o cameră, ziua vedem obiectele de afară și noaptea vedem obiectele din interior?

(Anii III și IV, licee spec.)

5.5.36.  $=5.5.33.$

5.5.37. Cu ajutorul unei lentile convergente cu convergența  $C=20$  dioptrii se proiectează pe un paravan la distanța  $D=2,00$  m de lentilă, franjele obținute cu un sistem de două fante paralele depărtate cu  $d=2,00$  mm una de cealaltă și luate cu lumină cu lungimea de undă  $\lambda=500$  nm. Care trebuie să fie depărtarea  $l$  dintre fante și lentilă astfel ca pe perete franjele să fie depărtate cu  $i=10$  mm una de cealaltă?

5.5.38. Un fascicul de lumină cu lungimea de undă  $\lambda=500$  nm cade normal pe o rețea de difracție. Se cere:

a) Numărul fotonilor incidenți pe rețea în timpul  $\tau=1,00$  min, dacă puterea sursei care emite lumina este  $P=20$  W. ( $h=6,6 \cdot 10^{-34}$  J·s).

b) Constanta rețelei de difracție, dacă maximul de difracție de ordinul al doilea se formează sub unghiul  $\varphi=30^\circ$ .

c) Distanța dintre maximul central și maximul de ordinul al doilea pe un paravan pe care figura a fost proiectată cu ajutorul unei lentile cu convergența  $C=2,00$  dioptrii.

Se înlocuiește paravanul cu o celulă fotoelectrică de cesiu al cărui prag fotoelectric este  $X_0=660$  nm. Să se determine lucrul de extracție și viteza cu care este emis un electron, în condițiile de iradiere cu radiație cu  $\lambda=500$  nm. (Masa electronului  $m=9 \cdot 10^{-31}$  kg).



5.5.39. Un atom de hidrogen excitat, prin tranziție în starea fundamentală, emite succesiv două cuante cu  $\lambda_1=281,8$  nm și  $\lambda_2=102,6$  nm. Să se calculeze:

(Anul IV)

23 Energia stării inițiale a electronului și numărul cuantic corespunzător ( $T=6,63 \cdot 10^{-34}$  J·s,  $K=3,28 \cdot 10^{15}$  Hz,  $E_{\text{ioniz}}=13,6$  eV).

5.5.40. Considerînd spectrul unui atom de hidrogen, să se indice:

a) în ce serie se găsesc liniile cuprinse în intervalul  $945-1100$  Å.

b) Cîte linii din această serie se găsesc în intervalul respectiv ( $R=3,28 \cdot 10^{15}$  Hz).

5.5.41. Care va fi raza orbitei pe care se găsește electronul unui atom de hidrogen care a fost excitat cu o cantă cu energie  $\epsilon=12,09$

eV, considerînd că inițial atomul se găsea în starea fundamentală ( $7i=6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ ,  $f=3,28 \cdot 10^{15} \text{ Hz}$ ,  $r_1=0,53 \text{ \AA}$ ).

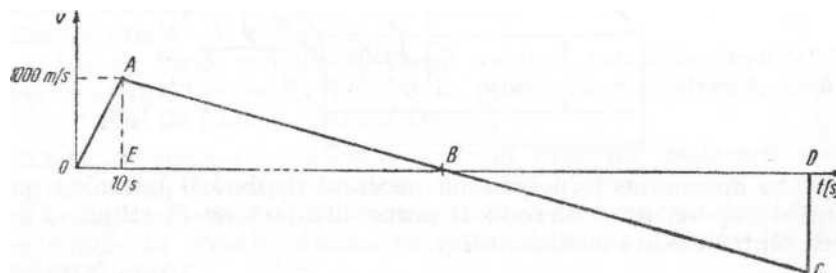
5.5.42. Să se calculeze variația lungimii de undă de Broglie asociată unui electron care, prin absorbția unei cuante cu energia  $2=14,5 \text{ eV}$ , se deplasează de pe prima orbită a atomului de hidrogen la o mare distanță de nucleu.

$E_{\text{inniz}}=13,6 \text{ eV}$ ,  $7i=6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ ,  $m=9,1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$ ,  $e=1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ ,  $\epsilon_0=8,85 \cdot 10^{-12} \text{ F/m}$ .

(Anii IV și V, licee spec.)

### 1975. ETAPA REPUBLICANA (Baia Mare)

5.5.43. O rachetă cu o singură treaptă este lansată vertical (se neglijează rezistența aerului;  $g=10 \text{ m/s}^2$ ). Graficul vitezei este reprezentat în fig. 5.5.43.



a) Să se stabilească natura mișcării pe porțiunile  $0A$ ,  $AB$  și  $BC$  (acceleerații, viteze, coordonate).

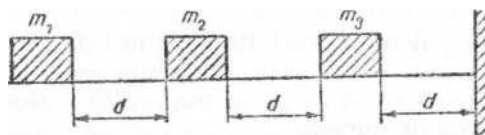
b) Ce semnificații fizice au ariile triunghiurilor:  $OAE$ ,  $AEB$ ,  $BCD$ ,  $OAB$ . Care arii sînt egale și de ce?

c) Punctele  $A$ ,  $B$ ,  $C$  sînt coliniare. De ce? Ce semnificație au  $\text{tg } ABO$  și  $\text{tg } DBC$ ?

d) Să se reprezinte grafic accelerația, înălțimea rachetei față de locul de lansare și distanța parcursă în raport cu timpul.

e) Cum se explică porțiunea  $CD$ ?

5.5.44. Trei cărucioare cu masele  $m_1=3 \text{ m}$ ,  $m_2=2 \text{ m}$  și  $v_1=m$  se află la distanțe egale  $d$  unul față de altul, pe o masă orizontală. Ultimul se află la distanța  $d$  față de un perete vertical. În momentul



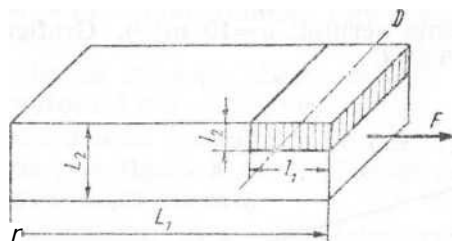
inițial căruciorul cu masa  $m_1$  intră în mișcarea cu viteza  $v$ , în timp ce cărucioarele cu masele  $m_2$  și  $m_3$  sînt în repaus. Prin ciocnire cărucioarele se unesc ( $J_{\text{JL}}=0$ ).

Să se reprezinte grafic  $v=f(t)$ .

Aplicație pentru:  $v=3,6 \text{ km/h}$ ,  $d=3,00 \text{ m}$ .

5.5.45. Un corp de formă paralelipipedică are masa  $M$ . Din el se decupează, ca în

fig. 5.5.45, o porțiune cu masa  $m$  care se lasă în lăcașul ei. Acest sistem este acționat de o forță  $F$ .



Să se determine forța minimă necesară deplasării laterale a porțiunii decupate, pe o direcție  $D$  perpendiculară pe  $F$ , știind că frecarea dintre ele are coeficientul  $\mu$ .

5.5.46. a) Pe apa dintr-o ecluză plutește un vapor. Cum variază nivelul apei din ecluză dacă vaporul se scufundă?

b) Cum variază cu distanța faza de oscilație a particulelor într-o undă progresivă și într-o undă staționară?

c) În experiența lui Torricelli, relativă la presiunea atmosferică, tubul barometric are lateral, pe la mijlocul său, un tub mic de comunicație cu atmosfera închis cu un robinet. Ce se întâmplă dacă deschidem acest robinet?

5.5.47. Să se afle numărul de molecule din unitatea de masă (1 kg) a unui gaz, cunoscând viteza pătratică medie a moleculelor  $u=500$  m/s la temperatura  $0^{\circ}\text{C}$ . Se dă constanta Boltzmann  $k=1,38 \cdot 10^{-23}$  J/grd.

5.5.48. Într-un tub subțire de secțiune  $S=4,00$  mm<sup>2</sup> și lungime  $Z=40,5$  cm, închis la un capăt și așezat orizontal, se află în echilibru o coloană foarte scurtă (o picătură) de mercur de masă  $m=0,50$  g la distanța  $Z_0=20,3$  cm de fundul tubului. Cu ce turație minimă trebuie învârtit tubul în planul orizontal în jurul axei verticale trecând prin capătul închis al tubului, pentru ca mercurul să iasă afară din tub? Presiunea atmosferică este normală. Tubul este adus încet din repaus până la turația cerută.

Se schimbă turația necesară dacă tubul este adus rapid din repaus la turația necesară?

5.5.49. Într-un capilar de diametru  $d=1,00$  mm, deschis la ambele capete și așezat vertical, se află în echilibru o coloană de apă. Ce lungime maximă poate avea această coloană? Tensiunea superficială a apei  $\sigma=70$  mN/m,

(Anul II, proba I)

5.5.50. a) Un corp care plutește pe un lichid este încălzit împreună cu lichidul. Se va cufunda sau se va ridica corpul în timpul încălzirii? De ce?

b) Unde deformația mediului (comprimări rarefierii sau forfecări) într-o undă staționară variază cu amplitudine maximă și unde este permanent nulă? De ce?

c) Cu ce forță trebuie să ținem vertical tubul barometric din experiența lui Torricelli, relativă la presiunea atmosferică, fără a sprijini tubul de fundul vasului? De ce?

~r-5.5.51. Căldura de disociere (energia necesară desfacerii moleculei în atomi) a hidrogenului este  $q=419$  kJ/mol. La ce temperatură energia cinetică medie de translație a moleculelor de hidrogen este suficientă pentru disocierea lor? Constanta gazelor  $\gamma=8 \cdot 314$  J/kmol  $\cdot$  K.

5.5.52. Pe o masă orizontală perfect netedă (fără frecări) sînt așezate două baloane identice legate printr-un tub subțire orizontal avînd o membrană despărțitoare la mijloc. Distanța dintre centrele baloanelor este  $d=58$  cm. Într-un balon se află hidrogen, iar în celălalt azot, la aceeași temperatură dar la o presiune de  $k \sim 2$  ori mai mare. Cu ce distanță se va deplasa sistemul dacă membrana se rupe? Se va neglija masa baloanelor și a tubului.

5.5.53. Între două lame de sticlă menținute orizontal, paralele și la o distanță  $d = 0,50$  mm între ele, se introduce o masă  $m = 1,00$  g de apă. Să se afle forța de atracție dintre plăci care ia naștere. Tensiunea superficială a apei  $\sigma = 70$  mN/m.

(Anul II, proba II)

5.5.54. Sînt date următoarele materiale:

Un vas sau cuvă de circa 15 cmX 15 cm și adîncime 5 cm.

Două plăci de sticlă identice dreptunghiulare de circa 10 cmX 10 cm.

O riglă gradată.

Hîrtie milimetrică.

Lichid colorat de densitate dată (într-un borcan separat).

Se cere:

- Să se deducă formula ascensiunii capilare între două plăci paralele.
- Să se stabilească ecuația curbei după care se ridică lichidul în unghiul diedru foarte mic format de cele două plăci.
- Să se determine experimental valoarea tensiunii superficiale a lichidului dat (de densitate cunoscută).

(Anul II, proba pract.)

## 1970. ETAPA JUDEȚEANĂ

5.6.1. Dintr-un punct  $O$  pornesc simultan trei mobile  $A$ ,  $B$ ,  $C$ . Mobilul  $A$  are viteza inițială  $u_{01} = 4,00$  m/s și accelerația  $a_1 = 2,00$  m/s<sup>2</sup>. Mobilul  $B$  pornește din repaus în același sens cu  $A$  și are accelerația  $a_2 = 2,00$  m/s<sup>2</sup>. Mobilul  $C$  este aruncat pe verticală, de jos în sus, cu viteza inițială  $u_{03} = 60$  m/s. În momentul  $t_0$  cînd  $C$  atinge înălțimea maximă, mobilele  $A$  și  $B$  încep să fie frîmate. Ele se opresc în același punct  $D$  la distanța  $s = 100$  m de  $O$ . Să se afle ( $g = 10$  m/s<sup>2</sup>):

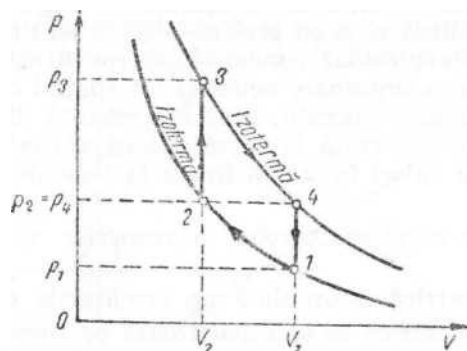
- Distanțele parcurse de mobilele  $A$  și  $B$  în timpul  $t_0$ .
- Vitezele mobilelor  $A$  și  $B$  la momentul  $t_0$ .
- După cît timp, din momentul inițial, mobilele  $A$  și  $B$  vor avea viteze egale?
- Accelerațiile mobilelor  $A$  și  $B$  în mișcarea uniform încetinită.
- Vitezele medii ale mobilelor  $A$ ,  $B$ ,  $C$  în timpul mișcării.
- La ce distanță de mobilul  $C$  se vor găsi  $A$  și  $B$  cînd mobilul  $C$  atinge pămîntul?
- Să se reprezinte grafic dependența de timp a vitezelor celor trei mobile.

5.6.2. O barcă se află în repaus pe un lac. La cele două capete sînt așezați doi pescari la distanța  $s = 2,00$  m unul de altul. Masa bărcii  $M = 140$  kg, iar masele pescarilor sînt  $m_1 = 70$  kg și  $m_2 = 40$  kg. Pescarii își schimbă locurile. Cu cît se va deplasa centrul de masă al bărcii față de poziția inițială? Se va considera că în mișcarea sa barca antrenează  $f = 20\%$  din masa de apă dezlocuită.

(Anul I)

5.6.3. O masă de gaz suferă transformarea închisă (ciclu) din fig. 5.6.3. Se dă  $p_1 = 1,00$  bar,  $V_1 = 0,200$  l,  $p_2 = 1,00$  atm,  $p_3 = p_4$ .

- Să se calculeze  $p_3$ .



b) Să se reprezinte transformarea (ciclul) în diagramele (coordonatele)  $V-T$  și  $p-T$ .

5.6.4. Pentru a obține un vid bun într-un vas de sticlă obișnuit de laborator, se recomandă încălzirea pereților de sticlă în timpul vidării pentru a evacua și gazul adsorbit (lipit) de pereți. Evaluați cu cât ar crește presiunea într-un vas obișnuit de laborator dacă toate moleculele adsorbite s-ar dezlipi, considerând stratul monomolecular.

Alegeți un volum rezonabil al vasului, considerați temperatura obișnuită de cameră și apreciați diametrul moleculelor (de aer) din cunoștințele pe care le aveți. Se dă constanta Boltzmann  $k = 1,38 \cdot 10^{-23} \text{ J/K}$ .

5.6.5. Un corp suspendat pe un resort oscilează pe verticală cu perioada  $T_1 = 0,30 \text{ s}$ . Același corp suspendat pe un alt resort oscilează pe verticală cu perioada  $T_2 = 0,40 \text{ s}$ . Cu ce perioadă va oscila corpul dacă îl suspendăm pe cele două resorturi legate în serie?

5.6.6. Se cere să se asigure un debit  $Q = 10 \text{ l/s}$  de apă ridicată de fântână până la înălțimea  $h = 10 \text{ m}$  cu ajutorul unei pompe. O soluție propusă a fost de a atașa la pompă un tub de secțiune  $S = 10 \text{ cm}^2$  și lungimea  $10 \text{ m}$  prin care să se pompeze apa la înălțimea cerută.

- Ce putere trebuie să aibă pompa în acest caz?
- Imaginați o altă soluție prin care să se asigure debitul de apă cerut  $Q$  la înălțimea cerută  $h$ , dar cu o pompă de putere mai mică decât în cazul propus mai sus. Care este limita inferioară a puterii pompei?

(Anul II)

5.8.7. Două condensatoare plane, identice, cu dielectric aer, având distanța dintre armături și suprafața armăturilor  $S$ , sînt conectate în serie la o sursă de tensiune continuă  $U$ . O placă dielectrică cu permitivitatea relativă  $\epsilon_r$  și cu grosimea egală cu distanța dintre armăturile unuia din cele două condensatoare, se introduce între armăturile unuia din condensatoare ocupînd tot spațiul dintre armăturile sale; în timpul acestor operații, bateria alcătuită din cele două condensatoare rămîne conectată la sursă. Găsiți valorile și arătați cum se modifică aceste valori în starea finală față de starea inițială, pentru mărimile:

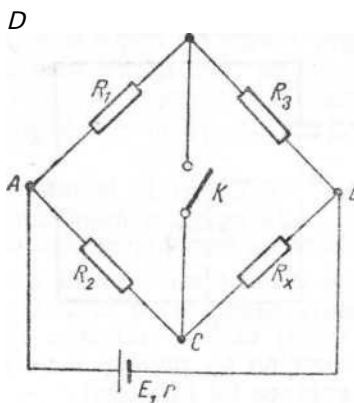
- Capacitățile condensatoarelor și respectiv a bateriei de condensatoare.
- Sarcina electrică acumulată pe armăturile condensatoarelor.
- Tensiunea electrică ce se repartizează pe fiecare din cele două condensatoare.
- Intensitatea cîmpului electric din fiecare condensator.

5.6.8. Se dă circuitul electric reprezentat în fig. 5.6.8. în care sursa are t.e.m.  $\mathcal{E} = 24 \text{ V}$  și rezistența internă  $r = 0,50 \text{ }\Omega$ , iar rezistențele au următoarele valori:  $R_1 = 8,0 \text{ }\Omega$ ,  $R_2 = 8,0 \text{ }\Omega$ ,  $R_3 = 10,0 \text{ }\Omega$ . Se cere:

Rezistența  $R_x$  astfel încît curentul debitat de sursă cînd comutatorul  $K$  întrerupe latura  $CD$  să aibă intensitatea  $I = 2,4 \text{ A}$



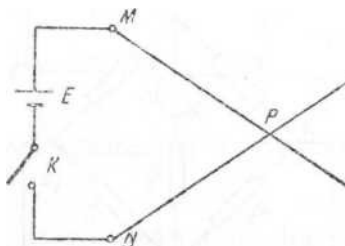
- a) Energia debitată de sursă în exterior în timpul  $t = 5,0$  min în cazul de la punctul a).



- b) Intensitatea curentului debitat de sursă după închiderea comutatorului  $K$ , rezistența  $R_x$  avînd valoarea de la punctul a).

- c) Ce valoare trebuie să aibă  $R_x$  pentru ca tensiunea între bornele  $C$ ,  $D$  să fie nulă indiferent de poziția comutatorului  $K$ ?

5.6.9. În schema din fig. 5.6.9. este reprezentat un circuit electric alcătuit din sursa  $E$ , comutatorul  $K$  și două conductoare rectilinii  $MP$  și  $JVP$  cu legătura mobilă în  $M$  și în  $N$ , și cu contact electric în  $P$



(fiind suprapuse în  $P$ ). Direcțiile  $MP$  și  $NP$  formează un plan orizontal pe care se aplică perpendicular un câmp magnetic omogen de inducție  $B$ . Ce fenomene vom constata dacă închidem circuitul cu ajutorul comutatorului  $K$ ? Justificați răspunsul pentru cele două sensuri posibile ale câmpului  $B$  aplicat.

(Anul II, licee spec.)

Două condensatoare electrice avînd capacitățile  $C_1$  și  $C_2$  sînt dispuse în serie. Ansamblului astfel format i se aplică o tensiune

se introduce un al treilea condensator, încărcat în prealabil tot sub tensiunea  $U$  (fig. 5.6.10). Capacitatea acestui ultim condensator este  $C_3$ .



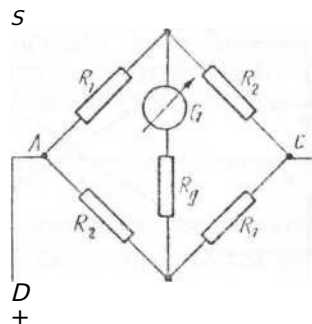
a) Să se calculeze sarcina  $Q_3$  pe care o va avea cel de al treilea condensator după conexiunea lui în circuit.

b) Să se calculeze cantitatea de electricitate  $q$  furnizată de sursă în timpul conexiunii condensatorului  $C_3$ ; să se interpreteze rezultatul.

Aplicație numerică:  $C_1 = 2C_2 = 2C_3 = 2C$ ;  $C_1 = 1,00 \mu\text{F}$  și  $U = 300 \text{ V}$ .

5.6.10. Fie circuitul reprezentat în fig. 5.6.11, unde  $G$  reprezintă un galvanometru.

a) Să se calculeze valoarea rezistenței  $R$  dispuse în paralel între punctele  $B, C$  sau  $A, D$ , astfel ca puntea să fie echilibrată (curentul



în ramura  $BD$  să fie nul). Să se arate în ce condiții problema este posibilă. Se dau:  $R_1 = 1,00 \text{ k}\Omega$  și  $R_2 = 3,0 \text{ k}\Omega$ .

b) Se înlătură rezistența  $R$  din circuit și se introduce în ramura  $BD$ , în serie cu galvanometru, un generator cu t.e.m.  $E_x$ . Rezistența

c)  $R_g$  din figură este rezistența echivalentă a rezistenței interioare a generatorului și a rezistenței galvanometrului.

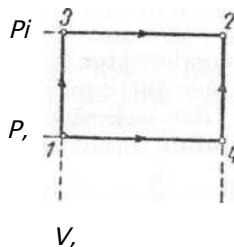
1. Să se afle t.e.m.  $E$  a sursei de curent din diagonala  $AC$  în situația în care puntea este echilibrată. Să se determine polaritatea sursei din ramura  $BD$  cum și curenții din ramificații astfel ca echilibrul punții să fie posibil. Se dă  $E_i = 5,0$  V. Rezistența interioară a lui  $E$  este neglijabilă.

2. Se schimbă generatorul dintre  $A$  și  $C$  cu altul cu t.e.m.  $E' = 12$  V și rezistența interioară  $r$ . Să se afle valoarea acestei rezistențe când puntea este echilibrată cum și curentul debitat de sursă.

d) Considerăm cazul în care puntea nu este echilibrată. Să se afle intensitățile curenților în toate ramificațiile. Valorile lui  $E'$ ,  $E$ ,  $R_x$  și  $R_2$  sînt cele date anterior;  $r = 500$   $\Omega$  iar  $Z_g = 400$   $\Omega$ .

(Anul III)

5.6.11. O masă de gaz este trecută dintr-o stare inițială,  $p_i = 1,00$  atm,  $V_i = 0,100$  l, într-o stare finală,  $p_2, V_2 = 0,50$  l, în două



moduri:  $1 \rightarrow 3 \rightarrow 2$  (izocor-izobar) și  $1 \rightarrow 4 \rightarrow 2$  (izobar-izocor) astfel încît  $T_3 = T_4$  (fig. 5.6.12).

a) Să se afle  $p_2$ .

b) Să se deseneze transformările în diagramele (coordonatele)  $V-T$  și  $p-T$ .

5.8.13. Un tub capilar de sticlă cu raza interioară  $r = 0,10$  mm este cufundat vertical într-un vas cu mercur. Lungimea capilarului rămasă afară deasupra nivelului mercurului din vas este  $Z = 12,6$  cm. Tensiunea superficială a mercurului  $a = 0,49$  N/m și densitatea mercurului  $\rho = 13,5$  g/cm<sup>3</sup>. Presiunea atmosferică este normală.

a) Care va fi depresiunea capilară  $h$  în capilar?

b) Capilarul se astupă la capătul superior și se trage în sus pe

o ——— distanță egală cu valoarea depresiunii capilare  $h$  precedente. Se

constată că mai rămîne o depresiune capilară. Cu cît trebuie să mai tragem în sus capilarul pentru ca depresiunea capilară să dispară?

(Anul III, licee spec.)

5.6.14. Fie  $n$  surse identice avînd fiecare t.e.m.  $E$  și rezistența interioară  $r$ . Se grupează cele  $n$  surse în paralel și apoi în serie. Pentru ce valoare a rezistenței circuitului exterior, racordată separat la cele două baterii (serie și respectiv derivație) intensitatea curentului în circuitul exterior este aceeași în ambele situații? Ce grupare realizează un randament de alimentare mai bun?

5.6.15. Se consideră un miliampermetru cu rezistența internă  $r=250\ \Omega$  a cărui scală are  $N=50$  diviziuni. Acul indică 50 div pentru un curent  $I_0=1,00\ \text{mA}$ .

a) Care este rezistența ce trebuie adăugată în paralel cu ampermetrul pentru ca acesta să indice  $I=0,10\ \text{A}$ ?

b) Aparatul urmează să fie folosit și ca voltmetru pentru a măsura tensiuni pînă la  $U=5,0\ \text{V}$ . Ce rezistență trebuie să-i adăugăm?

c) Pentru verificare, aparatul este montat la bornele unei baterii cu  $E=1,8\ \text{V}$  și  $r_i=1,00\ \Omega$ . La ce diviziune se va opri acul aparatului?

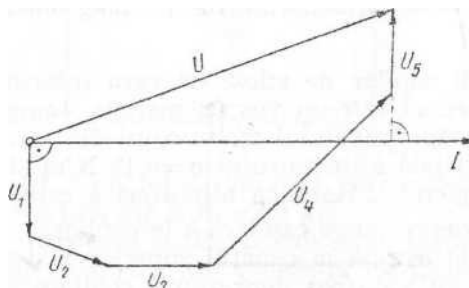
5.6.16. Se încarcă un condensator de la o sursă cu tensiunea  $U$  și se leagă apoi bornele acestui condensator cu bornele unui alt condensator identic cu el, dar neîncărcat. Cum se modifică tensiunea dintre armăturile primului condensator? Dar cantitatea de electricitate de pe armături?

(Anul III, licee spec.)

5.6.17. Se dă diagrama fazorială din fig. 5.6.17:

a) Să se reprezinte schema electrică a circuitului de curent alternativ pentru care a fost trasată diagrama.

b) Să se scrie expresia intensității din circuit.



Să se arate că, dacă în cazul unui circuit serie format dintr-un rezistor cu rezistența  $R$  și un condensator cu capacitatea  $C$  factorul de putere al circuitului este cunoscut, atunci factorul de putere al circuitului ce conține aceleași elemente  $R$  și  $C$  în paralel poate fi determinat. Aplicație:  $\cos \varphi = 0,60$ .

5.6.18. Este posibil ca să se înlocuiască în schema din fig. 6.6.19 bobina și condensatorul printr-o bobină echivalentă? În caz afirmativ care va fi inductanța bobinei echivalente?

$$\frac{R}{\omega} \text{ --- } \frac{L}{\omega} \text{ --- } \frac{C}{\omega} \text{ ---}$$

b

ri

a

5. G.20. Pentru a măsura caracteristicile unei bobine și ale unui condensator se fac următoarele determinări: Se dispune bobina și condensatorul în serie și se stabilește la bornele  $AD$  ale ansamblului o tensiune sinusoidală de frecvență (fig. 5.6.20). Măsurînd tensiunile cu voltmetrul termic de rezistență foarte mare se găsesc valorile  $U_{AB} = 35 \text{ V}$ ,  $U_{BC} = 100 \text{ V}$  și  $U_{AD} = 75 \text{ V}$ .

$U_{AB}$	$U_{BC}$
$U_{AD}$	

a) Să se arate din simplul examen al acestor date că rezistența bobinei nu este neglijabilă.

b) Intensitatea curentului măsurată cu ampermetrul termic ( $r_A = 0$ ) este  $I = 0,100 \text{ A}$ . Să se afle impedanța și rezistența bobinei cum și reactanța capacitivă a condensatorului.

c) Se alimentează ansamblul de mai sus la o frecvență variabilă (77 rămînînd același) și se află că intensitatea curentului trece printr-o valoare maximă cînd  $\nu_0 = 330 \text{ Hz}$ . Să se afle inductanța  $L$  a bobinei, capacitatea  $C$  a condensatorului cum și frecvența  $\nu$ , a tensiunii sinusoidale utilizate la subpunctul b).

d)

5.6.21. În circuitul unui generator cu t.e.m.  $\mathcal{E}=48\text{ V}$  se montează în serie un motor de curent continuu și un rezistor cu rezistența  $r=5,00\ \Omega$ , plasat într-un calorimetru. Rezistența internă a generatorului și rezistența firelor de legătură se neglijează. Dacă motorul funcționează, în calorimetru se degajă o cantitate de căldură  $Q=300\text{ J}$  în timpul  $t=1,00\text{ min}$ , iar dacă rotorul este blocat, se degajă în calorimetru o cantitate de căldură  $Q'=4,8\text{ kJ}$  în același timp. Să se determine:

- Tensiunea contraelectromotoare indusă în motor în timpul funcționării.
- Rendamentul electric al motorului.

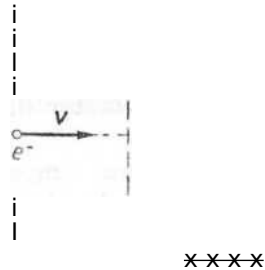
5.6.22. Un transformator primește în circuitul primar un curent cu intensitatea  $I=10\text{ A}$  sub o t.e.m.  $\mathcal{E}=550\text{ V}$ . Știind că acest transformator coboară tensiunea micșorînd-o de  $n=5$  ori și că, pe de altă parte, randamentul acestui transformator este  $\eta=96\%$ , care va fi intensitatea maximă a curentului în secundarul transformatorului?

5.6.23. Să se arate grafic și analitic că un sistem trifazat poate genera un cîmp magnetic resultant  $B$  care se rotește cu viteza unghiulară  $\omega$  egală cu pulsația cîmpurilor magnetice produse de cele trei faze.

(Anul III, licee spec.)

5.6.24. Calculați deviația unui electron ( $e=1,6\cdot 10^{-19}\text{ C}$ ,  $m_e=0,91\cdot 10^{-30}\text{ kg}$ ) ce intră cu viteza  $v=1,00\text{ Mm/s}$  într-un cîmp magnetic cu  $B=0,100\text{ mT}$ , perpendicular pe acesta (fig. 5.6.24). Cîmpul este oricît de întins.

(Anul III, licee spec.)  $\times \times B \times \times$



5.6.25. Cînd se află în apă, o lentilă convergentă are distanța focală  $f=80\text{ cm}$ . În fața acestei lentile așezată în aer, se găsește un obiect cu înălțimea  $y=10\text{ cm}$  la distanța  $d=60\text{ cm}$ , indicele de refracție al sticlei fiind  $n_1=3/2$ , iar al apei  $n_2=4/3$ , să se afle:

- Distanța focală a lentilei cînd se află în aer.
- Poziția, natura și mărimea imaginii obiectului.
- Poziția, natura și mărimea imaginii finale a obiectului față de o oglindă concavă cu  $R=-40\text{ cm}$  așezată în partea opusă obiectului la  $Z=40\text{ cm}$  de lentilă.
- După prima lentilă se așază o altă lentilă  $L_2$  plan-concavă cu  $n=1,5$  a cărei față concavă are  $R'=5,0\text{ cm}$ . Ce devine imaginea obiectului în următoarele cazuri: 1) cele două lentile sînt în contact, 2) a doua lentilă se află la  $l=20\text{ cm}$  de prima lentilă, în partea opusă obiectului.

(Anul IV, licee spec.)

33

d) Să se construiască imaginea indicînd mersul razelor de lumină în cazurile de la punctele c); d.1) și d.2).

5.6.26. Un fascicul de raze paralele cade sub un unghi de incidență oarecare pe o lamă transparentă, infinită, cu fețele plane și paralele. Ce fracțiune din energia luminoasă totală traversează lama, dacă pe fiecare din fețele lamei se reflectă  $p_0$  din energia luminoasă incidentă?

5.6.27. Lumina produsă de o lampă de sodiu ( $\lambda = 589 \text{ nm}$ ) cade pe două fante care se află la distanța  $d = 0,20 \text{ mm}$  una de alta. O lentilă subțire, cu  $f = 1,00 \text{ m}$ , este așezată cu axul optic pe axa de simetrie a sistemului. Care este distanța între franjele formate pe un ecran așezat în planul focal al lentilei?

(Anul IV)

5.6.28. Un glonț cu masa  $m = 40 \text{ g}$  are viteza  $u = 100 \text{ m/s}$ .

a) Care este lungimea de undă pe care putem să i-o asociem?

b) La trecerea mai multor gloanțe cu aceeași viteză printr-o deschidere nu se produce fenomenul de difracție. De ce?

5.6.29. Aplicați teoria lui Bohr unui atom format dintr-un nucleu de sarcină  $e$  în jurul căruia se rotește un mezon miu negativ,  $\mu^-$ , care este de fapt o particulă elementară cu sarcina  $-e$  și cu masa  $m_\mu = 207 m_e$ . Calculați:

a) Raza primei orbite Bohr.

b) Energia de ionizare.

c) Lungimea de undă a fotonului de cea mai mare energie ce poate fi emis.

5.6.30. Se dau:  $\hbar = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ ,  $\epsilon_0 = 8,854 \cdot 10^{-12} \text{ F/m}$ ,  $m_e = 9,1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$ ,  $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ . Ce înclinație oc trebuie să aibă un plan înclinat, pentru ca un mobil, coborînd pe acest plan fără frecare și cu viteza inițială  $v_0 = 1,00 \text{ m/s}$ , să aibă după timpul  $t_2 = 3,0 \text{ s}$  o viteză  $v_2$  de două ( $n$ ) ori mai mare decât viteza obținută după timpul  $t_1 = 1,0 \text{ s}$ ? Care va fi distanța parcursă de mobil în timpul  $t_2$ ?

5.6.31. Un vapor se deplasează între orașele Galați și Brăila, dus și întors, în timpul  $T = 2,5 \text{ h}$  (se neglijează timpul pierdut la întoarcerea vaporului în localitatea a doua). Distanța pe Dunăre între Galați și Brăila este  $d = 22 \text{ km}$ , iar vaporul se deplasează față de apă cu aceeași viteză tot timpul mișcării.

Să se calculeze viteza vaporului față de apă și viteza medie a apei față de mal, cunoscînd că mișcarea într-un sens, între cele două localități, durează cu  $\tau = 0,50 \text{ h}$  mai mult față de mișcarea în sens invers. În care sens se străbate distanța în timp mai scurt?

Comparați timpul dus-întors cu vaporul față de timpul dus-întors cu automobilul care ar parcurge exact aceeași distanță  $d$  cu aceeași viteză ca și a vaporului față de apă.

5.6.32. Un cercetător cade dintr-un balon-aerostat (nacelă meteorologică) aflat la altitudinea  $h = 500 \text{ m}$  deasupra Pămîntului. Un parașutist echipat, aflat în nacelă, observînd pericolul după  $x = 2,0 \text{ s}$  de cădere a cercetătorului, sare în momentul observării pentru a-l salva.

Cu ce viteză inițială (pe verticală în jos) trebuie să sară parașutistul pentru a-l prinde pe cercetător la  $h' = 0,40 \text{ m}$  deasupra Pămîntului? Ce impuls transmite parașutistul nacelei, în momentul lansării, cunoscînd că parașutistul echipat cîntărește  $m = 80 \text{ kg}$ , iar nacela fără cercetător cîntărește  $M = 200 \text{ kg}$ ? Ce viteză imprimă parașutistul nacelei? Se consideră că în timpul  $t$  menționat mai sus nacela rămîne încă în repaus.

5.6.33. Pe roțile unei biciclete sînt aplicați doi saboți pentru frînare, care sînt acționați prin cîte un cordon flexibil cu arc, prins de coarnele bicicletei.

a) Care din saboți este preferat pentru frînarea (aruncă, a bicicletei) (blocarea roții), aflată în mișcare: cel de pe roata din spate sau cel de pe roata din față? Justificați răspunsul.

34

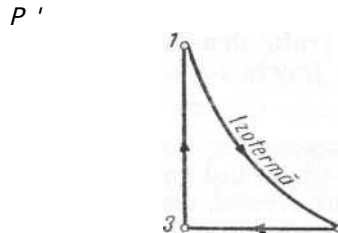
Să se precizeze forța care produce frînarea bicicletei în cazul preferat pentru frînare. Cărei interacțiuni se datorează ea? Să se calculeze valoarea acestei forțe

.Se cunoaște masa  $m$  a biciclistului cu bicicleta. Centrul de greutate al sistemului ciclist-bicicletă se află pe verticala ce trece prin mijlocul segmentului ce leagă axele celor două roți identice. Coeficientul de frecare la lunecare dintre roți și asfalt este  $\mu$ .

(Anul I proba I)

5.6.34. O masă de gaz ideal suferă o transformare ciclică ca în fig. 5.6.34. Se dau:  $p_1 = 1,00 \text{ atm}$ ,  $V_1 = 4,00 \text{ l}$ ,  $p_2 = 1,00 \text{ atm}$ .

a) Care este variația energiei interne a gazului în transformarea izotermă 1—2? (Facultativ: să se arate că în această destindere izotermă 1—2 gazul absoarbe căldura  $Q = 562 \text{ J}$ ).



b) Ce lucru mecanic efectuează gazul pe ciclu, știind că în destinderea izotermă 1—2 gazul absoarbe căldura  $Q = 562 \text{ J}$ ?

c) Să se transcrie ciclul în coordonatele  $V-T$  și  $p-T$ .

5.6.35. Un pendul simplu (matematic) de lungime  $l = 49 \text{ cm}$  este cufundat într-un lichid a cărui densitate reprezintă o fracțiune  $f = 0,60$  din densitatea corpului atârnat. Să se afle perioada micilor oscilații ale pendulului, presupunând că rezistența lichidului se poate lua în considerare prin ipoteza că masa efectivă care participă la oscilația pendulului constă din masa corpului la care se adaugă și masa lichidului dezlucuit.

5.6.36. Un turbogenerator cu puterea utilă  $P = 700 \text{ kW}$  și randamentul  $\eta = 90\%$  este răcit cu aer, care este absorbit și evacuat la presiunea constantă. Temperatura aerului la ieșire este cu  $\Delta T = 60 \text{ K}$  mai mare decât temperatura aerului la intrare. Căldura molară a aerului la presiune constantă este  $C_p = (7/2)R$ , unde  $R$  este constanta gazelor perfecte.

Să se calculeze debitul volumic al aerului necesar, calculat în condiții normale de temperatură și presiune.

6.6.37. Într-un tub de sticlă cu diametrul interior  $d_1 = 7,4 \text{ mm}$  se află la mijloc o vergea de sticlă cu diametrul  $d_2 = 6,0 \text{ mm}$ . La ce înălțime se va ridica apa în spațiul rămas liber între tub și vergea? Tensiunea superficială a apei în condițiile de lucru este  $\sigma = 70 \text{ mN/m}$ .

(Anul II, proba I)

5.6.38. Se dă un tub subțire din sticlă, închis la un capăt. Pe la mijlocul tubului se află o coloană dop de mercur. Se dă hîrtie milimetrică. Propuneți o experiență pentru determinarea presiunii atmosferice. (Anul IV, licee spec.)

5.6.39. Să se reprezinte grafic densitatea unui gaz ideal în funcție de temperatură într-un proces izobar și în funcție de presiune într-un proces izoterm.

5.6.40. Într-un cilindru așezat vertical se află un piston care separă două mase egale dintr-un același gaz la temperatura  $T_1 = 300 \text{ K}$ . Pistonul se poate deplasa fără frecări, dar etanș (fără scăpări de gaz). Raportul volumelor celor două mase de gaz este  $r = 3$ . Care va fi raportul volumelor, dacă temperatura crește la  $T_2 = 400 \text{ K}$ ?



5.6.41. Două tambururi identice au axele lor de rotație fixe, așezate orizontal și paralel între ele. Tambururile se rotesc în sensuri opuse. Peste tambururi se așază transversal o scîndură. Coeficientul de frecare la lunecare între scîndură și tambururi este  $f=0,40$ . Distanța dintre axele tambururilor este  $d=49$  cm. Să se calculeze perioada oscilațiilor scîndurii în jurul poziției sale de echilibru.

5.6.42. Să se determine adîncimea unui lac dacă o bulă de aer care se formează pe fundul lacului, ajunsă la suprafață își mărește diametrul de două ori. Se neglijează neuniformitățile temperaturii apei din lac. Presiunea aerului atmosferic este cea normală. Diametrul bulei mm, iar tensiunea superficială a apei  $\sigma=0,07$  N/m. Evaluați eroarea rezultatului numeric obținut.

(Anul II, proba II)

5.6.43. Se dau două bare de fier în aparență identice. Una din ele este magnet, alta nu. Cum le puteți deosebi?

Nu se vor folosi nici un fel de mijloace auxiliare, cum ar fi fire de suspensie, etc. Se consideră schema din fig. 5.6.44 în care:  $C_1=100$  U.F.,  $C_2=400$  M.F.,  $C_3=600$  pF,  $C_4=200$  pF,  $U=1,00$  kV. Să se afle

(Anul IV, licee spec.)

a) :Capacitatea echivalentă, tensiunile și cantitățile de electricitate pentru fiecare condensator, dacă  $K_1$  este deschis,  $K_2$  închis.

M

N

b) Sarcinile electrice și tensiunile la bornele condensatoarelor dacă după operația a), se deschide  $K_2$  și se închide  $K_1$ .

c) Calculați energia electrică înmagazinată în bateria de condensatoare în cele două cazuri. Explicați rezultatul.

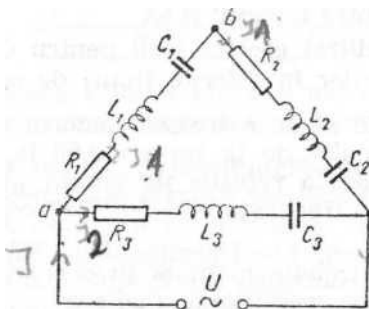
5.6.44. Se dă circuitul de curent alternativ din fig.

5.6.45 cu elementele:  $Z_1 = 10 \Omega$ ,  $R_0 = 20 \Omega$ ,  $R_3 = 20 \Omega$  mF,  $C_2 = 10 \mu\text{F}$ ,  $C_3 = 10 \mu\text{F}$ ,  $L_1 = 10 \text{ mH}$ ,  $L_2 = 10 \text{ mH}$ ,  $L_3 = 10 \text{ mH}$ .

$U = 100 \text{ V}$ ,  $f = 50 \text{ Hz}$ .

Să se calculeze:

a) Intensitățile efective ale curentului electric din ramurile circuitului.



b) Căderile de tensiune efectivă  $U_{ab}$  și  $U_{bc}$ .

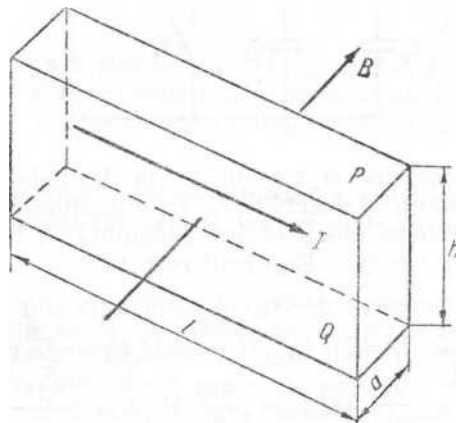
c) Defazajul dintre tensiunile  $U_{ab}$  și  $U^{\wedge}$ .

d) Să se construiască diagramele fazoriale pentru tensiuni și curenți.

(Anul II, proba I, licee spec.)

e)

5.6.45. Fizicianul englez Hali a constatat că la trecerea unui curent electric  $I$  în lungul unei benzi conductoare situate perpendicular pe liniile de câmp magnetic de inducție  $B$ , între fețele  $P$  și  $Q$  ale benzii apare o diferență de potențial  $V_P - V_Q$  (fig. 5.6.46). Banda are dimensiunile  $l$ ,  $a$ ,  $h$ ;  $a$  fiind grosimea benzii.



- Să se explice fenomenul.
- Să se afle concentrația electronilor (numărul purtătorilor de sarcină din unitatea de volum), presupunând cunoscută diferența de potențial  $V_P - V_Q$  dintre fețele  $P$  și  $Q$ .

c) Cum poate fi utilizat efectul Hali pentru determinarea semnului sarcinii purtătorilor în diferite tipuri de conductoare?

5.6.46. Se urmărește să se mărească factorul de putere al unui motor de curent alternativ de la  $\cos \varphi = 0,60$  la  $\cos \varphi_2 = 0,80$ . Motorul fiind alimentat de la rețeaua de curent alternativ sub tensiunea  $C = 220$  V cu frecvența  $f = 50$  Hz consumă o putere  $P = 4,4$  kW.

a) Ce capacitate  $C$  trebuie montată în derivație la bornele motorului pentru a satisface condițiile de mai sus?

b) Cu cât se modifică intensitatea curentului în circuit prin operația de mai sus?

O vergea metalică de formă cilindrică de lungime  $l$  și diametrul  $d$  se introduce într-un vas de sticlă cu mercur în așa fel încât inițial înălțimea stratului de mercur din vas este egală cu lungimea barei. Diametrul interior al cuvei de mercur este  $D$ .



» Să se afle rezistența electrică între capătul superior al barei și fundul vasului în următoarele cazuri:

- Vergeaua este complet cufundată în mercur.
- Vergeaua este complet scoasă din mercur, dar în contact cu suprafața acestuia.
- Vergeaua plutește în mercur. La acest punct se vor identifica rezistențele ce intervin și se va executa schema echivalentă.

Se consideră că bara își păstrează tot timpul poziția verticală.

*Observație.* Veți alege singuri celelalte date necesare rezolvării problemei.

(Anul III,  
proba I)

5.6.47. Două sfere  $A$  și  $B$  cu capacitățile  $C_1=4,0\text{ }\mu\text{F}$  și  $C_2=5,0\text{ }\mu\text{F}$  sînt încărcate la potențialele  $V_1=810\text{ V}$  și  $V_2=900\text{ V}$ . La fiecare sferă este sudată cîte o vergea metalică de cupru. Capetele vergelelor se introduc într-o soluție de  $\text{CuSO}_4$ . Ce cantitate de cupru se depune și pe care din electrozi? Se dă  $K=0,33\text{ mg/C}$ .

5.6.48. Variația intensității unui curent în funcție de timp este periodică cu perioada dată de diagrama din fig. 5.6.50.

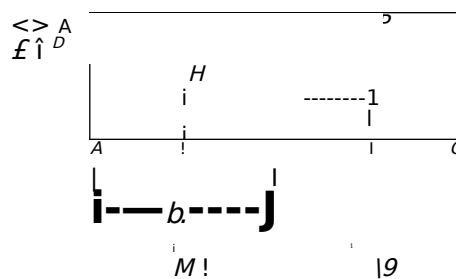


Să se stabilească valorile efective ale curentului și tensiunii.  $R$  este rezistența conductorului străbătut de curentul de mai sus.

5.6.49. Se dă un cadru dreptunghiular suspendat printr-un resort elastic de constantă elastică  $k=12,5\text{ N/m}$ . Cadrul este confecționat din sîrmă de cupru cu secțiunea  $s=1,00\text{ mm}^2$  (fig. 5.6.51). Laturile  $AC$  și  $DE$  au lungimea  $Z=15\text{ cm}$ , iar laturile  $AE$  și  $DC$  au înălțimea  $h=10\text{ cm}$ . Cuprul are densitatea  $d=8\ 800\text{ kg/m}^3$  și rezistivitatea  $\rho=1,6\cdot 10^{-8}\text{ }\Omega\cdot\text{m}$ . Latura inferioară a cadrului se află între polii unui electromagnet, proiecția polilor pe planul figurii fiind un pătrat  $MNPQ$  cu latura  $a=12\text{ cm}$ . Inducția magnetică în interiorul lui  $MNPQ$  este  $B=0,50\text{ T}$ .

Să se calculeze alungirea resortului pentru un curent  $I=1,00\text{ A}$  ce străbate cadrul. Ce valoare trebuie să aibă curentul pentru ca forța electromagnetică să fie echilibrată de greutate acadrului? Se consideră că numai latura inferioară a cadrului se află în cîmp.

a) Se înlătură resortul și cadrul se deplasează după direcție verticală cu viteza  $u=10\text{ cm/s}$ . La momentul  $t=0$ , latura inferioară



a cadrului este la limita superioară  $NP$  a cîmpului. Să se analizeze fenomenul ce are loc în intervalul de timp în care cadrul traversează integral zona  $NPQM$  în care acționează  $B$ . Se neglijează greutatea

5.6.50. Primarul unui transformator care prin construcție se poate conecta la o sursă de curent alternativ  $U_n = 220 \text{ V}$ , din greșeală se leagă la o sursă de aceeași tensiune dar continuă. Explicați fenomenele care se produc.

5.6.51. Un motor cu excitație în derivație are curentul în indus  $I_a = 48,4 \text{ A}$ , tensiunea nominală  $U_n = 220 \text{ V}$  și turația nominală  $n_n = 1000 \text{ rot/min}$ . Știind că rezistența excitației este  $r_e = 88 \text{ }\Omega$  și că  $R_A = 0,28 \text{ }\Omega$ , se cere:

- Puterea nominală și randamentul motorului.
  - Ce rezistență trebuie să aibă reostatul introdus în serie cu indusul pentru ca la cuplul de sarcină egal cu cuplul nominal, turația să scadă la  $n = 700 \text{ rot/min}$ ?
  - Cît este randamentul motorului în acest caz? Se vor neglija pierderile mecanice și în fier.
- Considerînd motorul avînd excitația separată se cere:
- Puterea nominală a motorului și randamentul în acest caz.
  - Tensiunea ce trebuie să alimenteze motorul pentru ca la cuplul de sarcină  $M = M_n$ , turația să scadă la  $n = 700 \text{ rot/s}$ . Fluxul de excitație este constant.
  - Ce randament are în acest caz motorul? Se vor neglija pierderile în fier și cele mecanice.

*Sub. teor.* Faceți analogie între conductibilitatea intrinsecă la u'miconductoare și conductibilitatea ionică a lichidelor.

(Anul III, proba I, licee spec.)

5.6.52. Un dinam, în care indusul și inductorul sînt legați în serie, are o t.e.m.  $\mathcal{E} = 120 \text{ V}$ . Rezistența indusului  $r_1 = 1,50 \text{ }\Omega$ , iar  $r_2$  inductorului  $r_2 = 0,50 \text{ }\Omega$ . Acest dinam alimentează  $N = 30$  lămpi grupate în paralel și străbătute fiecare de un curent  $I_0 = 0,50 \text{ A}$ . Se cere:

- Intensitatea curentului principal.
- Rezistența totală a circuitului.
- Rezistența fiecărei lămpi.
- Puterea consumată de o lampă.
- Tensiunea la bornele dinamului.
- Randamentul electric al dinamului.

5.6.53. Se modifică viteza electronilor care ajung la anodul tubului, dacă grila acestuia nu va fi legată direct la catod, ci direct la anod? Ce se întîmplă atunci cînd grila este lăsată liberă?

5.6.54. Un generator de curent continuu cu excitație în derivație alimentează un bec cu incandescență și un rezistor  $R = 15,9 \text{ }\Omega$  legat în paralel cu becul. Generatorul are t.e.m.  $\mathcal{E} = 110 \text{ V}$ , rezistența indusului  $r_1 = 0,50 \text{ }\Omega$ , rezistența inductorului  $r_2 = 30 \text{ }\Omega$ , iar intensitatea curentului în indus  $I_a = 12 \text{ A}$ . Să se calculeze:

- Puterea furnizată becului.
- Cantitatea de căldură degajată în timpul  $t = 1,00 \text{ h}$  de rezistorul legat în paralel cu becul.

(Anul III, proba II, licee spec.)

5.6.57 = 5.6.35.

5.6.58. O sferă de sticlă are raza  $R = 20 \text{ cm}$  și indicele de refracție  $n = 1,5$ . Dintr-un punct de pe sferă pleacă prin interior un fascicul îngust de raze, raza mijlocie avînd direcția diametrului. Să se găsească o relație cu ajutorul căreia să se determine vîrfurile conului format din razele emergente

din sferă.

5.6.59. Un fascicul de lumină monocromatică, cu lungimea de undă  $\lambda = 598 \text{ nm}$ , cade pe un sistem de două fante cu distanța între ele  $d = 2,00 \text{ mm}$ . Ecranul pe care se face observația se află la  $D = 1,8 \text{ m}$  de fantă.

- Să se determine interfranja.
- Să se determine indicele de refracție al clorului dacă la introducerea unui vas transparent cu lungimea  $l = 2,0 \text{ cm}$ , umplut cu clor în dreptul uneia din fante, sistemul de franje se deplasează cu  $N = 20$  franje.
- Ce modificări calitative și cantitative se produc, dacă se umple cu clor în aceleași condiții de presiune și temperatură întreaga incintă dintre fante și ecran?

5.6.60. Să se exprime unghiul unei prisme de sticlă ( $n = 1,5$ ) astfel ca unghiul de intrare și ieșire a razelor din prismă să fie unghiul de polarizare totală. Care ar fi unghiul de deviație minimă pentru un astfel de unghi refringent al prisme?

(Anii III și IV, proba I, licee spec.)

5.6.61. O lamă vibrantă cu frecvența  $\nu = 100 \text{ Hz}$  emite pe suprafața unui lichid unde circulare sinusoidale. Distanța dintre două creste succesive este  $\Delta z = 8,0 \text{ mm}$ . Diferența de nivel dintre o creastă și o vale este mare în apropierea imediată a sursei și numai  $l = 1,0 \text{ mm}$  la  $s = 50 \text{ cm}$  de aceasta. La momentul  $t = 0$  sursa începe să vibreze.

- Care este viteza undei?
- Care este elongația unui punct situat la  $r = 12,5 \text{ cm}$  de sursă în momentele  $t_1 = 0,45 \text{ s}$ ,  $t_2 = 0,65 \text{ s}$ ?
- Care este amplitudinea și energia de vibrație a unei bucăți de plută cu masa  $m = 0,100 \text{ g}$  situată la distanța  $r = 0,40 \text{ m}$  de sursă. Se vor neglija pierderile de energie prin frecări.

5.6.62. Se consideră o lentilă simetrică cu razele de curbură  $R_1 = -R_2 = 100 \text{ cm}$ .

- Să se determine distanțele focale ale acestei lentile când asupra ei cad radiațiile:

C a hidrogenului de culoare roșie și  $6563 \text{ Å}$ ,

D a sodiului de culoare galbenă și  $5893 \text{ Å}$ ,

E a hidrogenului de culoare albastră și  $4861 \text{ Å}$ .

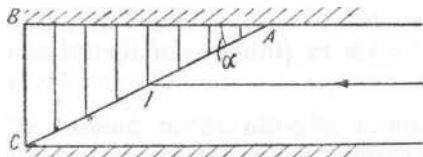
Se știe că sticla de crown din care este făcută lentila are indicii de refracție:  $n_e = 1,5146$ ,  $n_D = 1,5171$ ,  $n_F = 1,5233$ .

- Să se găsească aberația cromatică longitudinală a lentilei pentru radiațiile extreme folosite.

Să se găsească raza de curbură a suprafeței libere a unei lentile divergente, nesimetrice, din flint, care se alipește perfect de

~~lentila de mai sus pentru a corecta aberația cromatică pentru razele~~  
~~(• și E. Se dau indicii de refracție ai flintului:  $n_h \sim 1,624$  și  $n_r \sim 1,6394$ .~~

5.6.63. O rază de lumină pătrunde într-un tub în fundul căruia se găsește o prismă de sticlă  $ABC$ , al cărei unghi  $B$  este drept (fig. 5.6.63).



Să se determine valoarea minimă a unghiului  $BAC$ , știind că o rază  $SI$  ce se propagă paralel cu axul tubului nu poate ieși prin deschiderea opusă.

Indicele de refracție al sticlei este  $n = 3/2$ .

*Sf/Id. teor.* Considerînd că între două puncte date lumina se propagă în timpul cel mai scurt (principiul lui Fermat), să se deducă cele două legi ale refracției luminii.

(Anii III și IV, proba II, licee spec.)

5.6.64. =5.6.58.

5.6.65. =5.6.60.

5.6.66. Să se arate că variația lungimii de undă în efectul Compton (interpretat ca ciocnire foton-electron) depinde numai de unghiul de împrăștiere și nu depinde de lungimea de undă inițială.

5.6.67. a) Să se determine lungimea de undă și frecvența corespunzătoare celei de a treia linii spectrale din seria Balmer a atomului de hidrogen.

b) Să se calculeze energiile electronului pe cele două orbite implicate în tranziții precum și intensitățile curenților corespunzători mișcării electronului pe aceste orbite.

Sînt cunoscute următoarele constante:  $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ ,  $c = 3 \cdot 10^8 \text{ m/s}$ , constanta Rydberg  $R_H = 3,28 \cdot 10^{15} \text{ Hz}$ ,  $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ .

*Sub. teor.* a) Prezentați schema electrică a instalației utilizate de Frank și Hertz pentru a pune în evidență existența nivelelor energetice cuantificate ale atomilor.

b) Desenați și discutați graficul intensității curentului  $I$  care trece prin instalație în funcție de tensiunea de accelerare  $U$ .

c) Care ar fi fost aspectul acestui grafic dacă în atom energia electronului ar fi luat Valori continue?

(Anul IV, proba I)

5.6.68. Pentru obținerea unei fotocopii se iluminează negativul cu un bec care dă o intensitate luminoasă  $I_1 = 40 \text{ cd}$ . Dacă becul se află la

distanța  $cZ_1=1,00$  m de hîrtia fotografică, timpul necesar pentru expunere este  $t_1=2,0$  s. Care trebuie să fie timpul de expunere dacă schimbăm becul cu unul de intensitate  $I_2=30$  cd, iar distanța o facem  $d_2=1,5$  m (înnegrirea hîrtiei după dezvoltare și fixare trebuie să fie aceeași).

5.6.69. Nava spațială „Apollo 14” a parcurs distanța Terra—Se-lena—Terra cu o viteză medie  $u=5,0$  km/s. Aplicînd principiile teoriei relativității restrînse, să se deducă relația și să se evalueze cu ce interval de timp au rămas în urmă ceasurile de pe navă față de cele de pe Pămînt. Distanța medie dintre Terra și Selena este  $d=4 \cdot 10^5$  km.

5.6.70. =5.6.62.

5.6.71. Se consideră o lentilă  $L$  cu distanța focală  $f=50$  cm. Această lentilă se taie în două printr-un plan care trece prin axul optic, iar cele două jumătăți sînt depărtate una de alta cu o distanță  $e$ . La  $p=75$  cm de lentilă se așază un izvor punctiform care emite radiație cu lungimea de undă  $\lambda=500$  nm. Fiecare dintre cele două jumătăți de lentilă formează cîte o imagine. La  $S=4,50$  m dincolo de lentilă se așază un ecran de observație  $E$ . Pe porțiunea de ecran care taie zona comună celor două fascicule care pornesc din izvoarele secundare și  $S_2$  obținute cu ansamblul celor două jumătăți de lentilă se observă  $N=5$  franje luminoase. Se cere valoarea lui  $e$ .

5.6.72. =5.6.63.

(Anul IV, proba II)

5.6.73. =5.6.66.

5.6.74. Ce energie pot avea particulele accelerate pentru ca creșterea relativă a masei particulelor să nu depășească  $f=5\%$ . Să se rezolve problema pentru protoni ( $m_p=1,00814$  u) și deuteron ( $m_D=2,01474$  u).

5.6.75. Un ciclotron pentru accelerat protoni are raza  $r=40$  cm. El se află într-un cîmp de inducție magnetică  $B=0,60$  T, iar între cei doi duanți se aplică o diferență de potențial  $U=55$  kV. Se cere:

a) Energia protonilor accelerați.

ii) Numărul de spire descrise de un proton în instrument.

Masa unui proton  $m_p=1,6707 \cdot 10^{-27}$  kg,  $e=1,6 \cdot 10^{-19}$  C.

Sub. teor. Ca la 5.6.67.

(Anul V, proba I, licee spec.)

5.6.76. Să se calculeze frecvența radiației emise de atomul de hidrogen la tranziția electronului de valență de pe orbita a doua pe prima, știind că raza medie a primei orbite electronice  $r_1=0,53 \cdot 10^{-10}$  m, raza medie a celei de a doua orbite  $r_2=2,1 \cdot 10^{-10}$  m și constanta lui Planck  $h=6,6 \cdot 10^{-34}$  J.s, iar  $e=1,6 \cdot 10^{-19}$  C. Orbitale electronice se consideră circulare.



5.6.77. Cei doi izotopi ai bromului  $^{79}_{35}\text{Br}$  și  $^{81}_{35}\text{Br}$  sînt separați pe cale electromagnetică, fiind accelerați întâi cu diferența de potențial  $U$  și apoi deviați într-un câmp magnetic  $B$  după un semicerc și focalizați în puncte diferite. Să se calculeze distanța dintre cele două linii spectrale.

5.6.78. Într-o experiență de difracție de electroni un fascicul este accelerat de o tensiune constantă  $U \sim 15 \text{ V}$  și trimis pe un sistem de plane atomice distanțate prin  $d = 2,33 \text{ \AA}$  ale unui cristal de aluminiu. Masa electronului  $m_e = 9,1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$ .

a) Să se calculeze unghiurile făcute de fasciculul difractat cu suprafața cristalului corespunzătoare primelor două poziții de maxim.

b) Cîte maxime de difracție se vor observa?

Sub. teor. Să se prezinte modelul nuclear picătură de lichid precizînd avantajele și dezavantajele sale.

(Anul V, proba II, licee spec.)

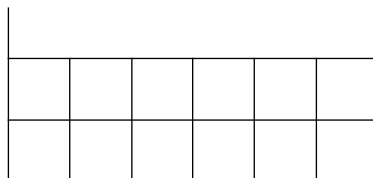
## 1977. ETAPA JUDEȚEANĂ

5.7.1. Un autoturism se mișcă cu viteza  $v_1 = 22 \text{ m/s}$  în spatele unui autocamion care are viteza  $v_2 = 15 \text{ m/s}$ . Cînd distanța dintre autoturism și autocamion devine  $d_1 = 20 \text{ m}$ , conducătorul autoturismului se angajează în depășirea autocamionului, dar observă în același timp un autobuz venind din sensul opus cu viteza  $u_3 = 18 \text{ m/s}$ .

Ce distanță minimă  $d_2$  trebuie să existe în acest moment între autobuz și autoturism pentru a efectua în siguranță manevra de depășire, astfel ca după depășire autoturismul să fie la distanța  $d_2 = 50 \text{ m}$  în fața autocamionului?

Să se rezolve problema într-un sistem de referință legat de autoturism. Să se deseneze pozițiile autocamionului și autobuzului față de autoturism în cele două momente: începutul și sfîrșitul manevrei de depășire.

5.7.2. Un mobil pornește din originea axei  $Ox$  la momentul  $t = 0$  fără viteză inițială și se mișcă  $t = 6,00 \text{ s}$ . Accelerația sa este reprezentată grafic în fig. 5.7.2.



		?	3	1	t	$l[s]$

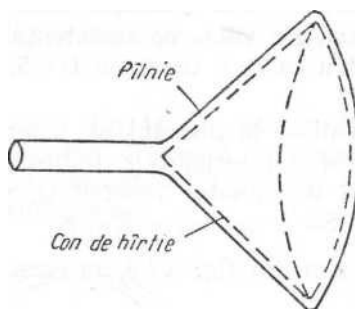
- a) ~~Să se reprezinte grafic viteza mobilului în funcție de timp.~~  
b) ~~Să se calculeze coordonata maximă și coordonata finală a mobilului.~~  
c) ~~Să se calculeze distanța parcursă de mobil.~~

5.7.3. a) Pentru a îndepărta praful, hainele sau covoarele sînt scuturate sau bătute cu bătătorul. Explicați aceste două procedee (prin ce se aseamănă și prin ce se deosebesc).

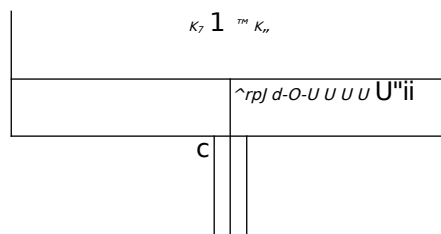
b) Un muncitor sparge lemne cu toporul. La un moment dat toporul a rămas înfipt într-un butuc. Cum trebuie să procedeze pentru a sparge mai ușor butucul: să lovească peste suportul rigid cu butucul în jos sau cu dosul toporului în jos? De ce?

(Anul I)

5.7.5. T-5.7.4. Un disc de gheață de secțiune  $S=1,00 \text{ m}^2$  și grosime  $h=20 \text{ cm}$  plutește pe apa dintr-un lac. Ce lucru mecanic trebuie efectuat pentru a cufunda discul complet în apă? Densitatea gheții  $\rho_g=0,90 \text{ g/cm}^3$ . Introducem într-o pîlnie un con de hîrtie, ca în fig. 5.7.5. Ce se întîmplă cu conul de hîrtie dacă suflăm în pîlnie? De ce?



5.7.6. Intr-un vas cilindric este fixată orizontal o tijă pe care alunecă fără frecare un corp de masă  $m$ , legat prin două resorturi de capetele tijei, ca în fig. 5.7.6. Resorturile au constantele



elastice  $k_1$  și  $k_2$ , și la echilibru corpul se află la mijlocul tijei, pe axa verticală de simetrie a vasului.

a) Care este perioada oscilațiilor corpului în jurul poziției sale de echilibru?

b) Vasul se pune în rotație uniformă cu viteza unghiulară  $\omega$  în jurul axei verticale de simetrie. Care este perioada oscilațiilor în acest caz? Discuție în funcție de valorile lui  $\omega$ .

5.7.7. Distanța dintre crestele succesive ale valurilor unei unde pe mare este  $\lambda=5,0 \text{ m}$ . O șalupă mergînd împotriva undei este lovită de valuri cu o frecvență  $\nu_1=4,0 \text{ Hz}$ , iar mergînd în sensul de propagare a undei este lovită cu frecvența  $\nu_2=2,0 \text{ Hz}$ .

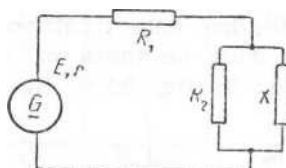
(Anul II)

5.7.8. Să se calculeze viteza șalupei  $v$  și viteza de propagare  $c$  a unde pe mare. Un ampermetru are scala cu  $iV=100$  diviziuni și rezistența interioară  $R_A=0,80 \cdot Q$ . Deviația maximă este obținută pentru un curent de intensitate  $I_A=50 \text{ mA}$ .

a) Care trebuie să fie valoarea rezistenței rezistorului adăugat ampermetrului pentru ca la o tensiune  $U=5,0 \text{ V}$ , acul să indice diviziunea  $N'=50 \text{ div}$ ?

b) Voltmetrul realizat la punctul a), legat la bornele unei surse cu t.e.m.  $E$  și rezistență interioară  $r$ , indică diviziunea  $N''=7Q \text{ div}$ . Dacă se înseriază și un rezistor  $R=200 \cdot Q$ , voltmetrul indică diviziunea  $N'''=39 \text{ div}$ . Să se calculeze  $E$  și  $r$ .

5.7.9. Se dă rețeaua din fig. 5.7.9, în care:  $E=120 \text{ V}$ ,  $r=1,00 \cdot Q$ ,  $R_1=19 \cdot Q$ ,  $R_2=20 \cdot Q$ .



a) Să se calculeze valorile pentru rezistența rezistorului  $X$ , astfel ca puterea disipată de acesta să fie  $P_x=80 \text{ W}$ .

b) Pentru ce valoare a rezistenței rezistorului  $X$ , calculată la punctul a), puterea dezvoltată de sursă este mai mare?

5.7.10. Prin trei fire conductoare paralele foarte lungi, dispuse în același plan și echidistante, distanța dintre două conductoare succesive fiind  $d=3,0 \text{ cm}$ , trec curenții  $I_1=I_2$  și  $I_3=I_1+h$ . Să se determine poziția dreptei în punctele căreia câmpul magnetic este nul. (Anul II, licee spec.)

5.7.11. = 5.7.8.

5.7.12. = 5.7.9.

5.7.13. Un electron ( $m=9,1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$ ,  $e=1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ ) se mișcă în vid, pornind din repaus, într-un câmp electrostatic uniform, pe distanța  $d=0,16 \text{ m}$ . După ce iese din câmpul electrostatic, electronul intră într-un câmp magnetic uniform care face unghiul  $\alpha = \pi/3$  cu direcția sa de mișcare, descriind o traiectorie a cărei proiecție pe un plan perpendicular pe câmpul magnetic este un cerc cu raza  $R=50 \text{ cm}$ . Se cere:

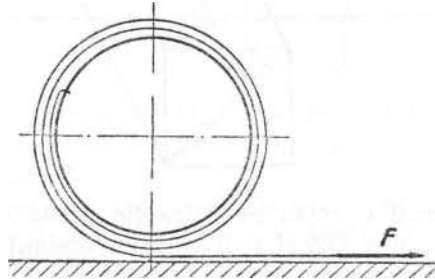
a) Intensitatea câmpului electrostatic pentru ca viteza electronului să fie  $v=1,6 \cdot 10^7 \text{ m/s}$ .

b) Valoarea inducției câmpului magnetic.

c) Perioada cu care se rotește electronul în câmpul magnetic.

(Anul III)

5.7.14. Un cilindru ușor din hârtie este înfășurat de o bandă ile tifon și așezat pe un plan orizontal. Smulgem rapid banda în direcția orizontală, punând cilindrul în rotație rapidă (fig. 5.7.14). Ce se întâmplă cu cilindrul? De ce?



5.7.15=5.7.6 a), b),

c) Vasul este umplut cu un lichid care are densitatea de  $n$ -ori mai mică decât a corpului și se pune în rotație uniformă ca la punctul precedent. Care va fi perioada oscilațiilor în acest caz (după ce lichidul este antrenat în rotație)?

5.7.18=5.7.7.

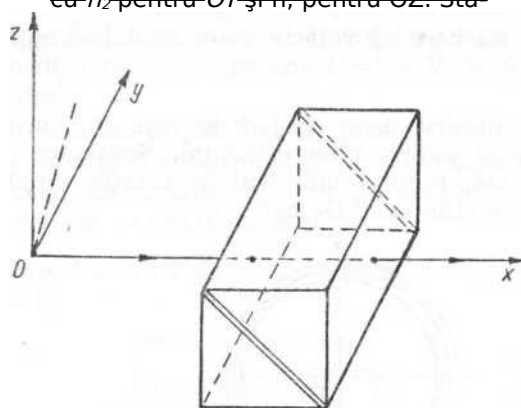
(Anul III, licee spec.)

5.7.17. Un fascicul luminos linear polarizat, cu direcția de polarizare la  $45^\circ$  față de  $OY$  în planul  $YOZ$ , se propagă de-a lungul axei  $OX$ . Fasciculul străbate o placă cu fețe plan-paralele perpendiculare pe axa  $OX$  și cu grosimea  $cL$ . Materialul plăcii are un indice de refracție  $n_x$  pentru radiația polarizată după direcția  $OY$  și un indice de refracție  $n_z$  pentru radiația polarizată pe direcția  $OZ$ .

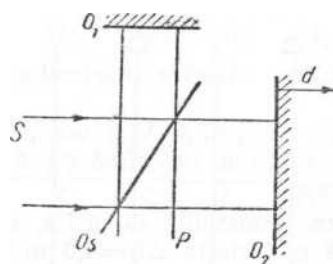
- Ce modificări apar la propagarea prin această placă?
- Variația stării de polarizare cu grosime.
- Dacă direcția de polarizare ar fi alta? Discuții.

biliți direcțiile de propagare la trecerea fascicului prin această  
placă ( $n_1$  și  $n_2$  mai mari decât  $n_0$  al aerului) (fig. 5.7.17).

Considerați acum placa realizată din două prisme lipite: prima cu indicele  
de refracție  $n_1$  pentru direcția de polarizare  $OY$  și  $n_2$  pentru  $OZ$ , iar a doua  
cu  $n_2$  pentru  $OY$  și  $n_1$  pentru  $OZ$ . Sta-



5.7.18. Considerați o rețea de difracție plană cunoscută cu trăsăturile paralele la axa  $OZ$  și o lentilă cu distanța focală  $f$  plasate amândouă perpendicular pe axa  $OX$ . Notînd cu  $y_k$  distanța de la axul optic în planul focal al lentilei pe axa  $OY$  pînă la maximul de difracție, să se calculeze  $dc/dX$ ,  $dy/dX$ ; să se pună condiția  $dy/dX = \text{const}$  la variația lui  $X$  și să se interpreteze rezultatul pentru  $df/dX = \text{const}$  (se consideră  $\sin \alpha \approx \alpha$ ) (fig. 5.7.18). Considerăm montajul din fig. 5.7.19:  $S$  — sursă de radiație colimată cu lungimea de undă  $\lambda$ ;  $O_1$  — oglindă semitransparentă,  $O_2$  — oglindă fixă;  $P$  — plan de ieșire;  $d$  — deplasarea oglinzii  $O_2$ .



a) Cunoscînd că oglinda  $O_2$  se deplasează în sens pozitiv, să se precizeze cum se poate determina mărimea deplasării dintr-o măsurătoare în planul  $P$ .

b) Să se precizeze cum trebuie reglat montajul și ce trebuie măsurat pentru a putea stabili și direcția deplasării oglinzii  $O_2$  (dacă aceasta ar fi necunoscută).

Sub. teor. 1. Asemănări și deosebiri între undele optice, radio și mecanice. 2. Mediile prin care se pot propaga.

(Anul IV)

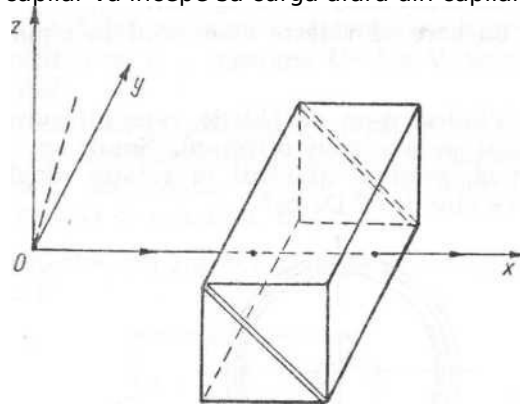
I 5.7.20. Concentrația moleculelor de heliu la presiunea  $p = 100$  kPa este  $n = 2,5 \cdot 10^{25} \text{ m}^{-3}$ . Care este viteza pătratică medie a moleculelor în aceste condiții? Masa molară a heliului  $M = 4,0$  kg/kmol, numărul lui Avogadro  $N_A = 6,0 \cdot 10^{23} \text{ kmol}^{-1}$ .

5.7.21. Un vas de volum  $V = 76$  l conține un gaz la temperatura  $\theta = 27^\circ\text{C}$  și cîntărește  $m_1 = 7,082$  kg. Vasul este vidat, la temperatură constantă, astfel încît presiunea scade cu  $\Delta p = 600$  torr, și cîntărește acum  $m_2 = 7,000$  kg.

Să se calculeze densitatea gazului în condiții normale.

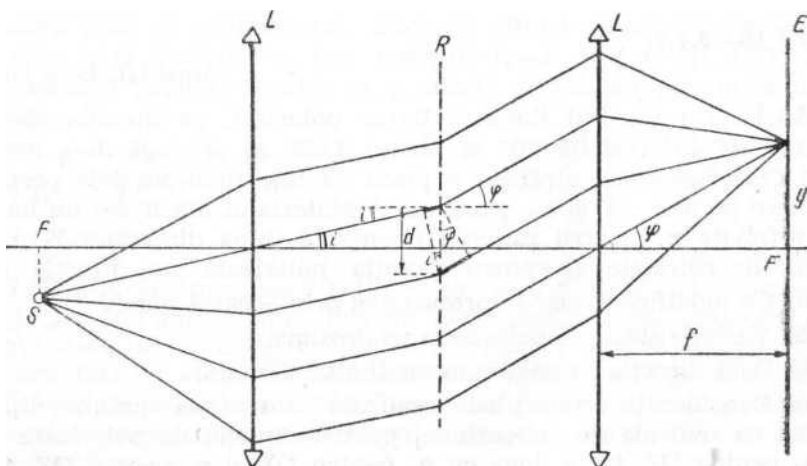
5.7.22. Un tub capilar este introdus vertical într-un lichid, care udă pereții tubului. Se constată că înălțimea coloanei de lichid în capilar este  $h$ .

Se introduce acum în tubul capilar o coloană (de lungime oarecare) din același lichid, se așază tubul orizontal și se leagă la un manometru în formă de U, în care se toarnă treptat același lichid prin ramura deschisă. La ce denivelare a lichidului din manometru, coloana din capilar va începe să curgă afară din capilar?

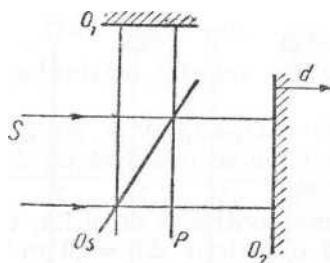


5.7.18. Considerați o rețea de difracție plană cunoscută cu trăsăturile paralele la axa OZ și o lentilă cu distanța focală / plasate amîndouă perpendicular pe axa OX. Notînd cu  $y_k$  distanța de la axul optic în planul focal al lentilei pe axa OY pînă la maximul de difracție, să se calculeze  $d(p/dX, dy^{\wedge}/dX)$ ; să se pună condiția  $dy_k/d'K = \text{const}$  la variația lui X și să se interpreteze rezultatul pentru  $dy_{\text{ref}}/dX = \text{const}$  (se consideră  $\sin \varphi \approx \text{tg } \varphi$ ) (fig. 5.7.18).





5.7.19.-Considerăm montajul din fig. 5.7.19: S — sursă de radiație colimată cu lungimea de undă  $\lambda$ ; OS — oglindă semitransparentă,  $O_1$  — oglindă fixă;  $O_2$  — oglindă mobilă; P — plan de ieșire; d — deplasarea oglinzii  $O_2$ .



a) Cunoscând că oglinda  $O_2$  se deplasează în sens pozitiv, să se precizeze cum se poate determina mărimea deplasării dintr-o măsurătoare în planul P.

b) Să se precizeze cum trebuie reglat montajul și ce trebuie măsurat pentru a putea stabili și direcția deplasării oglinzii  $O_2$ , (dacă aceasta ar fi necunoscută).

Sub. teor. 1. Asemănări și deosebiri între undele optice, radio și mecanice. 2. Mediile prin care se pot propaga.

(Anul IV)

5.7.20. Concentrația moleculelor de heliu la presiunea  $p = 100$  kPa este  $n = 2,5 \cdot 10^{25} \text{ m}^{-3}$ . Care este viteza pătratică medie a moleculelor în aceste condiții? Masa molară a heliului  $M = 4,0$  kg/kmol, numărul lui Avogadro  $N_A = 6,0 \cdot 10^{26} \text{ kmol}^{-1}$ .

5.7.21. Un vas de volum  $V=76\text{ l}$  conține un gaz la temperatura  $\theta=27^\circ\text{C}$  și cântărește  $m_1=7,082\text{ kg}$ . Vasul este vidat, la temperatură constantă, astfel încât presiunea scade cu  $\Delta p=600\text{ torr}$ , și cântărește acum  $m_2=7,000\text{ kg}$ .

Să se calculeze densitatea gazului în condiții normale.

5.7.22. Un tub capilar este introdus vertical într-un lichid, care udă pereții tubului. Se constată că înălțimea coloanei de lichid în capilar este  $h$ .

Se introduce acum în tubul capilar o coloană (de lungime oarecare) din același lichid, se așază tubul orizontal și se leagă la un manometru în formă de  $U$ , în care se toarnă treptat același lichid prin ramura deschisă. La ce denivelare a lichidului din manometru, coloana din capilar va începe să curgă afară din capilar?

5.7.23. Într-un tub capilar așezat orizontal se află o coloană de lichid care udă pereții. Raza tubului  $r=1,00\text{ mm}$  și tensiunea superficială a lichidului  $\sigma=75\text{ mN/m}$ . Cu ce presiune minimă trebuie să se sufle în tub pentru a evacua coloana de lichid din tubul capilar?

(Anul IV, licee spec.)

5.7.24. Să se calculeze valorile mărimilor caracteristice pentru triodă, dacă:

a) Pentru o variație  $\Delta U_g=3,0\text{ V}$  a tensiunii aplicate grilei, intensitatea curentului anodic se modifică cu  $\Delta I_a=4,5\text{ mA}$ , tensiunea anodică rămânând aceeași.

b) Pentru o tensiune constantă de grilă, o variație  $\Delta U_g=4,0\text{ V}$  a tensiunii anodice dă o variație  $\Delta I_a=4,0\text{ mA}$  a intensității curentului anodic.

c) Pentru o tensiune constantă de grilă, de exemplu  $U_g=0$ , scăderea tensiunii anodice de la  $U_{a1}=200\text{ V}$  la  $U_{a2}=150\text{ V}$ , provoacă o micșorare a intensității curentului anodic de la  $I_{a1}=20\text{ mA}$  la  $I_{a2}=16\text{ mA}$ .

Dacă tensiunea anodică rămâne constantă, egală cu  $U_a=200\text{ V}$ , se poate obține aceeași micșorare cu  $\Delta I_a=4,0\text{ mA}$  a intensității curentului anodic, variind tensiunea de negativare a grilei de la  $0$  la  $U_g=-2,0\text{ V}$ .

5.7.25. a) Cîte regiuni distincte prezintă caracteristica curent-tensiune  $I_a=f(U_a)$ ,  $U_a>0$ , a unei diode cu vid? și b) Prin ce se caracterizează aceste regiuni?

5.7.26. Un obiect liniar luminos se află la o distanță fixă în fața unui ecran. Între obiect și ecran se află o lentilă care, în două poziții diferite, formează pe ecran două imagini clare ale obiectului, de mărimi  $y_2=-6,0\text{ cm}$  și  $y'_2=-1,5\text{ cm}$ . Să se afle:

a) Mărimea a obiectului.

b) Distanța focală  $f$  a lentilei, cunoscînd distanța  $d=99\text{ cm}$  dintre obiect și ecran.

c) Cunoscînd indicele de refracție al sticlei din care este confecționată lentila  $n_1=3/2$ , să se afle distanța focală  $f_3$  a lentilei scufundată în apă ( $n_2=4/3$ ) și  $f_3$  în monobromnaftalen ( $n_3=5/3$ ).

(Anul IV, licee spec.)

5.7.27. O lentilă cu indicele de refracție  $n=1,5$ , are razele de curbură  $R_1$  și  $R_2=10$  cm. În fața ei la distanța  $p=20$  cm se află un obiect de înălțime  $y=8,0$  cm.

Să se determine poziția, natura și mărimea imaginii, cînd len- $J$  i la se găsește în aer și cînd se găsește în apă ( $n_s=4/3$ ).

5.7.28. Să se găsească imaginea punctului  $A$ , dată de sistemul <I<sup>1</sup> lentile reprezentat în fig. 5.7.28. Se cunosc:  $AC=10$  cm,  $C_1C_2=$

$Y^2-A'?$   $vt$ ,  $A$

ă  $v$  &  $V$

$=20/3$  cm,  $C_2C_3=5,0$  cm,  $C_3C_4=10$  cm,  $f_1=-5,0$  cm,  $f_2=5,0$  cm,  $f_3=-5,0$  cm,  $f_4=5,0$  cm.

(Anul IV, licee spec.)

5.7.29. Un pendul execută simultan două oscilații armonice liniare /e amplitudini și frecvențe egale, perpendiculare între ele și avînd f. diferența de fază  $\pi/2$ .

a) Care este traiectoria mișcării rezultante?

b) Se verifică în acest exemplu principiul independenței mișcărilor? Cum?

5.7.30. Suprapunem două oscilații armonice liniare și paralele; ce se obține dacă:

a) Oscilațiile au aceeași frecvență,  $A_{cp}=0$ .

b) Oscilațiile au frecvențe diferite,  $A_{cp}=0$ .

5.7.31. Un oscilator liniar ce face parte dintr-o bară elastică și execută oscilații paralele cu axul, se află la  $t=1,0$  ms de la începerea oscilației la distanța  $x=5,0$  mm față de poziția de echilibru. Să se calculeze:

a) Perioada oscilației.

b) Energia cinetică și potențială a oscilatorului.

c) Raportul dintre viteza de propagare a undei și viteza maximă de oscilație a particulei.

d) Lungimea de undă.

Se dau:  $f = 2,0 \cdot 10^{10} \text{ N/m}^2$ ,  $\rho = 5,0 \cdot 10^3 \text{ kg/m}^3$ , amplitudinea  $A = 10 \text{ mm}$ .

*Sub. teor.* Caracterizați din punct de vedere energetic unda progresivă și unda staționară (unde plane).

(Anul IV, licee spec.)

5.7.32. Se dă un atom de hidrogen în stare fundamentală. Să se deducă (acolo unde este posibil), conform teoriei lui Bohr:

- Momentul cinetic al electronului.
- Raza orbitei.
- Viteza unghiulară și liniară a electronului.
- Energia totală (cinetică și potențială) atașată orbitei a n-a.
- Cum variază mărimile de la punctele b), c) și d) cu numărul cuantic?

5.7.33. Un electron care se mișcă în câmp magnetic omogen de inducție  $B$ , se înscrie pe o traiectorie circulară de rază  $R$ . Care este lungimea de undă asociată lui?

Să se obțină într-o formă generală relația care leagă lungimea de undă De Broglie a unor particule relativiste de tensiunea acceleratoare cunoscută.

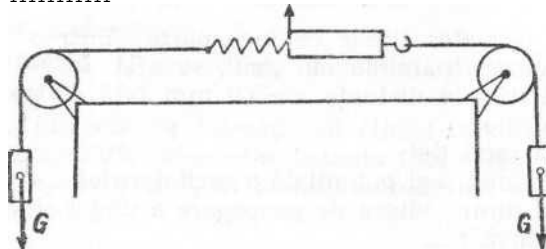
(Anii IV și V, licee spec.)

#### 1977. ETAPA REPUBLICANĂ (București)

5.7.34. Ce indică dinamometrul din fig. 6.7.34?

- Zero, deoarece cele două forțe de greutate se echilibrează (fiind egale în modul și trag în sensuri opuse).

$$F = ?$$



- $2G$ , deoarece fiecare forță  $G$  întinde resortul dinamometru-

- c) lui. Numai una din forțele de greutate  $G$ .  
Care dintre aceste trei răspunsuri este corect? De ce?
- 5.7.35. Un punct material de masă  $m=0,50$  kg se mișcă uniform pe un cerc cu viteza  $u=2,0$  m/s. Să se afle variația impulsii lui pentru: a) un sfert de perioadă, b) o jumătate de perioadă  
c) o perioadă.
- 5.7.36. Un corp de masă lovește un corp de masă  $m_2$  aflat în repaus. Ciocnirea este plastică (total neelastică). Cât la sută din impulsul său primul corp transferă celui de al doilea?  
*Aplicație:* a)  $m_1=m_2$ , b)  $m_2=99 \cdot m_1$ , c)  $m_2=0,01 \cdot m_1$ .
- 5.7.37. Se dă un plan înclinat de lungime  $l=2,75$  m și unghi de înclinație față de orizontală  $\alpha=45^\circ$ . De-a lungul planului este lansat de jos în sus cu viteza inițială  $u_0=4,9$  m/s un corp cu masa  $m=1,00$  kg. Se constată că accelerația sa la urcare este egală ca mărime cu accelerația gravitațională  $g=9,8$  m/s<sup>2</sup>. Simultan din vârful planului este lăsat liber să lunece în jos un corp de masă  $m_2=2,00$  kg. Coeficientul de frecare la lunecare este același pentru ambele corpuri. Corpurile se întâlnesc și se ciocnesc plastic. Care va fi viteza lor la baza planului?  
(Anul I)
- 5.7.38. Aveți la dispoziție următoarele materiale și dispozitive: 1. Resort. 2. Corp paralelipipedic de masă necunoscută. 3. Corp de masă cunoscută. 4. Fir. 5. Un plan înclinabil. 6. Scripete.  
Determinați masa corpului paralelipipedic prin două metode.  
Evaluati eroarea absolută și relativă a rezultatelor obținute.  
(Anul I, proba pract.)
- 5.7.39. Un vas paralelipipedic este umplut pe jumătate cu un lichid. Pe suprafața lichidului plutește un corp.  
a) Dacă, tragem vasul vertical cu o accelerație oarecare, se va cufunda sau se va ridica corpul care plutește? De ce?  
b) Tragem acum vasul orizontal cu o accelerație  $a=7,35$  m/s<sup>2</sup>, paralelă cu o latură a vasului. Care va fi presiunea  $p'$  exercitată de lichid în centrul bazei (fundului) vasului, după stabilirea echilibrului relativ, dacă, înainte de aceasta, presiunea respectivă era  $p=1,00$  kPa? Ce se întâmplă cu corpul care plutește?
- 5.7.40. Un tub capilar de lungime  $l=85,8$  mm așezat orizontal și închis la ambele capete conține la mijloc o coloană de mercur de lungime  $h=9,8$  mm. În tub, de o parte și de alta a mercurului, se află aer la presiune normală. Dacă scoatem coloana de mercur

5.7.41. din poziția sa de echilibru, care va fi frecvența micilor oscilații ale acestei coloane? Se consideră procesele izoterme.

Pentru ce lungime a coloanei de mercur frecvența de oscilație va fi minimă?

5.7.42. Să se calculeze distanța medie dintre moleculele unui gaz ideal aflat în condiții normale. Constanta lui Boltzmann  $k_B = 1,38 \cdot 10^{-23} \text{ J/K}$ .

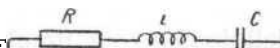
5.7.43. Se știe că apa dintr-un pahar se evaporă în câteva zile. Să se evalueze ordinul de mărime al numărului de molecule de apă care se evaporă în medie în unitatea de timp. Numărul lui Avogadro  $N_A = 6,0 \cdot 10^{26} \text{ kmol}^{-1}$ .

(Anul II, Anul III licee spec.)

5.7.44. Un conductor liniar de lungime  $l = 1,20 \text{ m}$  este conectat cu ajutorul unor fire conductoare flexibile la o sursă cu t.e.m.  $E = 24 \text{ V}$  și rezistența interioară  $r = 0,50 \text{ }\Omega$ , rezistența circuitului exterior fiind  $i = 2,50 \text{ }\Omega$ . Conductorul se află într-un câmp magnetic uniform de inducție  $B = 0,80 \text{ T}$  și este perpendicular pe vectorul  $B$ .

a) Să se calculeze intensitatea curentului prin circuitul astfel format dacă conductorul este deplasat cu viteza  $v = 12,5 \text{ m/s}$ , perpendiculară pe conductor și pe direcția câmpului magnetic.

b) în ce raport se schimbă intensitatea curentului prin circuit dacă conductorul este oprit?

Circuitul serie din fig. 5.7. ,  $L = 6,37 \text{ mH}$  și  $C = 159 \text{ nF}$  este alimentat de un generator cu o ten

sine alternativă  $U = 120 \text{ V}$  și frecvență  $\omega = 200 \text{ Hz}$ . Să se determine:

a) Intensitatea curentului în circuit și tensiunile  $U_R$ ,  $U_L$  și  $U_C$ .

b) Valoarea capacității condensatorului  $C_{vz}$  pentru care în circuit ar apare regimul de rezonanță a tensiunilor și valorile tensiunilor pe elementele circuitului în acest caz.

Este posibil să se înlocuiască bobina și condensatorul din schemă printr-o singură bobină

?

c)

5.7.45. Un circuit serie format dintr-un rezistor  $R$  și un condensator  $C$  are un factor de putere  $\cos \varphi = 0,60$ . Să se calculeze factorul de putere al circuitului format din aceleași elemente  $R$ ,  $C$ , montate în paralel, pentru aceeași frecvență a tensiunii de alimentare.

(Anul II, licee spec.)

5.7.46. Aveți la dispoziție următoarele materiale și instrumente: 1. Resort spiral. 2. Corp de masă necunoscută. 3. Riglă. 4. Ceas.

Determinați experimental accelerația gravitațională a locului.

Folosind și vasul cu apă distilată aflat pe masă, determinați densitatea corpului.

Evaluati eroarea absolută și relativă a rezultatelor obținute.

(Anul II, proba pract.)

5.7.47. Un circuit serie  $R$ ,  $L$ ,  $C$  cu  $jR = 1,00 \text{ k}\Omega$ ,  $L = 0,40 \text{ H}$  și  $C = 0,20 \mu\text{F}$  este alimentat de la un generator de tensiune alternativă a cărei frecvență poate fi variată. Se observă că pentru două frecvențe diferite  $f_1$  și  $f_2$  ale tensiunii de alimentare puterea activă este egală cu puterea reactivă. Să se calculeze:

a) Defazajul dintre curent și tensiune în cele două cazuri.

b) Frecvențele și  $f_2$ .

c) Să se interpreteze rezultatele obținute.

5.7.48. O piatră de polizor cu diametrul  $D = 0,20 \text{ m}$ , acționată de un motor de c.c., are o viteză unghiulară  $\omega = 250 \text{ rad/s}$ . Piesa care se prelucreează este apăsată normal pe piatra de polizor cu o forță  $F_n = 200 \text{ N}$ , coeficientul de frecare între piesă și piatră fiind  $\mu = 0,40$ . Motorul de c.c. are randamentul  $\eta = 0,80$  și funcționează la o tensiune  $U = 200 \text{ V}$  dată de un grup convertizor (motor de c.a. f. dinam). Dinamul are excitația în derivație, rezistența indu. sului  $r_s = 1,20 \Omega$ , a circuitului de excitație  $r_e = 80 \Omega$  și randamentul  $\eta_{ge} = 0,90$ . Grupul convertizor consumă de la rețeaua de c.a. o putere  $P = 4,0 \text{ kW}$ . Să se calculeze:

a) Puterea utilă a polizorului.

b) Intensitatea curentului ce alimentează motorul de c.c.

c) T.e.m. a dinamului (se neglijează căderile de tensiune pe firele de legătură dinam-polizor).

d) Randamentul motorului de c.a. al convertizorului  $\eta_c$ .

e) Randamentul întregii instalații.



Să se calculeze diferența de potențial între punctele  $A$  și  $B$  din schema fig.

5.7.49. Se cunosc: rezistențele  $R_1, R_2$ , capacitatea

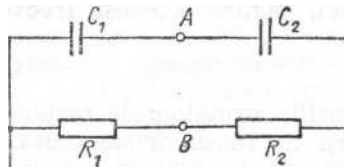
5.7.49.

-] I [ 11<sup>1</sup> p-

capacitățile  $C_1, C_2$ , t.e.m.  $E$  (se neglijează rezistența internă a bateriei).

(Anul III)

5.7.50. Aveți la dispoziție următoarele materiale și aparate:  
Un conductor unității de lungime  
Conductori de rezistență  
Riglă.  
Sursă de curent continuu.  
Ampermetru.



dispoziție următoarele  
liniar cu rezistența  
 $R' = 28 \text{ Q/m}$ .  
legătură.

Determinați:

- T.e.m.  $E$  a sursei.
- Rezistența  $R_A$  a ampermetrului.
- Rezistența internă  $r$  a sursei.

Evaluati eroarea absolută și relativă a rezultatelor obținute.

(Anul III, proba pract.)

5.7.51. Între o sursă de lumină și o lunetă este așezată la distanța  $d = 85 \text{ cm}$  de sursă o lentilă divergentă cu distanța focală  $f_1 = -15 \text{ cm}$ . Unde trebuie așezată o lentilă convergentă cu distanța focală  $f_2 = 16 \text{ cm}$  pentru ca sursa luminoasă să fie vizibilă clar în lunetă, care a fost reglată pentru infinit?

Pentru care din pozițiile posibile ale lentilei imaginea din lunetă va avea dimensiuni unghiulare mai mari?

o lumină de la o sursă îndepărtată, constituită din două radiații luminoase cu lungimile de undă  $\lambda_1$  și  $\lambda_2$ , cade sub forma unui fascicul paralel normal pe una din fețele unei prisme cu unghi refringent  $A$  mic. După prismă este așezată o lentilă convergentă cu distanța focală  $f$ , astfel încât axa sa optică coincide cu direcția fasciculului incident pe prismă. Presupunând că indicele de refracție al prisme depinde de lungimea de undă după legea:  $n = a/\lambda$ , unde  $a$  este o constantă, să se calculeze distanța dintre imaginile sursei în planul focal al lentilei, formate de cele două radiații luminoase  $\lambda_1$  și  $\lambda_2$ . Toate unghiurile se consideră foarte mici (sub  $5^\circ$ ).

5.7.52. O particulă în repaus de masă  $m_1$  este lovită de o particulă de masă de repaus  $m_2$  și viteză  $v_1$ , pe care o absoarbe. Să se afle masa de repaus  $M$  și viteza  $V$  a particulei compuse rezultate.

5.7.53. O particulă în repaus de masă  $m$  fisionează în două particule de masă de repaus  $m_1$  și  $m_2$ . Să se afle energiile  $E_1$  și  $E_2$  ale celor două particule

rezultate:

(Anul IV)

5.7.54. O sursă punctiformă se găsește la  $t=0$  pe axul principal al unei lentile convergente de distanță focală  $f$ , la distanța  $p_n$  față de centrul lentilei ( $p_o > f$ ). Lentila oscilează de-a lungul axului principal conform legii  $x = A \sin \omega t$ , în care  $A < p_o$ .

a) Să se exprime distanța dintre punctul imagine și obiect în funcție de timp.

b) Este armonică oscilația punctului imagine?

c) Care este condiția ca imaginea să se poată forma la infinit?

5.7.55. O coardă întinsă, având masa  $m$  și lungimea  $l$ , oscilează cu frecvența  $\nu$ . Forța de întindere a corzii variază conform legii:

$$F = F_0 - kt, \quad t \in [0, F_0/k].$$

Să se determine momentele în care de-a lungul corzii se produc unde staționare.

Sub. teor. Principiul lui Fermat afirmă că timpul de propagare a unei radiații luminoase este minim.

Folosindu-se această afirmație, să se deducă legile reflexiei și refracției.

(Anul IV, licee spec.)

5.7.56. Determinați lungimea de undă a unei radiații monocromatice. Fundamentați teoretic metoda folosită. Evaluați eroarea absolută și relativă a rezultatelor obținute.

(Anul IV, proba pract.)

5.7.57. Nucleul  $^{222}\text{Rn}$  se dezintegrează emițând o particulă alfa de energie cinetică  $E_\alpha = 5,5 \text{ MeV}$ .

a) Care este energia totală eliberată într-un act de dezintegrare? Se va calcula în aproximația nerelativistă.

b) Introducând  $m = 11,1 \text{ mg}$  de  $^{222}\text{Rn}$  într-un calorimetru care reține radiația alfa, să se calculeze căldura degajată în  $t = 1,0 \text{ s}$  și în timpul de înjumătățire  $T = 3,8$  zile.

5.7.58. Fie o sursă radioactivă constituită din două tipuri de nuclee radioactive:  $N_1$  nuclee de tipul I cu timpul de înjumătățire  $T_1$ , care emit într-un act de dezintegrare al unui nucleu  $a$  cuante gama și  $c$  particule beta, și  $N_2$  nuclee de tipul II cu timpul de înjumătățire  $T_2$ , care emit într-un act de dezintegrare al unui nucleu  $b$  cuante gama și  $d$  particule beta. Din sursă sînt emise în unitatea de timp cuante gama și  $n_2$  particule beta. Să se afle  $N_1$  și  $N_2$ .

5.7.59. La atomul de hidrogen, să se afle primele două serii spectrale care se suprapun parțial.

5.7.60. Pentru un element  $A$ , poate apare spectrul discret suprapus peste cel continuu de recombinare?

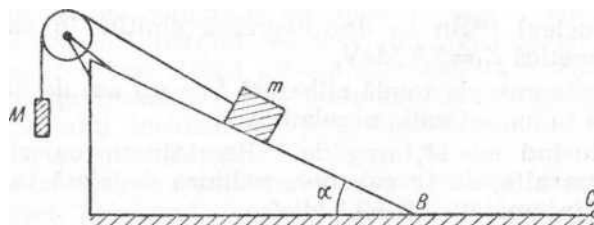
(Anul V)

1978. ETAPA JUDEȚEANĂ

5.8.1. a) Un meteorit arde în atmosferă, fără a ajunge la suprafața Pământului. Unde dispăre impulsul său?

b) Un vapor ciocnește o barcă, pe care o rupe, fără ca el să aibă vreo stricăciune, sau un camion lovește un cărucior și îl strică fără a avea el însuși vreo stricăciune. Nu contrazice aceasta principiul acțiunii și reacțiunii?

5.8.2. Pe un plan înclinat poate aluneca cu frecare un corp de masă  $m = 3,0$  kg. Variind înclinarea planului înclinat s-a constatat că numai pentru unghiul de înclinare  $\alpha = 30^\circ$  corpul alunecă uniform în jos pe planul înclinat. Fixînd acum înclinarea acestui plan la unghiul  $\alpha = 60^\circ$ , se leagă corpul de masă  $m$  printr-un fir, trecut peste un scripete ideal fix, de un alt corp de masă  $M = 1,0$  kg, ca în fig. 5.8.2.



n) Cu ce accelerație se mișcă sistemul lăsat liber?

1^a) Se dezleagă corpul de masă  $M$  de firul său de suspensie și se lăsa de acest fir în jos cu o forță egală cu greutatea  $Mg$  a corpului  $M$  dezlegat. Cu ce accelerație se va mișca acum corpul  $m$ ?

c) Se dezleagă corpul de masă  $m$  și se lasă să lănece liber în jos pe plan înclinat, fără viteză inițială, pornind de la o înălțime  $h = 3,0$  m, după care corpul intră pe planul orizontal, oprindu-se în punctul  $C$ , datorită frecării pe planul orizontal cu coeficientul de frecare  $f_x = 0,20$ . Să se reprezinte grafic viteza și accelerația corpului în funcție de timp, de la pornire pînă la oprire.

d) Care este lucrul mecanic efectuat de forța de frecare pe tot parcursul mișcării corpului în cazul precedent?

5.8.3. Doi patinatori de mase  $m_1 = 10$  kg și  $m_2 = 50$  kg, ținîndu-se de capetele unei sfori, stau pe gheața lăcioasă unul în fața celuilalt. Primul din ei începe să tragă de sfoară scurțînd-o cu viteza  $u = 1,20$  m/s. Cu ce viteză se vor mișca patinatorii? Se neglijează frecările.

(Cl. IX)

5.8.4. a) Dacă stăm într-o barcă ușoară și tragem de o sfoară legată de

un vapor, ne vom apropia de vapor. De ce nu se apropie vaporul de barcă?

b) De ce cînd atingem Pămîntul după o săritură trebuie să ne mai ghemuim (îndoim puțin picioarele)? Dar dacă am sta țeapăn?

5.8.5. O bilă de lemn cu masa  $M=1,00$  kg stă pe un suport inelar. Un glonț de masă  $m=10,0$  g vine de jos în sus, lovește bila cu viteza  $u_0=300$  m/s și rămîne înfipt în ea. Care va fi timpul de urcare al bilei pînă la înălțimea maximă?

5.8.6. Două corpuri de mase  $m_1=10,0$  kg și  $m_2=12,00$  kg, așezate pe un plan orizontal, sînt legate între ele printr-un fir orizontal avînd intercalat un dinamometru ușor. Coeficientul de frecare la alunecare dintre corpuri și plan este același. De corpul  $m_2$  se trage orizontal cu o forță  $F=12,0$  N. Ce forță va indica dinamometru?

(Cl. IX, licee spec.)

5.8.7. Un gaz ideal avînd inițial volumul  $V$ , se dilată pînă la volumul  $V_s$ . Dilatarea este: (1) izobară, (2) izotermă, (3) adiabatică.

a) Să se traseze diagramele acestor procese în planul  $(p, V)$ .

b) În care din aceste transformări lucrul mecanic efectuat de gaz este minim?

c) Care este semnul variației energiei interne în fiecare din aceste transformări?

5.8.8. Într-un cilindru orizontal prevăzut cu un piston se găsește aer care are volumul  $V_1=65$  l la presiunea  $p=2,00$  atm și temperatura  $t_1=27^\circ\text{C}$ . Se încălzește masa de aer în mod izobar pînă la  $T_2=500$  K. Să se determine:

a) Masa aerului în cilindru.

b) Lucrul mecanic în dilatația izobară.

c) Cantitatea de căldură pe care o absoarbe masa de aer prin încălzire.

d) Variația energiei interne a masei de aer.

Se dau:  $c_p=1,005$  J/kg $\cdot$ K,  $\mu=28,96$  g/mol.

5.8.9. Un vas conținînd o cantitate de azot ( $\mu=28$  g/mol) la temperatura  $t_1=15^\circ\text{C}$  se mișcă cu viteza  $u=100$  m/s.

a) Care va fi temperatura  $t_2$  a gazului din vas dacă el se oprește brusc? ( $c_v=5R/2$ ).

b) Cu cît se va mări media pătratelor vitezelor moleculelor gazului?

5.8.10. Două corpuri cu masele  $m_1$  și  $m_2$  se mișcă într-un plan orizontal cu vitezele  $v_1$  și  $v_2$  și se cît cnesc plastic la un anumit moment. După ciocnire temperatura celor două corpuri a crescut cu  $\Delta T$ . Cînuoscînd capacitatea calorică totală  $C$  a sistemului format din cele două corpuri, să se calculeze:

a) Viteza corpului format prin ciocnire.

b) Unghiul dintre vectorii vitezelor inițiale a celor două corpuri.

(Cl. X)

5.8.11. Avem trei cuburi identice, din același material. Primul cub are temperatura  $200^\circ\text{C}$ , celelalte două au  $0^\circ\text{C}$ . Cum se poate, cu ajutorul schimbului de căldură între cuburi prin contact termic, răci primul cub pînă

la  $50^\circ$  și încălzi pe seama lui celelalte două cuburi pînă la  $75^\circ\text{C}$ ?

7-5.8.12. O bucată de plumb cade de la înălțimea  $h=130\text{ m}$  pe o suprafață dură. Presupunînd că plumbul absoarbe întreaga energie rezultată în urma ciocnirii, să se calculeze cu cît va crește temperatura sa. ( $g=10\text{ m/s}^2$ ,  $c_p=130\text{ J/kg}\cdot\text{K}$ ).

1-5.8.13. Care este capacitatea calorică a unui vas ce conține  $771,=200\text{ g}$  apă la temperatura  $t_1=10,25^\circ\text{C}$ , dacă, introducîndu-se

o bucată de fier  $m_2=30$  g și cu temperatura  $t_2=62^\circ\text{C}$ , temperatura finală a sistemului este  $9-11^\circ\text{C}$ ? ( $c_*=4\,180$  J/kg·K,  $c_2=460$  J/kg·K).

5.8.14. Într-un calorimetru ce conține  $m_1=400$  g apă la temperatura  $t_1=15^\circ\text{C}$  se adaugă  $m_2=220$  g apă la temperatura  $t_2=60^\circ\text{C}$ . Temperatura finală a amestecului ajunge la  $0=30^\circ\text{C}$ . Să se calculeze:

a) Cantitatea de căldură absorbită de calorimetru.

b) Capacitatea calorică a calorimetrului.

c) Masa calorimetrului dacă este făcut din cupru.

Căldura specifică a apei  $c_{af}=4\,200$  J/kg·K, iar a cuprului  $C_{cu}=390$  J/kg·K.

~T-5.8.15. Un gaz ideal ocupînd volumul  $V_1=1,5$  l primește căldura  $Q=418$  J și se destinde la volumul  $V_2=2,0$  l, presiunea rămînînd constantă:  $p=101$  kPa. Să se calculeze variația energiei interne a gazului.

(Cl. X, licee spec.)

5.8.18. Un punct material  $P_*$  efectuează pe diametrul  $AB$  al unui cerc cu raza  $R=10$  cm o oscilație armonică cu perioada  $T=0,25$  s, pornind din centrul  $O$  al cercului spre  $A$ . Un alt punct efectuează pe cerc o mișcare uniformă cu frecvența  $\nu=6,0$  s $^{-1}$ , pornind concomitent cu  $P_*$  dar din  $A$ . Proiecția acestui punct pe  $AB$  fiind  $P_2$ , să se calculeze distanța  $PP_2$  în momentul cînd  $P_*$  ajunge prima dată în  $A$ .

b) După cît timp de la începerea mișcării se întîlnesc pentru prima dată  $P_*$  și  $P_2$ ?

c) Presupunînd că  $P_*$  se mișcă sub acțiunea forței exercitate de un resort elastic cu constanta  $Zc=64$  N/m, să se calculeze energia lui cinetică după  $t=9/32$  s de la începerea mișcării.

Sub. teor. 1. Ce exprimă formula perioadei pendulului simplu și în ce condiții se poate aplica? 2. Prin ce se caracterizează oscilațiile amortizate și cele forțate? 3. Definiți rezonanța mecanică.

(Cl. X, licee spec.)

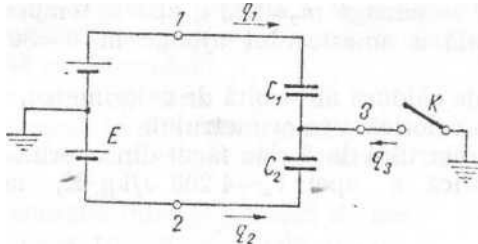
5.8.17. Două sfere identice de masă  $m$  și rază  $r$  sînt încărcate cu aceeași sarcină  $Q$ . Să se determine:

a) Înălțimea de la care trebuie să cadă liber una din ele, pentru a realiza contactul cu cealaltă (fixă) cînd viteza este nulă.

b) Viteza maximă atinsă de sfera în mișcare.

Aplicație:  $m=1,00$  kg,  $r=30$  mm,  $Q=20$  μC,  $g=10$  m/s $^2$ .

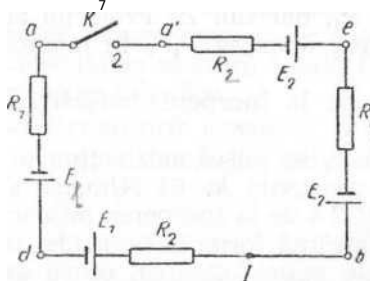
Condensatorii  $C_1=2,00 \mu\text{F}$  și  $C_2=3,00 \mu\text{F}$  montați în serie, sînt legați la o baterie a cărei t.e.m. este  $\mathcal{E}=3120 \text{ V}$  și al căreipunct median este pus la pămînt (fig. 5.8.18). Conductorul ce unește cei doi condensatori poate fi pus la pămînt cu ajutorul întrerupătorului  $K$ . Determinați sarcinile  $q_1$ ,  $q_2$ ,  $q_3$  ce traversează secțiunile



1, 2, 3, în sensurile indicate pe figură, după închiderea întrerupătorului.

5.8.18. Se dă circuitul din fig. 5.8.19. T.e.m. sînt  $\mathcal{E}_1=8,0 \text{ V}$ ,  $\mathcal{E}_2=6,0 \text{ V}$ , iar rezistențele au valorile:  $R_1=30 \Omega$ ,  $R_2=20 \Omega$ . În situația în care întrerupătorul  $K$  este deschis (poziția 1) se cere:

a) Diferența de potențial  $V_a - V_j$ , dintre punctele  $a$  și  $b$  și diferența de potențial  $V_a - V_{a'}$  dintre punctele  $a'$  și  $b$ .



în situația în care întrerupătorul  $K$  este închis (poziția 2) se cere:

b) Intensitatea curentului din circuit.

c) Diferența de potențial  $V_a - V_b$ .

d) Diferența de potențial  $V_d - V_e$ .

Sub. teor. Găsiți analogul în dinamica fluidului ideal pentru fiecare din legile lui Kirchhoff.

(Cl. XI)

5.8.19. a) Care sînt semnificațiile simbolului  $h$  în legea de variație a presiunii unui lichid și în legea lui Bernoulli? Justificați răspunsul, arătînd calea pe care a fost introdus.

b) Explicați de ce o scîndură de lemn nu se menține în plutire în apă în poziție verticală.

5.8.20. Un punct material de masă  $m$  se mișcă într-un plan avînd

coordonatele date de expresiile:

$$x = a \cos \omega t, y = b + c \sin \omega t.$$

Se cere:

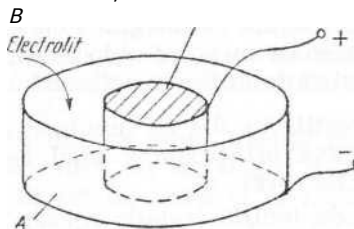
- Ecuatia traiectoriei.
- Viteza punctului material.
- Acceleratia punctului material.
- Forța rezultantă care acționează asupra punctului material.

5.8.21. Un gaz care ocupă un volum  $V_1 = 21,00 \text{ l}$  la presiunea  $p_1 = 1,00 \text{ atm}$ , suferă o expansiune izotermă pînă la volumul  $V_2 = 2,00 \text{ l}$ . Apoi presiunea gazului se reduce la jumătate sub volum constant, după care, la presiunea constantă, gazul ajunge la un volum  $V_3 = 4,00 \text{ l}$ .

- Să se reprezinte acest proces într-o diagramă  $p-V$ .
- Să se precizeze părțile din proces în care sistemul schimbă lucru mecanic cu exteriorul.
- Să se precizeze schimbările de temperatură.

(Cl. XI, licee spec.)

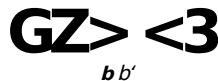
5.8.22. În vasul din fig. 5.8.23 se află un electrolit. Electrozii  $A$  și  $B$  sînt alimentați de la o sursă de tensiune continuă. Ce se întîmplă cu lichidul, în timpul trecerii curentului electric, dacă acesta



se află într-un câmp magnetic orientat perpendicular pe suprafața lichidului?

5.8.23. Cele două conductoare din fig. 5.8.24 sînt încărcate cu sarcini electrice de semn diferit.

- Cum este densitatea sarcinilor electrice (sarcina de pe unitatea de suprafață) în punctul  $a$  față de  $b$  (mai mică, mai mare, egală)?
- Cum este diferența de potențial  $V_a - V_a'$  față de  $V_b - V_b'$ ? Motivați răspunsul.



5.8.24. Un generator cu t.e.m.  $\mathcal{E} = 96 \text{ V}$  și rezistență internă  $r = 2,79 \Omega$  furnizează unui consumator puterea  $P = 100 \text{ W}$ . Se cere:

- Rezistența electrică a consumatorului.



- b) Curentul din circuit.
- c) Tensiunea la bornele generatorului.

5.8.25. O placă de cupru avînd suprafața  $S = 2\,236\text{ cm}^2$  urmează a fi acoperită galvanic cu un strat de argint avînd grosimea  $d = 0,10\text{ mm}$ . Pentru a asigura o bună calitate a depunerii, curentul electric se reglează astfel încît pe fiecare decimetru pătrat al electrodului să revină  $i = 0,50\text{ A/dm}^2$ . Echivalentul electrochimic al argintului este  $K = 1,118\text{ mg/C}$ , iar densitatea argintului  $\rho = 10,5\text{ g/cm}^3$ . Se cere:

- a) Cantitatea de argint care va acoperi placa.
- b) Sarcina electrică transportată de curent în timpul depunerii.
- c) Intensitatea curentului electric.
- d) Durata procesului de electroliză.

(Cl. XI, licee spec.)

5.8.26. Se realizează o imagine reală răsturnată cu ajutorul unei oglinzi concave. Ce se întîmplă cu imaginea dacă:

- a) Vom acoperi partea de mijloc a obiectului.
- b) Vom acoperi partea de mijloc a oglinzii?

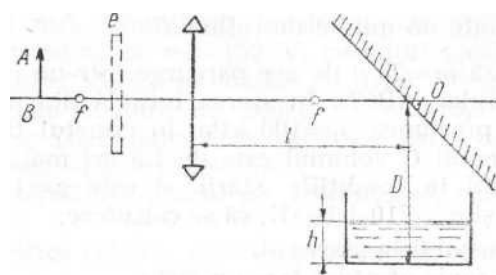
5.8.27. Un obiect rectiliniu  $AB$  cu lungimea  $y = 10\text{ mm}$  este așezat perpendicular pe axa principală a unei lentile subțiri cu distanța focală  $f = 30\text{ cm}$ . Se cere:

- a) La ce distanță de lentilă trebuie așezat obiectul  $AB$  pentru a obține pe un ecran perpendicular pe axa lentilei, o imagine reală de  $m = 3$  ori mai mare decît obiectul.
- b) Între obiectul  $AB$  și lentilă se plasează o lamă cu fețe plan paralele cu grosimea  $e = 90\text{ mm}$  și indicele de refracție  $n = 1,8$ .  
În ce sens și cu cît trebuie deplasat ecranul pentru a obține o imagine netă pe ecran.
- c) Se așază ca în fig. 5.8.28 o oglindă plană  $O$  care intersectează axa principală a lentilei la distanța  $Z = 1,00\text{ m}$  de lentilă și sub un

d)  
e) La ce distanță de axa principală a lentilei trebuie să se găsească fundul unei cuve care conține apă cu adâncimea  $h=20$  cm pentru ca imaginea finală a obiectului să fie reală și plasată pe fundul cuvei? Indicele de refracție al apei  $n'=4/3$ .

unghi  $\alpha=45^\circ$ . Să se precizeze care este natura, poziția și mărimea imaginii dată de sistem.

5.8.28. Un  
numai pentru  
nm este așezat  
două fante de  
dispozitiv Young.  
observație se  
 $D=2,00$  m de  
interfranja în  
este  $i=0,50$   
filtrului lumina  
cuprinde toate lungimile de undă între  $750$  nm și  $400$  nm.



filtru transparent  
lumina cu  $\lambda=500$   
înaintea celor  
intrare, într-un  
Ecranul de  
află la distanța  
cele două fante.  
aceste condiții  
mm. În absența  
incidență

a) Ce modificare aduce pe ecran îndepărtarea filtrului? Care este lățimea spectrului?

b) Viteza luminii în apă este  $3/4$  din viteza luminii în aer; se va modifica lățimea spectrului, dacă spațiul se umple cu apă?

c) O lamă de sticlă cu grosimea  $e=8,0$  mm și indice de refracție  $n=1,5$  se așază în fața uneia din surse. Care este sensul și valoarea deplasării pe ecran?

d) În prezența filtrului, o fantă trimite raze de lumină pe două oglinzi plane care fac între ele un unghi  $\alpha=10'$ . Dreapta de intersecție se află la  $r=10$  cm de fantă și la  $L=270$  cm de ecranul de observație.

1. Se realizează interferență în acest caz? Care este interfranja?

2. Cum se modifică tabloul de interferență dacă fanta se deplasează cu  $s=2,0$  mm rămânând la aceeași distanță de muchia oglinzilor?

(Cl. XIF)

V 5.8.30. Un strat subțire, transparent, apare adesea colorat în lumina albă datorită interferenței razelor reflectate, pe cele două fețe ale sale. Astfel, anumite culori spectrale sînt stinse, iar altele întărite. Ce grosime va avea un strat cu indicele de refracție  $n = 1,52$ , astfel ca lumina galbenă  $\lambda = 589 \text{ nm}$  incidentă sub un unghi  $\varphi = (80^\circ)$  să reprezinte un minim de reflexie?

5.8.31. O masă  $m = 23 \text{ g}$  de aer parcurge într-un motor termic un ciclu dreptunghiular  $ABCD$ . În starea inițială din punctul  $A$  aerul are  $t_1 = 27^\circ\text{C}$  și presiunea  $p_1 = 100 \text{ kPa}$ . În punctul  $B$  presiunea este dublă iar în punctul  $C$  volumul este de 1,5 ori mai mare. Știind că densitatea aerului în condițiile stării  $A$  este  $\rho = 1,15 \text{ kg/m}^3$ ,  $c_v = 1000 \text{ J/kg}\cdot\text{K}$  și  $c_p = 710 \text{ J/kg}\cdot\text{K}$ , să se calculeze:

- Volumul aerului în starea  $A$ .
- Lucrul mecanic efectuat într-un ciclu.
- Cantitatea de căldură primită de aer și cea cedată la parcurgerea ciclului.
- Randamentul motorului.

5.8.32. Într-un calorimetru de cupru de masă se află o cantitate de apă de masă  $m_2$ , temperatura sistemului fiind  $0$ . În apa din calorimetru se introduce o bucată de gheață de masă cu temperatura  $t_3$  mai mică decît  $0^\circ\text{C}$ .

Să se determine temperatura și masele de apă și gheață după ce starea de echilibru a fost atinsă, presupunînd că mărimile  $m_1$ ,  $m_2$ ,  $m_3$  pot avea orice valoare. Să se stabilească ecuațiile calorice metrice ale tuturor transformărilor posibile care trebuie luate în considerație pentru rezolvarea problemei.

b) Să se determine temperatura și masele de apă și gheață pentru următoarele valori:  $m_1 = 1,00 \text{ kg}$ ,  $m_2 = 1,00 \text{ kg}$ ,  $G = 10,0^\circ\text{C}$ ,  $t_3 = -20^\circ\text{C}$ ,  $m_3 = 2,00 \text{ kg}$ . Se neglijează pierderile de energie. Se presupune presiunea atmosferică la valoarea normală. Căldura specifică a cuprului  $c_1 = 394 \text{ J/kg}\cdot\text{K}$ , căldura latentă de topire a gheții  $\lambda_f = 335 \text{ kJ/kg}$ , căldura specifică a gheții  $c_3 = 2,1 \text{ kJ/kg}\cdot\text{K}$ .

(Cl. XII. licee spec.)

5.8.33. Se știe că într-o joncțiune  $p-n$  se formează o regiune sărăcită de purtători mobili, numită regiune de sarcină spațială.

- Cum variază grosimea acestei regiuni cu sensul și valoarea tensiunii aplicată joncțiunii?
- Cum s-ar putea realiza un condensator de capacitate variabilă cu o joncțiune  $p-n$ ?
- Există asemenea dispozitive semiconductoare?

5.8.34. Cum trebuie orientată antena cu ferită a unui radioreceptor față de stația de emisie pentru ca nivelul audiției să fie maxim? Dar minim? (explicații). Cum se poate utiliza această proprietate pentru orientarea în teren?

5.8.35. O triodă are la  $U_A = 200 \text{ V}$  și  $U_C = -1,00 \text{ V}$  un curent anodic  $i_A = 2,00 \text{ mA}$ . Menținând tensiunea de grilă constantă și micșorând cea anodică la  $U_A = 150 \text{ V}$ , curentul anodic devine  $i'_A =$

$1,00 \text{ mA}$ . Familia de caracteristici de grilă, reprezentată într-un sistem de axe cu factori de scară  $1,0 \text{ mA/5,0 mm}$ , respectiv  $1,0 \text{ V/10 mm}$ , se poate aproxima prin segmente de dreaptă paralele cu prima bisectoare, echidistante.

a) Să se determine factorul de amplificare, panta și rezistența internă.

b) Să se verifice relația dintre parametrii trioclei  $\mu$ ,  $S$  și  $R_i$ .

c) Care va fi intensitatea curentului anodic pentru:

$$\begin{array}{ccc} 200 \text{ V} & U_A = 100 \text{ V} & U_A = 100 \text{ V} \\ U_G = -1,5 \text{ V} & U_G = -1,0 \text{ V} & U_G = -1,5 \text{ V} \end{array}$$

d) În circuitul anodic se montează o rezistență de sarcină  $R_a = 50 \text{ k}\Omega$  în serie cu o sursă de tensiune continuă cu t.e.m.  $E_A$  și rezistența internă neglijabilă. Știind că tensiunea de polarizare a grilei este  $U_G = -1,0 \text{ V}$ , iar curentul anodic de repaus  $I_A = 2,0 \text{ mA}$ , să se determine tensiunea anodică, precum și tensiunea electromotoare a sursei  $E_A$ .

e) Menținând în circuitul anodic aceleași elemente ca la punctul precedent și conectând în circuitul de grilă, în serie cu sursa de polarizare, o sursă de tensiune alternativă cu amplitudinea  $U_s = 1,0 \text{ V}$ , să se determine amplitudinea semnalului util pe  $R_a$ .

5.8.36. Dispuneți de un miliampermetru magnetoelectric cu domeniul de măsură  $I_A = 1,00 \text{ mA}$ , un rezistor  $R = 5,6 \text{ k}\Omega$ , o baterie de  $E = 4,5 \text{ V}$  și un tranzistor nemarcat cu terminalele  $X_1$ ,  $X_2$ ,  $X_3$ . Știind că  $X_3$  reprezintă terminalul colectorului, cum veți proceda (schemă) pentru a identifica terminalele emitor și bază, cât și tipul de conducție (*npn* sau *pnp*) ale tranzistorului? Este posibilă identificarea și în cazul când nu se cunoaște semnificația nici unui terminai?

(Cl. XII, licee spec.)

**X** 5.8.37. Două oglinzi plane verticale formează un diedru de  $90^\circ$ .

a) Să se construiască imaginea unui obiect așezat în fața sistemului, în apropierea planului bisector.

b) Să se construiască mersul unor raze de lumină.

c) Ce deosebire principală există între această imagine și cea dintr-o singură oglindă plană?  $\text{m-AC} \cdot \text{Vwt} \cdot \text{bwjU} > \cdot \text{Ktvf-UAoCâUi}$

5.8.38. Într-un bloc de sticlă cu indicele de refracție  $n$  avem o bulă subțire de aer, delimitată prin calota sferică de raze  $R_1$  și  $R_2$ . Privind bula ca lentilă subțire de aer în sticlă, să se determine convergența acesteia.

5.8.39. Razele de curbură ale fețelor unei lentile subțiri cu indicii de refracție  $n$ , sînt  $R_1$  și  $R_2$ . Fața întâi se argintează. Văzut din această parte, sistemul se reduce la o oglindă sferică. Văzut din cealaltă parte, în fața oglinzii sferice se află lentila.

a) Ce relație trebuie să existe între mărimile caracteristice lentilei, pentru ca cele două sisteme să fie echivalente?

b) Ce formă poate avea o astfel de lentilă și care este fața argintată?

5.8.40. De aceeași parte a unui plan se află două puncte  $A$  și  $B$ , iar în plan un punct  $M$ .

Să se arate că drumul  $AMB$  este minim, dacă razele  $AM$  și  $MB$ , privite ca rază incidentă respectiv reflectată, corespund legilor reflexiei.

(Cl. XII, licee ped.)

5.8.41. Care este intensitatea câmpului electric pe primele trei „orbite” Bohr ale atomului de hidrogen?

5.8.42. Un fascicul de ioni monovalenți conține izotopi cu masele  $m_1 = 3,4 \cdot 10^{-26}$  kg și  $m_2 = 3,74 \cdot 10^{-26}$  kg. Ei pătrund în filtrul de viteze al unui spectrograf de masă care are următoarele caracteristici:  $U = 1,00$  kV/m și  $B = 20$  mT. Ionii separați de filtru pătrund apoi în spectrograful de masă fiind deviați de un câmp magnetic transversal de inducție  $B_y = 2,0$  mT. Să se afle:

a) Ce viteză au ionii care pătrund în separatorul de masă?

b) Care va fi distanța între cele două urme lăsate pe o placă fotografică, după ce ionii au parcurs un semicerc?

5.8.43. Un tub Rontgen cu anticatod din Mo emite radiația Rontgen caracteristică cu lungimea de undă  $\lambda_{K\alpha} = 0,71$  Å.

a) Care este tensiunea minimă ce trebuie aplicată tubului pentru ca linia  $K\alpha$  să fie emisă?

b) Care este impulsul fotonului emis?

c) Explicați mecanismul emisiei liniei  $K\alpha$  plecând de la modelul în pături al învelișului electronic al atomului.

$E_i = 6,63 \cdot 10^{-34}$  J·s.

Sub. teor. De ce existența frecvenței de prag în efectul fotoelectric pledează în favoarea teoriei fotonice și împotriva teoriei ondulatorii?



1978. ETAPA REPUBLICANA (Timișoara)

5.8.44. O locomotivă de masă  $M=20$  t trage rectiliniu uniform un vagon de masă  $m=10$  t. La un moment dat vagonul se desprinde și parcurge o distanță  $d=2,0$  km până se oprește. La ce distanță de vagon se va afla în acest moment locomotiva, dacă forța de tracțiune a locomotivei a rămas tot timpul aceeași? Forțele de frecare asupra locomotivei și vagonului sunt proporționale cu masele lor.

5.8.45. O cărămidă  $A$  de masă  $m$  se suprapune exact peste altă cărămidă identică  $B$  care se sprijină pe un suport  $S$ . Coeficientul de frecare între  $A$  și  $B$  este  $\mu_{AB}$ , iar între  $B$  și  $S$  el este  $\mu_{BS}$  și cărămizile sunt la început în repaus.

a) Suportul  $S$  este orizontal și de  $A$  se trage cu o forță orizontală  $F$ , paralelă cu laturile lungi ale cărămidilor și aplicată în centrul feței mici. Ce relație trebuie să existe între  $\mu_{AB}$  și  $\mu_{BS}$  pentru

ca fiecare cărămidă să se deplaseze separat și ce condiție trebuie să îndeplinească forța  $F$  pentru ca o astfel de mișcare să fie posibilă?

b) Ce distanță parcurge  $B$  în aceste condiții până în momentul când  $A$  se răstoarnă de pe  $B$ , dacă lungimea unei cărămizi este  $l$ ?

c) Suportul  $S$  este înclinat față de orizontală cu unghiul  $\alpha$  și  $F=0$ . Ce relații trebuie să existe între  $\mu_{AB}$ ,  $\mu_{BS}$  și  $\alpha$  pentru ca:

1.  $A$  și  $B$  să nu se deplaseze.
2.  $A$  și  $B$  să se deplaseze împreună.
3. Să se deplaseze numai  $A$ .
4.  $A$  și  $B$  să se deplaseze separat?

5.8.46.



Un corp cu masa  $m=100\text{ kg}$  se găsește pe un plan orizontal, pe care se poate deplasa cu coeficientul de frecare  $\mu=0,10$ . ( $g=10\text{ m/s}^2$ ). Asupra corpului acționează și o forță de tracțiune orizontală. Forța rezultantă variază, în funcție de coordonată, conform graficului din fig. 5.8.46. Corpul se oprește după ce a parcurs  $20\text{ m}$ . Se cere:

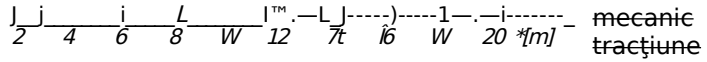
a) Să se completeze graficul.

Valoarea forței de tracțiune pe cele 4 etape ( $0-4\text{ m}$ ,  $4-8\text{ m}$ ,  $8-14\text{ m}$  și  $14-20\text{ m}$ ), precum și valorile accelerațiilor corespunzătoare. Cât este viteza medie pe întregul parcurs?

c) Se cere să se determine energia cinetică maximă și momentul căruia îi corespunde.

d) Să se traseze graficul vitezei în funcție de timp.

e) Să se determine lucrul al forței de tracțiune și lucrul mecanic rezistent; interpretare.



5.8.47. Un corp lovește frontal un perete. În ce raport este forța medie de contact în cazul ciocnirii perfect elastice față de forța din cazul ciocnirii plastice, dacă timpul de ciocnire este același?

5.8.48. Presupunând că lungimea se măsoară în metri și timpul în secunde, care ar fi unitățile de măsură ale masei, forței și energiei, dacă se ia ca bază legea a II-a a dinamicii și legea atracției universale în care se înlătură constanta  $X$ ?

(Cl. IX)

5.8.49. Se pun la dispoziție următoarele materiale:

- un corp de formă paralelipipedică de masă cunoscută,
- un corp cilindric de masă cunoscută,
- un scripete,
- un fir lung,
- riglă gradată.

Temă. a) Studiind mișcarea de lunecare a corpului paralelipipedic pe masa de lucru, să se determine coeficientul de frecare la lunecare dintre acest corp și suprafața mesei de lucru.

b) Să se întocmească un referat asupra lucrării (teoria lucrării și prelucrarea datelor experimentale).

c) Să se indice sursele de erori și să se aprecieze care dintre ele influențează mai mult asupra rezultatului final.

(Cl. IX, proba pract.)

5.8.50. Un motor termic folosește ca substanță de lucru un gaz ideal și funcționează după un ciclu care se compune din următoarele procese:  $1-2$  comprimare adiabatică,  $2-3$  destindere izobară,  $3-4$  destindere adiabatică până la presiunea inițială,  $4-1$  răcire izobară

până la volumul inițial (ciclul Joule). Cunoscând  $T_1 = T_4$ ,  $T_2$ ,  $T_3$  și  $\gamma = c_p/c_v = 7/5$ , se cere:

a) Să se găsească valoarea randamentului motorului lucrînd după acest ciclu.

b) Cu cît se modifică valoarea randamentului motorului, dacă destinderea adiabetică încetează cînd volumul ocupat de gaz devine ('gal cu cel inițial, în continuare revenirea la starea inițială reală zîndu-se prin intermediul unei răcirii izocore (ciclul Diesel)?

c) Să se calculeze valoarea randamentului motorului dacă el ar funcționa după un ciclu Carnot reversibil efectuat între aceleași temperaturi extreme ca cele atinse pe ciclurile anterioare.

Se dă:  $(3/2)^{7/5} = 1,764$ .

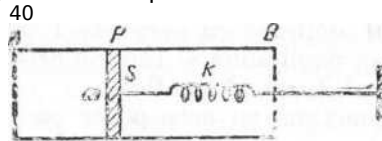
5.8.51. Pe talerul iinui dinamometru, de constantă elastică  $k$ , cade de la înălțimea  $h$  un corp de masă  $m$  care rămîne pe taler (ciocnire plastică).

Să se determine ecuația de oscilație a masei  $m$  în următoarele situații:

a) Masa talerului se neglijează.

b) Masa talerului are valoarea  $M$ .

5.8.52. a) Un piston cu masa  $m=10,0$  kg, legat prin intermediul unui resort elastic ( $\gamma c=1,00$  kN/m) de un punct fix, oscilează fără frecare în interiorul unui tub orizontal  $AB$  (fig. 6.8.52). Să se calculeze viteza pistonului după timpul  $t = \dots$ , s de la începerea



oscilației, dacă amplitudinea oscilației sale este  $A=20$  cm. Pistonul pornește din poziția sa de echilibru.

b) Pistonul fiind în repaus în poziția  $P$ , iar resortul nedeformat, se închide tubul la capătul  $A$ , aerul din interiorul tubului aflîndu-se la temperatura  $t=27^\circ\text{C}$  și presiunea  $p=100$  kPa. Să se determine forța suplimentară necesară pentru a menține pistonul blocat în poziția  $P$ , dacă aerul din interior este încălzit cu  $\Delta T=600$  K. Secțiunea tubului este  $S=2,00$  dm<sup>2</sup>.

c) Deblocînd pistonul și menținînd temperatura constantă, să se calculeze cu cît se deplasează pistonul pînă în noua sa poziție de echilibru, dacă  $AP=1,00$  m=l.

5.8.53. Să se calculeze distanța medie dintre moleculele unui gaz ideal, aflat în condiții normale de presiune și temperatură

(constanta Boltzmann  $k_B=1,38 \cdot 10^{-23}$  J/K).

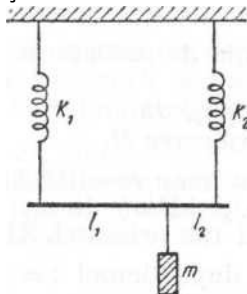
$t$ - K-T

(Cl. X)



5.8.54. Un vas de sticlă cu înălțimea  $h$  și aria bazei  $A$  la temperatura  $t_1$  conține mercur pînă la nivelul  $h_c$  la aceeași temperatură, în mercur se introduce o bucată de platină cu masa  $m_2$  și temperatura  $t_2$ . Să se determine temperatura  $t_2$  astfel ca la echilibru termic vasul să fie umplut complet. Se presupun cunoscute densitățile la  $0^\circ\text{C}$  ale mercurului  $\rho_{01}$  și platinei  $\rho_{02}$ , coeficienții lor de dilatare volumică  $\gamma_1$  și  $\gamma_2$  și căldurile lor specifice  $c_1$  și  $c_2$ . Capacitatea calorică a vasului este neglijabilă, iar coeficientul de dilatare volumică al sticlei este  $\gamma$ .

5.8.55. Corpul de masă  $m$  din fig. 6.8.55 este legat de sistemul de resorturi printr-un fir flexibil și inextensibil.

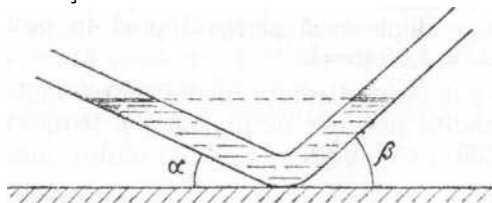


Știind că sistemul oscilează cu perioada  $T$ , bara de legătură dintre resorturi are masa neglijabilă și rămîne orizontală și că raportul distanțelor  $l_1$  și  $l_2$  este  $U$  să se afle:

a) Amplitudinea maximă cu care poate oscila sistemul astfel ca firul să rămînă întins.

b) Indepărtînd bara de legătură dintre cele două resorturi, se atîrnă o masă  $m_1 = 2m$  de resortul 1 și  $m_2 = 3m$  de resortul 2. Să se afle perioadele de oscilație ale celor două pendule formate.

5.8.56. Un lichid cu densitatea  $\rho$  umple un tub încovoiat (fig. 5.8.56), ale cărui brațe fac cu orizontala unghiurile  $\alpha$  și  $\beta$ . Lungimea coloanei de lichid este  $l$ . Dacă lichidul este scos puțin din poziția de echilibru, nivelele din cele două brațe încep să oscileze. Să se afle perioada oscilațiilor. Se vor neglija forțele capilare și vîscozitatea.



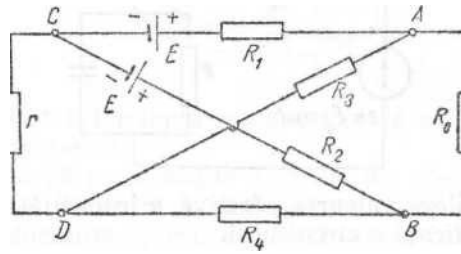
5.8.57. Se consideră un pendul elastic cu parametrii  $m$  și  $k$  necunoscuți. Să se descrie o metodă de determinare a perioadei pendulului, fără a se utiliza măsurarea timpului și a masei.

(Cl. X, licee spec.)

5.8.58. Se consideră circuitul din fig. 5.8.58. Se cere:

a) Să se aducă schema circuitului la forma cea mai simplă.

b) Să se determine  $r$  astfel încît pentru  $\mathcal{E} = 10\text{ V}$ ,  $j_2/c = p = 100/8$ , ( $lc = 1, 2, 3, 4$ ),  $\varphi_0 = 10^\circ$ , curentul prin ramura  $CD$  să fie  $\hat{i} = 50\text{ mA}$ , respectiv  $j_2 = 100\text{ mA}$ .

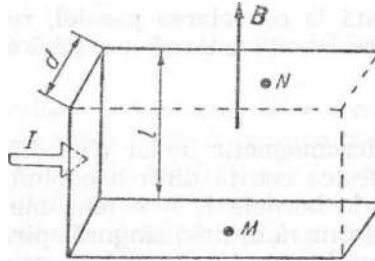


c) În paralel cu  $R_3$  se montează un condensator, iar în serie cu  $R_4$  o bobină — ambele ideale. Considerând  $r = i_0 = 0$ ,  $R_k = 100 \Omega$ , ( $k=1, 2, 3, 4$ ),  $E=10 \text{ V}$ , să se schițeze variația în timp a curentului prin ramura  $AB$  la închiderea și deschiderea (după un timp suficient de lung) a unui întrerupător montat în ramura  $CD$ .

d) Considerând  $r=0$ ,  $R_1 \rightarrow \infty$ ,  $E=10 \text{ V}$ ,  $R_1$  variabil în domeniul  $100 + 10 \pm 2$ , se aleg  $R_2, R_3, R_4$  astfel încât  $U_{AB} = 0$  pentru  $i = 100 \text{ Q} = R_{10}$ , se cere:

1. Să se schițeze variația tensiunii  $U_{AB}$  în funcție de  $R_1$ .
2. Să se determine  $R_2, R_3, R_4$  astfel ca sensibilitatea circuitului,  $\Delta U_{AB} / \Delta R_1$ , să fie maximă.

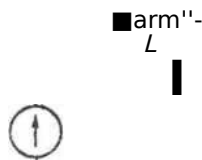
5.8.59. O bandă metalică având grosimea  $d=0,10 \text{ mm}$  este parcursă de un curent cu intensitatea  $I=16 \text{ A}$ . Banda este plasată în-



tr-un câmp magnetic omogen de inducție  $B=1,00 \text{ T}$  orientat ca în fig. 5.8.59. Numărul electronilor din unitatea de volum a metalului din care este construită banda este  $n=1,0 \cdot 10^{28} \text{ m}^{-3}$ . Să se determine tensiunea ce apare între punctele  $M$  și  $N$  presupunând că electronii se mișcă liber în metal.

5.8.60. Se consideră circuitul cu toate elementele cunoscute (inclusiv  $E_m$  și «) (fig. 5.8.60).

a) Să se reprezinte diagrama fazorială a circuitului.



b) Să se calculeze valoarea efectivă a intensității curentului prin porțiunea neramificată a circuitului.

c) Se variază pulsația sursei; pentru o anumită pulsație  $\omega$  impedanța (modul) circuitului dat este egală cu cea a circuitului obținut prin permutarea elementelor  $L$  și  $C$ . Care este  $\omega$ ?

d) Pentru ce pulsație  $\omega_2$  circuitul se comportă rezistiv?

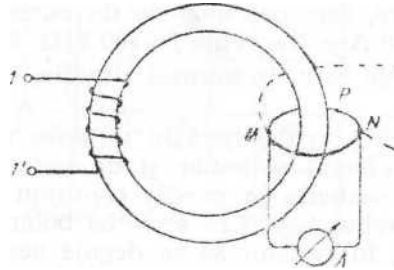
e) Care este puterea activă consumată pentru  $\omega = \omega_1$  respectiv  $\omega_2$ ?

5.8.61. Se știe că două consumatoare identice conectate în paralel la rețea consumă o putere totală de 4 ori mai mare decât în situația când sînt conectate în serie.

Este oare posibil ca  $n$  consumatoare identice, de rezistență  $r$ , conectate întîi în paralel și apoi în serie, la aceeași sursă cu t.e.m.  $E$  și rezistență internă  $R_{iL}$ , să disipe aceeași putere totală în cele două conexiuni? În ce condiții? Care este în general raportul dintre puterea totală consumată la conectarea paralel, respectiv serie? Ce se poate spune despre rezistența internă a rețelei avînd în vedere afirmația inițială?

(Cl. XI)

Un miez feromagnetic inelar (fig. 5.8.62) poartă două înfășurări. Una din acestea constă dintr-o bobină cu un număr  $N$  de spire și are aplicată la bornele  $1, 1'$  o tensiune alternativă sinusoidală  $E$ . A doua este formată dintr-o singură spirală și are rezistența  $l$ . Un ampermetru cu rezistența internă  $r$  este conectat între punctele  $M$  și  $N$  ale spirei, punctele  $M, N$  și  $P$  fiind echidistante. Conexiunea se face în două variante. Prima este reprezentată în figură printr-o linie continuă, a doua printr-una întreruptă.

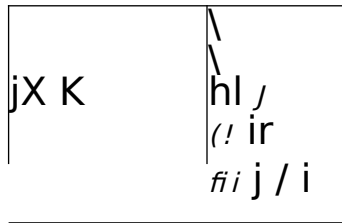


Corespunzător celor două variante, să se calculeze curentul care trece prin ampermetru.

Se consideră că toate liniile de forță ale câmpului magnetic produs de curentul din bobină sînt canalizate de miezul feromagnetic prin spirală. Inductanța spirei, a conexiunilor, rezistența bobinei și a conexiunilor înspre ampermetru se neglijează.

5.8.62. Se dă circuitul din fig. 5.8.63, în care  $E_s = 12 \text{ V}$ ,  $0,50 \text{ Q}$ ,  $E_r = 6,0 \text{ V}$ ,  $r_r = 1 \text{ Q}$ .

a) Să se determine tensiunea la borne  $U$  pentru  $I = 1,00 \text{ A}$ .



b) Pentru ce valori ale lui  $R$  puterea dată de sursa  $E_2$  este pozitivă?

c) Pentru ce valoare a tensiunii  $U$  și a rezistenței  $R$  puterea debitată în exterior de sursa  $E_2$  va fi cea mai mare?

d) Pentru ce valori ale lui  $U$  și ale lui  $R$  puterea „debitată” de sursa  $E_2$  este negativă, sursa devenind consumator?

5.8.63. Pentru ce valoare a lui  $R$  puterea absorbită de sursa  $f$ , este maximă și cât este această putere? Un inel cilindric dintr-un material conductor (rezistivitate  $\rho = 7 \cdot 10^{-6} \text{ } \Omega \cdot \text{cm}$ ) are diametrul  $D = 1,0 \text{ cm}$ , înălțimea  $h = 3,0 \text{ cm}$  și grosimea peretelui  $a = 0,10 \text{ mm}$ . Inelul este situat în interiorul unei bobine cilindrice, coaxial cu aceasta. Bobina, având lungimea  $Z = 10 \text{ cm}$  și  $N = 10$  spire, este parcursă de un curent alternativ de intensitate efectivă  $I = 60 \text{ A}$  și frecvența  $f = 100 \text{ kHz}$ . Se cere:

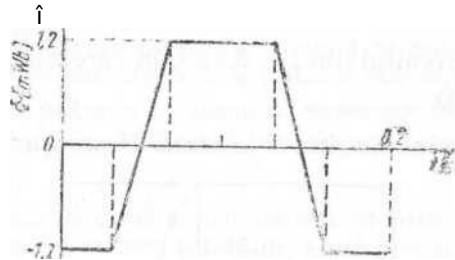
a) Să se arate cauzele care, în această situație, conduc la încălzirea inelului.

b) Să se calculeze căldura degajată în unitatea de timp în inel (se face abstracție de efectul pelicular și de inductanța inelului).

c) Considerând că rezistența în curent continuu a bobinei este nulă, ce rezistență ar trebui legată în serie cu bobina pentru ca, la același curent  $I = 60 \text{ A}$ , în rezistor să se degaje aceeași căldură în unitatea de timp ca în inel, dar în lipsa acestuia?

$$(U_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \text{ H/m.})$$

5.8.64. Fluxul magnetic  $\langle X \rangle$  care străbate o spiră se modifică în timp după diagrama din fig. 5.8.65.



Să se reprezinte grafic variația în timp a tensiunii induse în spiră și să se determine valorile extreme ale acesteia.

(Cl. XI, licee spec.)

5.8.65. De la înălțimea  $h$  măsurată de la sol se aruncă orizontal un corp luminos cu viteza inițială  $v_0$ . În care poziție a punctului luminos iluminarea punctului de pe sol de sub punctul de aruncare va fi maximă? Discuție. Cât să fie  $v_0$  ca acest punct să corespundă cotei  $h/2$ ? Cât este în acest caz iluminarea maximă, dacă intensitatea sursei este  $I$ ?

5.8.66. De o parte a unei surse punctiforme de lumină, la distanța  $a/2$  se află o oglindă plană. De partea cealaltă, la distanța  $2a$  se află un ecran. De câte ori va crește iluminarea în centrul ecranului,

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., El., Transp., iulie, 1971)

5.8.67.

Sub. teor. 1. Folosind legile conservării energiei și impulsului, să se arate că un electron relativist, aflat inițial în repaus, nu poate absorbi în întregime energia unei cuante incidente.

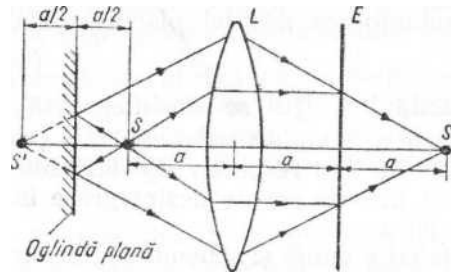
2. Cum se explică existența unei lungimi de undă minime în spectrul

dacă la jumătatea distanței dintre ecran și sursa de lumină se așează o lentilă convergentă de distanță focală  $f=a$ ? (fig. 5.8.67).

continuu de raze  
(Cl. XII)

5.8.68. Un gaz  
adiabatic în vid de  
volumul  $V_2$ .

Să se  
variația entropiei  
să se arate că  
ireversibil.



X?

ideal se destinde  
la volumul  $V_1$  la

determine  
în acest proces și  
procesul este

5.8.69. Maximul de interferență de ordinul maximal  $n$  obținut cu o rețea de difracție se observă sub un anumit unghi folosind lentila cu distanța focală  $f$ . Cunoscând numărul total al maximelor  $n_{max}$  date de rețea și știind că acest număr nu se schimbă dacă mărim lungimea de undă folosită cu  $\Delta\lambda$  sau dacă micșorăm constanta rețelei cu  $\Delta d$ , să se calculeze  $n$  și distanța  $x_n$  dintre maximul central și cel de ordinul maximal  $n$ .

Aplicație:  $n_{max}=41$ ;  $\Delta\lambda=100$  nm,  $d=10$   $\mu$ m,  $f=6,0$  dm.

5.8.70. Considerăm dispozitivul de interferență al lui Young. Distanța dintre cele două fante este  $d$ . Distanța dintre planul fantelor și ecran este  $D$ . Raportul dintre  $d$  și  $D$  este suficient de mic pentru a putea face aproximațiile uzuale.

Spațiul dintre paravan și ecran este împărțit în trei părți prin plane paralele cu ecranul și cu paravanul. În cele trei compartimente avem medii cu indicii de refracție  $n_1$ ,  $n_2$  și  $n_3$ . Lățimile straturilor respective sînt  $a$ ,  $b$  și  $c$ . ( $a + b + c = D$ ). Să se determine:

a) Interfranța în partea centrală a ecranului.

- b)  
 c) Prin particularizare, felul cum o placă plan-paralelă de grosime  $KD$  introdusă între paravan și ecran, paralel cu acestea, influențează interferența.  
 d) Dacă prin schimbarea poziției plăcii se schimbă interferența.

(Cl. XII, licee spec.)

5.8.71. Radionuclidul  $^{210}\text{Bi}$  se dezintegrează în radionuclidul derivat  $^{210}\text{Po}$  prin emisie  $\alpha$ , punându-se în evidență particule  $\alpha$  cu energie cinetică  $E_\alpha = 6,20 \text{ MeV}$  și respectiv  $E_\gamma = 6,16 \text{ MeV}$ . Se cere:

a) Energia totală într-un act de dezintegrare în cele două cazuri de emisie  $\alpha$  particulei  $\alpha$ .

b) Energia radiației  $\gamma$  emise și schema de dezintegrare.

c) Timpul de înjumătățire știind că sursa radioactivă emite radiații cu puterea  $P = 51,2 \text{ } \mu\text{W}$  la un moment dat și cu puterea  $P' = 0,20 \text{ } \mu\text{W}$  după  $t = 1,0 \text{ zi}$ . ( $T_{1/2} = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ s}$ ).

5.8.72. Un nucleu de masă  $M$  excitat, se dezexcită printr-o emisie succesivă, pe direcții diferite, a doi fotoni  $\gamma$  cu frecvențele  $\nu_1$  și  $\nu_2$ . Să se determine intervalul de valori în care poate fi cuprinsă energia de recul a nucleului.

5.8.73. De ce neutronii pot trece printr-un strat de plumb gros de mai multe zeci de cm, fără a fi opriți (încetiniți simțitor), în timp ce un strat de parafină de câțiva cm îi oprește?

5.8.74. Într-un spectrometru de masă intră un fascicul divergent de ioni. Acest fascicul este focalizat succesiv de un câmp electric și unul magnetic. Ce avantaje prezintă această metodă?

5.8.75. Câte dezintegrări  $\alpha$  și câte dezintegrări  $\beta^-$  se produc la transmutația  $^{238}\text{U}$  în  $^{206}\text{Pb}$ ?

(Cl. XIII)

## 1979. ETAPA JUDEȚEANĂ

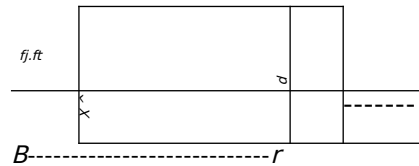
(Inst. Pol. București, Fac. Mec., El., Transp., iulie, 1971)

La ciocnirea unidimensională perfect elastică a două corpuri de mase  $m_1$  și  $m_2$  care se deplasează cu vitezele  $v_1$  și respectiv  $v_2$ , viteza relativă a unui corp față de celălalt corp după ciocnire este egală în modul și de sens opus cu viteza sa relativă înainte de ciocnire. Folosind această definiție a ciocnirii perfect elastice și considerînd sistemul format de cele două corpuri ca fiind izolat, arătați că într-o astfel de ciocnire energia cinetică a sistemului se conservă (are aceeași valoare înainte și după ciocnire).

5.9.1. Un automobilist afirmă că deplasîndu-se pe o șosea orizontală și plană, spre a evita un accident, a redus viteza automobilului de la  $v_1 = 72$  km/h la  $v_2 = 0$  pe distanța  $s = 16$  m. Îl credeți? Justificați. În raționament presupuneți neglijabile frecările cu aerul.

5.9.2. Un fir inextensibil de lungime  $Z = 1,20$  m se rupe dacă de unul din capetele sale se suspendă un corp de greutate  $G_0$ . Pentru a suspenda de fir un corp avînd o greutate  $G = nG_0$ ,  $n > 1$ , se procedează în modul următor: se fixează capetele firului în punctele  $A$  și  $B$  situate în plan orizontal astfel încît  $AB = 0,72$  m, iar corpul de greutate  $G$  se fixează la mijlocul firului. Începînd cu ce valoare a lui  $n$  firul se rupe în acest caz?

5.9.3. O placă plan paralelă din material plastic transparent are grosimea  $d = 6,3$  cm, densitatea  $\rho = 1260$  kg/m<sup>3</sup> și indicele absolut de refracție  $n_l = 1,5$ . Placa plutește la suprafața unui lichid de den-



sitate  $\rho_l = 1260$  kg/m<sup>3</sup> și al cărui indice absolut de refracție este  $n_l = 1,41$ . Să se afle:

- Ce porțiune  $x$  din grosimea plăcii este scufundată în lichid.
- Pentru ce valori ale unghiului de incidență  $i$  ale unui fascicul de lumină ce cade pe fața  $AB$ , fasciculul nu trece în lichid prin fața  $BC$ ? (fig. 5.9.4).

Se va considera  $n_{aer} = 1$ ; dimensiunile orizontale ale plăcii suficient de mari; fața  $AB$  plană și verticală.

(Cl. IX)

5.9.4. O spiră circulară cu raza  $r = 10$  cm și rezistența electrică  $jR = 10$  m $\Omega$ , se rotește uniform cu turația  $n = 6000$  rot/min într-un câmp magnetic uniform de inducție  $B$ , perpendicular pe diametrul în jurul căruia are loc rotația. Știînd că inductanța spirei este egală cu cea a unui solenoid fără miez magnetic de lungime  $l = 20$  cm, avînd aria secțiunii transversale  $S = 12,7$  mm<sup>2</sup> și  $N = 50$  spire, iar inducția magnetică  $B$  este egală cu cea atinsă în solenoid în cazul în care acesta este parcurs de un curent electric continuu de intensitate  $I = 1,00$  A, să se determine:

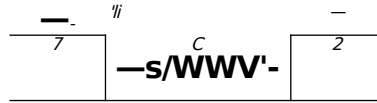
- Inductanța spirei.
- Inducția magnetică  $B$ .
- Amplitudinea  $E_m$  a t.e.m. induse în spirală.
- Defazajul dintre t.e.m. indusă și intensitatea curentului electric



produs în spirală.

Permeabilitatea aerului  $\mu = 4 \cdot 10^{-7} \text{ H/m}$ .

5.9.5. Două corpuri identice de mase  $m = 1,00 \text{ kg}$ , legate printr-un resort de constantă elastică  $k = 200 \text{ N/m}$ , se deplasează fără frecare în lungul direcției resortului pe o suprafață plană. Știind că la momentul inițial vitezele celor două corpuri sînt  $v_{01} = 0,10 \text{ m/s}$ ,

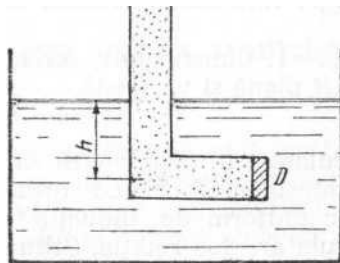


respectiv  $v_{02} = 0,50 \text{ m/s}$  (fig. 5.9.6), resortul fiind comprimat cu  $\Delta l = 2,0 \text{ cm}$  față de lungimea sa în stare nedeformată, se cere:

- Să se studieze mișcarea centrului resortului C.
- Să se determine perioada oscilației sistemului.
- Să se deducă fazele oscilațiilor celor două corpuri, în raport cu centrul resortului, la momentul inițial.

(Cl. X)

5.9.6. Un tub închis la un capăt și îndoit ca în fig. 5.9.7. are volumul  $V_0 = 1,00 \text{ l}$ . În tub se află aer la presiunea atmosferică  $p_0 = 760 \text{ torr}$ , închis cu ajutorul unui piston de diametru  $D = 40 \text{ mm}$ , ce se poate mișca fără frecare.



a) La ce adîncime  $h$  trebuie cufundat tubul într-un vas cu apă pentru ca pistonul să se deplaseze pe distanța  $Z = 40 \text{ mm}$ , ( $g = 10 \text{ m/s}^2$ ).

b) Să se afle cantitatea de căldură ce trebuie transmisă aerului din tub pentru ca pistonul să revină în poziția inițială.

Se cunosc:  $c_p(\text{aer}) = 1,006 \text{ J/kg} \cdot \text{K}$ ,  $\mu_{\text{aer}} = 28,9 \text{ kg/kmol}$  și  $R = 8,31 \text{ kJ/kmol} \cdot \text{K}$ .

c) Să se afle lucrul mecanic efectuat de aer în transformarea de la punctul b).

d) Prin ce transformare simplă aerul poate fi adus din ultima stare în starea inițială?

e) Să se reprezinte grafic cele trei transformări ale aerului din tub, folosind coordonatele  $(p, V)$ ;  $(p, T)$ ;  $(V, T)$ .

5.9.7. Un electron pătrunde într-un câmp electric omogen de intensitate  $E$  cu viteza  $v_0$ . Vectorii  $v_0$  și  $E$  formează între ei un unghi ascuțit  $\alpha$ . Neglijînd efectul gravitației, să se afle:

a) Valoarea minimă  $v_{\min}$  a vitezei  $v$  a electronului în timpul mișcării sale în câmp.

b) Raza de curbură a traiectoriei în momentul în care  $v = v_{\min}$ .

Se consideră cunoscută masa electronului  $m_e$ .

(Cl. XI)

5.9.8. Potențialul de extracție al unui electron dintr-un metal este  $U_{ex}$ . O placă de arie  $S$  din metalul respectiv, utilizată drept catod, este supusă acțiunii unor radiații luminoase de lungime de undă  $\lambda$  cu puterea incidentă  $P_\lambda$  în durată  $\tau$ , sub unghiul de incidență  $\theta$ . Fotoelectronii emiși au vitezele cuprinse în intervalul  $[0, v_{max}]$ . Cunoscând intensitatea la saturație  $I_a$  a fotocurentului, masa plăcii catodice  $m_\lambda$ , căldura sa specifică  $C$  și coeficientul de reflexie  $R$  al suprafeței catodului, să se evalueze:

a) Valoarea minimă  $U_0$  a tensiunii de frînare pentru care intensitatea curentului fotoelectric se anulează.

b) Variația temperaturii plăcii catodice.

c) Presiunea exercitată de fasciculul incident asupra catodului.

d) Cum se explică faptul că fotoelectronii emiși au viteze diferite?

Se dau:  $17,4 = 1,87 \text{ V}$ ,  $S = 1 \text{ cm}^2$ ,  $\lambda = 0,50 \text{ nm}$ ,  $P = 100 \text{ mW}$ ,

$x = 1,6 \text{ min}$ ,  $\theta = 30^\circ$ ,  $I_a = 0,10 \text{ mA}$ ,  $m = 5,0 \text{ g}$ ,  $C = 200 \text{ J/kg}\cdot\text{K}$ ,  $\eta = 0,30$ ;  $j_{rs} = 1,6 \cdot 10^{19} \text{ C}$ .

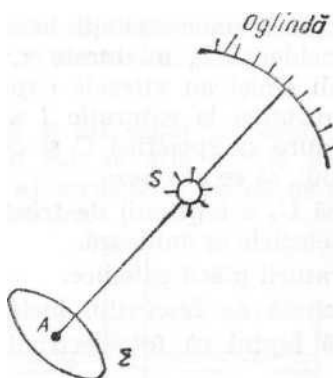
Se neglijează pierderile de căldură ale plăcii catodice, iar distribuția fotoelectronilor după energia lor cinetică va fi considerată uniformă.

5.9.9. Folosirea optimă a energiei electrice impune și așezarea surselor de lumină în astfel de poziții, încât locurile de muncă să fie iluminate la maxim. Într-o hală industrială sînt dispuse 4 mese de lucru, ale căror centre  $A, B, C, D$  se află în vîrfurile unui pătrat cu latura  $a = 2 \sqrt{3} \text{ m}$ . De tavan este atîrnată, după direcția verticalei trecînd prin centrul pătratului  $ABCD$  o sursă de lumină, de dimensiuni neglijabile, care emite un flux luminos  $\Phi = 32 \text{ klm}$ . Să se determine:

a) Poziția sursei de lumină  $S$  pentru care iluminarea în centrele celor patru mese atinge o valoare maximă. Înălțimea la care este atîrnată sursa de lumină se socotește de la podea, înălțimea meselor de lucru fiind  $h = 0,90 \text{ m}$ .

b) Valoarea iluminării maxime.

c) Se îndepărtează una dintre mese și se așază în locul său o suprafață circulară  $\Sigma$ , situată într-un plan perpendicular pe direcția care unește poziția  $A$  a centrului mesei cu sursa  $S$ . Centrul suprafeței circulare este chiar punctul  $A$ , iar raza circumferinței care o delimitează  $\rho = 10,8 \text{ cm}$ . Pentru a mări iluminarea acestei suprafețe, se așază o oglindă sferică pe axa optică  $AS$ , astfel încît sursa  $S$  să se găsească în focarul ei (fig. 5.9.10).



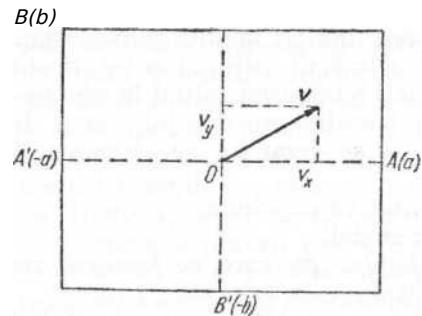
Știind că suprafața activă a oglinzii este egală cu  $f=1,08 \cdot 10^{-4}$  din suprafața sferei din care face parte, să se determine de câte ori se mărește iluminarea zonei centrale a suprafeței, cu ajutorul oglinzii, considerată perfect reflectantă. Comentați modul în care caracteristicile oglinzii influențează iluminarea suprafeței circulare.

(Cl. XII)

1979. ETAPA REPUBLICANA (Odorheiul Secuiesc)

5.9.10. Un vagon de cale ferată se mișcă orizontal. Există la un moment dat puncte care sînt în repaus și puncte care se mișcă exact în sens invers mișcării vagonului (față de pămînt)?

5.9.11. O bilă netedă de oțel este așezată pe suprafața orizontală înghețată a unui patinoar în centrul unui țarc dreptunghiular fix cu pereți netezi și elastici de dimensiuni  $2a \times 2b = 2\text{m} \times 4\text{m}$  ca în fig. 5.9.12. I se imprimă bilei o viteză orizontală  $\underline{v}$  cu  $v_x =$



$=2,00 \text{ m/s}$ ,  $v_y=1,00 \text{ m/s}$ . Considerînd că bila se mișcă  $t=10,0 \text{ s}$ , să se afle:

- Cîte ciocniri efectuează bila cu pereții de lungime  $2a=2,0 \text{ m}$ .
- Cîte ciocniri efectuează bila cu pereții de lungime  $2b=4,0 \text{ m}$ .
- Unde se va găsi bila după timpul  $t=10,0 \text{ s}$ .

Se neglijează toate frecările și se consideră că ciocnirile cu pereții sînt perfect elastice.

**5.9.131** Un sistem izolat este format din două bile sferice conductoare avînd razele:  $r_1=2,0$  mm,  $r_2=3,0$  mm, masele:  $m_1=0,40$  g,  $m_2=0,80$  g și sarcinile electrice:  $q_1=100$  nC,  $q_2=-25$  nC. Inițial bilele se află în repaus, distanța dintre centrele lor fiind  $r_0=90$  mm. Se lasă bilele libere. Să se calculeze:

- Energia potențială de interacțiune electrică a bilelor în starea inițială și în starea imediat înainte de ciocnire.
- Energia cinetică totală a bilelor imediat înainte și imediat după ciocnire, presupunînd că ciocnirea este perfect elastică.
- Sarcinile bilelor după ciocnire, presupunînd că timpul de contact este suficient pentru egalizarea potențialelor.
- Vitezele bilelor după ciocnire în momentul cînd distanța dintre centrele lor devine iarăși  $r_0$ .
- Să se reprezinte grafic energia potențială de interacțiune electrică, precum și energia cinetică totală a bilelor, înainte și după ciocnire, în funcție de distanța dintre bile.

(Cl. IX)

5.9.14. Se dau: O bilă de oțel de masă  $m_1=15$  g.

Un cilindru de oțel de masă  $m_2=49$  g.

Un stativ cu tijă și două cleme.

O tijă scurtă.

O riglă gradată.

Fir.

Temă: Să se determine cît la sută din energia sa cinetică inițială transferă bila sau cilindrul prin ciocnire (frontală) celuilalt corp (respectiv cilindru sau bilă), aflat inițial în repaus.

Să se calculeze teoretic procentajul cerut în ipoteza ciocnirii perfect elastice și să se compare cu valoarea determinată experimental.

Referatul prezentat va cuprinde:

- Expunerea metodei.
  - Enunțul legilor pe care se bazează rezolvarea problemei experimentale.
  - Prezentarea montajului experimental (descriere și desen schematic).
  - Modul de lucru.
- Prezentarea rezultatelor măsurărilor (tabelul cu datele măsurărilor).
- Prelucrarea rezultatelor (calculele).
- Sursele de erori (prezentarea surselor).
- Interpretarea rezultatelor obținute.

(Cl. IX, proba pract.)

5.9.15. Să se exprime în funcție de timp și să se reprezinte grafic tensiunea la bornele rezistorului cu rezistența  $R=10,0$   $\Omega$  din fig. 5.9.15 a. Caracteristica curent-tensiune a diodei redresoare este

5.9.16.

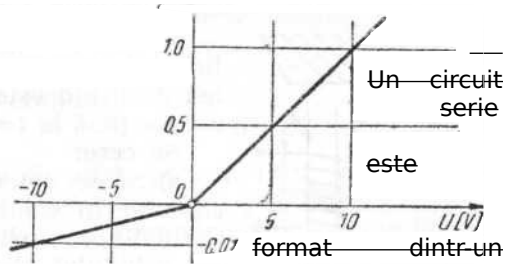
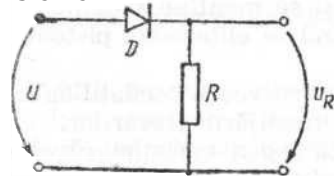


dată în fig. 5.9.15 b. Tensiunea aplicată la bornele de intrare este  $u_i = 10 \sin \omega t$ , V.

5.9.17.

5.9.18.

5.9.19.-

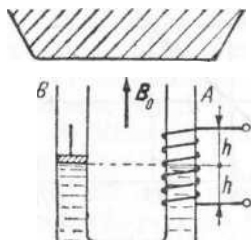


condensator cu lungimea  $l = 10,0$  cm, aria secțiunii transversale  $S = 1,00$  cm<sup>2</sup> și  $N = 300$  spire, care are un miez cu permeabilitatea  $\mu_{\text{jit}}$ . La bornele circuitului se aplică o tensiune alternativă sinusoidală cu  $U_m = 10$  V. La frecvența  $\nu_0 = 10,0$  kHz, intensitatea efectivă a curentului atinge o valoare maximă atunci când miezul ocupă jumătate din volumul interior al solenoidului. Intensitatea efectivă a curentului când miezul ocupă complet volumul interior al solenoidului este de  $\approx 5$  ori mai mică decât valoarea maximă a intensității efective, la aceeași frecvență. Presupunând că miezul rămâne la jumătatea solenoidului și frecvența variază, se cere:

- Să se determine permeabilitatea relativă a miezului.
- Să se calculeze frecvențele  $\nu_1$  și  $\nu_2$  pentru care puterea activă a circuitului este jumătatea puterii active maxime ( $P_{\text{max}}$ ).
- Să se arate că raportul dintre frecvența de rezonanță și diferența  $\nu_2 - \nu_1$  este egală cu factorul de supratensiune.
- Să se deseneze schematic oscilatorul elastic analog celui electric prezentat.
- Să se scrie ecuația oscilatorului elastic analoagă ecuației tensiunilor pentru circuitul electric descris.
- Să se determine masa oscilatorului elastic, știind că frecvența sa proprie este de  $\nu_0 = 1000$  ori mai mică decât frecvența de rezonanță a circuitului electric de mai sus, iar  $fc = 3955$  N/m.

5.9.20. Într-un tub cilindric avînd pereții de grosime neglijabilă, secțiunea

$f=10,0 \text{ cm}^2$  și îndoit în formă de  $\mathcal{U}$ , se toarnă  $V=200 \text{ cm}^3$  de lichid de permeabilitate magnetică relativă  $\mu_{\text{Lr}}=0,90$ . Pe brațul  $\mathcal{A}$  este înfășurat uniform, în  $N=60$  spire, începînd de la



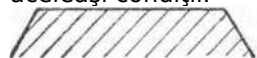
5.9.21.  $h=30$  mm sub nivelul lichidului și pînă la  $h=30$  mm deasupra acestuia, un fir conductor ale cărui capete sînt izolate. Tubul este plasat între polii unui magnet care creează în vid un cîmp magnetic uniform, vertical, de inducție  $B_0=200$  mT.

Cu un piston de masă neglijabilă se apasă lichidul din brațul  $B$  pînă ce denivelarea coloanei de lichid este  $2h$  și se menține sistemul în repaus pînă la  $t=0$ , cînd se eliberează pistonul.

Se cere:

a) Să se determine frecvența oscilațiilor lichidului în condițiile neglijării frecărilor.

Să se stabilească legea variației nivelului lichidului din brațul  $B$ , pentru  $t>0$ , în aceleași condiții.



c) Să se calculeze valoarea maximă și să se exprime valoarea instantanee a t.e.m. induse în conductor.

Se dau:  $\mu_0=4 \pi \cdot 10^{-7}$  H/m,  $g=10$  m/s<sup>2</sup>.

(Cl. X)

5.9.22. Se dau următoarele obiecte: două resorturi elastice; mase marcate; două bobine; un ampermetru; un voltmetru și un alimentator de c.c. și c.a.

Tema: a) Să se determine constantele elastice  $k_1$  și  $k_2$  ale resorturilor.

b) Să se determine constanta elastică  $k_s$  a resortului obținut prin înserierea celor două resorturi.

c) Să se constate relația dintre  $k_s$ ,  $k_1$ , și  $k_2$ .

d) Să se determine rezistențele electrice și inductanțele, și să se calculeze factorul de putere pentru fiecare bobină.

e) Să se constate pentru care tip de legare a bobinelor (în serie sau în derivație) relația dintre inductanțe este de aceeași formă ca și cea stabilită pentru constantele elastice, în cadrul punctului c).

Redactarea referatului. Referatul întocmit după încheierea determinărilor va fi format din:

a) Expunerea metodei, care va trebui să conțină:

1. Enunțul legilor pe care se bazează rezolvarea problemei experimentale.

2. Prezentarea montajului experimental (descriere și desen schematic).

Modul de lucru

- 3.
- b) Prezentarea rezultatelor măsurărilor, conținând:  
Tabelul cu rezultatele măsurărilor.
  - c) Prelucrarea rezultatelor, conținând:  
Calculule efectuate pentru obținerea rezultatelor cerute.
  - d) Sursele de erori, conținând:  
Indicarea surselor de erori.
  - e) Interpretarea rezultatelor obținute.

(Cl. X, proba pract.)

5.9.23. Sistemul din fig. 5.9.19. aflat în echilibru, conține un gaz la o presiune  $p$  de două ori mai mare decât presiunea atmosferică. Pistoanele sînt legate printr-o tijă inextensibilă de lungime  $l$

$$P$$

S.

și pot să se miște fără frecare. Resortul ideal are constanta elastică  $k$ , în starea inițială fiind tensionat.

Să se calculeze cu cît trebuie să se modifice temperatura gazului astfel încît:

- a) Resortul să fie netensionat.
- b) întreaga cantitate de gaz să fie conținută în cilindrul de secțiune  $S_1$ .

T 5.9.20. Un tub cilindric orizontal de secțiune constantă  $S$  este împărțit în compartimente egale cu ajutorul a  $n-1$  pistoane identice de masă  $m$ , care se pot mișca fără frecare.

Inițial, presiunea în toate compartimentele este aceeași, egală cu  $p$ . Să se afle presiunea din fiecare compartiment cînd tubul este adus în poziție verticală, dacă se constată că, în acest caz, între volumele celor  $n$

compartimente există relațiile:  $V_2 = 2V_1$ ;  $V_3 = \frac{2}{3}V_1$ ;  
 $= 3V_1$ ;  $V_n = nV_1$ .

5.9.21. Un fascicul de ioni  $^{16}\text{O}^{++}$  este accelerat sub tensiunea  $U = 15 \text{ kV}$ .



Știind că temperatura sursei de la care provin acești ioni este  $T=550\text{ K}$ , să se afle viteza medie a ionilor în momentul în care părăsesc câmpul accelerator.

a)  
b) Considerînd că fasciculul de ioni accelerați intră sub un unghi  $\alpha=30^\circ$  într-un câmp magnetic de inducție  $B=150\text{ mT}$ , să se studieze mișcarea ionilor.

c) Considerînd distribuția ionilor după viteze maxwelliană, să se imagineze un procedeu utilizînd un câmp electric  $E$  și un câmp magnetic de inducție  $B$ , cu care să se obțină ioni cu aceeași viteză indiferent de masa și sarcina lor.

Se dau:  $1\text{ u}=1,66\cdot 10^{-27}\text{ kg}$ ,  $k_B=1,38\cdot 10^{-23}\text{ J/K}$ ,  $e=1,6\cdot 10^{-19}\text{ C}$ .

(Cl. XI)

5.9.22. Materiale puse la dispoziție:

calorimetru complet; cilindru gradat 250 ml; vas cu gheață pisată; balanță de precizie; sursă de tensiune; ampermetru; voltmetru; cronometru; fire de conexiune.

a) Să se determine căldura latentă de topire a gheții, folosind mijloacele experimentale amintite.

b) Rezultatele experimentale vor fi prezentate într-un referat care va cuprinde:

1. Expunerea metodei,
  - Enunțul legilor pe care se bazează rezolvarea.
  - Prezentarea montajului experimental (descrierea și desen schematic).
  - Modul de lucru.
2. Prezentarea rezultatelor măsurărilor într-un tabel.
3. Prelucrarea rezultatelor (calculele).
4. Surse de erori.
5. Interpretarea rezultatelor obținute.

(Cl. XI, proba pract.)

5.9.23. Puterea radiației emise de Soare este  $P=4\cdot 10^{26}\text{ W}$ .

a) Cu cît se micșorează masa Soarelui într-o secundă?

b) Care este accelerația pe care o primește Soarele ca urmare a acestei emisii și care va fi viteza pe care o va primi după un an, dacă se presupune că radiația se emite doar într-o singură direcție (rachetă fotonică)?

c) Să se descrie influența pe care o poate avea câmpul gravitațional asupra frecvenței fotonilor ce părăsesc Soarele. Să se calculeze variația relativă a frecvenței fotonilor emiși (efectul Einstein).

d) Cum s-ar putea pune în evidență experimental această influență de la punctul c)?

Se dau: masa Soarelui  $M=2\cdot 10^{30}\text{ kg}$ ; raza Soarelui  $R=6,96\cdot 10^5\text{ km}$ ; constanta atracției gravitaționale  $G=6,67\cdot 10^{-11}\text{ N}\cdot\text{m}^2/\text{kg}^2$ ;  $c=3\cdot 10^8\text{ m/s}$ .

Sub. teor. 1. Deduceți condiția deviației minime într-o prismă optică și valoarea minimă a unghiului de deviație.

2. Descrieți o experiență pentru determinarea unghiului de deviație minimă și a indicelui de refracție a prisme.

(Cl. XII)

5.9.25. Temă: Cu ajutorul mijloacelor experimentale conținute în trusa

de pe masă, determinați indicele de refracție a soluției aflată în pahar.

Referatul. Datele experimentale vor fi prezentate într-un referat care să conțină:

- a) Expunerea metodei de lucru.
- 1) Prezentarea formalismului matematic necesar metodei.
- 2) Prezentarea montajului experimental (descriere și desen schematic).
- 3) Modul de lucru.
- b) Prezentarea rezultatelor obținute la măsurători într-un tabel.
- c) Prelucrarea rezultatelor.
- d) Prezentarea surselor de erori.
- e) Interpretarea rezultatelor și concluzii.

(Cl. XII, proba pract.)

## 1980. ETAPA JUDEȚEANĂ

5.10.1. Un om trage o ladă de masă  $m=20$  kg, așezată pe un plan orizontal cu o forță  $F=98$  N, care formează un unghi  $\alpha$  cu orizontala. Variind acest unghi, omul constată că pentru  $\alpha=30^\circ$  corpul alunecă uniform pe plan.

a) Să se calculeze coeficientul de frecare la alunecare dintre corp și planul orizontal.

b) Ce masă minimă trebuie să aibă omul pentru a nu aluneca în spate atunci când dezvoltă forța necesară tragerii corpului în condițiile de la punctul a), dacă coeficientul de frecare dintre om și planul orizontal este același?

5.10.2. Un observator așezat în fața unei ferestre cu înălțimea  $h$ , vede urcând un obiect. El constată că obiectul trece prin fața ferestrei în timpul  $t$ . Să se deducă în funcție de  $h$ ,  $t$  și  $g$  (acceleerația gravitațională), expresia care dă înălțimea la care urcă obiectul deasupra ferestrei.

Aplicație numerică:  $h=2,20$  m,  $t=0,20$  s,  $g=10$  m/s<sup>2</sup>.

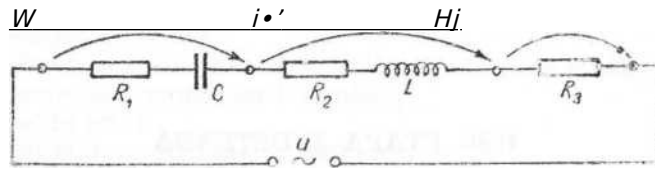
5.10.3. Cunoșcând durata anului  $T=365$  zile  $=3,16 \cdot 10^7$  s, distanța Pământ-Soare  $r_{ps}=1,50 \cdot 10^8$  km și unghiul sub care se vede de pe Pământ discul solar  $\alpha=32'$ , să se calculeze accelerația gravitațională de cădere liberă la suprafața Soarelui.

(Cl. IX)

5.10.4. Un pendul matematic de lungime  $l=49$  cm este cufundat într-un lichid a cărui densitate este  $\rho=0,60$  din densitatea corpului suspendat. Să se afle perioada micilor oscilații ale pendulului neglijând rezistența lichidului.

5.10.5. Circuitul serie reprezentat în fig. 5.10.5. este parcurs de un curent de intensitate  $i = 2 \cdot 10^{-2}$  sin(400 $\pi$ ct -  $\varphi$ ). Se dau:  $R_1 = 5,00 \Omega$ ,  $R_2 = 6,00 \Omega$ ,  $R_3 = 4,00 \Omega$ ,  $C = 10^{-6}$  F,  $L = 10^{-3}$  H. Să se determine:

- a) Ecuația tensiunii  $u$  de la bornele circuitului.
- b) Defazajul dintre tensiunea  $u$  și intensitatea  $i$ .



- c) Impedanța circuitului.
- d) Expresiile tensiunilor  $u'$ ,  $u''$ ,  $u_3$ ,  $u$  și valorile efective corespunzătoare.
- e) Puterea activă, reactivă și aparentă a circuitului.
- f) Diagrama fazorială a circuitului corespunzătoare tensiunilor notate pe figură.

Se dau:  $\arctg 0,20 = 11^\circ 20'$ ;  $\arctg 1,30 = 52^\circ 30'$ .

5.10.6. Se consideră circuitele din fig. 5.10.6.

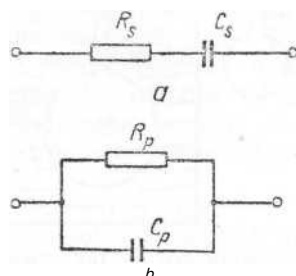
- a) Ce rezistență  $R_0$  și capacitate  $C_0$  trebuie să aibă elementele circuitului  $b$  cunoscând  $jR_0 = 5,00 \text{ S}$ ,  $C_0 = 159 \text{ ixF}$ , pentru ca cele două circuite să fie echivalente?
- b) Care este factorul de putere al circuitului a?
- c) Care este valoarea raportului factorilor de putere a celor două circuite?

d)

Frecvența tensiunii aplicate, aceeași în cele două circuite, este  $\nu = 200 \text{ Hz}$ .

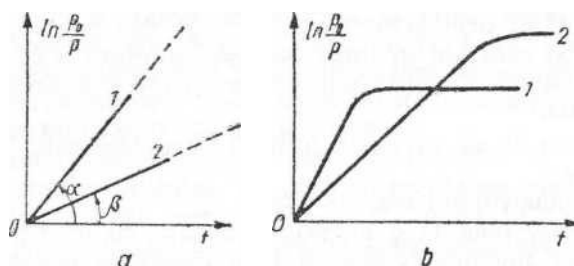
Sub. teor. Să se stabilească perioada oscilațiilor unui pendul elastic aplicând legea conservării energiei.

(Cl. X)



5.10.7. Două pompe de vid efectuează  $n_0$  rotații în unitatea de timp. Aceste pompe sînt folosite pentru a micșora presiunea aerului dintr-un vas de volum  $V$  de la presiunea  $p_0$  la presiunea  $p$ . Volumul primei pompe este  $V_1$  necunoscut, iar volumul celei de-a

doua pompe este  $V_2$ . În timpul funcționării



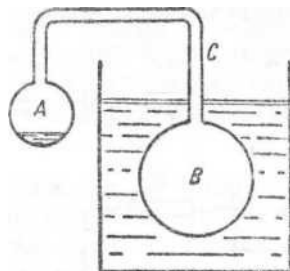
temperatura pompelor rămîne constantă. În timp  $\ln(p_0/p)$  pentru cele două pompe variază liniar în acord cu fig. 5.10.7 a, în care unghiurile  $\alpha$  și  $\beta$  sînt cunoscute.

a) Să se determine volumul  $V_1$  al primei pompe.

b) În acord cu fig. 5.10.7 b, pompele pot realiza, în timp, un vid din ce în ce mai înaintat. În realitate orice pompă de vid nu poate realiza o presiune mai mică decît o presiune minimă, care rămîne apoi constantă în timp. Două pompe reale lucrează conform diagramelor din fig. 5.10.7 b. Ce puteți spune despre eficiența realizării vidului în timp, cu pompele care lucrează conform diagramelor din fig. 5.10.7 b?

Aplicație numerică:  $V = 4,0 \text{ l}$ ,  $u_2 = 0,40 \text{ l}$ ,  $\alpha = 60^\circ$ ,  $\beta = 30^\circ$ .

5.10.8. Vasele de sticlă  $A$  și  $B$ , de volum relativ mare, sînt unite prin tubul de sticlă  $C$ . În vasul  $A$  este introdusă o cantitate mică de apă. Vasul  $B$  se introduce într-un amestec refrigerent, care men



ține o temperatură foarte scăzută, iar vasul  $A$  se află inițial la temperatura camerei. Sistemul este izolat termic. Ce se va întîmpla în timp cu cantitatea de apă din vasul  $A$ ?

5.10.9. Un fascicul de electroni, de diferite viteze, pătrunde într-o regiune spațială în care există un câmp electric  $E$  și un câmp magnetic  $B$ , uniforme, constante în timp, perpendiculare unul pe celălalt și ambele perpendiculare pe direcția fascicului. Electronii ce trec nedeviați prin această regiune, pătrund în câmpul magnetic  $B$  uniform și constant în timp, care face unghiul  $\alpha$  cu direcția inițială a fascicului de electroni. În acest câmp mișcarea electronilor este elicoidală.

a) Să se arate că perioada mișcării elicoidale este independentă de unghiul  $\alpha$ .

b) Să se determine pasul elicoidei.

c) Se poate imagina o experiență bazată pe mișcarea elicoidală a electronilor monoenergetici în câmp magnetic omogen, care să permită determinarea experimentală a sarcinii specifice a electronului?

Aplicație numerică:  $13 = 100 \text{ jT}$ ;  $E = 1,00 \text{ kV/m}$ ;  $B = 1,00 \text{ mT}$ ;  $\alpha = 60^\circ$ ;  $m_e = 9,1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$ ;  $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ .

(Cl. XI)

5.10.10. Un mol de gaz ideal, aflat inițial la temperatura  $T_1$  și presiunea  $p_1$  se destinde după legea  $T = aV - bV'$ . Să se determine:

a) Variația energiei interne a gazului, atunci cînd volumul său crește de  $n-2$  ori.

Relația dintre constantele  $a$  și  $b$  pentru ca energia internă în starea finală a gazului să fie egală cu energia internă în starea inițială.



c) Lucrul mecanic efectuat de gaz în cursul destinderii de la punctul a).  
Se cunosc: exponentul adiabatic  $\gamma$  al gazului și

constanta universală  $R$  a gazelor ideale.

5.10.11. Un mol de gaz ideal efectuează un ciclu Carnot reversibil invers, între temperaturile  $T_1$  și  $T_2$ . În cursul destinderii adiabatice gazul efectuează lucrul mecanic  $L = 3241$  J, iar în cursul destinderii izoterme entropia gazului crește cu  $\Delta S = 24,93$  J/K. Știind că pentru a încălzi izobar același mol de gaz cu  $\Delta T = 100$  K acesta ar trebui să primească căldura  $Q_0 = 2076$  J, să se determine:

- Căldura molară izocoră a gazului.
  - De câte ori crește volumul gazului în cursul destinderii izoterme la temperatura  $T_2$ .
  - Temperaturile  $T_1$  și  $T_2$ .
- Se da constanta  $R = 8,31$  J/mol·K.

5.10.12. O navă cosmică aflată pe o traiectorie deschisă are într-un punct aflat în imediata vecinătate a suprafeței Lunii viteza dirijată după o direcție perpendiculară pe raza vectoare în raport cu centrul Lunii, iar energia cinetică egală cu modulul energiei potențiale gravifice. În acest moment se aprinde o retrorachetă (care expulzează gazele de ardere în sensul mișcării navei), în vederea trecerii navei pe o orbită circulară, foarte apropiată de suprafața Lunii. Să se determine:

- Variația vitezei navei după manevra indicată.
- Masa combustibilului ars pentru realizarea manevrei, știind că gazele evacuate din retrorachetă au viteza  $u = 13,3$  km/s.

Se neglijează timpul de ardere al combustibilului și se presupune că masa combustibilului ars este mică în raport cu masa navei.

Se dau: raza Lunii  $R_L = 1,7 \cdot 10^6$  m și accelerația gravitațională la suprafața sa  $g_L = 1,7$  m/s<sup>2</sup>.

*Sub. teor.* Mărimi și legi analoage pentru mișcarea de rotație și pentru mișcarea de translație.

(Cl.  
XII)

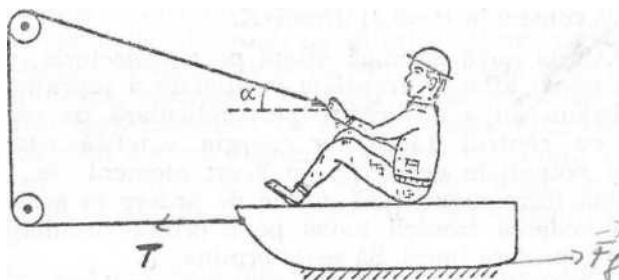
#### 1980. ETAPA REPUBLICANA (Turnu Severin)

Un pendul oscilează într-un plan vertical cu amplitudinea unghiulară  $\alpha = 60^\circ$ . În firul de suspensie este intercalat un dinamometru foarte fin, de masă neglijabilă. Ce forță indică dinamometrul când firul de suspensie face un unghi  $\theta = 30^\circ$  cu verticala? Masa corpului  $m = 1,00$  kg.

5.10.13. De-a lungul unui plan înclinat de unghi  $\alpha = 30^\circ$  și de lungime  $Z = 1,00$  m este lansat de jos în sus un corp de masă  $m_1 = 600$  g cu viteza inițială  $u_{01} = 3,00$  m/s. Simultan se lasă să alunece liber din vârful planului un al doilea corp de masă  $m_2 = 400$  g. Coeficientul de frecare la alunecare între corpuri și plan este  $\mu = 1/2$ . Prin ciocnire corpurile se cuplează. Să se calculeze căldura degajată prin frecare în timpul mișcării

corpurilor pînă la ciocnirea lor și căldura degajată prin ciocnirea plastică. ( $g=10 \text{ m/s}^2$ ).

5.10.14. Un elev care stă pe o sanie vrea să se deplaseze singur cu sania cu ajutorul unei sfori, legată de sanie și trecută peste doi scripeți ca în fig. 5.10.15. Pentru ce valoare minimă a coefi-



cientului de frecare la alunecare fi! dintre elev și sanie, elevul nu alunecă pe sanie?

Se consideră mișcarea santei rectilinie uniformă și se consideră cunoscute: masa elevului  $M$ , masa santei  $m$ , coeficientul de frecare la alunecare dintre sanie și zăpadă  $\mu$ , accelerația gravitațională  $g$ , unghiul  $\alpha$  care este menținut constant.

Să se calculeze și tensiunea din sfoară.

(Cl. IX)

5.10.15. a) O bilă de masă  $m_1$  ciocnește o altă bilă de masă  $m_2$  aflată inițial în repaus. Se consideră ciocnirea perfect elastică și unidimensională.

Ce fracțiune  $f$  din energia cinetică a primei bile se transferă prin ciocnire celei de-a doua bile?

Cu aparatele puse la dispoziție imaginați o metodă de determinare experimentală a fracțiunii  $f$  amintite. Deduceți o formulă de calcul pentru fracțiunea  $f$  din datele experimentale

.Comparați rezultatele determinărilor experimentale cu cele calculate teoretic.

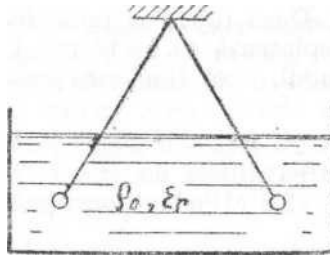
Indicați sursele de erori.

Se dau masele bilelor  $m_1$  și  $m_2$ .

(Cl. IX, proba prac.)

5.10.16. Două mici bile identice, suspendate în același punct de către un fir de aceeași lungime, se resping datorită electrizării lor cu sarcini de același semn. Bilele sînt introduse apoi într-un vas cu ulei de transformator.

Cunoscînd că densitatea uleiului este  $\rho_0 = 900 \text{ kg/m}^3$ , iar permitivitatea relativă  $\epsilon_r = 2,2$ , să se afle care trebuie să fie densitatea



materialului din care trebuie făcute bilele pentru ca unghiul dintre firele lor de suspensie să fie același pentru bilele situate în aer sau în ulei (fig. 5.10.17).

5.10.17. Un pendul gravitațional cu lungimea firului  $l = g/n^2$ ,  $m$ , începe să oscileze în momentul  $t=0$  cînd firul face cu direcția verticală unghiul  $\alpha = 5^\circ$ .

a) Să se scrie legea de mișcare a oscilatorului.

b) în momentul  $t = T/4$  din sensul contrar deplasării corpului de masă  $m$  vine orizontal un alt corp de aceeași masă  $m$  cu viteza  $v_{x0}$  avînd loc o ciocnire plastică (proiectilul rămîne în interiorul corpului). Să se scrie legea de mișcare a noului sistem format. Se dă  $v_{x0} = 2 \sqrt{g l} \alpha$  ( $\alpha$  în rad).

5.10.18. Se consideră circuitul din fig. 5.10.19 pentru care  $i_1 = i_2 = 40 \text{ A}$ ,  $R_1 = 6 \Omega$ ,  $R_2 = 6 \Omega$ ,  $L_1 = 20 \text{ mH}$  și  $L_2 = 50 \text{ mH}$ . Tensiunea la bornele circuitului este  $u = 56,58 \sin(3140 t + \pi/4) \text{ V}$ , iar intensitatea curentului total este  $i = 1,414 \sin(3140 t) \text{ A}$  cu  $t$  în secunde. Să se determine:

a) Impedanța circuitului.

b) Defazajul dintre  $u$  și  $i$ .

c) Puterea activă absorbită de la rețeaua de alimentare.

d) Impedanța fiecăreia din cele două laturi ale circuitului.

e) Capacitatea condensatorului  $C$ .

(Cl. X)

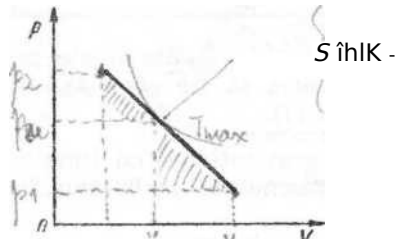
$$\sqrt{r} < r u^{1/5}$$



$L$ ,

5.10.19. În poziție orizontală, la mijlocul unui tub subțire vidat la presiune  $p_0$  și închis la ambele capete se află o coloană de mercur de lungime  $l=20$  cm. Dacă tubul se pune în poziție verticală, coloana de mercur se deplasează cu  $\Delta l=10$  cm. Care este presiunea  $p_0$  la care a fost vidat tubul, dacă lungimea acestuia este  $L=100$  cm? ( $1 \text{ torr}=133,3 \text{ Pa}$ ).

5.10.20. O masă  $m=20$  g de He închis într-un cilindru cu piston trece foarte lent din starea inițială cu  $p_1=30$  kPa,  $V_1=500$  l, în starea cu  $p_2=2,5$  MPa, conform graficului din fig. 5.10.21.



Ce temperatură maximă va atinge gazul în cursul acestui proces? Se dau  $R=8,31 \text{ J/mol}\cdot\text{K}$ ,  $M=4,0 \text{ g/mol}$ .

5.10.21. Într-un tub vidat s-a produs un fascicul de electroni monoenergetici și s-a măsurat sarcina electrică totală  $Q$  transportată de acești electroni într-un interval de timp cu ajutorul unui electrometru legat de un cilindru Faraday. În același timp, același fascicul de electroni a fost trimis și pe un termocuplu care se încălzea și se măsura energia totală  $W$  transportată de electroni.

Într-o primă experiență acest fascicul de electroni străbate linia mediană a unui condensator plan având între plăci o tensiune constantă. Lungimea armăturilor este  $l$  iar distanța dintre ele  $d$ . Se cere:

a) Să se scrie ecuația curbei după care se mișcă fasciculul de electroni în interiorul condensatorului.

- b)
- c) Să se determine valoarea maximă  $U_m$  a tensiunii electrice dintre armături pentru ca fasciculul să poată ieși dintre armături.
- d) Se constată că deviația fasciculului de electroni pe un ecran situat la distanța  $D=5$  l față de extremitatea finală a condensatorului plan, este  $S$ . Să se determine tensiunea electrică dintre armături.
- e) Într-o altă experiență același fascicul de electroni pătrunde într-un câmp magnetic uniform, constant în timp și perpendicular pe direcția fasciculului. În acest câmp electronii descriu o traiectorie circulară de rază  $r$ . Să se determine sarcina specifică a electronului.
- f) Mișcarea electronului pe o orbită în jurul nucleului generează un curent electric de intensitate  $I$ , care echivalează cu o foiță magnetică de moment magnetic  $\mu = I \cdot S$ , în care  $S$  este suprafața orbitei. Folosind sarcina specifică determinată la punctul d) să se determine raportul  $|x|/L$  numit și raport giromagnetic orbital, în care  $L$  este momentul cinetic orbital al electronului pe orbita respectivă.
- Se dau:  $Q=0,20$  C;  $W=40$  J;  $l=40$  mm;  $r_f=20$  mm;  $S=55$  mm;  $B=6,0$  mT;  $r=8,0$  mm.

(Cl. XI)

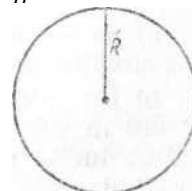
F

5.19.23. Un mol de heliu efectuează o transformare ciclică formată din două procese izoterme corespunzătoare temperaturilor  $T_j=300$  K,  $T_a=100$  K și două procese izobare, parcurse la presiunile  $p_g=100$  kPa,  $p_s=206$  kPa. Să se determine:

- a) Căldura primită și căldura cedată de gaz într-un ciclu.
- b) Randamentul mașinilor termice care lucrează după acest ciclu, respectiv după ciclul Carnot corespunzând temperaturilor extreme ale ciclului descris.
- c) Variația entropiei heliului în cursul destinderii izoterme.
- Se dau:  $M=4,0$  kg/mol,  $R=8,31$  J/mol·K,  $\ln 2=0,693$

5.10.24. De la înălțimea  $h=300$  km deasupra suprafeței Pământului este lansat un corp cu viteza inițială  $v_0$  formînd unghiul  $\theta$  cu raza vectorială a locului de lansare. Se cere (fig. 5.10.24):

- a) Să se demonstreze că dacă  $v_0$  depășește o viteză limită, traiectoria corpului nu mai poate fi eliptică, și să se determine valoarea vitezei limită.
- b) Presupunînd că  $v_0$  este egală cu  $0,5\sqrt{2}$  din viteza limită determinată mai sus, să se de



termine valorile unghiului  $\theta$  pentru care corpul revine la suprafața Pământului.

c) Știind că, în cazul lansării corpului din punctul indicat, sub unghiul  $\theta = 90^\circ$  față de raza vectoare, raportul valorilor maximă și minimă ale vitezei unghiulare de rotație a corpului în jurul Pământului este egal cu  $\frac{1}{9}$ , să se determine viteza  $v_0$ .

Se dau: raza Pământului  $R = 6400$  km,  $g = 10$  m/s<sup>2</sup>. Se neglijează frecările corpului în atmosferă.

5.10.25.0 sursă luminoasă monocromatică cu  $\lambda = 600$  nm, punctiformă,  $S$ , este situată la înălțimea  $h = 0,50$  mm deasupra unei oglinzi plane orizontale. La distanța  $D = 1,00$  m de sursă se găsește un ecran plan vertical. Să se determine:

a) Interfranja figurii de interferență, produsă prin suprapunerea pe ecran a fasciculelor luminoase direct și reflectat pe oglinda plană.

b) Raportul dintre iluminarea (fluxul energetic) maximă și cea din punctele situate între două franje luminoase (maxime) succesive, astfel încât raportul distanțelor lor la aceste franje (maxime) să fie egal cu 2.

c) Distanța  $a$  la care trebuie așezată deasupra sursei  $S$  o altă sursă  $S'$  de aceeași lungime de undă, însă emițind radiații necoerente față de cele ale sursei  $S$ , astfel încât maximul de interferență de ordinul  $n = 10$  produs de sursa  $S$  să coincidă cu maximul de interferență de ordinul  $n + 1$  al sursei  $S'$ .

(Cl. XII)

## 1981. ETAPA JUDEȚEANĂ

5.11.1. Se cere:

a) Să se demonstreze formula accelerației centripete în mișcarea circulară uniformă.

Un corp se mișcă circular uniform pe un cerc de rază  $r=10\text{ m}$  sub acțiunea unei forțe centripete  $F=100\text{ N}$ . Să se calculeze lucrul mecanic efectuat de această forță pe o perioadă a mișcării.

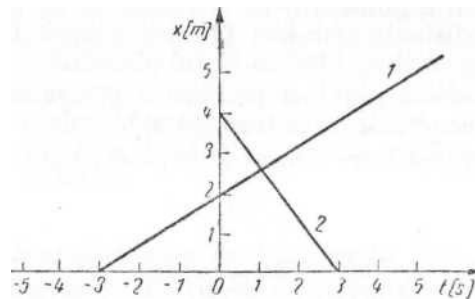


5.11.3. Un automobil urcă o pantă de unghi  $\alpha=5^\circ$  cu viteza  $v_1=3,0\text{ m/s}$ . Coborînd aceeași pantă, la aceeași putere dezvoltată de motor, el are viteza  $v_2=7,0\text{ m/s}$ . Ce viteză va avea automobilul pe un drum orizontal dacă puterea motorului rămîne neschimbată?

5.11.4. Pe o sanie cu masa  $M=10\text{ kg}$  este așezat un corp cu masa  $m=20,0\text{ kg}$ .

5.11.2. Formulați o problemă pe baza graficului alăturat.

Coeficientul de  
De corpul cu  
prinsă o sfoară  
trage orizontal.  
valoarea  
a coeficientului  
alunecare între  
știind că sania  
mișcă uniform, iar  
sanie nu alunecă față de sanie?

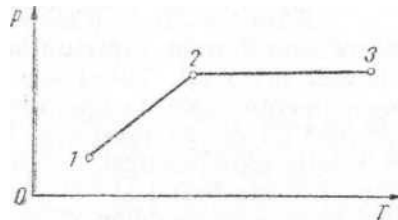


frecare între  
este  $\mu=0,10$ .  
masa  $m$  este  
de care se  
Care este  
minimă posibilă  
de frecare la  
corp și sanie,  
alunecă recti-  
corpul de pe

(Cl. IX)

5.11.5. În ce condiții fizice este posibil ca temperatura unui gaz perfect să rămînă constantă într-o destindere adiabatică?

5.11.6. În fig. 5.11.6 se dă graficul unei transformări a unei cantități de gaz. Cum a variat volumul și densitatea lui în această transformare? S-a revenit în cursul procesului la volumul inițial?



a) La baza unui plan înclinat de unghi  $\alpha=30^\circ$  cu înălțimea  $h=0,50$  m este fixat un corp  $A$  cu sarcina  $q_1=4,0 \cdot 10^{-6}$  C și masa  $m_1=1,00$  g. Unde trebuie așezat pe plan un corp  $B$  cu sarcina  $q_2=15$  nC pentru a rămâne în echilibru?

b) Care este distanța minimă la care corpul  $B$  se apropie de corpul  $A$  dacă el este lăsat liber în vârful planului?

c) Care este viteza maximă pe care o atinge corpul  $B$  în mișcarea pe plan în condițiile de la punctul b)?

Se va considera că între corpul  $B$  și plan există frecare cu coeficientul  $\mu=0,20$ .

(Cl. X)

5.11.8. Un fascicul monoenergetic de particule, încărcate electric, pătrunde într-un câmp magnetic descriind traiectoria din fig. 5.11.8. Să se precizeze ansamblul condițiilor necesare realizării acestei traiectorii.

**TTTTrrrrmmnnrrrTY**

5.11.9. O cantitate  $m=288$  g ozon aflat la  $p_1=2,00$  atm și  $T_1=300$  K într-o incintă adiabatică se transformă în timpul  $t=5,0$  min în oxigen (biatomic), temperatura finală fiind  $T_2=600$  K. Să se analizeze variația în timp a presiunii din această incintă și să se reprezinte grafic considerând că atât masa oxigenului, cât și temperatura sistemului variază uniform.

5.11.10. Un proton accelerat de o diferență de potențial  $U=250$  V pătrunde în câmpul magnetic, considerat uniform, al unui solenoid sub un unghi  $\alpha=30^\circ$  față de axa acestuia. Solenoidul are lungimea  $l=50$  cm, raza  $R=50$  mm și numărul de spire  $N=2000$ .

Să se calculeze intensitatea curentului care trebuie să parcurgă solenoidul astfel încât protonul să-l părăsească fără a-l atinge.

Se dau:  $e=1,6 \cdot 10^{-19}$  C,  $m_p=1,67 \cdot 10^{-27}$  kg,  $\mu_0=4\pi \cdot 10^{-7}$  H/m.

5.11.11. Un dispozitiv este format dintr-un ax vertical la care se atașează un tub lateral orizontal. Tubul are secțiunea  $S$ , fiind împărțit în două compartimente egale de lungime  $L$  fiecare. În ambele compartimente se află un gaz la presiunea  $p$  egală cu cea atmosferică. Punând în rotație axul vertical, se constată o deplasare a pistonului pe distanța  $d$ . Considerând și în condițiile mișcării circulare o distribuție uniformă a moleculelor, să se determine:

a) Frecvența de rotație a sistemului dacă masa pistonului este  $m$ .

b) Densitatea gazului din cele două compartimente dacă în condiții normale densitatea este  $p_0$  iar temperatura este  $T$ .

c) Deplasarea pistonului față de poziția inițială dacă în compartimentul de lângă ax se practică un orificiu prin care gazul comunică cu exteriorul, menținându-se frecvența de rotație de la punctul a).

a) Variația temperaturii gazului din compartimentul închis astfel ca pistonul să revină la poziția anterioară.

Aplicație:  $H=100$  kPa,  $L=1,00$  m,  $d=75$  cm,  $S=10$  cm<sup>2</sup>,  $m=60$  g,

$P_0 = 2,00 \text{ kg/m}^3$ ,  $T = 300 \text{ K}$ .

(Cl. XI)

5.11.12. Un kilomol de gaz perfect efectuează un ciclu Carnot. Știind că în cursul destinderii izoterme a gazului de la presiunea  $p_1$  la presiunea  $p_2 = 480 \text{ kPa}$ , entropia acestuia crește cu  $\Delta S = 8,31 \text{ kJ/K}$ , iar în cursul destinderii adiabatic de la presiunea  $p_2$  la presiunea  $p_3 = 30 \text{ kPa}$ , temperatura gazului scade cu  $\Delta T = 300 \text{ K}$ , gazul efectuând lucrul mecanic  $L = 7,48 \text{ MJ}$ , se cere:

- Să se calculeze căldura molară la volum constant și exponentul adiabatic al gazului.
- Să se calculeze randamentul motorului termic funcționând după un asemenea ciclu (reversibil).
- Să se determine presiunile  $p_4$  și  $p_1$  între care se realizează comprimarea adiabatică în cadrul ciclului indicat.  $R = 8,31 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$ .

5.11.13. Pentru transmiterea la distanța  $d = 50 \text{ km}$  a puterii electrice  $P = 1000 \text{ kW}$  se utilizează conductori de cupru (rezistivitate  $\rho = 17,5 \text{ n}\Omega \cdot \text{m}$ , masa atomică  $A = 63,5 \text{ u}$ , densitate  $\rho = 8900 \text{ kg/m}^3$ , cu un electron liber per atom) de secțiune  $S = 10 \text{ cm}^2$ . Se cere:

- Să se deducă valoarea minimă  $U_m$  a tensiunii sub care trebuie transmisă această putere, pentru ca puterea disipată pe conductorii de legătură să nu depășească  $P_d = 15 \text{ kW}$ .
- Valoarea coeficientului de proporționalitate  $k$  al forței de rezistență cu viteza electronilor liberi în cupru.
- Dimensiunea fizică a coeficientului  $k$ .

Se dau: numărul lui Avogadro  $N_A = 6,02 \cdot 10^{26} \text{ kmol}^{-1}$ ,  $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ .

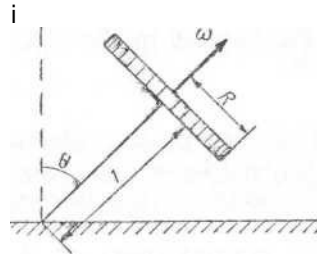
5.11.14. Unui disc circular cu raza  $R = 1,00 \text{ m}$  și masa  $M = 0,60 \text{ kg}$  i se sudează, în lungul axului, o vergea metalică de lungime  $Z = 50 \text{ cm}$  și masă neglijabilă. Știind că în poziția în care capătul liber al vergelei se sprijină pe o masă orizontală, direcția vergelei formînd unghiul  $\theta = 30^\circ$  cu verticala se imprimă sistemului o mișcare de rotație în jurul axului cu viteza unghiulară  $\omega = 500 \text{ rad/s}$  (fig. 5.11.14), să se determine:

a) Momentul cinetic (propriu), imprimat sistemului. Frecvența rotației axului sistemului în jurul verticalei, determinată de acțiunea greutății discului.

b) Energia cinetică totală a sistemului.

Se neglijează grosimea discului,  $g = 10 \text{ m/s}^2$ .

(Cl. XII)



#### 1981. ETAPA REPUBLICANA (Slatina)

5.11.15. a) Definiți momentul unei forțe în raport cu o axă și momentul cinetic al unui punct material în raport cu o axă.

b) O particulă se mișcă liber, fără frecare, sub acțiunea forței de greutate, pe suprafața interioară a unei sfere. Să se arate că momentul cinetic al particulei față de diametrul vertical al sferei se conservă.

5.11.16. Două stele se rotesc cu vitezele constante și  $v_2$  în jurul centrului comun de masă. Perioada lor de mișcare este  $T$ . Să se calculeze masele stelelor și distanța dintre ele. Se dă constanta gravitațională.

5.11.17. Se dă un plan înclinat de lungime  $l = 17 \text{ m}$  și de unghi  $\alpha = 30^\circ$  față de orizontală. Din vârful planului este lansat de-a lungul planului în jos un corp de masă  $m_1 = 5,00 \text{ kg}$  cu viteza inițială  $u_{01} = 1,00 \text{ m/s}$ . După un timp  $\Delta t$  este lansat de la baza planului în sus, de-a lungul planului, un corp de masă  $m_2 = 6,00 \text{ kg}$  cu viteza inițială  $v_{02} = 22 \text{ m/s}$ . Coeficientul de frecare la alunecare între corpuri și plan este  $\mu = 6/5\sqrt{2}$ ,  $g = 10 \text{ m/s}^2$ . Să se afle:

a) Căldura degajată prin ciocnirea plastică a celor două corpuri.

b) Ce distanță maximă, măsurată pe verticală de la vârful planului înclinat, atinge sistemul de corpuri după ciocnire.

5.11.18. a) Dați definiția ciocnirii cu un perete.

b) Determinați experimental pentru ciocnirea frontală a celor două bile date cu masa de laborator, folosind rigla gradată, raportul  $k = v'/v$  dintre viteza  $v'$  după ciocnire și viteza  $v$  înainte de ciocnirea bilei cu masa. Stabiliți experimental în ce măsură acesta depinde de viteza de ciocnire  $v$ .

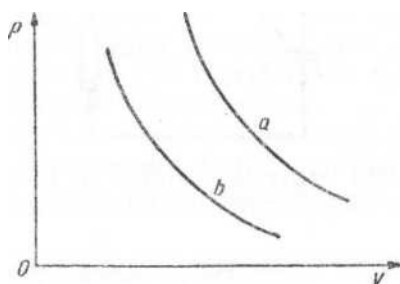
c) Exprimați teoretic pierderea procentuală de energie cinetică a fiecărei bile prin ciocnirea sa cu masa în funcție de raportul de mase  $m_2/m_1$ .

(Cl. IX)

- d) Determinați experimental pierderea procentuală de energie cinetică a fiecărei bile prin ciocnire cu masa.  
 e) Evaluați sursele de erori.  
 f) Întocmiți un referat asupra lucrării.

(Cl. IX, proba pract.)

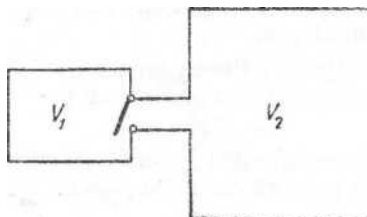
\*7 5.11.19. Se dau izotermele din fig. 5.11.19, trasate pentru aceeași masă de hidrogen și de azot, și pentru aceeași temperatură.



- a) Să se indice care dintre izotermele a sau b corespunde hidrogenului și care corespunde azotului.  
 b) În ce caz izotermele a două gaze diferite, trasate pentru aceeași temperatură, coincid?

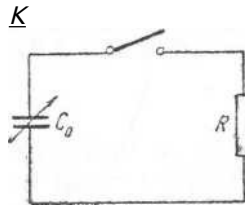
5.11.20. Două recipiente cu volumele  $V_1$  și  $V_2 = (7/3) V_1$  sînt unite între ele printr-un tub scurt, prevăzut cu o supapă care permite numai trecerea gazului din recipientul mai mare în recipientul mai mic, dacă presiunea din recipientul mai mare depășește presiunea din recipientul mai mic cu  $\Delta p = 900/7$  kPa, (fig. 5.11.20). Dacă la o temperatură  $T_2$ , recipientul mai mare conține gaz la presiunea atmosferică normală și recipientul mai mic este vidat (vid absolut,), să se determine:

- a) Presiunea  $p$  care se stabilește în recipientul mai mic atunci cînd ambele recipiente se găsesc la aceeași temperatură  $T = (3/2)T_2$ .  
 b) Variația relativă a energiei interne ( $\Delta U/U_i$ ) pentru gaz în acest proces ( $U_i$  — energia internă a gazului în starea inițială).



5.11.21. Un condensator variabil cu capacitatea maximă  $C_0$  încărcat la tensiunea  $U_0$  este conectat printr-un comutator  $K$  la bornele unui rezistor  $R$  (fig. 5.11.21).





a) Să se stabilească expresia variației în timp a capacității condensatorului pentru ca prin circuit să treacă un curent de intensitate constantă.

b) Care este puterea consumată sub acțiunea forțelor exterioare pentru modificarea capacității condensatorului, cunoscând că  $U = 10,0 \text{ V}$  și  $i = 50,0 \text{ kA}$ .

(Cl. X)

5.11.22. Energia totală a radiației solare, primită la limita exterioară a atmosferei terestre, pe unitatea de suprafață și în unitatea de timp la distanța medie Soare-Pământ  $d = 1,5 \cdot 10^8 \text{ km}$ , se numește constanta solară  $w$ . Să se determine:

a) Valoarea acestei constante considerând că Soarele se comportă ca un corp negru cu temperatură la suprafață egală cu  $T = 5800 \text{ K}$  (se presupune că Soarele radiază izotrop). Ce importanță are această constantă?

b) Energia primită de Pământ de la Soare în timpul  $t = 1,00 \text{ an}$  (în kWh), considerând că Pământul absoarbe pe unitatea de suprafață și în unitatea de timp o energie egală cu constanta solară.

c) Care este „culoarea corpului negru“?

Se dau:  $R_s = 6,96 \cdot 10^5 \text{ km}$ ,  $R_p = 6,4 \cdot 10^3 \text{ km}$ ,  $\sigma = 5,67 \cdot 10^{-8} \text{ W} \cdot \text{m}^{-2} \cdot \text{K}^{-4}$

$\text{W} \cdot \text{m}^{-2} \cdot \text{K}^{-4}$

5.11.23. Energia totală a atomului de hidrogen pe nivelul caracterizat de numărul cuantic  $n$  este  $E_n = -2,42 \cdot 10^{-19} \text{ J}$ . Tranziția electronului pe nivelul  $m$  este însoțită de cedarea unei radiații cu lungimea de undă  $X = 651,3 \text{ nm}$ . Să se determine:

a) Frecvențele de rotație  $\nu_n$  și  $\nu_m$  ale electronului pe nivelele  $n$  și respectiv  $m$ .

b) Frecvența radiației  $\nu$  emisă prin tranziția între nivelele  $n$  și  $m$ .

c) Ce relație de ordine există între frecvențele  $\nu_n$ ,  $\nu_m$  și  $\nu$ ?

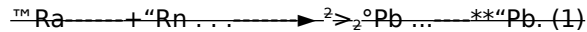
d) Ce devine această relație când numerele cuantice  $n$  și  $m$  (diferența dintre ele păstrându-se aceeași) sînt foarte mari? Ce concluzie se poate deduce?

e) Care trebuie să fie energia electronilor unui fascicul care prin ciocnire inelastică cu atomii de hidrogen, inițial în stare fundamentală, să excite pe aceștia pe un astfel de nivel încît prin dezexcitația acestuia să se poată obține maximum trei tranziții. Care sînt lungimile de undă ale celor trei tranziții? Să se stabilească seriile spectrale cărora le aparțin aceste tranziții.

În rezolvarea numerică se vor folosi numai următoarele constante: energia de ionizare a atomului de hidrogen  $I = 13,6 \text{ eV}$ , constanta Planck  $h =$

$6,6 \cdot 10^{-34}$  J·s, viteza luminii  $c = 3 \cdot 10^8$  m/s,  $1 \text{ eV} = 1,6 \cdot 10^{-19}$  J.

5.11.24. Radiul suferă transformările:



Să se afle:

a) Prin câte dezintegrări  $\alpha$  și  $\beta$  se ajunge de la  $^{226}_{88}\text{Ra}$  la izotopul stabil  $^{206}_{82}\text{Pb}$ .

b) Ce volum ar ocupa heliul ce se degajă din  $m = 1,00$  g de ra-diu, aflat în echilibru cu produsele sale de dezintegrare, în timp de  $t = 1,00$  an, și în condiții normale de presiune și temperatură.

c) Ca urmare a procesului descris de transformările (1), aerul conține o cantitate oarecare de aerosoli de  $^{210}_{82}\text{Pb}$ . Radioizotopul  $^{210}_{82}\text{Pb}$  este adus la sol prin precipitații atmosferice. Dacă în momentul căderii zăpada are o anumită activitate specifică, datorită  $^{210}_{82}\text{Pb}$ , în decursul anilor aceasta va scădea după legea de dezintegrare a izotopului  $^{210}_{82}\text{Pb}$ . Presupunând că activitatea specifică a zăpezii datorită izotopului  $^{210}_{82}\text{Pb}$ , care cade într-un loc dat, nu variază de-a lungul timpului, prin compararea activității specifice a zăpezii recoltată la diferite adâncimi se poate determina „vîrsta” acesteia. Determinările de activități specifice pentru  $^{210}_{82}\text{Pb}$  la o stațiune de la Polul Sud în 1979 au condus la următoarele rezultate: Viteza de numărare corespunzătoare activității specifice a zăpezii era de  $A_j = 48$  impulsuri /min · kg, iar cea corespunzătoare zăpezii recoltată la adîncimea  $h = 840$  cm era  $A_z = 3,0$  imp./min · kg. Să se calculeze:

1. Anul în care a căzut zăpada aflată la adîncimea  $h$ .

2. Viteza medie de acumulare anuală a zăpezii.

3. Considerînd constantă viteza de acumulare calculată la punctul precedent, să se determine adîncimea la care se va găsi stratul de zăpadă în anul 2000, care în anul 1979 avea adîncimea  $h$ . Care va fi viteza de numărare corespunzătoare activității specifice a zăpezii de la acea adîncime?

Se dau:  $T_{1/2}(\text{Ra}) = 1620$  ani,  $T_{1/2}(^{210}_{82}\text{Pb}) = 21$  ani, volumul molar în CN =  $22,4$  l/mol,  $\ln 2 = 0,693$ ,  $e^{-x} \approx 1 - x$ , dacă  $|x| \ll 1$ .

5.11.25. Un electroscope este format din două bobite de soc identice, de dimensiuni neglijabile și mase  $m = 0,100$  g, suspendate de foi electroizolante transparente, inextensibile, de masă neglijabilă. Bobitele se încarcă cu sarcini electrice egale, astfel încît foițele transparente  $OA$  și  $OB$  formează o pană de aer. Pe foița  $OB$  cade normal o radiație monocromatică de lungime de undă  $\lambda = 0,60$  nm. Știind că în lungul acestei benzi (de lungime  $OB = OA = 50$  mm) se observă franje de interferență, prezentînd interfranja  $i = 1,00$  mm, să se determine:

a) Sarcina electrică a bobitelor.

b) Variația  $A_q$  a sarcinii electrice în jurul valorii determinate, care poate fi evidențiată interferometric, știind că în lungul benzii  $OB$  poate fi măsurată o variație de 0,10 interfranje.

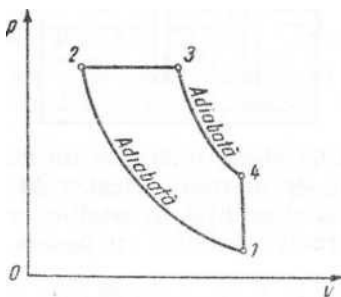
c) Lucrul mecanic care trebuie efectuat pentru a aduce în contact cele

două bobite încărcate electric.

Se dau: permitivitatea aerului  $\epsilon_0 = 8,86 \cdot 10^{-12} \text{ F/m}$ ,  $g = 9,8 \text{ m/s}^2$ .

5.11.26. O cantitate  $\nu = 5,0$  mol de gaz perfect, cu  $C_V = \frac{5}{2}R$ , parcurge un ciclu reversibil ideal format din două transformări adiabatică, o transformare izobară și una izocoră (fig. 5.11.26). Se dau:  $V_1/V_2 = a$ ,  $V_3/V_4 = b$ . Știind că în cazul ciclului real, gazul perfect parcurge o transformare reversibilă care, într-o reprezentare temperatură-entropie are forma unei circumferințe cu diametrele paralele cu axele, egale cu variațiile maxime ale temperaturii, respectiv entropiei, din cazul ciclului ideal, se cere:

a) Randamentul motorului termic funcționând după ciclul ideal indicat.



b) Eficiența instalației frigorifice funcționând după ciclul real inversat (raportul dintre căldura luată de la sursa rece și lucrul mecanic consumat pe un ciclu).

c) Variația maximă a entropiei în cazul ciclului ideal.

d) Eficiența instalației frigorifice funcționând după ciclul real. Pentru calcule numerice se dau:  $a = 2e$  ( $e$  — numărul Euler),  $e^{2/5} = 1,49$ ,  $\gamma = 2$ ,  $R = 8,31$  J/mol·K.

*Sub. teor.* Legi, relații și mărimi analoage pentru mișcările de translație și rotație ale solidului rigid.

(Cl. XII)

## 1982. ETAPA JUDEȚEANĂ

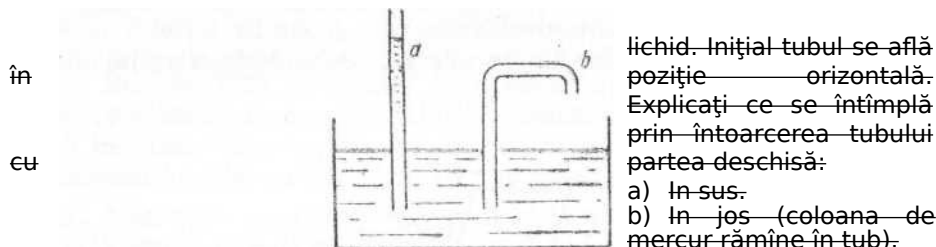
5.12.1. Un amestec de gaz biatomic (2) și gaz monoatomic (1), cu raportul maselor  $m_2/m_1 = 2$  și al maselor molare  $\mu_2/\mu_1 = 2$ , este încălzit izobar la presiunea  $p = 100$  kPa, de la un volum inițial  $V_1 = 1,00$  l până la o temperatură absolută finală dublă:  $T_2/T_1 = 2$ .

Să se afle căldura absorbită de amestec.

5.12.2. Tuburile capilare (a) și (b), de raze egale, sînt introduse într-un vas cu apă conform fig. 5.12.2. Ținînd seama de ascensiunea

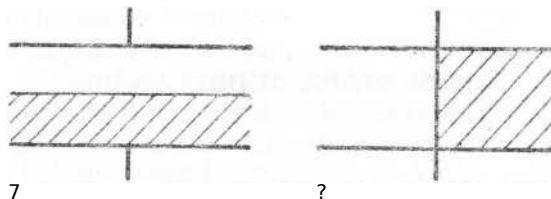
5.12.3.

5.12.3. Într-un tub de sticlă închis la un capăt este delimitat un volum printr-o coloană de mercur. Acest volum este parțial umplut cu apă în tubul (a), să se precizeze dacă apa se va ridica în tubul (b) astfel încât să revină în vasul mai mare. (Justificare calitativă).



5.12.4. Într-un câmp electric omogen cu direcția verticală și sensul de jos în sus, se rotește în plan vertical o sferă de masă  $m$  încărcată cu sarcina  $q \geq 0$ , legată de un fir subțire de lungimea  $L$ . În primind sferei o viteză orizontală  $v$ , în momentul când se află în punctul cel mai înalt al traiectoriei, în așa fel încât în punctul cel mai de jos tensiunea din fir să fie  $T = n \cdot mg$ , se cere intensitatea câmpului electric. ( $n > 1$ ).

5.12.5. Un condensator plan cu aer având capacitatea  $C = 10$  (iF se încarcă la tensiunea  $U = 20$  kV. Se deconectează apoi de la sursă și între armăturile lui se introduce o lamă de sticlă ( $\epsilon_r = 5,0$ ), având



o grosime egală cu  $d/2$  ( $d$  este distanța dintre armături), ca în fig. 5.12.5. Se măsoară tensiunea  $U_1$  la bornele condensatorului. Se scoate lama de sticlă și o jumătate din condensator este umplută cu sticlă. Tensiunea la bornele condensatorului este în acest caz  $U_2$ .

a) Să se calculeze valorile capacităților  $C_1$  și  $C_2$  ale condensatorului în cele două cazuri.

- b)  
 c) Să se calculeze valorile tensiunilor  $U_1$  și  $U_2$ .  
 d) Să se arate că  $C_2$  este mai mare decât  $C_1$ .

(Cl. X>

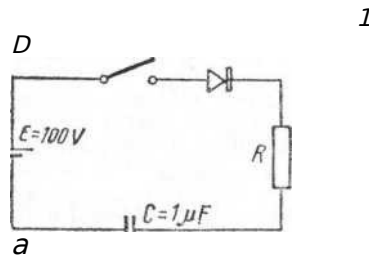
5.12.6. Ce condiție trebuie să îndeplinească grosimea bazei unei structuri *pnp* (sau *nnp*) astfel încât această structură să nu mai constituie un tranzistor, ci un ansamblu de două diode? Să se deseneze schema circuitului în acest caz. Ce se poate spune despre intensitățile curentului din fiecare diodă?

5.12.7. Un condensator încărcat, de capacitate  $C$ , se conectează, la bornele unei bobine cu inductanță  $L$ , realizându-se un circuit oscilant ideal.

a) Să se afle după cât timp energia câmpului electric al condensatorului devine egală cu energia câmpului magnetic al bobinei.

b) Prin analogie, să se formuleze o problemă cu referire la un sistem oscilant mecanic ideal.

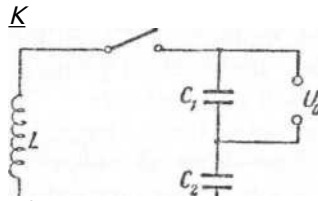
5.12.8. O diodă este conectată în serie cu un rezistor, un condensator și o sursă de curent continuu. Caracteristica curent-tensiune idealizată a diodei este reprezentată în fig. 5.12.8. Care este



căldura disipată în procesul de încărcare a condensatorului? Se neglijează rezistența internă a sursei și a diodei în regim de conducție.

5.12.9. Un circuit oscilant compus din două condensatoare  $C_1 = 0,20 \mu F$  și  $C_2 = 0,40 \mu F$  și o bobină cu inductanță  $L = 133 \mu H$ , este

(Inst. Pol. București, Fac. Mec., El., Transp., iulie, 1971)



inițial deschis. După ce se încarcă condensatorul  $C_x$  la tensiunea  $U_0 = 100 \text{ V}$ , se închide întrerupătorul  $K$  conform fig. 5.12.9.

Să se determine valoarea maximă a intensității curentului prin circuit. Se neglijează rezistența bobinei.

5.12.10. a) Desenați schema de principiu a unui etaj de amplificare cu triodă și schema electrică echivalentă a etajului (amplificator de tensiune  $RC$ ).

b) Stabiliți relația de calcul pentru coeficientul de amplificare a tubului utilizat.

c) Calculați amplificarea și variația tensiunii anodice pentru o triodă cu  $\mu = 20$ ,  $R_c = 9,5 \text{ k}\Omega$ , tubul alimentând o rezistență  $R_a = 20 \text{ k}\Omega$ , semnalul fiind  $\Delta U_g = 4,0 \text{ V}$ .

(Cl. XI)

5.12.11. Se consideră o cantitate de gaz perfect cu masa  $m$ , aflată la temperatura inițială  $T_i$ . Cunoscînd indicele adiabatei gazului,  $\gamma$ , să se determine:

a) Căldura primită în cursul încălzirii izocore pînă la temperatura finală  $T_f (> T_i)$ .

b) Lucrul mecanic efectuat de gaz în cursul destinderii adiabatice de la temperatura  $T_f$  la temperatura  $T_i$ .

c) Lucrul mecanic efectuat de gaz în cazul în care destinderea între temperaturile  $T_f$  și  $T_i$  s-ar produce după ecuația  $TV^{\gamma-1} = \text{const.}$  și căldura specifică a gazului în acest proces.

d) Randamentul ciclului format din 4 transformări reversibile descrise prin ecuații de tipul  $TV^{\gamma-1} = \text{const.}$ , dintre care două transformări cu același indice  $\gamma$  și  $\gamma < \gamma_0$ , iar celelalte două cu indicele  $\gamma = \gamma_0$ .

Se dau: masa molară a gazului  $\mu$ , constanta gazelor perfecte  $R$ , temperaturile minimă  $T_2$  și maximă atinse de gaz în cursul transformării ciclice și temperatura  $T_3$  a uneia dintre stările în care indicele  $\gamma$  trece de la valoarea  $\gamma_0$  la valoarea  $\gamma_1$ .

5.12.12. Se consideră molecula  $\text{HCl}$ . Știind că forța cu care atomul  $\text{H}$  acționează asupra atomului  $\text{Cl}$  poate fi exprimată prin razele vectoriale ale celor doi atomi prin relația:

$$F = -\frac{A}{r^2}$$

$$F = -k(r - r_e) - \frac{1}{2}f_L J^2, \text{ unde } r = |\mathbf{r}_e| = r_H|,$$

iar  $r_e = 1,29 \cdot 10^{-10}$  m, să se determine:

a) Constanta elastică  $k_e$  cunoscînd frecvența oscilațiilor proprii ale acestei molecule:  $\nu = 2,13 \cdot 10^{13}$  Hz.

b) Raportul  $L_x / L_r$ , unde  $L_r$  este momentul cinetic al moleculei în raport cu o direcție trecînd prin centrul de masă, perpendiculară pe axa moleculei, în prima stare excitată de rotație a moleculei și în absența vibrațiilor ( $r = \text{const} = r_e$ ), știind că frecvența cuantei electromagnetice emisă prin tranziția de la această stare la cea fundamentală (în care molecula nu se rotește) este  $\nu = 6,3 \cdot 10^{11}$  Hz.

Se dau: masa atomului de hidrogen  $m_H = 1,67 \cdot 10^{-27}$  kg, masa atomului de clor  $m_{Cl} = 5,81 \cdot 10^{-26}$  kg, constanta Planck raționalizată  $h = 6,626 \cdot 10^{-34}$  J·s.

2tc

5.12.13. Se cere:

a) Pornind de la expresia perioadei pendulului gravitațional, să se găsească perioada micilor oscilații ale unui punct material de masă  $m$  și sarcină electrică  $q$ , suspendat printr-un fir inextensibil de lungime  $L$  și supus concomitent câmpului gravitic și unui câmp electric vertical de intensitate  $E$ .

b) Reprezentați grafic dependența  $x_2/l$  în funcție de  $x_1/l$ , în care  $a_1$  și  $x_2$  sînt distanțele de la un obiect punctiform, respectiv de la imaginea acestuia, pînă la lentila optică subțire de distanță focală  $f$ .

c) Cum pot fi utilizate ampermetrele, respectiv voltmetrele, pentru a determina intensități de curent electric, respectiv tensiuni electrice, care depășesc domeniul lor de măsură?

(Cl. XII)

## 1982. ETAPA REPUBLICANĂ (Buzău)

5.12.14. La ciocnirea unui corp cu un perete variația de impuls a peretelui nu poate fi neglijată, în timp ce variația energiei cinetice, da. Explicați de ce?

5.12.15. Peste un scripete ideal este trecut un fir avînd suspendate la capete două corpuri de mase  $m_1 = 100$  g și  $m_2 = 200$  g.

a) Care va fi accelerația centrului de masă al celor două corpuri?

b) Care va fi diferența dintre apăsarea scripetelui asupra axului său în cazul cînd este blocat și în cazul cînd se rotește?

5.12.16. Un cilindru gol se rostogolește fără să alunece cu accelerația  $a = 4,90$  m/s<sup>2</sup> (accelerația axei sale). Pe suprafața sa interioară, alunecă, cu



coeficientul de frecare  $\mu = 0,33$ , un mic corp, astfel încât raza să vectorie (dusă din centrul cilindrului), face un unghi  $\theta$  cu verticala. Să se afle valoarea acestui unghi.

(Cl. IX)

5.12.17. Se dau: o minge elastică, o riglă gradată și un cronometru.

a) Să se determine pierderea procentuală  $k$  de viteză la ciocnirea mingii cu masa de laborator.

b) Considerând că timpul de contact al mingii cu masa în procesul ciocnirii reprezintă o fracțiune constantă  $f$  din timpul respectiv de cădere a mingii, să se evalueze această fracțiune  $f$ . La acest punct se va face corecția pentru frecarea cu aerul, considerând că timpii de cădere și de urcare sînt prelungiți cu  $q=60\%$  față de timpii respectivi din vid.

Indicație: Pentru calculul timpului total pînă la oprirea definitivă a mingii se poate folosi formula matematică:

$$1+x+x^2+x^3+\dots = \frac{1}{1-x}, |x| < 1.$$

c) Discutați metoda folosită și rezultatele obținute.

(Cl. IX, proba pract.)

1 5.12.18. Un vas cilindric este izolat adiabatic de mediul exterior. Cilindrul este împărțit în două părți egale cu ajutorul unui piston blocat, de masă și grosime neglijabile. Într-un compartiment al vasului se află  $\nu=1,00$  kmol de gaz ideal la temperatura  $T_1=300$  K, iar celălalt este vidat (nu conține gaz). Pistonul este deblocat și gazul din vas se distinde, ocupînd în întregime volumul cilindrului. Apoi, asupra pistonului se acționează din exterior și volumul gazului este micșorat treptat pînă ajunge la valoarea inițială. Să se afle:

a) Variația energiei interne a gazului.

b) Variația temperaturii gazului.

c) Raportul dintre energia cinetică medie a unei molecule în starea finală și cea inițială.

d) Variația relativă a densității gazului. Se

cunosc:  $C_V \sim R$  și  $2^{\circ} > 40 = 1,32$ .

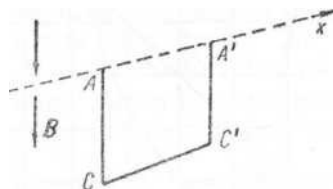
5.12.19. Un conductor de cupru cu aria secțiunii transversale  $S=2,00$  mm<sup>2</sup>, îndoit în formă de  $U$ , cu laturile egale  $l$ , ca în fig.

5.12.19, se poate roti în jurul axei orizontale  $AA'$ . Conductorul este situat într-un cîmp magnetic uniform, vertical. Cînd prin conductor trece curentul de intensitate  $J=10$  A, acesta este deviat cu un unghi  $\theta=15^\circ$ . Să se determine inducția magnetică  $B$ .

Densitatea cuprului  $\rho=8\,900$  kg/m<sup>3</sup>.

Sub. teor. Folosind principiile termodinamicii, arătați că două adiabate nu se pot intersecta niciodată.

{Cl. X}



5.12.20. Se dau: un alimentator de c.c.; două voltmetre cu scala de 10 V; doi rezistori identici; conductori de legătură.

Temă: ~~Să se determine valoarea rezistenței interne a celor două voltmetre.~~

Referatul prezentat va cuprinde:

a) Expunerea metodei:

1. Enunțul teoretic pe care se bazează rezolvarea lucrării practice.

2. Modul de lucru.

b) Tabel cu datele obținute din măsurători.

c) Prelucrarea rezultatelor.

d) Indicarea surselor de erori.

{Cl. X, proba pract.}

5.12.21. a) Mărimi și unități fotometrice.

b) Ce fel de curbă de distribuție a intensității luminii trebuie să aibă o lampă pentru a da o iluminare uniformă pe o masă, deasupra căreia este suspendată?

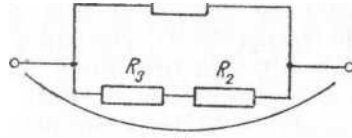
5.12.22. Să se traseze caracteristica  $I=f(U)$  rezultantă a circuitului din fig. 5.12.22 a, cunoscând caracteristica fiecărui element re-

5.12.23. zistiv (fig. 5.12.22 b) și să se determine intensitatea curentului electric pentru  $U=35\text{ V}$  ( $R_2$  este rezistența unui element rezistiv neliniar).

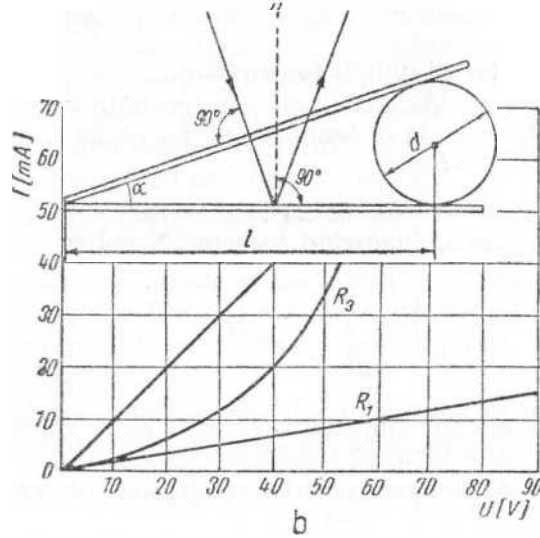
5.12.24.

5.12.25. Se dă o pană de aer formată din două plăci plan paralele identice de sticlă, conform fig. 5.12.23. Lungimea unei plăci este  $Z=48\text{ mm}$ , iar diametrul firului cu care se formează pana este  $d$ . Se iluminează pana cu o radiație monocromatică cu  $\lambda=615\text{ nm}$ , normal pe una din fețe. Să se calculeze:

a) Ordinul — de luminoase pentru locul care în locul respectiv lumii—



interferență  $k$ -al franjei de pe pană, pentru se formează franja





noasă de ordinul  $\epsilon + 5$ , pentru radiația cu lungimea de undă  $\lambda' = 465 \text{ nm}$ .

b) Spațiul dintre plăcile care formează pana se umple cu un lichid. Să se determine indicele de refracție al lichidului, știind că interfranja obținută prin iluminarea normală a acestui sistem cu radiația de lungime de undă  $\lambda$ , este aceeași cu interfranja obținută prin iluminarea penei de aer cu radiația  $\lambda'$ .

c) Știind că pe toată lungimea  $l$  a penei de aer se formează 2  $Z_c$  franje luminoase ( $k$  fiind rezultatul de la punctul a), când se folosește radiația  $\lambda$ , să se calculeze diametrul firului  $d$  (considerîndu-l practic egal cu distanța dintre punctele de tangență).

d) Interfranja în cele trei cazuri.

(Cl. XI)

5.12.26. Se dau: Alimentator „Didactica” (se folosește secțiunea de joasă tensiune, c.c.); potențiomtru; dioda F-107; miliampermetru (0,1 mA); voltmetru (0,1 V); conductori de legătură.

Temă: Să se determine punctul mediu (static)  $M$  de funcționare al diodei F-107 pentru circuitul din fig. 5.12.24.

$$i_C = 15 \text{ V i } 1,$$

Referatul prezentat va cuprinde:

a) Expunerea metodei.

1. Enunțul teoretic pe care se bazează rezolvarea lucrării practice.

2. Modul de lucru (schema montajului pentru determinarea caracteristicii  $I = f(U)$  a diodei).

b) Tabelul cu datele măsurătorilor și reprezentarea grafică.

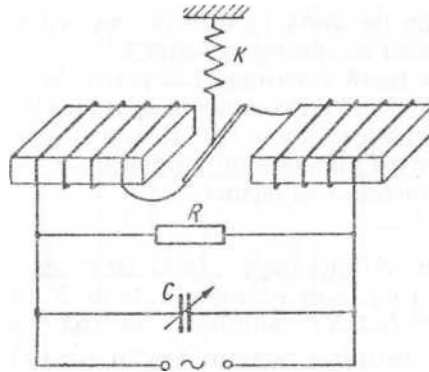
c) Prelucrarea rezultatelor.

d) Indicarea surselor de erori.

e) Interpretarea rezultatelor obținute.

(Cl. XI, proba-prad)

5.12.27. O vergea conductoare subțire de masă  $m = 0,318 \text{ g}$  este suspendată în poziție orizontală cu ajutorul unui resort vertical de constantă elastică  $k = 20,1 \text{ N/m}$ . Vergea este conectată prin fire conductoare de masă neglijabilă la înfășurările a două bobine identice (fig. 5.12.25), avînd fiecare cîte  $N = 50$  spire bobinate pe cîte un miez magnetic orizontal cu permeabilitate  $\mu = 1,00 \text{ mH/m}$ , aria secțiunii transversale  $S = 5,00 \text{ cm}^2$  și lungimea  $d = 50 \text{ mm}$ , lungimea porțiunii din vergea situată în întrefierul (de mici dimensiuni) dintre

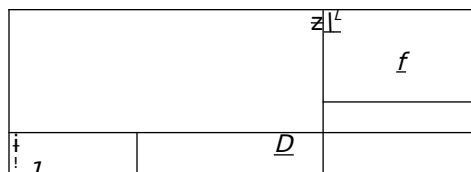


bobine fiind  $l=25$  mm (vergeaua fiind perpendiculară pe inducția magnetică). Știind că ansamblul celor două bobine formează împreună cu o rezistență fixă  $H=12,56$   $\Omega$  și un condensator variabil — un circuit derivație conectat la bornele unei surse de tensiune alternativă care asigură pentru frecvențe variabile o valoare constantă  $Z_0=6,28$  V a amplitudinii tensiunii la borne, să se determine:

- Frecvența tensiunii alternative pentru care oscilatorul mecanic intră în rezonanță.
- Deplasarea poziției de „echilibru” a vergelei în jurul căreia se produc oscilațiile acesteia, față de poziția de echilibru în absența curentului electric, și sensul în care se produce această deplasare.
- Puterea aparentă minimă în circuitul exterior și capacitatea condensatorului variabil pentru care este atinsă aceasta la rezonanța oscilatorului mecanic. Se neglijează rezistența electrică a ramurii inductive.

5.12.28. Două surse punctiforme monocromatice coerente  $S_1, S_2$  sînt așezate pe axa optică a unei lentile subțiri  $L$  avînd distanța focală  $f$ . Perpendicular pe axa optică a lentilei, la distanța  $f$  de aceasta, se așază un ecran de observație (fig. 5.12.28). Știind că oscilațiile sursei  $S_2$  sînt defazate cu  $\varphi$  înaintea oscilațiilor sursei  $S_1$  să se determine:

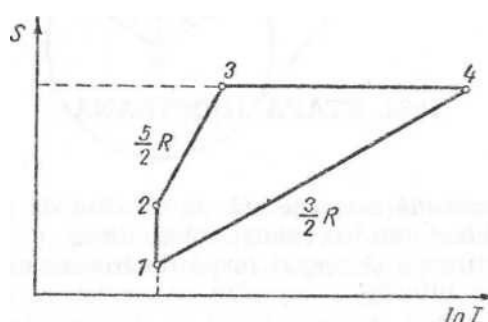
- Distanțele pînă la axa optică a lentilei a punctelor ecranului în care se obțin maxime de interferență.
- Forma și dimensiunile caracteristice franjelor de interferență care se obțin în cazul în care se scoate lentila  $L$ .
- Ce valori trebuie să aibă defazajul  $\varphi$  pentru ca în centrul ecranului să apară un maxim de interferență (cazul b).



		√Z
--	--	----

5.12.29. a) Se consideră un proces ciclic reversibil parcurs de un mol de gaz perfect monoatomic, a cărui reprezentare în diagrama entropie  $S=f(\ln T)$  este indicată în fig. 5.12.27. Știind că pantele ce-

lor două oblice din figură sînt egale cu  $\frac{5}{2}R$  și  $\frac{3}{2}R$ , ( $R$  — constanta gazelor perfecte), să se indice natura transformărilor termodinamice care compun ciclul.



b) Să se demonstreze ecuația transformării adiabatice pentru un gaz perfect.

c) Mărimi și legi analoage (corespondente) pentru dinamica mișcărilor de translație, respectiv de rotație.

(Cl. XII)

5.12.30. Aveți la dispoziție următoarele aparate și componente:

- Sursă de tensiune continuă și alternativă, reglabilă în trepte (2—24 V).
- Multivoltmetru de c.c. și c.a., cu set de scale.
- Multiampermetru de c.c. și c.a., cu set de scale.
- Set de rezistențe fixe: 2,0 Ω; 7,5 Ω; 100 Ω; 470 Ω; 1 000 Ω.
- Bec 6,3 V/0,3 A.
- Soclu pentru bec.
- Zece conexiuni cu banane la ambele capete.

Se cere:

a) Determinați rezistența electrică în regim de funcționare a becului și comparați cu rezultatul obținut din parametrii nominali.

b) Determinați rezistența electrică la rece a filamentului becului (pentru o tensiune la borne de cel mult 5% din valoarea nominală) printr-o metodă simplă.

e) Determinați rezistența internă a ampermetrului pentru scalele folosite, și faceți corecțiile necesare în determinările precedente.

5.12.23. Cu ajutorul dispozitivelor și componentelor de pe masă, să se

determine:

- a) Lungimea de undă a luminii transmise prin filtrul de care dispuneți.
- b) Indicele de refracție al prisme optice aflată pe masa de lucru.

(Cl. XII, proba pract.)

### 1983. ETAPA JUDEȚEANĂ

5.13.1. a) O monedă este așezată pe un disc de pick-up care se rotește uniform, rămânând în repaus față de disc.

1. Care este direcția și sensul forței de frecare exercitată asupra monedei?

2. Cum se modifică direcția forței de frecare dacă se întrerupe alimentarea pick-up-ului?

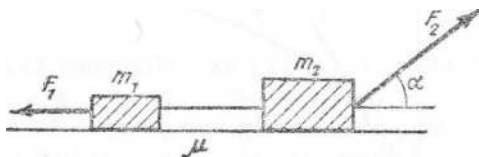
b) Un satelit este plasat pe o orbită circulară în jurul Pământului la o altitudine egală cu raza Pământului. Ce lucru mecanic efectuează forța de greutate a satelitului într-o semiperioadă de revoluție în jurul Pământului?

Se cunosc masele satelitului și Pământului, constanta gravitațională  $K$  și raza Pământului.

5.13.2. Se consideră sistemul din fig. 5.13.2. și se dau:  $F_1=25\text{ N}$ ,  $F_2=60\text{ N}$ ,  $m_1=8,00\text{ kg}$ ,  $m_2=12,00\text{ kg}$ ,  $\alpha=30^\circ$ ,  $\mu=0,10$ ,  $g=10\text{ m/s}^2$ .

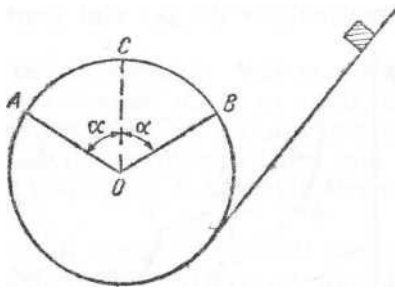
Considerând că inițial sistemul se află în repaus și că forțele intră simultan în acțiune, să se calculeze:

- a) Timpul după care sistemul revine la poziția inițială, dacă forța  $F_2$  încetează să acționeze după  $t=10\text{ s}$  de la începutul mișcării.
- b) Tensiunile din firul de legătură în timpul mișcării.



5.13.3. Se dă drumul unui corp să lunece pe un jgheab înclinat, continuat cu o buclă circulară verticală, de la înălțimea minimă de la care corpul nu părăsește suprafața buclei. Din buclă se taie un



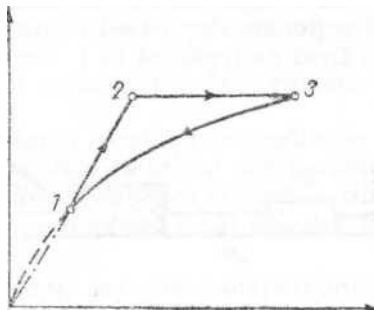


segment simetric față de verticala  $OC$ , corespunzător unui unghi la centru  $2\alpha$  ( $\alpha < 90^\circ$ ), astfel încât, părăsind jgheabul în  $A$ , corpul să revină în  $B$  și să-și continue mișcarea pe jgheab (ca și cum jgheabul ar fi întreg). Să se determine valoarea unghiului  $\alpha$ . (Se neglijează frecările).

(Cl. IX)

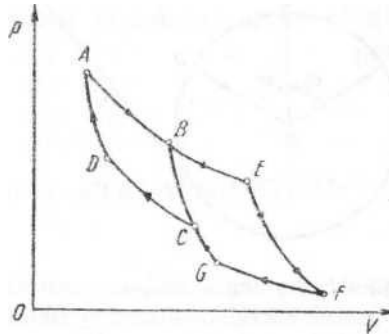
5.13.4. Un kilomol de hidrogen molecular parcurge procesul reversibil ciclic din fig. 5.13.4. Știind că pentru efectuarea proceselor  $1 \rightarrow 2$  și  $2 \rightarrow 3$  gazul primește în total căldura  $Q_i = 7896 \text{ kJ}$ , precum și faptul că transformarea  $3 \rightarrow 1$  se produce după ecuația  $T = a \cdot p^2$ , ( $a = \text{const}$ ), se cere:

- Să se reprezinte procesul ciclic reversibil în diagrama  $(p, V)$  și să se determine căldura molară la volum constant a gazului.
- Să se calculeze căldura molară corespunzând procesului  $1 \rightarrow 3$ .
- Să se determine randamentul unui motor termic funcționând după acest ciclu. Se dau:  $T_1 = 100 \text{ K}$ ,  $p_2 = 2p_1$  și  $\gamma = 8,31 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$ .



f

5.13.5. Se consideră procesele reversibile desfășurate după ciclurile Carnot  $ABCD$  și  $BEFGCB$  din fig. 5.13.5. Știind că vitezele pătratice medii ale moleculelor de gaz sînt pentru stările indicate:



$V_A = V_B = V_E = 800 \text{ m}^3$ ,  $V_D = V_C = 200 \text{ m}^3$ ,  $V_G = V_F = 400 \text{ m}^3$ , precum și faptul că în cursul destinderii adiabatice  $E \rightarrow F$  volumul gazului crește de  $n = 8$  ori, să se determine:

- Randamentul motoarelor termice funcționând după cele două procese reversibile ciclice Carnot.
- Căldura molară la presiune constantă a gazului.
- Raportul lucrurilor mecanice efectuate de gaz în cursul celor două procese ciclice reversibile și randamentul motorului funcționând după procesul reversibil  $ABEFGCDA$ , știind că între volumele gazului în stările  $A$ ,  $B$  și  $E$  există relația:

5.13.6.  $V_B^2 = V_A - V_{eL}$ . Se dă  $R = 8 \cdot 310 \text{ J/kmol} \cdot \text{K}$ . Știind că pentru o anumită substanță, presiunea  $p$  și volumul  $V$ , corespunzând — pentru o cantitate de substanță cu masa  $m$  — stărilor situate la extremitățile palierelor izotermelor Andrews,, satisfac ecuația

$$ab^2$$

unde  $a$ ,  $b$  și  $c$  sînt constante fizice specifice substanței, se cere:

- Să se deducă semnificațiile fizice ale constantelor  $a$ ,  $b$  și  $c$ ,
- Să se deducă variația energiei interne a cantității de substanță considerată în cursul vaporizării la presiunea  $p_{0L}$ , știind că la această presiune căldura latentă specifică de vaporizare este  $a_e$ ,
- Știind că într-o anumită stare, la presiunea  $p_{0L}$ , cantitatea de substanță considerată are volumul  $V_e$ , să se deducă fracțiunile  $x$  și  $1-x$  de lichid și vapori ale substanței în respectiva stare. Discuție.

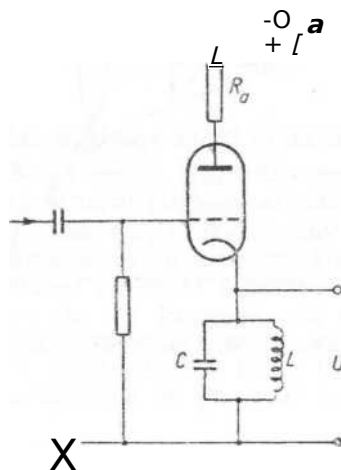
(Cl. X)

5.13.7. Într-un circuit oscilant ideal se mențin oscilații de energie  $W$ . Circuitul este format dintr-un condensator plan paralel și o bobină. Frecvența proprie a circuitului oscilant se poate modifica prin îndepărtarea plăcilor condensatorului una față de cealaltă ple cînd de la valoarea inițială  $d_0$  a distanței dintre plăci (armături). Se cere:

- Expresia lucrului mecanic efectuat pentru îndepărtarea plăcilor condensatorului, astfel încît frecvența circuitului oscilant să se mărească de  $k$  ori.
- Graficul dependenței frecvenței circuitului oscilant în funcție de distanța dintre plăcile condensatorului.
- Să se restudieze punctul a) cînd armăturile se apropie.

5.13.8. În trioda din montajul din fig. 5.13.8 trece un curent maxim  $I_m = 20 \text{ mA}$ . Se aplică grilei o tensiune negativă care blochează trioda pe o durată scurtă. Se cere:

- Să se explice apariția oscilațiilor electromagnetice în circuitul oscilant ideal din schemă. Știind că  $L = 4,0 \text{ mH}$  și  $C = 100 \text{ pF}$ , să se determine frecvența proprie a acestui circuit.
- Energia oscilațiilor și elongația maximă a tensiunii de la bornele circuitului oscilant.
- Aceste oscilații sînt amplificate și transmise unei antene de emisie. Să se calculeze lungimea antenei cu funcționare la modul fundamental și lungimea de undă a unde electromagnetice emise.
- Să se calculeze lungimea de undă fundamentală corespunzătoare a acestei antene, dacă ea este folosită într-un montaj avînd un capăt legat la Pămînt. Justificare!



5.13.9. Să se scrie expresia matematică și să se precizeze semnificația fiecărei mărimi fizice care intervine:

a) Legea Ohm pentru un semiconductor, analoagă aceleași legi pentru o porțiune de circuit de curent continuu, considerînd mobilitatea purtătorilor de sarcină independentă de intensitatea cîmpului electric aplicat.

b) Ecuația oscilatorului elastico-analoagă ecuației tensiunilor pentru circuitul oscilant serie real.

(Cl. XI)

5.13.10. a) Să se estimeze numărul liniilor spectrale din seriile Lyman, Balmer, Paschen, etc. care pot fi emise de atomii de hidrogen care se găsesc într-un tub de descărcare la presiunea  $p = 666,5 \text{ N/m}^2$  și temperatura  $T = 300 \text{ K}$ .

b) Să se calculeze numărul total de linii care se emit.

Sedau:  $h = 6,625 \cdot 10^{-34} \text{ J s}$ ,  $\frac{1}{4\pi\epsilon_0} = 9 \cdot 10^9 \text{ N m}^2/\text{C}^2$ ,  $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ ,

$m_e = 9,1 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$ ,  $k_B = 1,38 \cdot 10^{-23} \text{ J/K}$ .

Indicație: Se va considera că atomul de hidrogen este corect descris de modelul cuantic al lui Bohr și că fiecare atom de hidrogen ocupă un volum de forma unui cub.

5.13.11. a) Să se calculeze cu cât se modifică lungimea de undă a radiațiilor emise de atomul de hidrogen de masă  $M$  aflat în stare liberă în repaus, ca urmare a reculului primit de el în momentul emisiei.

b) Ce viteză va avea atomul de hidrogen prin trecerea electronului între orbitele  $n=2$  și  $n=1$ .

Se dau:  $M = 1,00732522 \text{ u}$ ,  $u = 1,66 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$ ,  $h = 6,625 \cdot 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ ,  $m_e = 9,10938356 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$ ,  $r_e = 2,81794 \cdot 10^{-15} \text{ m}$ ,  $z = 1$ ; atomul de hidrogen este corect descris de modelul cuantic al lui Bohr.

5.13.12. Cu un spectrograf de înaltă rezoluție se observă linia spectrală emisă de un sistem de atomi în urma tranziției între două nivele pentru care momentul cinetic orbital are valorile  $5/2 \hbar$  și  $3/2 \hbar$ .

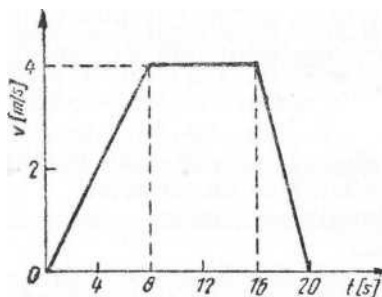
Atomii sînt introduși într-un cîmp magnetic de inducție  $B$ . Considerînd că tranzițiile nu pot avea loc decît după variația numărului cuantic magnetic, corespunzătoare nivelelor între care are loc tranziția, nu este superioară în modul unității, să se stabilească numărul de linii care vor fi observate și să se deseneze schema de nivele, indicînd tranzițiile posibile.

(Cl. XII)

### 1983. ETAPA REPUBLICANA (Iasi)

5.13.13.

5.13.14. Un cărucior de greutate  $G = 10Q \text{ kN}$  este coborît într-o mină cu ajutorul unui cablu. Viteza căruciorului variază în timp

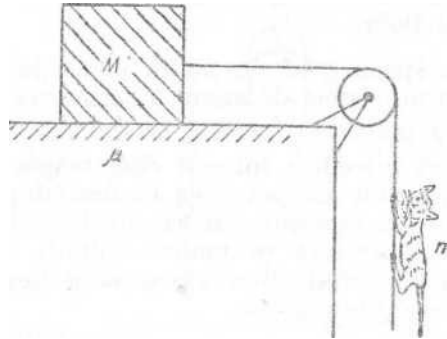


după graficul din fig. 5.13.13. Să se afle tensiunea din cablu în cele trei intervale de timp.

5.13.15.

5.13.16. Cu ce viteză trebuie aruncată vertical în jos o minge elastică pentru ca ea să urce, după ciocnirea cu podeaua, cu  $\Delta h = 4,9$  m mai sus de punctul de aruncare? Ciocnirea cu podeaua este perfect elastică.

5.13.17. O pisică de masă  $m = 1,0$  kg este agătată de un fir care trece peste un scripete ideal fix și este legat în continuare de o ladă de masă  $M = 5,0$  kg așezată pe un plan orizontal (fig. 5.13.15). Coefi



cientul de frecare la alunecare dintre ladă și plan este  $j_n = 0,10$ . La un moment dat pisica începe să urce pe fir cu accelerația  $a = g/10$  față de fir ( $g$  — accelerația gravitațională). Sperîndu-se de alunecarea firului, ea începe să coboare cu accelerația  $a_2 = g/2$  față de fir.

Să se afle accelerațiile firului în cele două cazuri.

Pentru ce valoare a accelerației  $a_2$  tensiunea din fir se anulează?

5.13.18. O bilă de lemn de masă  $M = 1,0$  kg este suspendată pe un fir. Un glonț cu masă  $m = 20$  g străpunge bila dacă viteza sa  $v \geq v_{min} = 200$  m/s. Cu ce viteză se va mișca bila imediat după străpungere, dacă glonțul are viteza  $v = n \cdot v_{min}$ , unde  $n = 2$ ?

Pentru ce viteză a glonțului bila va avea viteză maximă (imediat după străpungere)?

5.13.17. Aveți la dispoziție următoarele materiale:

1. O scîndură prevăzută cu un scripete.
2. Două corpuri identice din lemn.
3. O riglă gradată.
4. Fir (sfoară).

Să se determine coeficientul de frecare la alunecare dintre o față a unui din corpuri, cu scîndură, prin două metode:

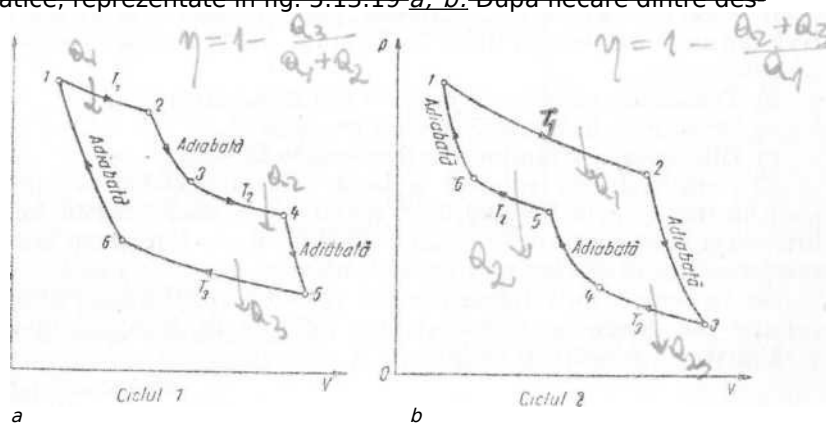
a) Scîndură folosită ca plan înclinat. Scîndură folosită ca plan orizontal. Comentări rezultate obținute și indicați sursele de erori.

(Cl. IX, proba pract.)

5.13.18, Să se stabilească expresia presiunii pe care o exercită un fascicul molecular asupra unui ecran mobil. Viteza ordonată a moleculelor din fascicul, față de Pămînt, este  $u$ , concentrația moleculelor din fascicul este  $n_0$ , masa unei molecule  $m_0$ , iar ecranul se mișcă normal spre fascicul cu viteza relativă  $v$  față de Pămînt. Fasciculul molecular și ecranul au aceeași temperatură. Ciocnirile sînt perfect elastice.

T i

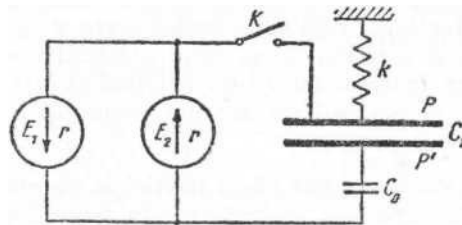
5.13.19. Un kilomol de gaz ideal participă pe rînd la două transformări ciclice formate din succesiuni de transformări izoterme și adiabatică, reprezentate în fig. 5.13.19 a, b. După fiecare dintre des-



tinderile izoterme din ciclul 1, volumul gazului crește de  $k$  ori, iar după fiecare comprimare izotermă din ciclul 2 volumul gazului scade de  $k$  ori. Temperaturile  $T_1$ ,  $T_2$  și  $T_3$  la care se produc procesele izoterme sînt cunoscute. Să se deducă:

- Randomamentele celor două cicluri.
- Lucrul mecanic efectuat de gaz la parcurgerea fiecăruia dintre cele două cicluri.
- Să se compare și să se explice rezultatele obținute la punctul precedent.
- Să se exprime  $T_2$  și  $T_3$  în funcție de  $T_1$  și de raportul  $n = T_2/T_3$ , ( $n > 1$ ), astfel ca randamentele celor două cicluri să fie egale.

5.13.20. Să se afle intervalul în care poate lua valori raportul  $\frac{U_1}{U_2}$  în condițiile punctului precedent. O placă metalică  $P$  cu aria  $S = 1,00 \text{ dm}^2$  este suspendată cu ajutorul unui resort elastic izolat de constantă  $k = 4,43 \text{ N/m}$ , la distanța  $d_0 = 1,1 \text{ mm}$  de o altă placă  $P'$  identică cu prima. Condensatorul cu aer  $C_x$  astfel format este înseriat cu un condensator fix avînd capacitatea  $C_0 = 100 \text{ nF}$  (fig. 5.13.20). Știind că în cazul închi



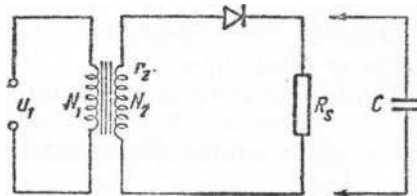
derii întrerupătorului  $K$  din figură, placa mobilă este atrasă de cea fixă, situîndu-se la echilibru la distanța  $d = 1,00 \text{ mm}$  de aceasta, să se determine:

- Tensiunea aplicată la bornele condensatorului  $C'$ .
- Tensiunea la bornele condensatorului  $C_0$ .
- Diferența tensiunilor electromotoare  $E_1 - E_2$ .
- Permitivitatea relativă a unei folii dielectrice cu grosimea  $f_j = 0,50 \text{ mm}$  și aria  $S = 1,00 \text{ dm}^2$ , știind că — dacă această folie este introdusă între armăturile condensatorului  $C_x$  — tensiunea la bornele condensatorului  $C_0$  devine  $U'_0 = 133 \text{ mV}$ .

Se va lua permitivitatea aerului  $\epsilon_a = 8,86 \cdot 10^{-12} \text{ F/m}$ . Rezistențele interne ale generatoarelor sînt egale. Firele de legătură nu împiedică mișcarea armăturii mobile  $P$ .

(Cl. X)

5.13.21. Se consideră redresorul monoalternanță din fig. 6.13.21. Transformatorul este alimentat la tensiunea  $u_1 = 200 \sin \omega t \text{ V}$ , avînd  $N_1 = 1000$  spire în primar, respectiv  $N_2 = 200$  spire în circuitul se



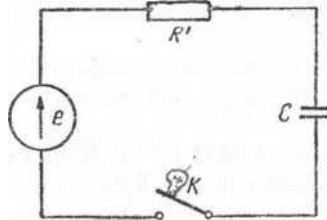
cundarului, a cărei rezistență este  $r_2 = 500 \Omega$ . Curba caracteristică a diodei este o dreaptă care trece prin origine de pantă  $S = 1,00 \text{ mA/V}$ . Rezistența de sarcină are valoarea  $R_s = 2,5 \text{ k}\Omega$ . Să se calculeze:

- Intensitatea maximă și intensitatea efectivă a curentului în circuitul secundarului.
- Componenta continuă a intensității curentului și a tensiunii la bornele rezistorului de sarcină.



- c) Factorul de onduiație  $\gamma$ .
- d) Randamentul de redresare definit prin raportul dintre puterea de curent continuu în sarcină și puterea activă în sarcină.
- e) De câte ori se mărește puterea disipată în rezistorul de sarcină  $R_s$  prin legarea în paralel pe acesta a unui condensator de netezire a tensiunii redresate.

5.13.22. Se consideră circuitul  $RC$  serie de încărcare a unui condensator (fig. 5.13.22). T.e.m. a sursei variază liniar cu timpul  $\mathcal{E} = at$ , unde  $a = \text{const}$ . În ce moment  $t$  trebuie închis întrerupătorul  $K$  pentru ca intensitatea  $I$  a curentului de încărcare a condensatorului să rămână constantă?



Rezistența totală a circuitului (a rezistorului  $R'$ , a sursei și a conductoarelor de legătură) este  $R = 100 \text{ k}\Omega$ , iar capacitatea condensatorului  $C = 50 \text{ nF}$ .

5.13.23. Să se determine intensitatea  $I$ , fluxul  $\Phi$  și eficacitatea luminoasă  $r) = \Phi/P$  pentru un bec electric de putere  $P = 100 \text{ W}$ , considerat sursă de lumină, punctiformă și izotropă, dacă iluminarea normală produsă pe o carte aflată la  $d = 1,00 \text{ m}$  depărtare de această sursă este  $E = 80 \text{ lx}$ .

Sub. teor. Definiți mărimile fotometrice: intensitatea, fluxul și iluminarea, precum și unitățile corespunzătoare.

(Cl. XI)

5.13.24. a) Să se calculeze numărul maxim de electroni dintr-un atom care au același număr cuantic  $n$  și aceeași valoare pentru: 1)  $m_s$ ; 2)  $m_l$ ; 3)  $m_s$  și  $m_l$ . Ce valori poate lua numărul cuantic orbital  $l$  dacă sînt precizate numerele cuantice: 4)  $m_l$ ; 5)  $n$  și  $m_l$ ; 6)  $n$ ,  $l$  și  $m_s$ .

b) Să se determine numărul de configurații distincte ce se pot forma din  $l$  electroni care au aceleași numere cuantice  $n$  și  $l$  ( $l < 2l + 1$ ).

c) Cum se modifică spectrul radiației  $X$  emis de anticatodul unui tub de raze  $X$ , dacă tensiunea de accelerare a electronilor emiși de catodul tubului este crescută treptat. Discuție calitativă.

d) Ce condiții esențiale sînt necesare pentru realizarea practică a unui dispozitiv laser?

5.13.25. O celulă solară are un curent invers de întuneric  $I_s = 1,00 \text{ nA}$ , iar la iluminare produce un curent de scurtcircuit  $I_{sc} = 100 \text{ mA}$ . Cunoșcînd temperatura  $T = 290 \text{ K}$ , se cere:

- a) Rezistența internă a celulei când iluminarea tinde spre zero.  
b) Tensiunea la circuit deschis pe celula solară în condițiile de iluminare din problemă.  
c) Tensiunea pe rezistorul de sarcină cu  $R_m = 2,5 \cdot Q$ , care corespunde regimului de putere maximă.  
d) Randamentul de conversie a energiei luminoase în energie electrică, dacă puterea radiației incidente pe celula solară este  $P^* = 172,5 \text{ mW}$ .  
Se dau constantele:  $k = 1,38 \cdot 10^{-23} \text{ J/K}$  și  $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ .  
În calcule se va considera  $\ln 10 = 2,3$ .

5.13.26. Ce energie cinetică minimă (în eV) trebuie să aibă un atom de hidrogen pentru ca să poată produce, prin ciocnire excitarea unui alt atom de hidrogen, aflat inițial în repaus?

Se va presupune că înainte de ciocnire fiecare atom — descris de modelul lui Bohr — se află în starea sa fundamentală, de energie egală cu  $\epsilon_0 = 13,6 \text{ eV}$ .

(Cl. XII)

(C H tyvfrW dU ————— ut\*\*#.

### III. SOLUȚII

#### 1. MECANICĂ ȘI ACUSTICA

- 1.1.1. a)  $T = 2\pi \sqrt{m/k} = 3,14 \text{ s}$ ;  $\nu = 1/T = 0,32 \text{ Hz}$ ;  $E_k = FZ/2 = 4,0 \text{ J}$ ;  
b)  $x = Z \cos(\omega t + \phi)$ ,  $\omega = F/t = 2,0 \text{ rad/s}$ ; c)  $\omega = \sqrt{g/L} = 3,0 \text{ rad/s}$ ;  
d)  $v_0 = a \cdot t = 6,0 \text{ m/s}$ ;  $Z = v_0/\omega = 3,0 \text{ s}$ ;  $s = y/2 = 9,0 \text{ m}$ .  
1.1.2. a)  $i_1 = 2Z_1 \cdot \omega = 64 \text{ s}$ ;  $a_1 = y^2/2Z_1 = 0,39 \text{ m/s}^2$ ; b)  $a_3 = v/t_3 = 0,50 \text{ m/s}^2$ ;  
c)  $Z_2 = i \cdot Z_1 = 15,0 \text{ km}$ ;  $L_3 = v \cdot t_3 = 625 \text{ m}$ ;  $Z = Z_1 + Z_2 + Z_3 = 16,4 \text{ km}$ ; d)  $E_k = \frac{1}{2} m v^2 = 281 \text{ kJ}$ ; e)  $F_r = m \cdot \omega^2 = 0,45 \text{ kN}$ .  
1.1.3. a)  $a = g \sin \alpha = 14,1 \text{ m/s}^2$ ; b)  $E_c = mgh = 4,0 \text{ kJ}$ ; c)  $F = mg(\sin \alpha + \mu)$

$$[x \cos \omega t] \sim |*|ncEj = 343 \text{ N.}$$

$$\hat{1.1.4.} \text{ a) } s_x = j \cdot a_x t / l = 22,5 \text{ km; b) } y_0 = a_i Z t^2 = 300 \text{ m/s; c) } T = t_i' r i >_0 / l i g = 300$$

$$s; \text{ d) } E_c \sim m v \% = 22,5 \text{ MJ.}$$

$$1.1.5. \text{ a) } v_0 = -1/2 g h = 20 \text{ m/s; b) } a = g'(\sin a - y_c \cos a) = 2,5 \text{ m/s}^2; \text{ c) } s = \\ = Z i(l / [x - \text{ctg } a]) = 34,6 \text{ m.}$$

$$1.1.6. \text{ a) } t = v / a_{i' T} + i > / a_s = 210 \text{ s; b) } s = i > Z - (p^2 / 2 a_1 + y^3 / 2 a_2) = 2,7 \text{ km;}$$

$$\text{b) } t' - s / i > = 135 \text{ s.}$$

$$1.1.7. \text{ a) } f = * / 2 Z / \ll (\sin B - \sin a) = 2,0 \text{ s; b) } S_i = Z \frac{\sin p - \sin a}{\sin (3 - \sin a)} = l; s_z = l \frac{\sin p - \sin a}{\sin (3 - \sin a)} = \\ = 21 \text{ c) } \gg \frac{\wedge |s| + w_{s2}}{(m t + m z) t} = 13,4 \text{ m/s; d) } 4 Z = r f_1 + i Z f g \sin 8, \wedge = 1,7 \text{ s;}$$

$$2 l = v t \% + - t l g \sin f_i, f_2 = 1,0 \text{ s.}$$



$$\Delta h \cong \frac{1}{S} \left[ \frac{V_1 \beta_1 (\theta - t_1)}{1 + \beta_1 t_1} + \frac{V_2 (1 + 3 \alpha_2 \theta)}{1 + 3 \alpha_2 t_2} \right];$$

$$5.1.6. \text{ a) } t = E R_{AC} / a \cdot R_{AB} = 300^\circ \text{C; b) } l < , \# 0.$$

$$5.1.7. \text{ C} = 2 L / (j^2 + a^2 L^2).$$

$$5.1.8. \text{ R} = -2 \{ n - l \} d_1 d_2 / (d_1 - c l_i) = -72 \text{ cm; } x_1 = - (n - l) d_1 d_2 / (d_1 - n d_0) = -108 \text{ cm.}$$

$$5.1.9. \text{ M/m} - t f E j W + 1 : (\wedge E / E' - 1) = 16.$$

$$5.1.10. \text{ Gravit.: } r n g h; - K m M j r; \text{ elast.: } k x^2 / 2; \text{ electrostat.: } q Q / i n e r; j m - A u.$$

5.1.11. Dacă sînt deviate n bile, la celălalt capăt vor devia simetric tot **n** bile, primele **N-n** bile rămînînd pe loc.

5.1.12. Unghiul de deviație a firului cu Pb sau de denivelare a apei:  $\text{tg } a = a j g.$

$$5.1.13. \text{ a) } a = F / (M - \{ -m \}) = g; \text{ b) } T = \pm = F m / (m - \{ -M \}); \text{ c) } a' = F / M - g; \text{ d) } t = \wedge 2 s M j F.$$

$$5.1.14. \text{ a} = \leq 7 - \text{ctg } a.$$

5.1.15. Pentru incluziuni cu  $p > p_{re}$ ,  $AV_{dez l} = n \setminus_{incl} (l / p - l / p_{\#}) < 0$ , nivelul va scădea. Pentru incluziuni cu  $p < p_{\#}$ , nivelul nu se schimbă.

5.1.16. Din ecuația Clapeyron Clausius

$$- (v_{\#} - v \wedge T d p / d T, \text{ dar în punctul critic } v_g = v_{t.}$$

5.1.17. Încălzim balonul cu mîiurile și introducem brațul scurt în apă, atunci va intra o coloană de apă în tub. Din transformarea

practic izocoră:  $T_m - T_c = T_m p g h / H$ .

5.1.18. a)  $p = (G_1 - G_2) \rho \lg V(p_1 - p_2)$ ; b)  $f = (j_1 / a_2)(1 - 2q / 5RT_1)$ ;

c)  $AU = -(n-1)p_0V_0$ ; d)  $m_v = i(npV/RT_3 - ml) \quad T = T_3 - ii_2m_v2klm5R$ .

5.1.19. a)  $OC = d = (Ml - mx) / (M'_c m)$ ; b)  $I_{rel} = (Ml^2 + mx^2) / (Ml - mx)$ ;  $I_{red} = 1,0$  m;  $x = 11,4$  cm; c)  $n = \wedge = |y| > \bullet * < \ll s^{-1}$ .

5.1.20. Electronii pleacă cu viteză mare tangent la liniile de câmp care sînt perpendiculare pe suprafața catodului.

5.1.21. Filamentul incandescent emite electroni; sticla încălzită prezintă conductibilitate ionică; topitura prezintă conductibilitate electrolitică. Ionii  $Na^+$  volatilizați și neutralizați de electroni se depun pe partea rece a balonului de sticlă.

5.1.22. Pe baza deviației acului magnetic suspendat în centrul unui multiplicator așezat în planul meridian magnetic.

$B$  în sus:  $v = (RG - BE) / B^2 l^2$  spre dreapta/stînga, după cum  $G = 5sE / B / R$ ;  $Ei + Gv = \wedge Pd^2$ ;  $B$  în jos:  $v = (RG + BE) / B^2 l^2$  spre dreapta;  $Gv = E / R l^2$  (bateria se încarcă)

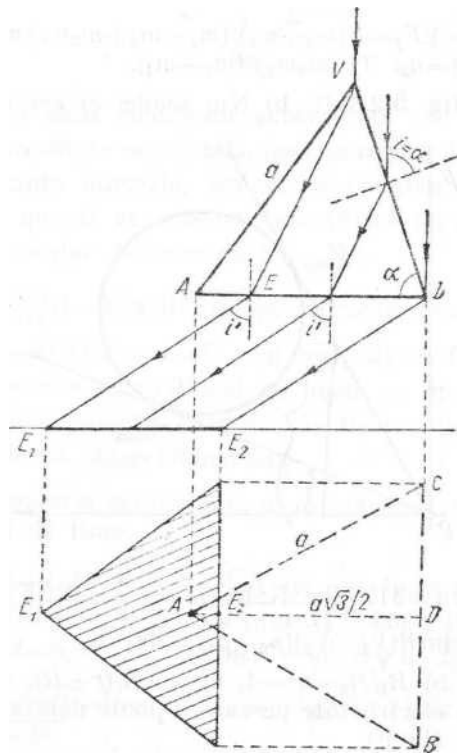
5.1.23.  $t_{re} = 1 / \{1 - [C_2 / (C_x + C_2)]\}$ ;  $Q \wedge C \wedge U_n$ .

5.1.24.  $E_{leg} = Zm_v c^2 + (A - Z)m_n c^2 - M\hat{a} = A m c^2$ ;  $E_{leg, om} = E_{ctti v, tt}$  icma — Ectn.-pot.souâ =  $\wedge j_{oj}$ — Energia de legătură este energia care se dăgă la formarea sistemului din elemente componente sau energia care trebuie cheltuită pentru a desface sistemul în elementele sale componente.

5.1.25. La echilibru termic nivelele inferioare sînt mai populate decît cele superioare, iar numărul de dezexcitări (intensitatea liniei spectrale) este proporțional cu populația nivelului.

5.1.26. Fasciculul a este monocinetic, în timp ce  $f\dot{i}$  nu este (energia se distribuie între 6 și v).

3.1.28. Dacă  $n > n_0 = 2 \cos a / 2 = 2 \cdot y \mathbf{2/3} = \mathbf{1,633}$  ( $a = 70^\circ 32'$ ).  $\cos \ll = 1/3$  — unghiul diedru al tetraedru'ui), unele raze refractate cad pe fețele laterale unde suferă o reflexie totală. Dacă  $n > n' = \wedge (1/\sin a + \cos a)^2 \cdot f \cdot sm^2 a = *$



$= 1,683$ , razele care cad pe baza tetraedrului suferă o reflexie totală. Pentru  $n < n' = 1,683$  razele care cad pe baza tetraedrului ies sub unghiul  $\sin i' = \sin a(\sqrt{n^2 - \sin^2 a} - \cos a)$ . Fiecare față laterală dă pe ecran un triunghi luminos (fig. 5.1.28 R) de înălțime  $EXE_2 = ED$ . Pentru  $n > n_0 = 1,633$ ,  $EXE_2 = AD$ . Pentru  $n + \pi/2$  ( $i' \rightarrow \pi/2$ ), triunghiurile luminoase se depărtează la co ( $E_2D = a \tan i'$ ), deci pentru  $n > n'$  razele reflectate nu ajung pe ecran și se obține umbra bazei tetraedrului.

5.1.29. a) Nerelativist:  $E_c e = f(-v_2)^2, (v_1 + v_2)^2$ ; relativist:  $E_c e = \frac{2Mc^2}{\gamma(1 + \beta^2(v_1 - v_2)^2/M^2c^4) - \gamma(1 + \beta^2(v_1 + v_2)^2/M^2c^4) - 1}$ ;  
b)  $nNa(n, \gamma)nNa$ ; c)  $E_c = \beta^2/2 \times Mc^2 \approx 3,8 \cdot 10^{-29} \text{ eV} < 5 \text{ eV}$ .

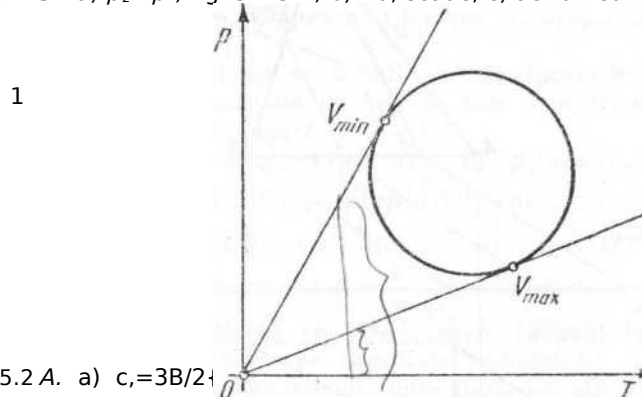
5.2.1.

5.2.2. a) Nu, deoarece în mișcarea uniform variată  $s_0 \sim 2n - 1$ ; b) concentrația picăturilor formate simultan nu se schimbă, iar a celorlalte scade; c) Aruncă obiecte în sens opus.

5.2.2. a)  $t^A > (m_2 + m_3)/(in_1 + m_2 + m_3)$ ; b)  $a = F/(m_1 + m_2 + m_3)$ ;  $T =$

$= Fm_3/(m_1 + m_2 + m_3)$ ;  $F = F(m_2 + m^{\wedge}Kirij^{\wedge} + mn + ms)$ ; c)  $a_1 = (F - iim^{\wedge}jrn^{\wedge} a_2 = g | xm_3/(Fri_2 - | - m_3) = a_3$ ;  $T = m_2 m_3 g j(m_2 - | - m_3)$ .

5.2.3. a)  $p_2 > p_i$ , fig. 5.2.3 R; b) Nu; scade; c) aer umed.

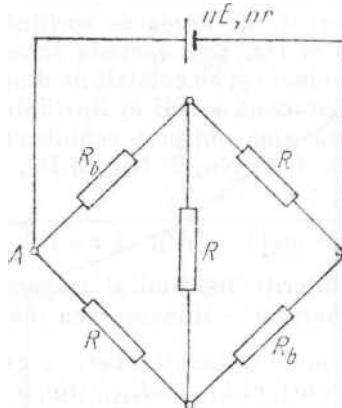


5.2.4. a)  $c = 3B/2$ ; c)  $T_{max} = [i(p_2 V_i - p_i V_2)^2 / 4mR(V_1 - V_2)(p_2 - p_i)] = 490 \text{ K}$ .

5.2.5. a) Același; b)  $jR_1/B_2 = \beta^2 = 4$ ; c)  $r_i = R/(r + R)$ ; d) La acumulator este cantitatea de electricitate pe care o poate debita (în A-h); la condensator  $C = QIU$  (în F).

5.2.3.

5.2.6, a)  $R_b = U^2/R = 10 \text{ } \Omega$ ;  $2R \ll \dots$ ; b)  $i_f = 7,0 \text{ } \Omega$ ; c)  $I = n\epsilon I / (nr + R_e) = 1,25 \text{ A}$ ;  $I_6 = 0,50 \text{ } \hat{\text{A}}$ ;  $I_H = 0,75 \text{ A}$ ;  $I' = 0,25 \text{ A}$ ; d)  $\ll m/K_k = 1,00 \text{ ks}$ ;  $W = 2R_b I_b^2 t = 5,0 \text{ kJ}$  (fig. 5.2.6 R).



5.2.7. a) Ruptura unui conductor echivalează cu introducerea unui condensator de capacitate neglijabilă, deci de reactanță enormă; b) Dacă nu există inductanțe mutuale, atunci se compun ca și rezistențele; c) Forța Lorentz  $-q \mathbf{v} \times \mathbf{B}$  va acționa transversal pe direcția radială de deplasare a purtătorilor din electrolit.

5.2.8. a)  $Q = UH/R = 0,24 \text{ MJ}$ ;  $R = \rho l/s$ ; b) Se formează unda staționară cu  $\sim k - 2/l - v = c/2Z = 50 \text{ Hz}$ ; c)  $u = \sin 2\pi cvZ$ ; d) Se formează unda staționară cu  $X = l$  și  $v' = 2v$ ; e) Recul cu neon se aprinde cu frecvență dublă; se vor vedea pozițiile extreme ale firului (b), respectiv într-o singură poziție, de ex. de echilibru (d).

5.2.9. a), b), c) Conform manualului; d)  $a = nh\nu/mc$ ,  $n$  - numărul fotonilor emiși pe unitatea de timp.

5.2.10. a)  $a = (I/2' L) IU''/2dU' = 12,5 \text{ cm}$ ; b) Independentă de natura izotopilor; c)  $v = (2U' + i^{u2}Z^2/2\epsilon l'd^2)e/n = 173 \text{ km/s}$ ;  $167 \text{ km/s}$ ;  $163 \text{ km/s}$ ; d)  $\text{tg } a = U''/U'2d = 0,50$ ; e)  $\wedge b = 2m(v'' - v)/eBt/l - \text{tg } a = 3,6 \text{ cm}$ .

5.2.11. a)  $T = 27Tvm/\epsilon = \text{inv}$ ;  $A_p/A_L = g_p/g_L$ ; b)  $r' = i$ ; c)  $j/z = i/i f/(f + Xi)$ ; d)  $Uk - kf/\wedge d^2/\check{\text{A}}^2 - k^2$ .

5.2.12. a)  $\cos \theta = 1 - y^2/4g' = 3/4$ ; b)  $\text{tos}'_{om} = 1 - v^2/2gl = 1/2$ ;  $\theta_{in} = 60^\circ$ ;  $x_2 = x_1 f/(x_1 + f)$ ;  $x_1 = f_z \text{tg} \sin \theta_m$ ;  $Ax_2 = 13,9 \text{ mm}$ ; c)  $e = 4f(n - 1) - t/16f^2(n - 1)^2 - tf^2 = 1,0 \text{ cm}$ .

5.2.13. a)  $L = 2mgh$ ; b) Lucrul mecanic pentru baterea cuiului  $L \wedge = E_0 M/(M + m)$  crește cu  $M$ , de aceea se sprijină scîndură de partea opusă cu un alt ciocan; c) Da, prin metoda

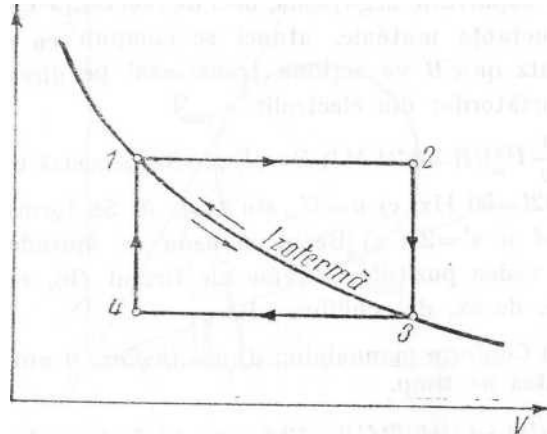
substituției; d) Sprijinim scîndură cu un capăt pe o masă și cu celălalt de dinamometru. Inversăm. Greutatea este suma celor două citiri; e) Sprijinim scîndură excentric și plimbăm masa marcată pînă obținem echilibrul. Din egalitatea momentelor găsim greutatea, f) 1) Nu; 2) Nu; 3) Da; 4) Nu; 5) Nu; 6) Da; 7) Da; 8) Nu; 9) Da.

5.2.14. a)  $a \sim g x / l$ ; b)  $F = m g l (1 - x^2 / l^2)$ ; c)  $v = x - y / \xi / 21$ .

5.2.15. Legăm firul la diferite înălțimi și tragem orizontal:  $\bullet_s X = a j 2 h$ ,  $h$  — înălțimea de răsturnare,  $a$  — dimensiunea longitudinală.

5.2.16. a) Da, în tot timpul mișcării libere a cutiei; b)  $F_{asc} - m_{gaz}^*$

■  $g(a_{acr} / 1) - G_{jni} = \text{const}$ ; c)  $L_{mi} > L_{lui}$  (fig. 5.2.16 R); d) Apa fiartă a fost degazată și se formează mai greu centri de inițiere a bulelor de vapori.

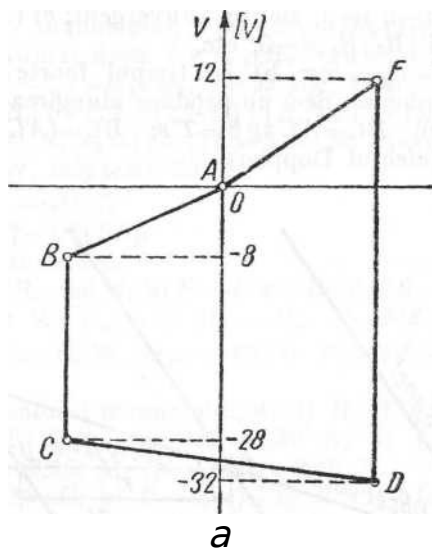


5.2.17. a)  $a) \sin(a_{max} / 2) = y / 6 / 7 \sin(a_0 / 2)$ ,  $\alpha_{max} = 55^\circ 9'$ ; (3)  $v = 8 / j g H t / l \cdot \sin(a_0 / 2) = 3,6 \text{ m/s}$ ; b)  $T = 2 \sim 1 / 7 R j g \sin \theta = 2,76 \text{ s}$ .

5.2.18. a)  $v_j = y j g D / \sin 2a = 4,73 \text{ rot/s}$ ; b)  $v_z = v_a (1 + i / 4 D \tan a) =$

5.2.19. a)  $I = (E_2 - E_1) / (2r + 2r_1 + R + j\omega L_3) = 2,00 \text{ A}$ ;  $U_{R1} = R/m 8,0 \text{ V}$ ;  $E_{K2} = ft, f = 12,0 \text{ V}$ ;  $U_3 = 4,0 \text{ V}$  (fig. 5.2.19 aR); b) Fig. 5.2.19 bR;

c) Nu; d)  $P = I^2 R = 577 \text{ W}$ ;  $\tan \phi = \omega L/R = 1,33$ ;  $\phi = 53^\circ$ ;  $p = P(1 - \cos(2\omega t - \phi)) / \cos \phi$ .



OSWMZZIHf—CZZ>^Mm^x-CZ3—=>  
f/ ^2 ^2 ^

b

5.2.20.  $q = C_0 U d_0 / (d_0 - v l)$ ;  $i = dq/dt = C_0 U d_0 v l / (d_0^2 - v^2 t^2)$  (crește).

5.2.21.  $i = C d(f/d) / dt = B Z f \sin \alpha$ ;  $F' = U B \sin \alpha$ ;  $a = g G \sin \alpha$ ;  $(G', g C B^2 P \sin^2 \alpha)$ .

5.2.22. a) Aceeași; b) La ciocnirea elastică a neutronilor cu nuclee, transferul de energie cinetică este maxim dacă nucleul are masa comparabilă cu neutronul (protonii din H); c) 1) Se separă inițial radiația cu un câmp magnetic; 2) Se ecranează contorul odată cu o folie de Al care absoarbe  $\alpha$  și  $\beta$  și apoi cu o folie de plastic sau carton care absoarbe  $\gamma$ ; d)  $f_2/f_0 = (f_1/f_0)^{2/3} = 1/8$ .

5.2.23.  $E = \gamma m_0 c^2 = 0,37 \text{ MeV}$ ;  $\tan \theta = v' \sin \phi / (v - v' \cos \phi) = 0,047$ .

5.2.24. a)  $P = 3,7 \cdot 10^{10} \text{ A} (E_1 + E_2) = 66,3 \text{ W}$ ;  $A_0 = P/C = 66,3 \text{ K/s}$ ; b)  $\eta = (f - f_0)/T = 0,70$ ; c)  $P' = v P = 46,4 \text{ W}$ ; d)  $t = T_{1/2} \ln 1/(1 - f) = 11,5 / 0,693$  ani.

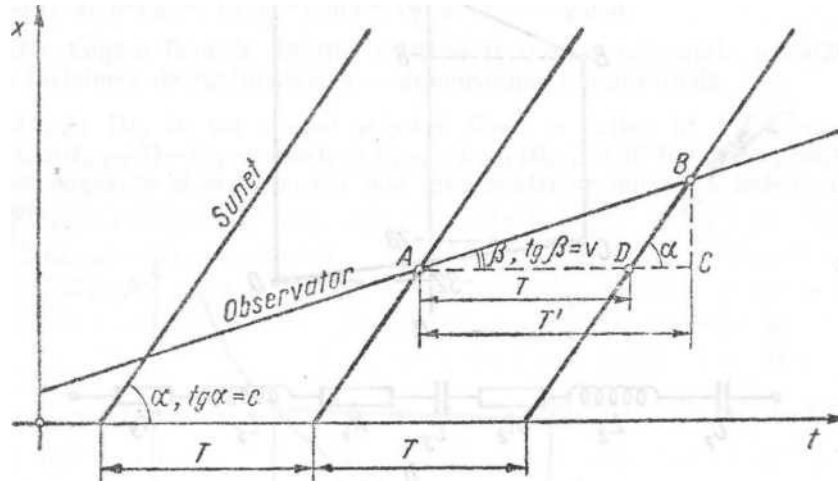
5.2.25. a)  $l/x_2 - n_7 z_1 = (n - n')/2$ ,  $(n - l)/l \neq a$ ,  $(n = 3/2; n' = 4/3)$ ; b)  $R_7/R_i = (n - l)/(n - n') = 3$ , menise convergent; c)  $(1 - R_2)(f_2/j R_i - 3) > 0$ ;



dacă  $i_3 < 0$ , atunci  $|j_3| > -3$ , etc.

5.3.1. a)  $F_{\text{trac}} \max - Ff = mg$ ; b) în timpul foarte scurt de smucire corpul practic nu coboară, deci nu produce alungirea și forța de rupere..

5.3.2.  $T = T'(c+v)$ ;  $BC = AC \tan \beta = T'v$ ;  $BC = (AC - DC) \tan \alpha = (T' - T)c$ ; Se aplică (efectul Doppler).



5.3.3.  $\sin \alpha = \frac{v}{c} = \frac{1}{n^2 + 1} = 0,60$ .

5.3.4. a)  $N_1 v_z = N_2 v_x$  unde  $N_1 > N_2$  sînt prime între ele; b)  $v_{\max} = \sqrt{2gs}$ .

5.3.5. a)  $v = \sqrt{v_0^2 + 2gh} (1 - \mu \cot \alpha) = 13,0 \text{ m/s}$ ; b)  $v_1 = \sqrt{v^2 - 2gh} = 12,0 \text{ m/s}$ ;  $v' = \sqrt{v_1^2 + 2gh} = 6,0 \text{ m/s}$ ;  $S' = \frac{1}{2} \rho v^2 \sin \alpha = 18,0 \text{ m}$ ; c)  $F = mv \sin \alpha = 4,2 \text{ N}$ ;

5.3.6. a)  $N = mg - \frac{1}{2} \rho v^2 \sin^2 \alpha = 47 \text{ N}$ ; b)  $F = m \left( \frac{v}{Z} + \frac{v^2}{2} \right) = 21,4 \text{ N}$ ;

c)  $P = Fv = 32 \text{ W}$ .

5.3.7. a) Conform manualului; b) Nimic; c) Da; d) Da, dacă compresibilitatea corpului este mai mică decît a gazului, respectiv a lichidului.

o.3.8. a;  $z' = \frac{(p_1 + p_2)/2 - p_1}{(p_1 - p_2)}$ ; b)  $T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$ .

5.3.10. a) Se efectuează lucru mecanic în cazul izobar; b)  $h - 2aapg \sim = 36,5 \text{ cm}$ ; c)  $C = Q/(V_1 - V_2)$  față de  $C = Q/V_{1,2}$ ; a)  $m_3 = \gamma \cdot pV/RT_3 = 380 \text{ g}$ ; b)  $f/H^{\wedge}Wi + nWa + msCtis] \div$ ;  $(m_1C_a + m_2C_a + m_3C_b) = 43,4^{\circ}\text{C}$ ; c)  $p_x = pT_f/T_3 = 12,5 \text{ MPa}$ ; d)  $m_p = - \wedge[(niL + m^{\wedge}Caiti - tj) + maC^{\wedge}ti - tf)] : tq = 57,3 \text{ g}$ .

5.3.11. a), b) = 5.3.9 a), b); c) Datorită lucrului mecanic pentru dispersarea apei în picături.

5.3.12. = 5.3.10.

5.3.13. a) Conform manualului; b)  $U_X = U : \{1 - f(i? - r)(l/ > + l/R_r)\}$ ;

c) = 5.3.9 d); d) Numai dacă  $l < U_V/R_V$  sau  $E/(r + R - f \cdot R_r) < U_V/R_V$ .

5.3.14.  $i_{1,2} = R \cdot (U - U_i - U_d)/U_{1,2} = 15 \text{ kQ}$ , resp.  $10 \text{ kQ}$ .

5.3.15. a)  $E_2^{\wedge}E_1[R_1(l + f) + R(2 + f)] : [R_1 + R(2 + f)]^{\wedge}13,0 \text{ V}$ ; b)  $I_x = \ll(E, E_1)/fR_1 = 2,00 \text{ A}$ ;  $I_2 = (1 + f)/I_1 = 3,00 \text{ A}$ ;  $P^{\wedge}E/J^{\wedge}E.J^{\wedge}Q3 \text{ W}$ ;  $I^{\wedge}x_i = RI_{1,2} = 20 \text{ W}$ , respectiv  $30 \text{ W}$ .

5.3.16.  $i? = \sqrt{L/C} (1 - w^2LC)$ .

5.3.17.  $P = (U^2 - UI - UI)/2R_a$ .

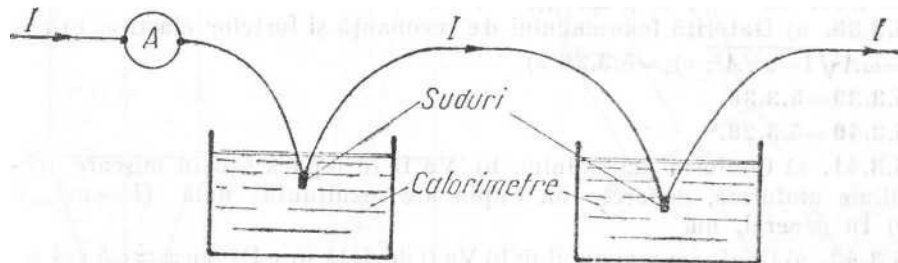
5.3.18. Conform manualului.

5.3.19. a)  $F = \$IB/R_t = 50 \text{ N}$ ; b)  $F' = (-B/v)IBIR_t \sim = 40 \text{ N}$ , resp.  $60 \text{ N}$ ;

c)  $P_t = 3^2IR_t = 500 \text{ W}$ ;  $P_m = 0$ ;  $P_j = P_t$ ;  $P^{\wedge}f^{**}(TBlo)IR_t = m \text{ W}$ , resp.  $600 \text{ W}$ ;  $P^{\wedge}m = F^{\wedge}v = 80 \text{ W}$ , resp.  $120 \text{ W}$ ;  $P_j = (S - B/vf)R^{\wedge}320 \text{ W}$ , resp.  $720 \text{ W}$ .

5.3.20. a), b), c) Conform manualului; d) 1)  $7i = 1 : f/I \cdot R_i + l/(-R) + /?3 >$   $+ l/?4] = 6,0 \text{ D}$ ; 2)  $I = nEI(nr - l - R) = 0,80 \text{ A}$ ; 3)  $I_1 = f/?I \cdot R_1 = 0,24 \text{ A}$ ;  $Z_{1,3} = IRf(R_2 + R_3) = Q/I(3 - A)$ ;  $7_4 = iR/R_4 = 0,40 \text{ A}$ .

5.3.21. a) Fig. 5.3.21 aR; b) ( $7 = 0$ ); c) Fig. 5.3.21 bJ;  $1 = U f(R^{\wedge} + R_3 + R_i + \ll 5) + [co(L_4 + L_8) - (I_wC_1 + l/coC_2)i^2p$ .



0.3.22. a)  $R = [R_5(R_1 - l - R_b) - RI(R_2 - f - R_{II})] : (Ri - l - R_lR_{.2}) = 170 \text{ O}$ ; b)  $I_6 = \equiv ERil[RiR_b - f - R_2(Ri - j - R_b)] = 0,273 \text{ A}$ ; c)  $B_{max} = i_tNI/y/l^2 - l \sim d \sim = 1,53 \text{ mT}$ ;  $fxN/s/2V/a + d^2/4 = 0,83 \text{ mT}$ .

5.3.23. Conform manualului.

5.3.24.  $P_{max} = L^{\wedge}l/2(1 - I_a/I_1) = 450 \text{ W}$ .

5.3.25. a)  $v_j = l : (1 + j\hat{P}/C^2) = 19,6\%$ ; b)  $\bullet/l = 1$ ;  $(1 + RP/E^2/r) = 91 \%$ .

5.3.26. Conform manualului.

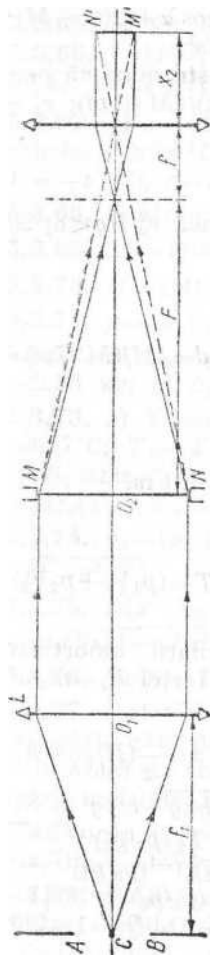
5.3.27.  $rf \text{ ————— } (fi < 0$ .

5.3.28. a)  $F = \wedge df/(l - (3)^2 \ll = 15,0 \text{ cm}$ , ( $(j = ' - 3,0)$ );  $a_{i,1} = d/([3 - 1) = -20 \text{ cm}$ ;

b)  $f' = Ff/(f - 2F) = -30 \text{ cm}$ ;  $n' = l(n - l)f/f = 4/3$ ; c)  $r' = x_1F/2 \cdot (r_1/2 - f - F) = -30 \text{ cm}$  (imagine virtuală);  $d' = x'_z - x_1/2 = -20 \text{ cm}$  (în fata obiectului);

$3' = x'J(xif2) = -3,0$ .

- 5.3.29. Conform manualului.
- 5.3.30.  $F_e/F_j = \cotg^2(\alpha_i + \alpha) = 0$ , ( $T = 1,00$  s).
- 5.3.31.  $k^{mg}/Al$ ,  $t_0 = y_{ikjm} - y_{ig}!Al = 2Q$  rad/s;  $y = A \cos wZ = 0,020 \cos 201$  m.
- 5.3.32. a)  $\alpha_i = t/9$  rad/s;  $A \leq p = (x_s - x^{\wedge})/c = 7t/9$  rad; b)  $= 0,060$ .
- $\sin(t/9 - \alpha_{yxj/c}) = 0$ .
- 5.3.33. Culoarele sînt date de frecvențe care nu se schimbă.
- 5.3.34. Conform manualului.
- 5.3.35. Două raze vecine, cu o diferență de drum  $X/2$ , concentrate pe ecran cu o lentilă, vor da un minim, de aceea pentru  $b \sin x = 2:0..2$  vom obține un minim, iar pentru  $b \sin a = (2/2 + 1) \lambda/2$  — un maxim luminos (și pentru  $\alpha = 0$ ).
- 5.3.36. Mai scurt sau mai lung cu  $A/\sqrt{n/c^2}$  după sensul mișcării.
- 5.3.37. a)  $f = 25$  cm;  $x_2 = x_1 f / (x_1 + f) = (F + f)f/F = 6,25$  cm;  $M'N' = MN \frac{x_2}{x_1} = 10$  mm; b)  $A'B'$  va fi în planul focal imagine al obiectului, care coincide cu planul focal obiect al ocularului;  $A'B' = ABF/f_i = 3,3$  mm; fig. 5.3.77 R; c)  $\sin(A + S_{im})/2 = n \sin A/2 = 0,766$ ;  $= 40^\circ$ ; d)  $f_i = (3F/f_0 = 7r/30 = 6^\circ$ .
- 5.3.38. a) Datorită fenomenului de rezonanță și forțelor elastice; b)  $v = \omega A / \sqrt{1 - x^2/A^2}$ ; c)  $= 5.3.26 \frac{b}{l}$ .
- 5.3.39 = 5.3.30.
- 5.3. 40 = 5.3.28.
- 5.3.41. a) Conform manualului; b) Va fi în repaus sau în mișcare rectilinie uniformă, deoarece un cuplu are rezultantă nulă ( $F = ma_{cm}$ ); c) în general, nu.
- 5.3.42. a) Conform manualului; b) Va fi deviată spre Est cu  $x^{coh} \cos \varphi$ .
- V
- 5.3.43. a) De obicei, da — deoarece în timpul foarte scurt al ciocnirii forțele externe obișnuite nu modifică practic impulsul total al sistemului; b) Dacă lucrul mecanic dezvoltat de om ( $m_x$ ) este  $W$ , atunci viteza sa și forța dezvoltată vor fi:  $v_f = \sqrt{2W : m_i(1 + m_j/m_2)}$ ;  $F = \frac{y/2m_i \sqrt{1 + m_j/r_1}}{t}$ ; în cazul șleului ( $m_2 > m_1$ ),  $v_f = \sqrt{2W/m_1}$  și în cazul bărcii ( $m_2 < m_1$ ),  $v_x t m_j' W/m_1$ .





5.3.44. Luna-f racheta în ansamblu (fiind în interacție gravitațională) vor prelua un impuls, egal în modul și de sens opus cu cel al gazelor ejectate.

5.3.45. Conform manualului.

5.3.46. în cazul apăsării, oricare ar fi  $F$ , corpul  $m$  rămîne blocat pe platformă. în cazul fracțiunii:  $F - y \cdot mg(m + M) : [M \cos \alpha - m \sin \alpha] = 28,8 \text{ N}$ ; «  $y \cdot g : [1 + \frac{m}{M} \tan \alpha] = 1,27 \text{ m/s}^2$ .

5.3.47. a)  $v' = \frac{v(M-2m)}{M}$ ; —  $AE_e = \frac{hm(M-m)v^2}{IM}$  este maximă pentru  $m = \frac{M}{2}$  cînd bărcile se opresc; b)  $v_l = \frac{v(M-m)}{M+m}$ ;  $v'_2 =$

$= \frac{v(M-m)}{M}$

5.3.48. Conform indicațiilor.

5.3.49.  $p = \sqrt{2} \cdot (\sin \alpha - \cos \alpha) \cdot l \cdot M \cdot \sin \alpha$ .

5.3.50. Dacă  $\rho > \frac{v}{R} \cdot g$  automobilul nu derapează; dacă  $v < R \cdot g$ ;  $d_2 > d_1$  automobilul nu se răstoarnă.

5.3.51.  $\frac{1}{2} \cdot m \cdot a^2 = (l - \sin \alpha) / \cos \alpha$ ;  $7j = \sin \alpha$ .

5.3.52.  $v_3^2 + (v_1', v_2) \cdot b \cdot l = 30 \text{ m/s}$ .

5.3.53. a)  $v_0 - v' = 20 \text{ m/s}$ ; b)  $F = l \cdot M \cdot g = 100 \text{ kN}$ ; c)  $d = l \cdot M / (M - m) = 1041,7 \text{ m}$ .

5.3.54.  $\pi > \tan \alpha = 0,577$ .

5.3.55. a)  $F = m \cdot g \cdot l = 250 \text{ N}$ ; b)  $L = F \cdot d = 500 \text{ J}$ .

5.3.56. a)  $t = \sqrt{2f} / (f - v) = 5,0 \text{ s}$ ; b)  $s = d \cdot (F - l) = 4,0 \text{ m}$ .

5.3.57. Destinderea izotermă a unui gaz ideal.

5.3.58.  $a = \frac{E \cdot s \cdot (2nR - l)}{l^2 R}$ .

5.3.59. a)  $p = (p_1 V_1 / T_1 + p_2 V_2 / T_2) : (V_1 / T_1 + V_2 / T_2)$ ; b)  $T = (p_1 V_1 + p_2 V_2) : (p_1 V_1 / T_1 + p_2 V_2 / T_2)$ ;  $p = (p_1 V_1 + p_2 V_2) : (V_1 + V_2)$ .

5.3.60. a) Oscilații armonice:  $T_0 = 2\pi \cdot \sqrt{m/k}$ ; b) oscilații amortizate  $T' > T_0$ ;

c) oscilații forțate  $T = 2\pi / \omega$ , sub acțiunea forței  $F_c = m_c \cdot \omega^2$

$\cdot / \sin \alpha$ .

5.3.61. a)  $x = \frac{H + h - \sqrt{(H + h)^2 - 4 \cdot p \cdot o}}{2 \cdot p}$  în mm Hg;  $x = \frac{H + h - \sqrt{(H + h)^2 - 4 \cdot p \cdot o}}{2 \cdot p}$  în SI;  $H > 2 \cdot y / p \cdot l - h$ ,  $(Ft > 2 \cdot l \cdot p \cdot o / j \cdot p \cdot g - h / p \cdot g$  in SI).

5.3.62.  $T_2 = T \cdot v_j / v_i$ ;  $V_3 = V_2 \cdot (p_2 / p_3)^{1/\gamma} = V_4$ ;  $T_3 = T_2 \cdot (p_d / p_s)^{1/\gamma} =$

$A \cdot (p_j / p_s)^{1/\gamma} \cdot v_2 / v_i$ ;  $r_4 = T \cdot m \cdot v \cdot y^{-1} = r \cdot \sqrt{v_i} \cdot \sqrt{p_0 / p_i} \cdot t^{-1/\gamma}$ ;

$Q_1 = v \cdot C_p \cdot T_1 \cdot (V_2 / V_1 - 1) = v \cdot C / A$ ;  $Q_2 = v \cdot Q \cdot T_i \cdot G \cdot v_i \cdot (p_x / p_3)$

$-(V_1 / V_2) \cdot 1 = v \cdot (Z, T_1 \cdot 2 \cdot l \cdot t^{-1/\gamma})$ ;  $L = Q_1 - Q_2$ ;  $t_i = 1 - |Q_2| / (Q_1 - 2 \cdot l \cdot t^{-1/\gamma})$

$\cdot (1 - 1/2^{\gamma})$ .

$G_P$

5.3.63. a)  $R_c = p \cdot l \cdot s = 1,00 \text{ O}$ ;  $I = \epsilon : (r + -R_c + \cdot R_i + i^2) = 2,00 \text{ A}$ ; b)  $f = \frac{m \cdot c \cdot A \cdot T \cdot R_c \cdot l^2}{17} \text{ min } 25 \text{ s} = 1045 \text{ s}$ ; c)  $m = I \cdot T / I = 0,99 \text{ g}$ ; d)  $H = N \cdot I \cdot l = 4,0 \text{ kA/m}$ .  
Forța  $J \times B$  sau  $q \cdot v \times B$  deplasează purtătorii, indiferent de semnul lor, în sensul axei  $Oz$ , producînd diferența de potențial  $U_z$  (potențial mai ridicat în sensul axei  $Oz$  pentru purtătorii pozitivi); b)  $E_n = -n \cdot x$ ;  $E_n = v \cdot B$ ;  $i = n \cdot e \cdot v = I / a \cdot b$ ;  $U_n = E_n \cdot 6 = I \cdot B / n \cdot e \cdot a$ ; c)  $E_x / E_t = p \cdot n \cdot e / B$ ; d) determinarea semnului purtătorilor de sarcină.

5.3.64. a) Nu; b) Da; c) Nu; d) Da.

5.3.65.  $1 : [Eir_i - Ri] - 1 : (EII_1 - R_1) = 1IR$ , de unde  $R_x = 10 \text{ O}$  sau  $60 \text{ Q}$ ;  
 $I'_2 = I_2 ER : [(R + R^E - RIIj) = 1,6 \text{ A. resp. } 3,6 \text{ A.}$

5.3.66. a)  $x = qEl^2/2mv^2$ ;  $y = mvjqB - yj\{mvjqB\}^2 - Pttl^2qB/mv$ ; deci parabola  
 $i^2s2x/l^2B^2q/mE$  (determinarea sarcinii specifice  $q/m$ ); b)  $E \perp B$ ,  $E = -v \times B$ ,  $Vr = E|B|$   
 c)  $2R = 2mvjqB$  (separarea izotopilor).

5.3.67. Conform indicațiilor.

5.3.6! ).  $Aft = (1/dj-l/da)2re/pflr$ .

5.3.70.  $/Z = \pi i7[i_2(l-f-l/n) - 2/j_1/(l/n - 1)]$ .

5.3.71.  $p = (\pi iV_1/7_1 + p2^{\wedge}2f_1z) \cdot (Vi/Tj + V^{\wedge}Ta)$ .

5.3.72. a)  $m_1 = p \cdot pV/RT = 5,13 \text{ kg}$ ; b)  $/n_1 \cdot m_2 = (t_iV_i/R)(p/r-W^{\wedge}i) = 2,38 \text{ kg}$ ; c)  $Ap = 0$ .

5.3.73. a)  $V^{\wedge} = m/p = 20 \text{ 1}$ ;  $T_B = 7 > B/^{\wedge} = 327^{\circ}\text{C}$ ;  $T_c = T_{APB}V_cI_PAV_A = 627^{\circ}\text{C}$ ;  
 $T_o = T_AV_c/V_a = 177^{\circ}\text{C}$ ; b)  $L = (p_B - p_A)(V_c \sim V_A) = 1 \text{ 000 J}$ ;

c)  $0_1 = /nc_r(r_B - T^{\wedge}) + mc_j(r_c - T_s) = 11,8 \text{ kJ}$ ;  $|Q_a| = \mathbf{mc, (T_c - T_o) + mc_j(T_o - T_a)} = 10,8 \text{ kJ}$ ;  
 d)  $tq = 1 - |Qal/Qa = 8,5\%$ .

5.3.71.  $p_x = (p_x + uE'/c^2)/y/1 - u^2/c^2$ ,  $p_y = p'y$ ,  $Pz = Pz$ ,  $E = (E' + up'_x)/\sqrt{1 - u^2/c^2}$ .

5.3.75. Din legile de conservare:  $\int \dot{v}/c = m_0 \gg \sqrt{1 - u^2/c^2}$ ;  $\int \dot{v} - f/n_0 c^2 = m_0 c^2 / \sqrt{1 - u^2/c^2}$  ar  
 rezulta  $y = c$ .

5.3.76.  $mv^2/2 = R^2 q^2 B^2/2m$ .

5.3.77. Materialul uscat are suprafața mată (rugoasă), de aceea lumina reflectată este  
 difuză. Dacă udăm materialul, matitatea se micșorează și în afară de aceasta, în  
 pelicula subțire de apă lumina suferă reflexii totale multiple și este absorbită (de aceea  
 materialul pare mai întunecat). 5.3.7!j.  $\sin \theta_{mnx} = -|J MlfAm| - 1 - \sqrt{c^2/; ;^2} - 1$ .

5.3.79.  $rf = 4e^2/4Tte/ny^2$ .

5.3.80. a) Distanța surselor virtuale  $a' - a \uparrow j(\uparrow - a) = 10 \text{ cm}$  ( $= f$ ); distanța dintre  
 sursele virtuale  $d' = daj(\uparrow - a) = 0,50 \text{ mm}$  ( $= d$ ); interfranja  $i = X(D+a')/d' = X(Df -$   
 $Da - | - af)/ad$ ; regiunea de interferență  $L = Dd'la'$ ; numărul franjelor  $N = L/i =$   
 $Dd'ja'i$ , de unde  $D = Naf^2 | : [ad^2 - N'hf(f-a)] = 15 \text{ cin}$ ; b) i)  $\rightarrow \infty$ ;  $N_{mnx} = ad^2 :$   
 $[> .f(f - \ll)] = 5$ . Fig. 5.3.80 R.

5.3.81. a) Conform manualului; b)  $\cdot x\hat{=} -x_2$ ;  $x\hat{a} = -x_t$ ;  $y = 'l/q'y''i$   
 $v_{,,} = 2ci?/n^3$

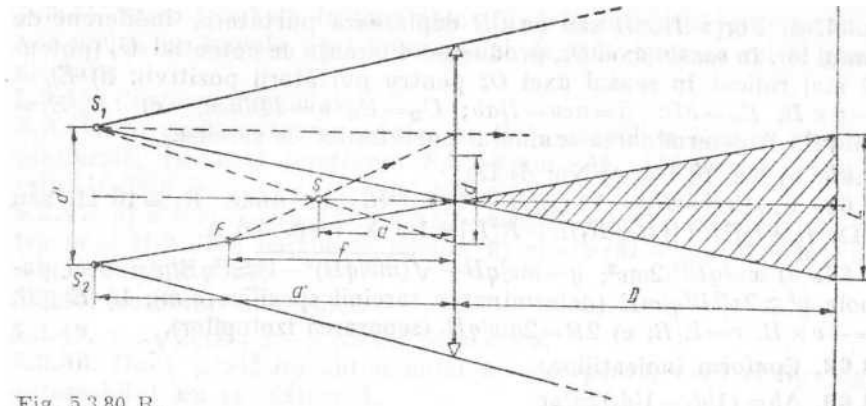


Fig. 5.3.80 R.

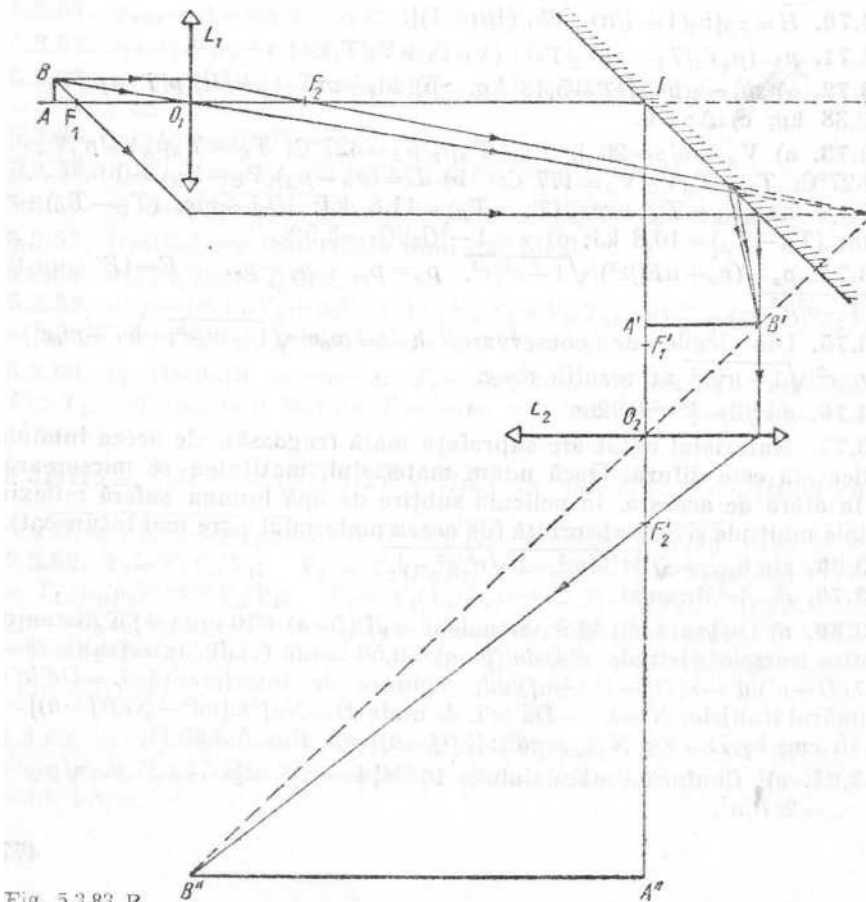


Fig. 5.3.83 R

5.3.82.  $\mathbf{Ax} - 2\mathbf{h}(l - 1/\hat{i})$ .

5.3.83. ii)  $X_2 = dfil(d - fi) = 150 \text{ cm}$ ;  $Z = 0_1 / + 0_2 = 157 \text{ cm}$ ;  $X[-X_2 - l = -25 \text{ cm}$ ;  $-X'_2 = X[f_2 l (X'_1 + f_n) = 100 \text{ cm}$ ; b)  $p_1 = \% / X_1 = -5,0$ ;  $\hat{S}_1 = x_j / x_i = -4,0$ ;  $\hat{f}\hat{a} = -p_1[\hat{a}_2 = 20$ ;  $y'' = 20 \text{ cm}$ ; c) Fig. 5.3.83 R.

5.3.84.  $\bullet, // \blacksquare! = 1 : (1 - v/\hat{i}\hat{c})$ .

5.4.1. a)  $F_7 = m4 \sim^2 n' \sim R$  — centripet ;  $i = \sim l / ug / R$ ; b) Este mai bine să frîneze; c)  $u > tga$ .

5.4.2.  $0 = oc$  (pendulul va sta perpendicular pe planul înclinat).

5.4.3. a)  $\mathbf{a} = -\bullet (\cos a + \mathbf{p} \cdot \sin a) = \mathbf{jig} = 4,3 \text{ m/s}^2$ ; b)  $T = -(\cos a + \sin a) = 100 \text{ N}$ ; c)  $a = 9 = 30^\circ$  (unghi de frecare);  $\mathbf{F}_{min} = 2\mathbf{mg} \sin \alpha = 98 \text{ X}$ .

5.4.4. Față de resortul nedeformat: a)  $\mathbf{Ax} = 4\mathbf{mMgj}$   $k = 7,3 \text{ mm}$ ;

b)  $Ax = 2F/A = 40 \text{ mm}$ .

5.4.5. a), b) = 5.4.1 a), b); c) — 5.4.2.

5.4. «. = 5.4.3.

5.4.7. a)  $\mathbf{a}_1 = \mathbf{irj}2\mathbf{s} = 0,13 \text{ m/s}^2$ ; b) «<sub>3</sub> = —  $\mathbf{vj} \mathbf{Al} = -0,25 \text{ m/s}^2$ ; c)  $\mathbf{d} = \mathbf{=s} + i > t + i; A/2 = 8.4 \text{ km}$ .

5.4.8. a)  $\mathbf{l}_s \mathbf{l}_v = (\mathbf{k}_1 + \mathbf{k}_2) \sim \mathbf{l} \mathbf{k}_1 \mathbf{k}_2 = 4$ ; b)  $\mathbf{T} = 2 \sim \wedge / \mathbf{hplg} \mathbf{p}_0$ ;  $\mathbf{T}_1 \mathbf{j} \mathbf{T}_p = \mathbf{y} / \mathbf{g}_p \mathbf{lg}_r$ , = = 2,4; c) se disipează în energia internă a mediului și a clopoțelului,, respectiv a clopoțelului.

5.4.8. a)  $\mathbf{h}_1 - \mathbf{hfjE}_c \mathbf{ijE}_c = \mathbf{h} \cdot \mathbf{n} = \mathbf{A}' \mathbf{d} \text{ cm}$ ; b)  $\mathbf{E}_v \mathbf{jE}_p = (\mathbf{hjh})^2 = \mathbf{n} = 4$ ;

c)  $P'/l = 2/(l + T'/T_1) = 1,5$ ; d) Nu, când  $r_x \rightarrow \infty$ ,  $\mathbf{p}'/\mathbf{p} \rightarrow 2$ .

5.4.10. a)  $\mathbf{l} = \mathbf{PjU} = 5,0 \text{ A}$ ; b)  $\hat{7} \hat{1} = L^{*2}/> = 24 \text{ Q}$ ; c)  $\mathbf{t} = \mathbf{mc}(\mathbf{t}_1 - \mathbf{t}_0)/\mathbf{l} \mathbf{t}_1 \mathbf{P} = 13 \text{ min } 16 \text{ s}$ ; d)  $\mathbf{K} = \mathbf{kPl} = 4,0 \text{ bani}$ .

5.4.11.  $L' \hat{o} = 2L' C_1 C_2 / (C_1 + C_2)^2$  sau zero.

5.4.12. a)  $7 = 1? : \{77, f774 7?, + 7\hat{i}, [/?,, + 7?_3/\hat{f}_4/(7?0 + 7\hat{1}_4)\} : [7\hat{1}_4 + i?,, f773 \mathbf{RiK} \mathbf{R}_3 + f\hat{1}_4\} \} = 10,0 \text{ A}$ ;  $7_2 = 77v, : [i\hat{1}_4 + 77_2 + \wedge \mathbf{W}(\mathbf{i?}_3 + \ll 0 \} = 7,5 \text{ A}$ ;  $7_1 = 7 - 7_2 = 2,5 \text{ A}$ ;  $7_{3,4} = 7_2 77_{473}/(77_5 + i\hat{1}_4) = 5,62 \text{ A}$ , resp.  $1,88 \text{ A}$ ; b)  $V_M = \mathbf{f} - (7\hat{f}_1 + 7?)7 = 50 \text{ V}$ ;  $V_v = /?_5 7 = 20 \text{ V}$ ; c)  $/\% = 7i7 = 1,10 \text{ kW}$ ;  $/^> = (\mathbf{E} - 77,7)7 = 1,00 \text{ kW}$ ;  $r_r = 1 - 77, 7/7 = 90,9\%$ ; d)  $\mathbf{m} = \mathbf{r}' \mathbf{RI}^2 \sim \mathbf{l} \mathbf{c} \{ \mathbf{l}_r - \mathbf{t}_r \} = 4,3 \text{ kg}$ .

5.4.13. a)  $<5 = -2\mathbf{v}^2 \mathbf{IB} \tan a/2$ ;  $\mathbf{f}_m = -2\mathbf{vIB} \tan a/2 : \cos a/2 = -115,5 \text{ mV}$ ;

b)  $i = -\mathbf{Bliu} \sin a/2 : [7?(l - f \sin a/2)] = 57,73 \text{ mA}$ ; c)  $\mathbf{F} = \wedge \mathbf{l} - 2\mathbf{iBvl} \tan a/2$ ;  $7 <_{ra} = 3,85 \text{ mN}$ ; ci)  $Q = -4>, /? , = -73/2 \sin a/6R = -7,2 \text{ mC}$ .

5.4.14. a)  $C = QjU = 10 \text{ nF}$ ; b)  $7 = u \wedge / 4ttZ = 0,256 \text{ mH}$ ; c)  $f_0 = 1/2\tau z \mathbf{l} / \mathbf{LC} = 99,7 \text{ kHz}$ .



5.4.15.  $c = Av = 0,60 \text{ m/s.a.}$ )  $u = 2A \cos[iz(r_1 - r_2)/X] \sin 2n\{vt + dI/k\}$ ; b)  $r_B = d/2 + (n + 1/2) \cdot \lambda$ .

•  $X/2, r_n = d/2 + A \cdot X/2, A' = \text{întreg}$ ; c)  $i = A \cdot X, A = \text{întreg}$ .

5.4.16.  $u = \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}} \cdot \frac{V}{At}$ .

5.4.17.  $y = y_0 \cdot e^{-\frac{p_0}{p_0} \cdot p_0}$ .

5.4.18.  $N = pV/AT = 3,7 \cdot 10^{10}$ .

5.4.19.  $Q = L = 0$ , deci  $AU = 0$ , la gazul ideal  $AT = 0$ .

5.4.20. a)  $m = p_0 V p T_2 / p_0 T = 8,027 \text{ kg}$ ; b)  $V_{CA} = V(p/T - p_1/r_1) r_0 / p_0 = 5,514 \text{ m}^3 \text{N}$ ; c) Ori densitatea gazului în *butelie*:  $p = p_0 p_1 T_0 T_1 = 5,53 \text{ kg/m}^3$ , ori a oxigenului în condițiile cerute:  $p = p_0 p' T_0 T' = 5,79 \text{ kg/m}^3$ .

5., 4.22.  $H = p_0 i (1 + Z/i) = 730 \text{ torr}$ .

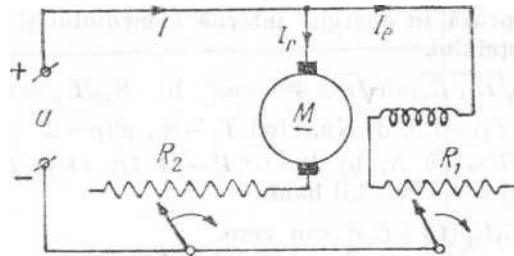
5.4.23. Legăm în serie  $[[t/t'] + 1]$  condensatoare și un număr de  $[C/C'] + 1$  de astfel de grupări legăm în paralel.

5.4.24.  $S \sim V_P V_{CC} M + X$ .

5.4.25. a)  $N = 1,717 f A_0 M = 10 \cdot 000$ ;  $L = p L_0 u, A^2 S/Z = 201 \text{ kH}$ ;  $c_5 i = -LAI/AI N = 1,0 \text{ kV}$ ; b)  $Q = Li^2/2 = 10,05 \text{ MJ}$ ;  $m = Q/cAT = 50,25 \text{ kg}$ ;

c)  $C = 2(t/t')^2 = 0,20 \text{ F}$ .

5.4.26. a) Conform manualului; b) 2? mic,  $f_{22}$  mare (fig. 5.4.26 R);



5.4.27.  $j' \ll Y; n_j = 48 \text{ A}$ .

5.4.28. În A schimbă reluctanța și deci puterea; în 73 practic nu.

5.4.29. a)  $E_e = f(1 - VQ/QT) = 36 \text{ V}$ ; b)  $i = V(P^{\wedge} = 1,00 \text{ A}$ ;  $r_s = E_e / (E - RI) = 84\%$ .

5.4.30. a) Conform manualului; b) Scade; c) Curent foarte slab; Nu; d) Conform manualului.

5.4.31. a)  $d = ts/2W/m + t^2 e U / 2md$  sau  $1,76 \cdot 10^{14} / 2 + 2,3 \cdot 10^3 / 0,10 = 0$ , de unde  $t = 18 \text{ ns}$ ; b)  $W' = W + e f = 215 \text{ eV}$ .

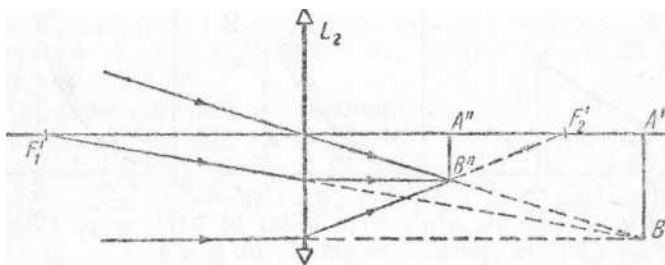
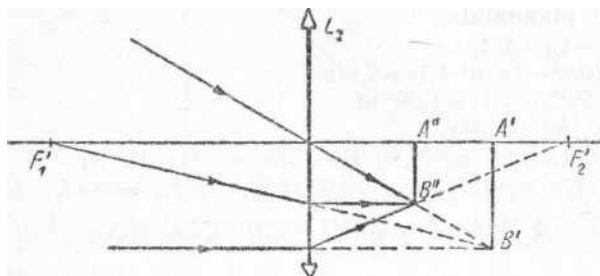
5.4.32. a)  $U_a 2 - U_a i \sim 1 - S R_t (U_{gi} - U_{g2}) \sim r R i f I a 2 \sim \hat{a} i) = 330 \text{ V}$ ; b)  $f_{15} \text{ bioc} = U_{g2} - S I a 2 = -9,75 \text{ V}$ .

5.4.33.  $i? = I h l (d^2 - f \cdot I i^2)^{3/2}$ ;  $h_m = d \wedge i T$

480

5.4.34. Prin variația curentului de încălzire a catodului; prin variația tensiunii dintre catod și anod.

5.4.35.  $0 < p = x_2/f_1 < 1$ ;  $x_2 = x_1 f / (x_1 + f)$ ;  $0 < x_2 < x_1$ : imagine reală, micșorată, situată în spatele lentilei înainte de obiectul virtual și de focar (fig. 5.4.35 R).



5.4.38. a)  $\lambda = iZ/D = 600 \text{ nm}$ ; b) Practic nu; c) Se deplasează în sens invers cu  $\Delta z \approx bD/d = 20 \text{ mm}$ ; d) Se modifică interfranja:  $i' = i(1 \pm a/D) = -0,90 \text{ mm}$  sau  $0,30 \text{ mm}$ .

5.4.37. a)  $f$ ; b)  $(1/\cos i - \sin^2 i)$ ,  
mesei; c)  $d_z = h_1(l - y/(n_1 - \sin^2 i))/(n/n_1 - \sin^2 i) + h_2(l - \cos i \wedge n \sin^2 i)$ ;  
d)  $i = 0$ ;  $d_z = h_1(l - 1/r_{ij})(1 - 1/n_2) = 1,50 \text{ mm}$ ;  $N = d_z/\lambda N_0 = 15 \text{ rot}$ .

5.4.38.  $y' = [Af/(X - f)] \sin \alpha$

5.4.39. Frecvența nu; lungimea de undă:  $\lambda = v/f = c/\nu = 1/4$

5.4.40. Fie  $m = 1,0 \text{ g}$ ;  $T = \sqrt{M/m} = 0,50 \text{ s}$

5.4.41.  $T = 2\pi y/\sqrt{g(1-a)}$ ;  $T = 2\pi \sqrt{l/(g(1-a))}$ ; nu oscilează în căderea liberă ( $T \rightarrow \infty$ ); „suspendat” de podea, oscilează inversat cu  $T = 2\pi \sqrt{l/g}$ .

5.4.42. a)  $r = 7r/2 - i = 33^\circ$ ; b) Linia galbenă se vede, celelalte sînt întinse.

5.4.43.

5.4.44. a)  $f_{cm} = [1/A^2 X] = 3$ ; b)  $f_{l.a} = f_{l.2(n-1)/(n/n'-1)} = 3,25 f$ ;  $f_{1,2} < 0$ , resp.  $> 0$ ;  $f''_{1,2} = f_{l.z(n-V)/j\{n/n''-1\}} = -8f_{1,2} > 0$ , resp.  $< 0$ , lentilă biconcavă devine convergentă, iar cea biconvexă devine divergentă.

5.4.45. Conform manualului.

5.4.46.  $v = Vj(Z-a)^2(Z_2-Z_1)/Vv_2/y_x - 1$ ;  $a = (Z_1 \cdot v_2 - Z_3 \cdot v_i)/(-y/v - z - |vi)-$

5.4.47.  $E/i?o = |V| - f^2/c^2 = 1,34$ .

5.4.48. Conform manualului.

5.4.49.  $tg a = (1 - (j-x f) t) / 2$  fit.

5.4.50.  $x = (tg oc)(n^2 - i)/(n^2 + i) = 0,60$ .

5.4.51.  $s = s'(n+2)/2(n+1) = 1,20$  m.

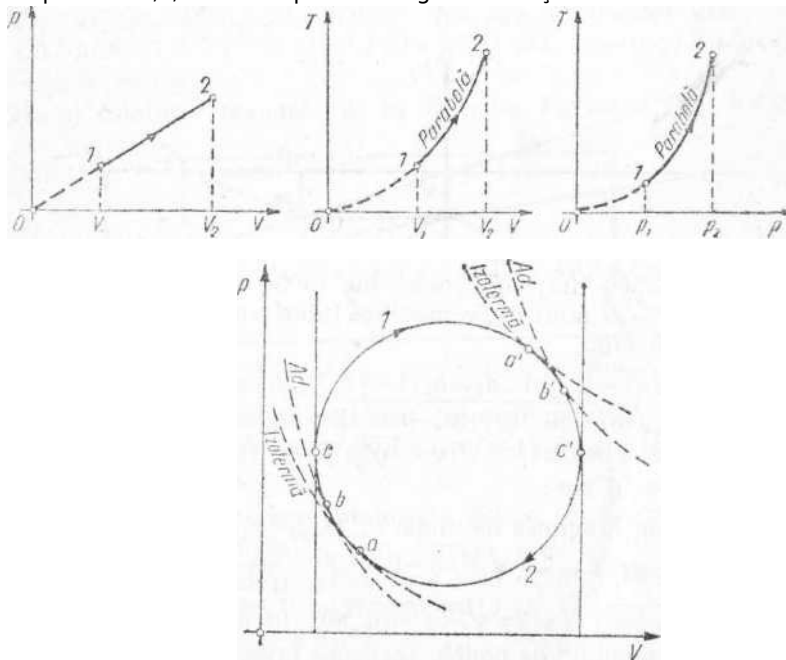
5.4.52. Conform indicațiilor.

5.4.53. a)  $a = j^2/2d = 0,50$  m/s<sup>2</sup>; b)  $F_f = Ma/(n-1) = 10$  N.

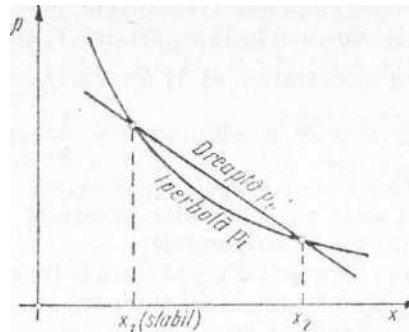
5.4.54. a)  $a = g(m_2 - m_1)/(m_2 + m_1) = 2,0$  m/s<sup>2</sup>; b)  $i^2_{e2} = m_2 a/i = 24$  J.

5.4.55. a) Fig. 5.4.54 R; b)  $L = (V| - Vf)$ ; c)  $AX = 4(V_a - V_1)/S$ .

5.4.55. a) Fig. 5.4.55 R; ala', resp. a'2a; b) 616', resp. b'2b; c) clc', respectiv c'2,c; Căldura specifică negativă: a& și a'b'.



a)  $\rho_i = \rho_0 / T / T^\wedge$ ; fig. 5.4.56 R; b)  $x^2 - x \cdot s(P_i + A) + \rho_0 / T / T_0 = 0$ ;  
 $x = \frac{s(P_i + A) \pm \sqrt{s^2(P_i + A)^2 - 4\rho_0 / T / T_0}}{2}$ ; c)  $\bar{h} > 482 > 2 \cdot J \rho_0 / T_0 - p x$   
 $= 300 \text{ mm}$ ;  $x_0 = (p_1 + \bar{h}_0) / 2 = 200 \text{ mm}$ ; d)  $m = n \rho_0 S l i$   
 $: \ll 70 = 2,6 \text{ g}$ .



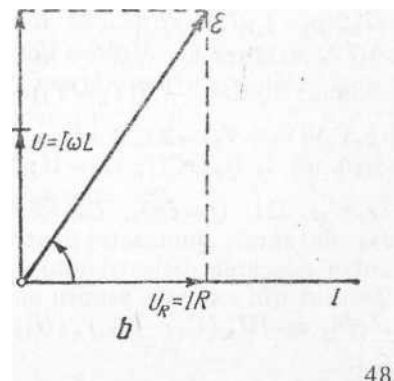
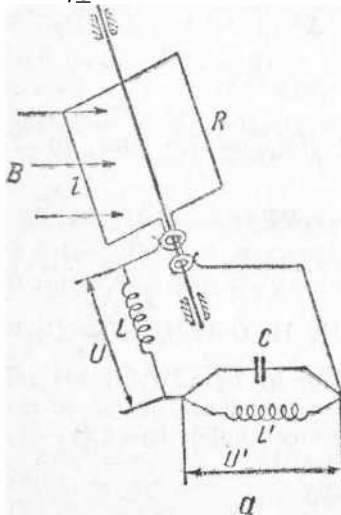
5.4.56.  $T = 2n \cdot y / l g (\sin \alpha + \sin \beta)$ , unde  $l$  este lungimea totală a coloanei de lichid.

5.4.57. a)  $J_1 = B_g + B_{ii} / 2 : (J R_i + i i a / 2) = 118,8 \text{ O}$ ; b)  $7 = i \cdot \epsilon / (i \cdot \epsilon + i \cdot \epsilon) = 1,00$   
 $A; h = R_2 / 2 + i_2 = 0,50 \text{ A}$ ;  $7_2 = 0,25 \text{ A}$ ; c)  $P_1 = R_j / f = 5,0 \text{ W}$ ;  $P_2 = J_2^2 l = 2,5 \text{ W}$ ;  
 $P_3 = 7_3^2 l = 108,8 \text{ W}$ ; d)  $Q_3 = P_3 f = 65,28 \text{ kJ}$ ; e)  $m = n Q S / c (t_f - t_i) = 15 \text{ Q g}$ .

5.4.58. Conform indicațiilor și manualului.

5.4.59. a)  $R = \rho U N / S$  (fig. 5.4.60 R); b)  $Z = \cos L + l : (l / \cos L - w C)$ ;  $Z = 0$  dacă  
 $\cos^2 = (1/L + 1/L') / C$  și  $Z = \cos$  dacă  $\cos^2 = l f l' C$ , fig. 5.4.60 R; c)

o. SBS;  $\cos = 2r / i$ ;  $S = Z^2$ ; d)  $l = Q_m / Z y / 2$ ; e)  $P = \# \epsilon \cdot \cos^2 \cdot \omega / 2$ ; f)  $P_{max} = *$   
 $= \langle r i / 6 \rangle i i$ .





5.4.60. a)  $n(\text{benzen}) = 1,50$ ;  $n(\text{apă}) = 1,33$ ; nu se produce reflexie totală;  
 b) Nu se poate; c) La prismă razele violete se refractă mai mult; la rețeaua de difracție după maximul central alb urmează violet, ..., roșu;  
 d) Razele inelelor se micșorează la îndepărtare:  $r_k = y R / (k - 1/2) - 2Rh$ ,  
 (maximele în lumina reflectată); e) 1)  $E = E_0(1 - \cos a)$ ;  $E_0 = I/d^2$ ;

$\cos a = 1 - y/S$ ;  $a = 63^\circ 26'$ ; 2)  $E = E_0[\cos \phi + \cos(a - \phi)]$ ; 3)  $E' = E_0 4 \cos(a - 2y) / [\sqrt{5} + \cos(a - 2y)]^2$ , ( $y < a$ ) are maxim pentru  $y \ll a/2$  (raza reflectată cade perpendicular pe ecran).

5.4.61. Conform lucrărilor experimentale.

5.4.62. a)  $F_x = zZe^2 \cos 0/4\pi\epsilon_0 r^2$ ;  $F_y = zZe^2 \sin 0/4\pi\epsilon_0 r^2$ ; b)  $L = -nw_0 b = -n\hbar^2 d0/df$ ; c)  $v' = v_0$ ; d)  $mdv_y/j\dot{t} = zZe^2 \sin 0/4\pi\epsilon_0 r^2$ ;  $dv_y = -zZe^2 \sin 0 d0/4\pi\epsilon_0 b m v_l$ ; e)  $\tan ep/2 = izZe^2/4\pi\epsilon_0 b m v_l$ ;  $\epsilon p = 0$ ,  $b \rightarrow \infty$ ;  $\epsilon p = rc/2$ ;  $6 = zZe^2/j47ze_{\infty} m v_l$ ;  $\epsilon p = Tt$ ,  $6 = 0$ .

5.4.63. Conform manualului.

5.4.64. Neglijăm rotația sferei și frecarea ei cu scindură; a)  $u/l = v_1(m_1 = m_2)/(m_1 + m_2) = -2,00 \text{ m/s}$ ;  $z \geq 2 = 2/n_1(m_1 + n_a) = 4,00 \text{ m/s}$ ; b)  $t = v'l_2/p \cdot g = 4,0 \text{ s}$ ; c)  $Z = (-y_j + yg)/[igt^2/2]$ , de unde  $f_j = 0,34 \text{ s}$ ; d)  $Z/2 = (-y_2) f - l \pm gt^2/2$ , de unde  $\#_{1/2} = 0,10 \text{ s}$ .

5.4.65. a)  $y_0 = \sqrt{2/(1 - [j_x \cotg a])} = 10/y \cdot 6 \sim 4,1 \text{ m/s}$ ; 1)  $\sin^2 \phi \approx 1/2 \# \epsilon_0, 21 \text{ m}$ ; 2)  $6 = y \sin 2\epsilon_0/c = 1,44 \text{ m}$  (înapoi); 3)  $Ap = 2mv_0 \sin a_x$  (în jos);  $Ap = 2my_0$  (perpendicular pe planul 2); 4)  $l = 26 = 2,88 \text{ m}$ ; b)  $\hat{m} = l_0/2f/(1 + H - 2 \cotg a_3) = 0,63 \text{ m}$ .

5.4.66. a) Conform manualului; b)  $h_{\max} = 4 \cdot a \cos Q/rpg$ .

5.4.611.  $x = j \cdot V_l + A' \cdot d$ .

5.4.61).  $p_0 = (m_1 - m_2) T_1 p_0 / T_0 (p_1 - p_2)$ .

5.4.70.  $V = NT / :xp$ ;  $P_i < P_z$ .

5.4.71. a)  $Z_1 = (p_i + Z \pm \sqrt{p_i^2 + Z^2}) / (1 - Z/2p_i) = 47,5 \text{ cm}$ ; b)  $2'_{2'} = T_1 2(p_1 - Z_2)(Z - Z_2) / 3_1 Z = 364$ ;  $i = 91^\circ \text{C}$ .

5.4.72. a)  $p_1 = 150 + M/S = 150 \text{ kPa}$ ;  $V = m \hat{T}_1 / xp_1 = 8,31$ ;  $* = V_1/5 = 83 \text{ cm}$ ; b)  $L = J(T_a - T_1) = 415,5 \text{ J}$ ; c)  $V \wedge VT \wedge T \wedge U_L / (V_1 + V_2) = 203,6 \text{ kPa}$ .

5.4.73. a) I.  $Q_0 = CU$ ;  $U_0 = U_c \cdot W_0 = -Ct^2$ ; II.  $Q = e \cdot Q_0$ ;  $U_0 \cdot U_c \cdot W = e \cdot W_0$ ; III.  $Q = s_r Q_0$ ;  $U_c = s_c U_c$ ;  $W = e \cdot W_0$ ; b)  $L_0 = 2W_0(s_r - l)$  (efectuat de sursă: jumătate pentru încărcarea condensatorului și restul pentru mișcarea dielectricului și efecte termice Joule);  $L_3 = s_r(s_r - l)W_0$  (efectuat din exterior asupra condensatorului).

5.4.74.  $X = \frac{U_1' U_2 (U_1^2 - U_2^2)}{(U_1 U_2 + t^2)} a) \frac{E}{3}; \frac{E}{6}; b) \frac{2E}{5}; \frac{E}{5}.$

5.4.75. Zero.

5.4.76. Considerînd că măsurarea tensiunilor nu afectează tensiunea

$U_{12}$ , avem: a)  $17 \frac{1}{3} - 1 \frac{1}{3} = 16 \frac{2}{3} = 30 \text{ k}\Omega; R_2 = 5,0 \text{ k}\Omega; b) I.$

$I = \frac{U_{12}}{R} = 120 \text{ mA}; II. I_i = \frac{t}{i_2} \ll i_i$  mA;

III.  $I_2 = 9,8 \text{ mA}.$

5.4.77. Cazul A (fig. 5.4.78 aR): a)  $Z = \sqrt{R^2 + 1 : (1/\omega L - \omega C)^2} = 50,0 \Omega; b)$

$I = I^* = L/Z = 2,00 \text{ A}; U' = 7/11/\cos \varphi = 60 \text{ V}; I_c = U'/aL = 2,00 \text{ A};$

$I_c = L^* \omega C = 4,00 \text{ A}; (I = I_c - I_c^*); c) \cos \varphi$

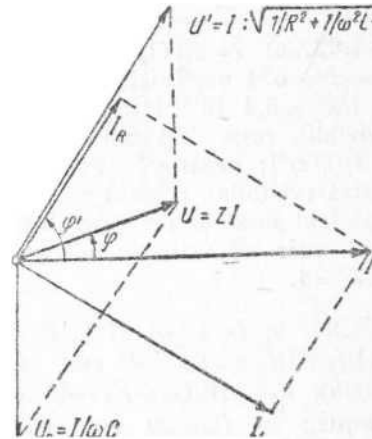
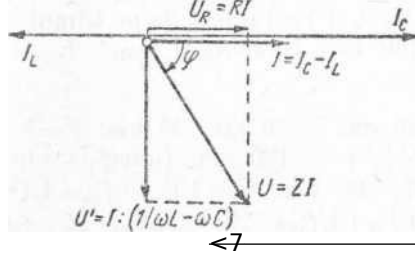
$=$   
 $= T/Z = 0,80; d) P = UI \cos \varphi = 777^2 =$

$= 160 \text{ W}; P_r = UI \sin \varphi = 120 \text{ VAR};$

$= \cos L^2 - iY^* C = t'^2 (1/\cos L - \omega C) =$

$= 7^2 / (1\omega L - \omega C); I = UI = 200 \text{ VA}.$

Cazul B (fig. 5.4.78 bR):



a)  $Z = \sqrt{R^2 + 1/(\omega^2 L^2)} = \sqrt{15^2 + 1/0,01^2} = 15,0$

$\Omega; b) I = I_c = [7/Z = 6,67 \text{ A}; L^* = 7/\sqrt{1/0,01^2 + 1/0,02^2} = 160 \text{ V}; I^* = t'/fL =$

$4,00 \text{ A}; I_c = U'/aL = 5,33 \text{ A}; c) \cos \varphi = 1 : \sqrt{1/15^2 + 1/0,01^2} = 0,60;$

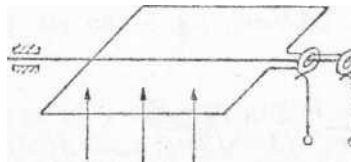
$\cos \varphi = \cos \varphi^* : Z = \sqrt{Y^2 R^2 + 1/\cos^2 L^2} = 0,96; d) P = UI \cos \varphi = 777 \text{ W};$

$P_r = UI \sin \varphi = 186,7 \text{ VAR} = \omega L I = iL/\omega C.$

5.4.73. a) Conform lucrărilor practice, b) Conform manualului; c) 1) Fig.

5.4.79 R, axă perpendiculară pe meridianul, magnetic; 2)  $n = 50 \text{ rot/s}; i$

$= \cos NjBS/\sqrt{2} = 8,9 \text{ V}; 3) \text{ Nepractic}.$







5.4.80. Conform lucrărilor practice.

5.4.81. a)  $i^2 = 2eE/m = 1,00 \cdot 10^{13} \text{ m}^2/\text{s}^2$ ; b)  $R = mv_e B = 31,6 \text{ m}$ ;  $y = R - \frac{y}{R} \cdot b^* \sim Z^2/2 \cdot ? = 0,36 \text{ mm}$ ;  $\text{tg } Q = b/y/R^2 \cdot b^2 \cdot 6/\pi = 4,7 \cdot 10^{-3}$ ;  $6 = 16^\circ$ .

5.4.82. a)  $\phi = \pi/2$ ; b)  $A \sim y \cdot \sin(2\pi j T - \pi t/2) = 10,0 \text{ cm}$ ; c)  $E = m c \omega^2 A/2 = 79 \text{ mJ}$ ;  $E_{\parallel} = E \cos^2(2\pi t/2 - \pi t/2) = 79 \text{ mJ}$ ;  $E_{\perp} = E \sin^2(2\pi t/2 - \pi t/2) = 0$ ; d)  $a = \frac{c}{v} \sin(2\pi f T - \pi f t/2) = 158 \text{ m/s}^2$ ; e)  $F = m a = 1,58 \text{ N}$ ; f)  $l = g' f^2 / 4\pi^2 = 6,25 \text{ cm}$ .

5.4.83. a)  $v = cE/(2^2 - 1/3^2) = 4,6 \cdot 10^{14} \text{ Hz}$ ;  $v = cE/2^2 = 8,2 \cdot 10^{14} \text{ Hz}$ ; b)  $\lambda = c/v = 654 \text{ nm}$  (vizibil); resp.  $363 \text{ nm}$  (ultraviolet); c)  $v = c/RZ^2/(1/3^2 - 1/n^2) = 6,4 \cdot 10^{14} \text{ Hz}$ ;  $v = cE Z^2/3^2 = 14,7 \cdot 10^{14} \text{ Hz}$ ; d)  $\lambda = c/v = 467 \text{ nm}$  (vizibil), resp.  $204 \text{ nm}$  (ultraviolet); e)  $v = cE Z^2/(4^2 - 1/c^2) = c \cdot ?/(4^2 - 1/c^2)$ ; pentru  $k = 8, 10, 12$  frecvențele He ionizat din seria a patra (vizibile) coincid cu frecvențele H Balmer pentru  $m = 3, 4, 5, 6$ ; spectrul mixt de pe filmul 3 va diferi de cel al He ionizat de pe filmul 2 doar prin intensitatea mai mare a liniilor care coincid; f)  $E_{\text{H}} h c^+ : E_{\text{H}} = Z^2 = 4$ .

5.4.84. a)  $f = 1 : (n - 1/i_1 - 1/R_2) = 40 \text{ cm}$ ;  $36 \text{ cm}$ ;  $36 \text{ cm}$ ;  $E = 1 : \frac{1}{f} + \frac{1}{VU + VU} = 40 \text{ cm}$ ;  $x_2 = x_1 F/(x_1 + E) = 120 \text{ cm}$ , (image virtuală);  $y_2 = y_1 F/(x_1 + F) = 40 \text{ mm}$ ; b)  $f_{23} = 60 \text{ cm}$ ;  $C' = 1/E \cdot f \cdot 1/f = 4,17 \text{ dioptr.}$ ; c)  $1/2 = 30 \text{ cm}$ ;  $1/E' = 1/E - 1/f_2 \cdot 3 - f \cdot 1/i_2 = 7,5 \text{ dioptr.}$ ;  $x \wedge - x \wedge 1(1 + a \cdot i/E) = 24 \text{ cm}$  (image reală);  $y \wedge = 1/(1 + a \cdot 1/E) = 8,0 \text{ mm}$ ; d)  $1/E'' = \frac{1}{B_1 + 1/i_2} = 82 \text{ dioptr.}$ ;  $E'' = 1,2 \text{ cm}$ ; e) Nu deviază razele,  $L_2$  și  $L_8$  se compensează reciproc.

5.4.85. a)  $f_1 = 1 : [(n - 1)^2/i_1] = 10,0 \text{ cm}$ ;  $f_2 = 1 : [n - 1)(-1/f^*)] = 10,0 \text{ cm}$ ;  $T_2 = T_1 f_1/(a_1 + f_1) = 30 \text{ cm}$ ;  $x \wedge = x_2 - d_1 = 5,0 \text{ cm}$ ;  $x_2 = x_1 f_2 / (x_1' + f_2) = 3,3 \text{ cm}$  (image virtuală);  $x_2 = d_1 - 1^* x_2 = 31,2 \text{ cm}$ ; b) Fig. 5.4.85 aR; c)  $S_1 = a_{\text{H}}/R_1 = -2$ ;  $p_2 = x y x = 0,66$ ;  $S = \pi [3_2 = -1,32$ ;  $i'' = i/i \wedge = 26,4 \text{ mm}$ ; d)  $x^* = 2d_2 \wedge = 10 \text{ cm}$ ;  $x_3 = x''(-f_x)/(x'' - f_0 \wedge 00)$ ; fig. 5.4.85 bR; e)  $f_3 = R_3/j_2 = 4,0 \text{ cm}$ ;  $x''' = x g f_3/(x g - f_3) = 5,6 \text{ cm}$  (pentru imaginea reală) sau  $3,1 \text{ cm}$  (pentru imaginea virtuală);  $d_3 = x_2 \cdot r''' = 35,6 \text{ cm}$ , resp.  $33,1 \text{ cm}$ , fig. 5.4.85 cR;  $\{ \} = x' z j x''' = 2,5$ , resp.  $4,5$ .

5.5.1. a)  $a_1 = E/3m$ ;  $f_2 = E/2m$ ;  $a_3 = E/m$ ; b)  $v_x = y \cdot 2F/3m$ ;  $v_z = \sqrt{5E/3m}$ ;  $o_a = y/11F/3m$ ; c)  $t = \dots$ ; d)  $AE \wedge = E/3$ ;  $AE_{ij} = E/2 - 2F/3 = E/6$ .

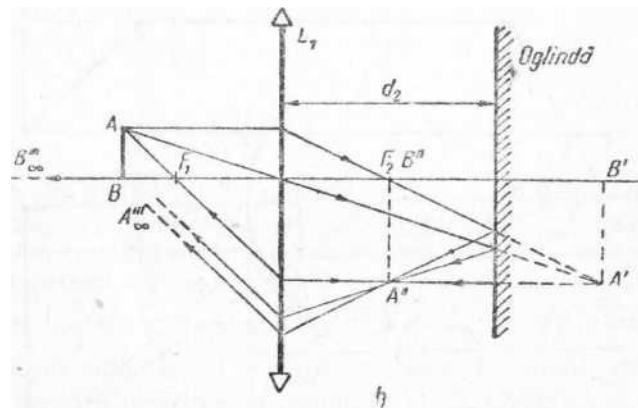
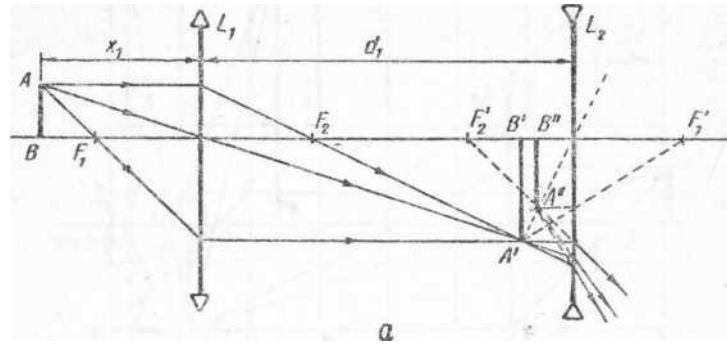


Fig. 5.4.85. R.

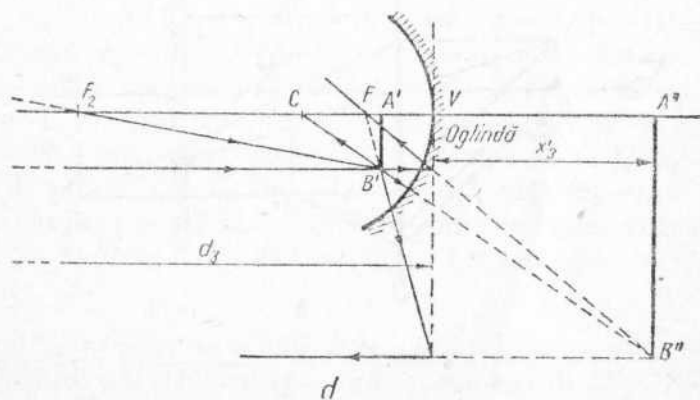
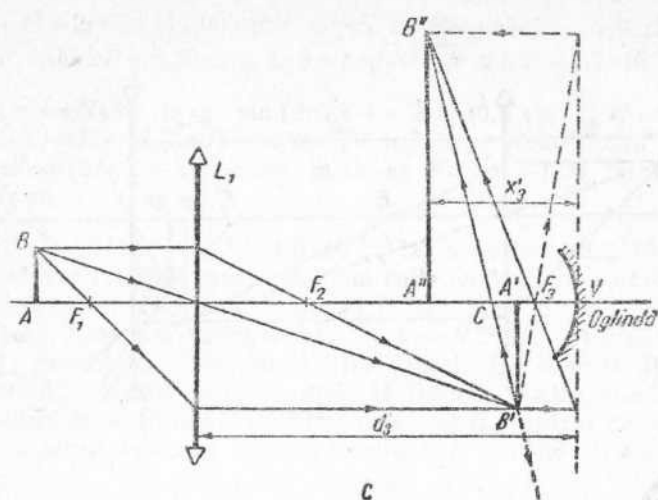
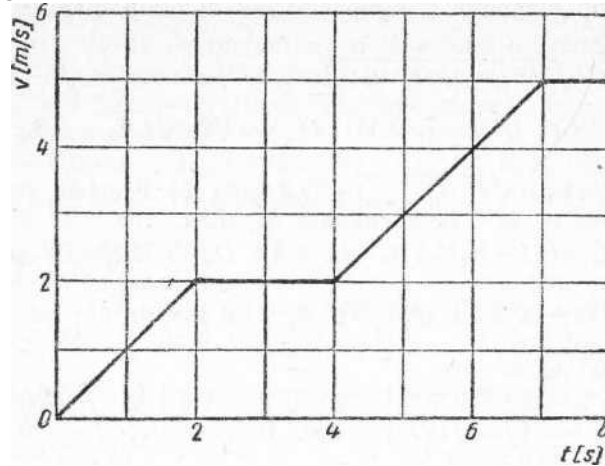


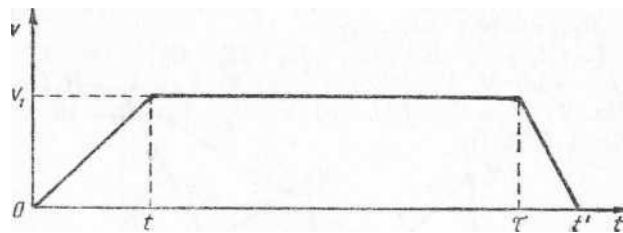
Fig. 5.4.85. R

5.5.2. Fiff. 5.5.2 R.



5.5.3.  $x - x_0 - l - vt / \cos(a - t/4)$ ; pentru  $a = 3\pi/4$ :  $x = x_0 - vt / \cos(a - t/4)$

5.5.4. a)  $s_1 = \pi^2/27 j = 900$  m; b)  $v_t = Ft/m = 30$  m/s; c)  $a = -F_t/m = 30$  s; d)  $s = s_1 + m/s^2$ ;  $s_2 \sim \dots$ ;  $r_2 < r_1 = -450$  m;  $f'W - y_x / < V - fs_3 = 10,35$  km (fig. 5).  $I >_1 T +$



$$T_3 = 2n$$

5.5.5. a)  $V^2/GZ + a)^{9tt-y/Z \cos cp/g, (jx=tg a)$ ; b)  $I = 2Tzy/ljg \cos a$ ;  $c_T 0$  clacă ascensorul pornește în sus în mo meniul cînd pendulul face unghiul 0 cu verticala; c)  $-V \gg$   $'/l$ , unde  $Z_1 = 'y'/i/4a$ ;  $f_2 = -A/a$ ;  $I_{xi}$ ;  $t_{ic} = y/2dl - g \sin a$ ;  $t_s = y 2dg \sin a / , u.g.$

5.5.6. a) Corpul cilindric — oscilații armonice:  $F = Sp_0gx = kx$ ; al doilea corp — oscilații periodice nearmonice; b)  $\hat{f}_1 = 2tcijpljp \wedge g$ ;  $h' = l(1 - p/p0)$ ;  $t' = i/2h'lg$ ;  $v' = y/2gh' - , t'' = v'lg(p_0lp - l)$ ;  $T_2 = 2(f' + r)$ ; b)

$$ij_ (Vpo/p-$$

$$-4j, \sim j \vee mj \vee ml - , - \vee \sim j \vee p \vee j$$

**f**

$$r_2/r_x$$

$$Po/p-$$



5.5.7.  $v = c/\sin\theta$ .

5.5.8. a) Cîmp magnetic și cîmp electric; b) cîmp magnetic.

5.5.9.  $L = Z^2 C$ .

5.5.10. a)  $7 = \frac{U \cdot Y}{A \cdot R^2 + (1/\omega L - \omega C)f} = \frac{U}{U_L} \cdot v = \frac{Y}{\sqrt{LC}} \sqrt{\frac{W}{Cf}}$

b)  $L = j^2 C [(2/C_1 - 1/C_2)] = 7,49 \text{ H}$ ; c)  $v = 1/2\pi \sqrt{LC} = 5,8 \text{ Hz}$ ; d)  $17 = j_{\text{crit}} L = 82 \text{ V}$ .

5.5.11. a)  $C = 1 : \omega Y / Z^2 (77 + 27i_a) = 39,8 \text{ fF}$ ; b) Precizia măsurărilor crește deoarece ea este independentă de citiri.

5.5.12. a)  $i_1 = E/j \cdot f_a R_g / (f_a + 7i_3) = 4,5 \text{ O}$ ; b)  $I_{2a} = IR_{3t2} f (R_2 + R_3) = 1,5 \text{ A}$ , resp.  $0,50 \text{ A}$ .

5.5.13.  $P_i = \frac{1}{2} V_2 I_2 = \frac{1}{2} V_3 I_3$ ;  $V_x = V_2$ ;  $P_i = P_3$ .

5.5.14.  $f_2 = f_x + f/3a$ .

5.5.15.  $Q = cAV\rho_0/3a$ .

5.5.16.  $17 = \frac{(\dots)}{2k_{j1}7j_2} > j_1 > i_2$

5.5.17.  $I_{min} = \min \{ I = Y/P/R \} = \min \{ I_x = 10 \text{ mA}, I_2 = 20 \text{ mA} \} = I_x$ ;  $t/m_{XX} = 1/104 \ll (\epsilon_i + E_2) = 500 \text{ V}$ .

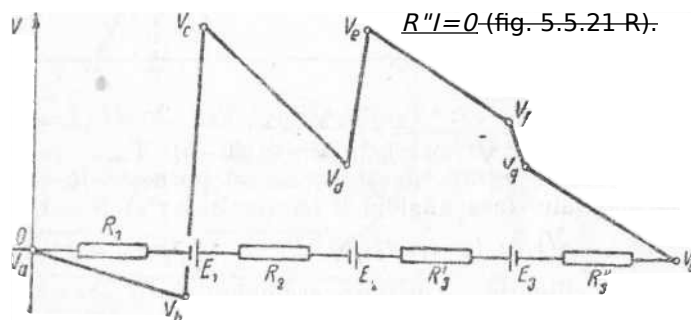
5.5.18. a)  $R = R_{\text{in}} = 6,0 \text{ } \Omega$ ;  $L^T = (E_x/r_x + E_2/r_2 + EV_3) : (1/77 + 1/r_x4 + 1/r_2 + 1/r_3) = 120 \text{ V}$ ; b)  $I_k = (E_{lt} - U)/r_{LC} = 2 > 0 \text{ A}$ ;  $25 \text{ A}$  ( $E_2$  consumă), resp.  $15 \text{ A}$ .

5.5.19.  $t/E = E$ .

5.5.20. a)  $f_2/E_x = 1 + 77/Z^2$ ; b)  $L^F_2 = E_2 - E_x = 3,0 \text{ V}$ ; c)  $7_3 = E_x/77_3 = 1,0 \text{ A}$ ;  $Q = R_{37} t = 14,4 \text{ kJ}$ .

5.5.21. a)  $7 = (E_x + E_2 - E_3) : (i_1 + E_2 + E' + E^{\wedge}) = 5,0 \text{ A}$ ; b)  $V_a = 0$ ;  $V_e = v_0 \ll x7 = 5,0 \text{ V}$ ;  $V_e = V_6 + E_x = 25 \text{ V}$ ;  $V_n = V_n 77_2 7 = 10 \text{ V}$ ;  $V_e = V^* + E_a = 25 \text{ V}$ ;  $V_f = V$ ,  $jii7 = 15 \text{ V}$ ;  $V_n = V_f - E_3 = 10 \text{ V}$ ;  $V_e = V$ .

—  
—



5.5.22. a)  $H/I2 = (H - I'pg)/(I - I')$ ;  $(1 - Z_{ps}/2H) = 47,5 \text{ cm}$ ; b)  $Z\hat{I} =$

$= 2c/p^{77}; (Z/2 - Z_i) = (77/p < 7 - \blacksquare Z' + 2/i) (Z - Z')$ ;  $Z^{\wedge} (1 - \wedge Pff/2^{1/})$

+Zi (1-h.

Pff

—  
 $+lpg/H)$ -,  $AZ' = s/(l + pff/fl) = 2,0 \text{ cm}$ ; c)  $Nf \& l' / h - 2 \cdot 25$ ; d)  $T' = T \cdot \frac{2(Hl, g - l'')}{(l' - l'') \cdot (Hl, p, 9)} = 91^\circ C$ .

5.5.23. a) Nu; coloana de mercur va fi în echilibru instabil, mercurul se va scurge în vas, iar apa va intra în tub ocupându-l în întregime; b) Stratul de apă produce forțe de adeziune și forțe de rezistență care frânează și opresc balansierul.

5.5.24. a)  $R = i/(n_1/n_2 - 1) : (7 \cdot n_1/n_2 - 7_1) = 2,75 \cdot 0$ ; b)  $n_M \equiv n_l : 2(1 - R/l, 77) = 533 \text{ rot/min}$ ; c)  $P_{mM} \equiv 7/2/47? = 4,4 \text{ kW}$ ; d)  $r_m \equiv 50\%$ ; e)  $t] = \frac{1}{1 \pm}$

$V1 - l/7v) = 2,0\%$  sau  $97\%$ .

5.5.25. Conform manualului.

$A = I_t$ ; b)  $<p! =$

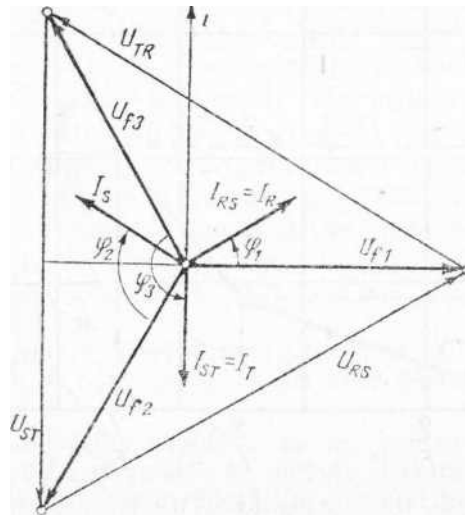
5.5.26. a)  $7_{is} = P/7/ = 200 \text{ A} = I_{b} - I_{ST} = P/77 = 200 = 7c/6$ ;  $qj_3 = -tt/2$ ;  $cp_3 = 5tt/6$  (fig. 5.5.26 R).

-----o/tY/j

r-nnnr'5T>~

$P$   
 $a$

$p$





$R$   $\Delta y$   $u$   $nil u_d$   $R^*$   
 $\bullet 1,$   
 $2$

Fig. 5.5.29 R.

Fig.  
5.5.  
30  
R.

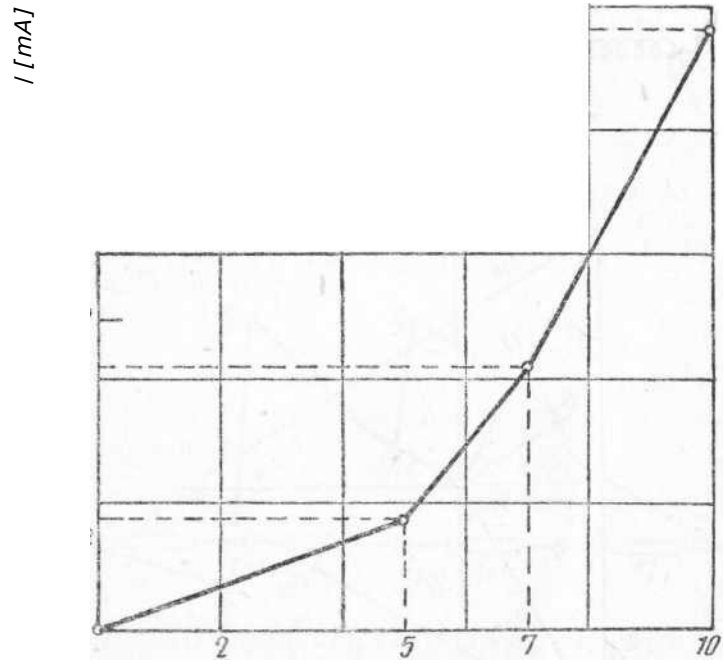


Fig. 5.5.31 R.

5.5.27.  $\vec{E}$  și  $\vec{B}$  perpendiculare pe  $\vec{v}$  cu condiția  $\vec{E} = -\vec{v} \times \vec{B}$ .

5.5.28.  $Z = X/4$ ;  $X = 2\pi c y / LC$ ;  $L = 4l^2 \ln^2 c^2 C$ .

5.5.29.  $U_{a0} = E - (U_2 U_{g1} - U_1 U_{g2}) : (U_{g1} - U_{g2}) = 130 \text{ V}$  (fig. 5.5.29 R).

5.5.30. a)  $R_1 = (U - U_{r1}) / I_a = 1,10 \text{ k}\Omega$ ; b)  $R_l = (U - U_a) / (I_d + U_d / R_s) = 440 \Omega$ ; (fig. 5.5.30 R); c)  $I = I_{n1} + j 7_{n2} i = 25 \text{ mA} = \text{const.}$ ;  $R_s = U_a / (I - i_{\text{mini maz}}) = 0,37 \text{ k}\Omega$ ; resp.  $1,63 \text{ k}\Omega$ .

5.5.31. Pentru  $U < E_1$ ,  $I = 0$ ; pentru  $E_1 < U < E_2$ ,  $I = k(U - E_1)$ ; pentru  $U = E_2$ ,  $I_2 = 0,36 \text{ mA}$ ; pentru  $E_2 < U < E_3$ ,  $I = k(2U - E_1 - E_2)$ ; pentru  $U = E_3$ ,  $I_3 = 0,84 \text{ mA}$ ; pentru  $U > E_3$ ,  $I = k(3U - E_1 - E_2 - E_3)$ ; pentru  $U = 10 \text{ V}$ ;  $I_4 = 1,92 \text{ mA}$  (fig. 5.5.31 R).

5.5.32. a)  $k = F' / y' = 0,40 \text{ N/m}$ ;  $\omega = \sqrt{y / c} / m = 2,00 \text{ rad/s}$ ;  $A \sin(\omega t / 8 + \phi) = 0$ , de unde  $\phi = \pi/4$ ;  $A \cos(\omega t / 8 + \phi) = y_0$ , de unde  $A = 5,0 \text{ cm}$ ;  $\omega = 2\pi f = 2\pi / T = 0,20 \text{ m/s}^2$ ;  $y = 0,050 \sin(2\pi t / T - \pi/4)$ ;  $\dot{y} =$

$= 0,10 \cos(2\pi t / T - \pi/4)$ ; a)  $E_c = \frac{1}{2} m \dot{y}^2 = 0,20 \sin(2\pi t / T - \pi/4)$ ; b)  $E_c = \frac{1}{2} m \dot{y}^2 = 0,10 \cos(2\pi t / T - \pi/4)$ ; a)  $E_c = \frac{1}{2} m \dot{y}^2 = 0,20 \sin(2\pi t / T - \pi/4)$ ; b)  $E_c = \frac{1}{2} m \dot{y}^2 = 0,10 \cos(2\pi t / T - \pi/4)$

=

$= 0,32 \text{ mJ}$ ;  $E_p = \frac{1}{2} k A^2 \sin^2(\omega t + \phi) = 0,18 \text{ mJ}$ ;  $E_t = \frac{1}{2} k A^2 \cos^2(\omega t + \phi) = 0,50 \text{ mJ}$ ;  $E_{\text{m}} = E_t - j k y^2$ ;  $E_{\text{m}} = \pm k y^2$ ;  $E_t = \pm k A^2$  (fig. 5.5.32 R); c)  $\cos a_2 =$

$\sin a_1$  —  $\sin a_2$  —  $a_m$  —  $A \sin a_1 \cos a_2 = 0$ , de unde

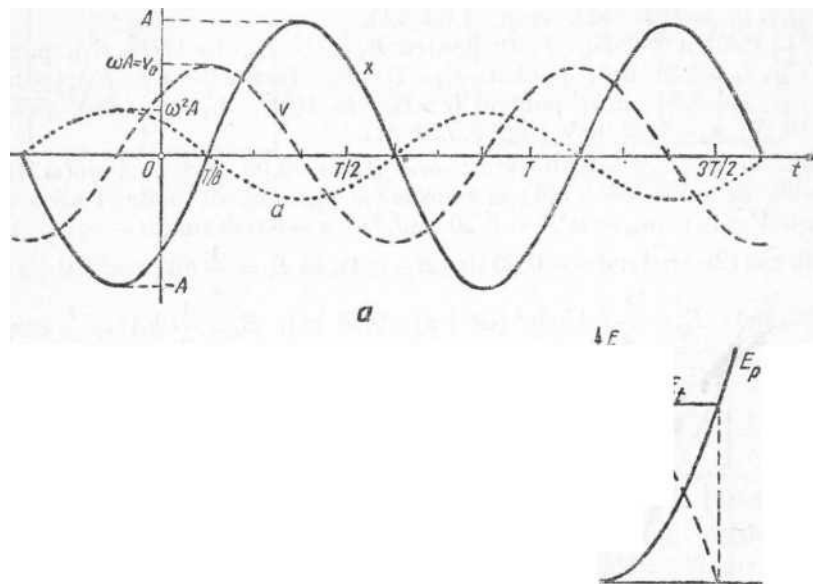
$a_2 = \pi/2$ ;

$A = (\sqrt{p_m}) = 100 \text{ cm}^2$ ;  $i_{2m} = \cos a_2 = 0,20 \text{ m/s}$ ;  $a_2 = \cos^2 a_2 = 0,40 \text{ m/s}^2$ ;  $j_2 = 0,10 \sin(2\pi t / T + \pi/2)$ ;  $y_3 = 0,20 \cos(2\pi t / T + \pi/2)$ ;  $a_2 = -0,40 \sin(2\pi t / T + \pi/2)$ ; d)  $A^2 = A_1^2 + A_2^2 + 2 A_1 A_2 \cos(a_2 - a_1) = 54,3 \text{ cm}^2$ ;  $\tan a_f = (A \sin a_1 - A_2 \sin a_2) : (A \cos a_1 + A_2 \cos a_2) = 1,83$ ,  $a_2 = 1,07 \text{ rad}$ ;  $z_f = 0,074 \sin(2\pi t / T + 1,07)$ ; e)  $T_s = 2\pi / \omega = 10\pi / \sqrt{g} = 12,8 \text{ s}$ ;  $T_v = 2\pi / \omega = 10\pi / \sqrt{g} = 12,8 \text{ s}$ ; f) 1)  $Z = mg / k = 2,5 \text{ m}$ ; 2)  $T_{\text{m}} = 2\pi / \omega = 10\pi / \sqrt{g} = 12,8 \text{ s}$ ; 3)  $T_1 = 2\pi / \omega = 10\pi / \sqrt{g} = 12,8 \text{ s}$ ;  $T_2 = 2\pi / \omega = 10\pi / \sqrt{g} = 12,8 \text{ s}$  (nu oscilează);  $T_3 = 2\pi / \omega = 10\pi / \sqrt{g} = 12,8 \text{ s}$  dacă îl „suspendăm” de podea; 4)  $\cos = (\cos \theta_m \pm a \cos 0) : (\cos \pm \pi)$ ;  $\theta_m = 48^\circ 20'$  sau  $90^\circ$  dacă vehiculul pornește în sus/jos când pendulul trece prin poziția verticală de echilibru  $\theta = 0$ ; g)  $c = y E / p = 0,40 \text{ m/s}$ ;  $\cos A_q = \cos(A_m / c - f A_a - \pi) = -1,00$ , resp.  $\cos A < p' = \cos(A_m / c - f A_a) = -1,00$ ;  $A_m = A_1 - A_2 = 15 \text{ cm}$ ,  $A_{p'f} = |A_1 - A_2| = 5,0 \text{ cm}$ .

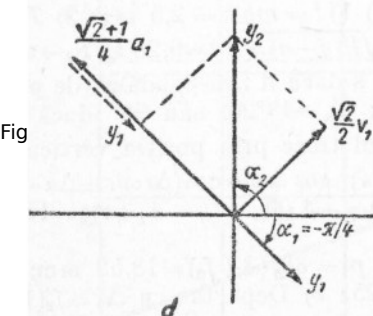
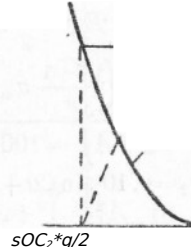
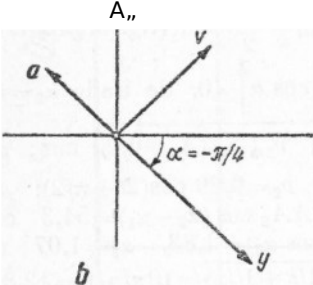
5.5.33. a)  $p_2 = \sqrt{f_i / (p_i - f_i)} = 130 \text{ mm}$ ;  $p'_i = S f_i / (S + f_i) = 18,52 \text{ mm}$ ;  $p_2 + (-p'_i) = 148,52 \text{ mm}$ ; b)  $p_x = -p_2 / p_1 = -25$ ; c) Depărtat cu  $A_x = f_2 (1 - j 3,4 \text{ m}) \sim P_1 = 6,48 \text{ mm}$ .

Conform  
lucrărilor  
practice,  
de ex.  
pentru  
lama —  
metoda  
microscop

~~pului;~~  
~~pentru~~  
~~piramidă~~  
~~metoda~~  
~~deviatiei~~  
~~minime~~  
~~pentru~~



lențilă —  
pe baza  
fazei de  
curbură și  
a  
distanței  
focale.



Fig

5.5.34. Se formează imagini prin reflexie și refracție (transmisie), dar luminozitatea lor diferă și de aceea se văd când unele când celelalte.

5.5.30 = 5.5.33.

5.5.37.  $x_1 = D/(1 - DC) = 51,28 \text{ mm}$ ;  $(3 = 1 - DC = 39$ ;  $i' = i/(DC - 1) = -0,256 \text{ mm}$ ;  $Z = i'd/X - 0^\circ = 1,077,28 \text{ mm}$ .

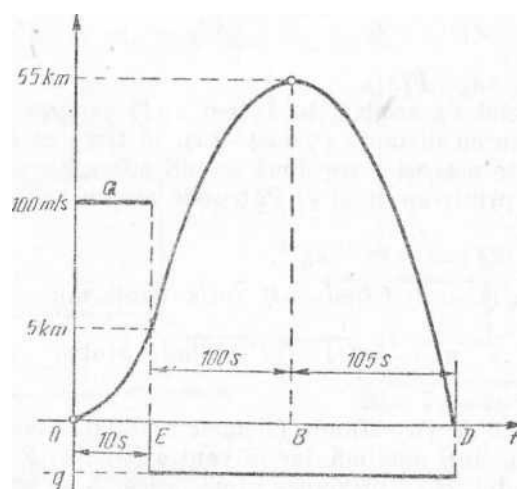
5.5.38. a)  $iV = i'V/X/2C = 3,0 \cdot 10^{21}$ ; b)  $Z = A \cdot X/\sin \angle p = 2,0 \text{ (im)}$ ; c)  $x - f \cdot \tan \angle p = 35 \text{ cm}$ ; d)  $L = \hbar c/X_0 = 1,875 \text{ eV}$ ;  $o = y(2/\hbar c/m)(1/X - 1/X_0) = 461 \text{ km/s}$ .

5.5.30.  $E_0 = E_{\text{fotou}} - \hbar c/(X_1 + 1/\lambda^2) = 0,54 \text{ eV}$ ;  $n = y^2 - \hbar R_j E_0 - t >$ .

5.5.40. a) Seria Lyman; b)  $X = c/R(1 - 1/i^2)$ ;  $X_2 = 1217 \text{ Å}$ ;  $X_3 = 1026 \text{ Å}$ ;  $X_4 = 973 \text{ Å}$ ;  $X_5 = 950 \text{ Å}$ ;  $X_6 = 938 \text{ Å}$ , deci cele 3 linii  $X_3, 4, 5$ .

5.5.41.  $f_a = r_1/(1 - e/\hbar f) = 0,47 \text{ nm}$ .

5.5.42.  $X_e = \hbar/V2 (e - m = 12,9 \text{ Å}$ ;  $X_1 = 27r_1 = 2\hbar^2 e_0/\hbar e^2 = 3,3 \text{ Å}$ ;  $AX = 9,6 \text{ Å}$ .



5.5.43. a) OA: urcat uniform accelerat  $a = 100 \text{ m/s}$ ; AB: urcat uniform încetinit pînă la oprire, apoi BC: coborît în continuare accelerat cu aceeași accelerație  $</$ ; b)  $AOAE = 5,0 \text{ km}$  — înălțimea la care urcă accelerat;  $AAEB = 50 \text{ km}$  — urcă încetinit pînă la oprire ( $t = v/g = 100 \text{ s}$ );  $ABCD = AOAB = 55 \text{ km} = h$  — distanța de coborîre pînă la sol ( $t = \sqrt{2h/g} = 105 \text{ s}$ ); c) Aceeași mișcare încetinită:  $\tan ABO = \tan DBC = g$ ; d) fig. 5.5.43 R; e) Impactul cu solul  $\{v' = -\sqrt{2gh} = 1,049 \text{ m/s}\}$ .

5.5.44.  $l_x = d/v = 3,0 \text{ s}$ ;  $p_1 = m_1 u/(m_1 + m) = 0,60 \text{ m/s}$ ;  $if_a = d/y_1 = 5,0 \text{ s}$ ;  $p_2 = -j - m_2 + m_3 = 0,50 \text{ m/s}$ ;  $l_3 = d/y_2 = 6,0 \text{ s}$  (fig. 5.5.44 R).

—T

$$2t \in$$

2t€

$$2t \in$$

2t€

$$2t \in$$

2t€

$$2t \in$$

2t€

$$2t \in$$

2t€

2t€

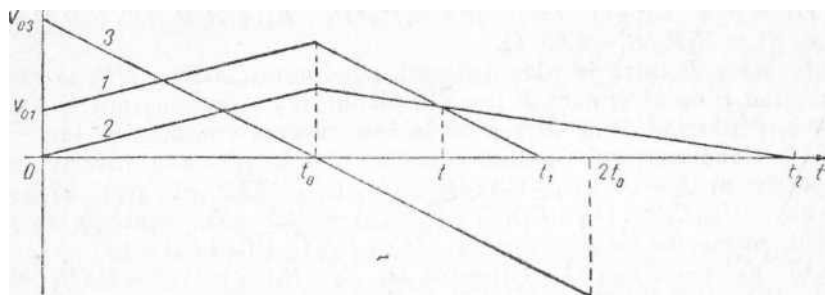
2t€

2t€

2t€

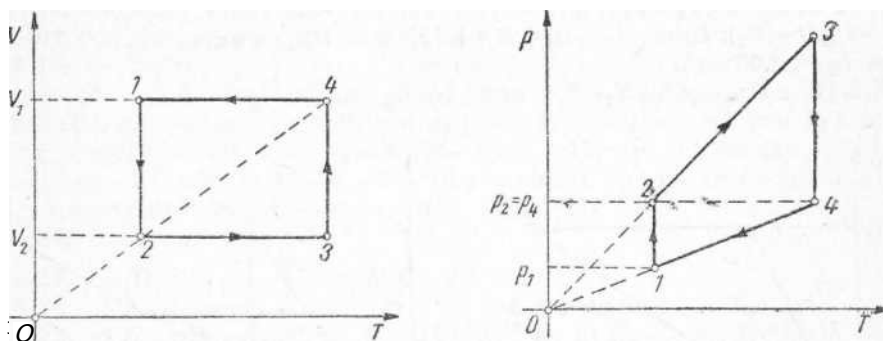
2t€

2t€



2t€

2t€



5.6.4.  $\Delta p = \frac{3}{2} \rho \frac{Q^2}{r^4} = 2,8 \text{ N/m}^2$ .

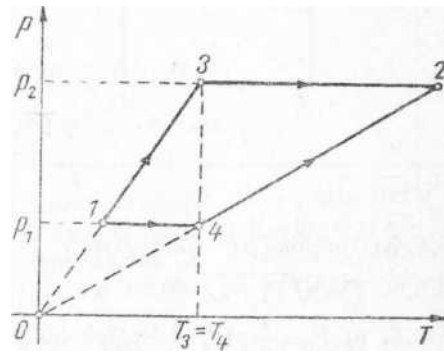
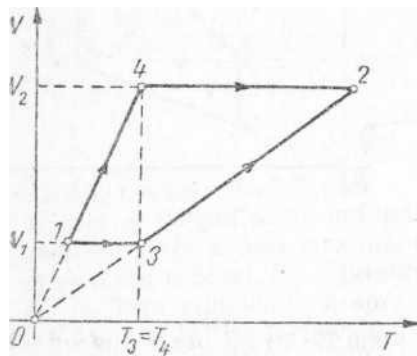
5.6.5.  $T = \sqrt{T_1^2 + T_2^2} = 0,50 \text{ s}$ .

5.6.6. a)  $P = \frac{1}{2} \rho Q^3 / S^2 + \rho Qgh = 500 \text{ W} + 980 \text{ W}$ ; b) Se poate lua un tub

de diametru mai mare, de ex. pentru  $S = 100 \text{ cm}^2$  rezultă  $P = 5,0 \text{ W} + 980 \text{ W}$ ; se poate lua un tub conic cu secțiune mică la pompă și mare la înălțimea  $h$ ; se poate lua un tub foarte scurt legat de pompă și înclinat puțin pentru ca jetul liber să ajungă la înălțimea cerută:  $P_{\text{min}} = \rho Qgh = 980 \text{ W}$ .



5.0. 7. a)  $C = z_0 S/d$ ,  $C_e = C/2$ ;  $C' = e_r C$ ;  $Q = C/(1 + 1/e_r)$ ; b)  $Q = CU/2$ ,  $G' = 2Q/(H - 1/e_r)$ ; c)  $U = 112 = U/2$ ;  $U = C/(1 + e_r)$ ;  $t/i = C/7/(1 + 1/e_r)$ ;  
d)  $E = U/2d$ ;  $\epsilon_i = E/(1 + e_r)$ ;  $E = \epsilon/(1 + 1/e_r)$ .  
5.6.8. a)  $11, = 1 : [1/(E/r) - 1/(1 + i^2/3)] - R_2 = 11,0 \text{ O}$ ; b)  $W = (E - r)/r = 16,4 \text{ kJ}$ ; c)  $I = E : [r + f_1 f_a / (i_1 + 1/a) + f_3 R_a / (1/3 + \wedge)] = 2,4 \text{ A}$ ; d)  $j^2, = j_8 i y j_1 = 8,89 \text{ O}$ .  
5.6.9. Dacă **B** intră în planul figurii, conductorii MP și NP se rotesc apropiind P de MN; dacă **B** iese din planul figurii, conductorii se rotesc invers, depărtînd P de MAT pînă la întreruperea contactului lor.  
5.6.10. Condensatorul  $C_3$  fiind conectat plus la plus sau invers, avem respectiv: a)  $g_3 = t/Cg^i Cg) : (C_1 + C_2 + C_3) = 112,5 \text{ fC}$ , resp.  $37,5 \text{ jJ/C}$ ; b)  $(I = - UCx Cz Cg : (C_1 + C_2) (C_1 + C_2 + C_3) = -25 \text{ p.C}$ , (bateria se încarcă), resp.  $Q = \wedge^i \wedge^3 (2C_1 - C_2) : (C_1 - f - C_2) (C_x H - C_g - j - C_3) = 125 \text{ jJ.C}$ .  
5.6.11. a)  $R = R_1 R_2 I (R_1 - R_1) = 375 \text{ Q}$ ; b) 1)  $E = E_1 (R_1 + I t_2) I$   
 $J(R_2 - j R_1) = 1.0,0 \text{ V}$ ; minusul lui la D;  $7_1 = 7_2 = \epsilon_1 / (P_2 - P_1) = 2,50 \text{ mA}$ ;  
2)  $r = -i [f(j^2_0 - P_1) / \epsilon_1 - P_1 - P_2] = 400 \text{ 12}$ ;  $7' = 2 \epsilon_1 / (R_2 - P_1) = 5,0 \text{ mA}$ .  
c)  $I = IAB \sim b IAD > IAB - \text{Tec } Igi IAD = ZfC \text{ "t" } \wedge E' - I r - f - R I I AB H \sim -j - j \wedge_2 BC$ ;  
 $Ei = Ig R_g$   $Ril AB \sim \sim RZIBC - RilBC - R? ! AD \sim$   
 $= 0$ , de unde  $IAB = IDC > IAD = IBC$  și rămîne sistemul:  $E' = -T, ib (/ - 1 - P_1) + t$   $Ei = -$   
 $I \wedge B (P_j - I - P_i) - f - I' y (B (P_9 - j - P_2))$ , de unde:  $7 \wedge^3 = 2,33 \text{ mA}$   
și  $I \wedge_{10} = 2,43 \text{ mA}$ .  
5.6.12. a)  $P_2 = P_1 V_2 / V_x = 5,0 \text{ atm}$ ; b) fig. 5.6.12 R.

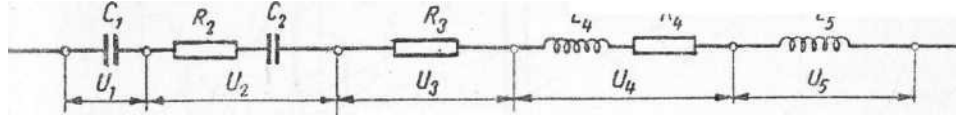


5.6.13. a)  $A = -2alpgr = -7,4 \text{ cm}$ ; b)  $x = (l + h)j(Hr/2a - \dots - l - h)2aj \text{ fr} = 2,0 \text{ mm}$ .  
5.6.14.  $R - r$ ;  $7_j = 1/(n(-l))$ ;  $v_j = nj(n + l)$ .

5.6.15. a)  $R_s = r/(I/I_a - 1) = 2,5 \text{ fi}$ ; b)  $7?_{0 \leq t} = \frac{E}{I I_a} - r = 4,75 \text{ kO}$ ; c) ca voltmetru  
 $N' = NE : (r/I_a + U) \wedge NE : U = 18 \text{ div. } E/I' = \{I/2; Q' = 0/2;$

5.6.16. a) fig. 5.6.17 R; b)  $7 = \frac{U}{\{(fI_a + fI_3 + fI_4)^2 + M_{L_4 + L}^*\}} V(I/Ci +$   
 $+ I/C_2)[^2]^{1/2}.$

/ X?



5.6.17.  $\cos \langle p_p = V 1 - \cos^2 \langle p_p = \sin \cos = 0,80.$

5.6.18. Dacă «L»  $I/wC, L_c = L - I/\epsilon_0^2 C.$

5.6.19. a) Dacă bobina ar fi ideală, ar trebui  $U_{AD} = U_{BD} - U_{AB};$  b)  $Z_{(1)} = U$   
 $AB/I = 350 \text{ O}; X_C = U_{BD}/I = 1000 \text{ O}; Z = U_{AD}/I = 750 \text{ O}; \backslash,$

$= (Z/I + X^2 C - Z^2)/2 X_C = 280 \text{ R} = -I/Z \sim X/I = *210 \text{ D};$  c)  $v_1 = v_0 V \wedge i/\wedge o = 175 \text{ Hz};$

$L = X_L/2\pi v_1 = 0,25 \text{ H}; C = 1/2\pi v_j X_C = 0,91 \text{ j.F. } 5.6.21 = 5.4.29.$

5.6.22 = 5.4.27.

5.6.23. Conform manualului.

5.6.24. Va descrie un cerc de rază  $R = m_e v / e B = 57 \text{ mm}.$

5.6.25. a)  $f = f' \{i/n^2 - 1\} / (\langle i - 1) = 20 \text{ cm};$  b)  $x_2 = d f / (d - f) = 30 \text{ cm}; y_2 = -$   
 $y x \wedge d = -5,0 \text{ cm};$  c)  $x_i = a' 2 - Z = -10 \text{ cm}; x'_2 = x / R / (2x / - R) = 2Q \text{ cm}$   
(virtuală);  $1/2 = -y \wedge x' \wedge x \wedge - 1^0 \text{ cm};$  d)  $f' = -i' / (n - 1) = -10 \text{ cm}; 1) F = -I / (I/f + I/f') =$   
 $-20 \text{ cm}; x \wedge = d f / (d - f) = 15 \text{ cm (virtuală); } (f'' = -e^* - y x z / d - 2,5 \text{ cm}; 2)$   
 $i'' = x_2 - Z' = 10 \text{ cm}$  obiect virtual în focarul lentilei divergente, deci  $*2 \rightarrow 00;$  e)  
(fig. 5.6.25 R).

5.6.26.  $f = (I - p) / (I - fp).$

5.6.27.  $i = f(X/d) : V I X^2 / d^2 f S f X / d = 2,9 \text{ mm}.$

5.6.28. a)  $X = i / m f = 1,6 \cdot 10^{-34} \text{ m};$  b)  $X < \xi:$  dimensiunea orificiului.

5.6.29. a)  $i' = n^2 / i^2 s_0 / 7 i Z e^2 / n_{H_1} \wedge = 2,6 \cdot 10^{-13} \text{ m};$  b)  $f_{H_1} = -7 \hat{n}_u Z^2 e^4 / 8 e_0 / m^2; E_x =$   
 $2,8 \text{ keV};$  c)  $X = -i c / f_{H_1} = 4,4 \text{ Å}.$

5.6.30.  $\sin a = (n - I) y_0 : 0 (f_2 - n_{I_1}) = 0,102; a = 5^\circ 51';$

$x_2 = p_0 \wedge + \sim .9 \sin a / 2 = 7,5 \text{ m}.$

5.6.31.  $v_{v/a} = dI / (T - T) \pm \leq f' / (T + T) = 18,3 \text{ km/h, resp.}$   
 $-2 d j v_{v_1} = 2,4 \text{ h.} = m \tau [ \blacksquare y j 2 \{ h - h' \} j g - t / 2 ] : ( y / 2 (h - h') / g - \wedge )$

3,7 km/h;  $T' =$

5.6.32.  $i_{i_0} = 9 t t - y / 2 (h - h') / g \text{ mp}_0 = 1968 \text{ N.s}; v' =$   
 $v_0 m / M = 9,8 \text{ m/s}.$

24,6 m/s;  $p =$

5.6.33. Cel din față: în timpul frînării, forța normală de  
reacțiune se mută în față și forța de frecare maximă cu șoseaua crește peste  
 $amg/2$  (pînă la  $j j j g$ , dar se pune și problema stabilității în procesul frînării.

(Anul III, licee spec.)

5.6.34.

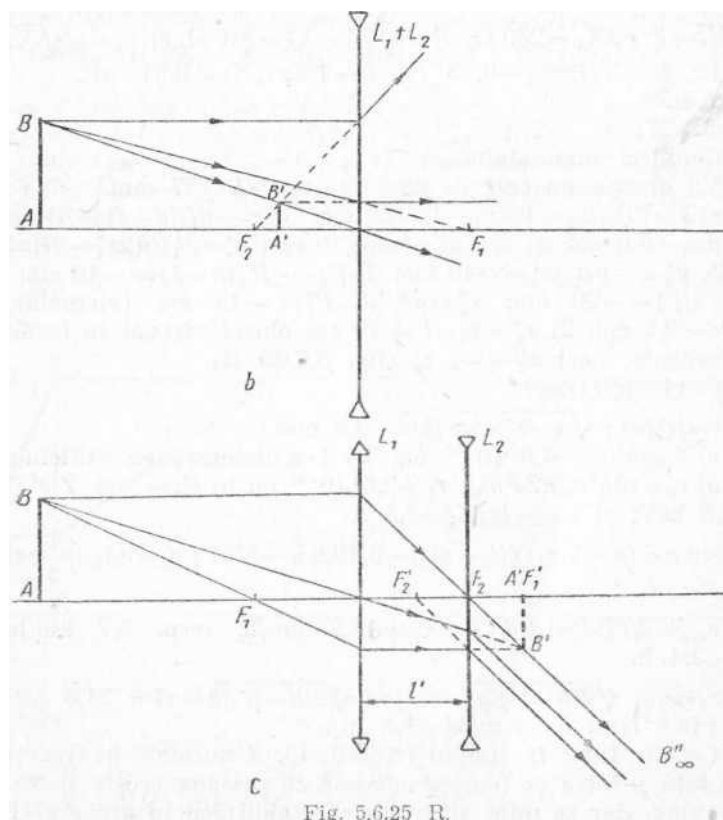
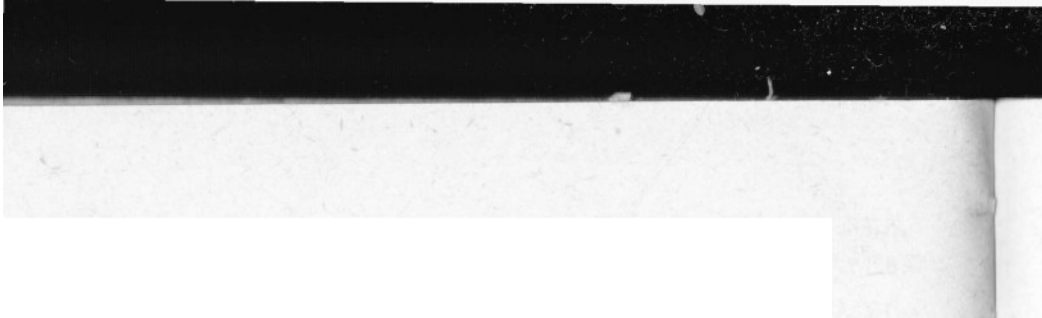
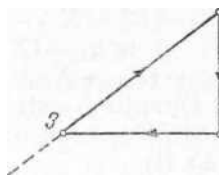


Fig. 5.6.25 R.

5.6.35. a)  $A \neq 0$ ;  $Q = p \cdot V_2 \ln V_2/V_1 = 562 \text{ J}$ ; b)  $L = Q - p_2(V_2 - V_1) = 258 \text{ J}$ ; c) (fig. 5.6.34 R).



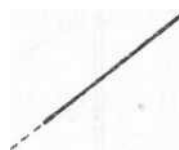
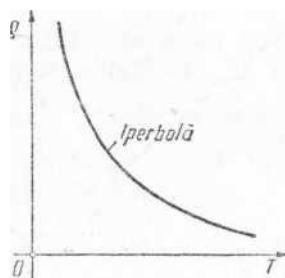
5.6.36.  $T^* = 2ny/(1 + f)lg(1-f) = 2,8 \text{ s}$ .

5.6.37.  $Q = 2(1/\gamma - 1)T_0 P_{pp0} = 1,00 \text{ m}^3/\text{s}$ .

5.6.38.  $h = 4G/pg(d_1 - d_2) = 20,4 \text{ mm}$ .

5.6.30.  $17 = p(H)/(Z_1 l_2 - 1)$ , unde  $Z_{1 \geq 2}$  sînt lungimile coloanei de aer în poziție orizontală, resp. verticală (cu deschiderea în sus); etc.

5.6.39. (fig. 5.6.39 R).



5.6.40.  $r^2 - l T_1 / T_2 = 1 = 0$ , de unde  $r^2 = 2,4$ .  
5,8.4 3.  $T = rc \sqrt{2d / p \cdot g} = 1,7 \text{ s}$ .

5.6.42.  $h = \frac{[(n^2 - 1)H + 4(n^2 - 1)a/d_1] \ll 7/f/p^{\wedge} = 72,3 \text{ in; } s = 1\%$ .

5.6.43. Bara de fier nemagnet nu va fi atrasă de mijlocul barei magnet.

5.6.44. a)  $C = C_1(C_2 + C_3)/(C_1 + C_2 + C_3) = 500 \text{ txF}$ ;  $U_x = f/(C_2 + C_3)/ (C_1 + C_2 + C_3) = U/2$ ;  $t/2 = f/2 = 1/C_1/(C_1 + C_2 + C_3) = 7/2$ ;  $Q_{1i} = C_1 t/2 = 500 \text{ mC}$ ;  $200 \text{ mC}$ , resp.  $300 \text{ mC}$ ; b)  $f/f = Q_i$ ;  $[f C_4 - j C_4 C_i/(C_2 + C_3)]j = 357 \text{ V}$ ;  $i7' = U_i = e$ ;  $[C_4 + (C_1 + C_2)(C_3 + C_3)/C_1] = 357 \text{ V}$ ;  $i7i = E/1 + L?2 = 714 \text{ V}$ ;  $Q'_k \wedge C_k / r_k = 357 \text{ mC}$ ;  $143 \text{ mC}$ ;  $214 \text{ mC}$ ;  $143 \text{ mC}$ ; c)  $W =$

$[7_i(t)ft = 250 \text{ J}$ ;  $L^{\wedge}, Q' = 178,5 \text{ J}$ ; se produc efecte Joule

(termice) prin descărcarea sistemului  $C_{i2j3}$  pe  $C_4$ .

5.6.45. a)  $X_{e1} = \omega L_1 = 110 \Omega$ ;  $X_{e2} = \omega L_2 = 20 \Omega$ ;  $X_{e3} = \omega L_3 = 15 \Omega$ ;  $X_{ci} = 1/\omega C_1 = 40 \Omega$ ;  $X_{c2} = 1/\omega C_2 = 50 \Omega$ ;  $X_{c3} = 1/\omega C_3 = 30 \Omega$ ;  $Z_{12} = [(R_1 + jX_{e1})^2 + (X_{e2} + X_{e3} - X_{c1} - X_{c2})^2]^{1/2} = 50 \Omega$ ;  $Z_3 = [B^2 + (X_{e3} - X_{c3})^2]^{1/2} = 250 \Omega$ ;  $I_1 = I/Z_{12} = 2,0 \text{ A}$ ;  $I_3 = C/Z_3 = 4,0 \text{ A}$ ; b)  $Z_1 = [R_1^2 + (X_{e1} - X_{c1})^2]^{1/2} = 71 \Omega$ ;  $Z_2 = [B^2 + (X_{e2} - X_{c2})^2]^{1/2} = 36 \Omega$ ;  $U_{12} = IZ_{12} = 283 \text{ V}$ , resp.  $144 \text{ V}$ ; c)  $\tan \phi_{12} = (X_{e1} + X_{e3} - X_{c1} - X_{c2})/R_1 = 4/3$ ;  $\phi_{12} = 53^\circ 8'$ ;  $\tan \phi_3 = (X_{e3} - X_{c3})/R_3 = 3/4$ ;  $\phi_3 = 36^\circ 52'$ , deoarece  $\tan \phi_{12} = 1/\tan \phi_3$ , curenții  $I_{12}$  și  $I_3$  sînt „perpendiculari”;  $\tan \phi_1 = (X_{e1} - X_{c1})/R_1 = 3/4$ ;  $\phi_1 = 36^\circ 52'$ ;  $\tan \phi_2 = (X_{e2} - X_{c2})/R_2 = 1/2$ ;  $\phi_2 = 26^\circ 34'$ ; d) (fig. 5.6.45 R).

5.0. 46. a) Forța Lorentz  $q\mathbf{v} \times \mathbf{B}$  deplasează purtătorii spre fața P indiferent de semnul sarcinii purtătorilor; b) apare un cîmp electric transversal  $\mathbf{E}_H = -\mathbf{v} \times \mathbf{B}$ ;  $U_H = V_P - V_Q = E_H h = vBh$ , dar  $i = nev = I/ah$ , deci  $U_H = IB/ne a$ ;  $n = IB/ea U_H$ ; c) după semnul lui  $U_H$ .

5.6.47. a)  $C = (\tan \phi_1 \tan \phi_2) \cdot 7t^2 w = 168,9 \text{ fF}$  (sau  $603 \text{ pF}$ ) (fig. 5.6.47 R); b)  $h = P/I \cos \phi = 33,33 \text{ A}$ ;  $I_2 = P/U \cos \phi_2 = 25 \text{ A}$ .

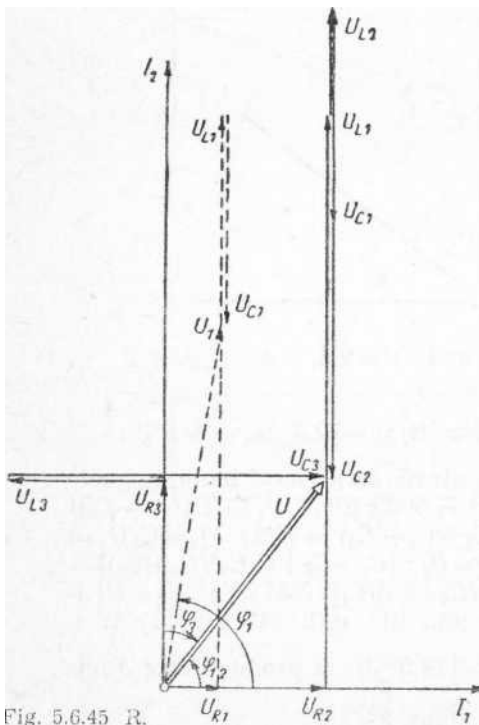


Fig. 5.6.45 R.

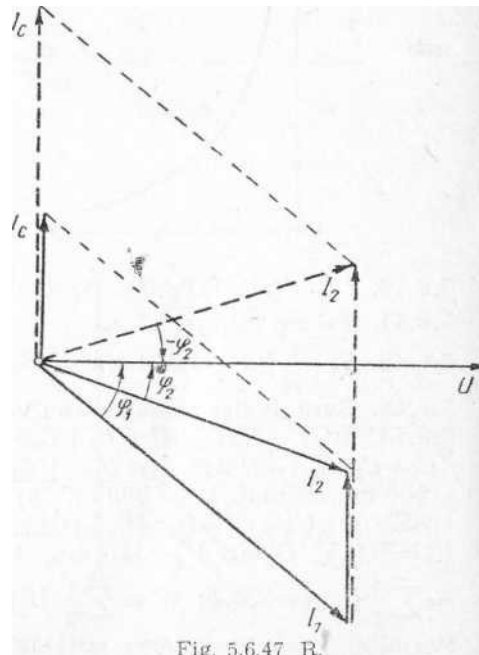


Fig. 5.6.47 R.

5.6.48. Doar aproximativ: a)  $R_{ml} : (s/pZ + S/p_0)$ ; b)  $R_{tptlls} + p_0/l S$ ;

c) 
$$\frac{-p-Z(1-\frac{S}{S_0})}{s} + \frac{PoZ(1-\frac{S}{S_0})}{s} + 1 : (\ll W^* + \frac{s}{s} Vpo^* \gg) \bullet$$

5.6.49.  $m = K(V_2 - y_1)CiC_2/(C_1 + Q = 66 \cdot 10^{-12} \text{ kg pe vergeaua lui .4. } > . < > .50.$

$l_i f - l t f' j o / 8; U_e f - R l_e f.$

5.6.51. a)  $i? = p(2Z + 27i)/s = 8,0 \text{ mQ}; m = (2l - l - Zh)sd = bf - g; x = mg/k \pm \pm lbB/k = 3,52 \text{ mm} \pm 4,8 \text{ mm}; l_0 = mglbB = 0,73 \text{ A};$  b) Se induce un curent  $j = -BbvjR$  care dă o forță de frinare (neglijăm câmpul propriu):  $F = -\frac{B^2 b^2 v}{R}$  care micșorează asimptotic viteza la zero ( $v \rightarrow 0, t \rightarrow \infty$ ) pînă în distanța  $x_0 = jRmyl \cdot B^2 Z^2 = 0,98 \text{ mm}.$

5.6.52. Curentul va crește foarte mult ( $coL = 0, R$  mic) și de regulă se arde înfășurarea.

5.6.53. a)  $E_{cn} = U_n - R_A I_A = 20GA^r o - V; P_n = E_{cn} I_A = 9 - 992 \text{ W}; yj = = P_B :$   
 $[17_n (I_4 + [I_n / \blacksquare, .]) = 89,2\%;$  b)  $E_e = E_{en}, n/n_B = 144,5 \text{ V}; R_p = - = (U - E_t) / I_A - R_A = -1,28 \text{ Q};$  c)  $Z)^1 = 7)n/2_n = 62,4\%;$  d)  $P; = P_n; 7) = = PnIU_n I_A = 93,8\%;$  e)  $[7^1 = E_{en} n/n_n + I?^{\wedge} = 158 \text{ V}; f) 75^{\wedge} = E_{cn} n/[I^1 n_n = 91\%.$

5.6.54. a)  $I = N/I_0 = 15 \text{ A};$  b)  $P = E/I = 8,0 \text{ O};$  c)  $R_0 = N(R - R_1 - R_2) = - = 180 \text{ O};$  d)  $P_0 = P_0/o = 45 \text{ W};$  e)  $U = R_0 I_0 = VO \text{ V};$  f)  $y) = *7/f = 75\%.$

5.6.55. Practic cu aceeași viteză  $mv^2/2 = eU.$

5.6.56. a)  $I = E - B_j j_1 = 104 \text{ V}; P_n = [I^2 (I_1/I - I/P_2 - I_j R) = 207,2 \text{ W};$  b)  $Q = I7^2 Z/P = 0,68 \text{ kWh}.$

5.6.57 = 5.6.35.

5.6.58.  $x_2 = - \frac{2R}{(2-n)} = - 80 \text{ cm}$  sau  $- Pn/(2-n) = - 60 \text{ cm}$  de la centrul sferei înapoi.

5.6.59. a)  $i = XD/d = 0,54 \text{ mm};$  b)  $I_j = 1 - l - Nid/Dl = 1,0006;$  c)  $V - IDjind.$

5.6.60.  $\theta_n = 2i - A; \text{tg } i = n; \sin A/2 = l - \sqrt{l + n^2}; A = 67^\circ 23'; S_m = 45^\circ 14'.$

5.6.61. a)  $c = vfZ = 0,80 \text{ m/s};$  b)  $11 = \sin 2 - \frac{n(t/T - r/X)}{V^1}; C = = h^{\wedge} / s =$   
 $= 10^{-3} \sqrt{0,50 \text{ m}^{3/2}}; U_{1,2} = 0,16 \text{ mm, resp. } 1,53 \text{ mm};$  c)  $A = C/\sqrt{r^1} =$   
 $= 1,12 \text{ mm}; E = * mco^2 A^2 = 24,8 \text{ fxJ}.$

5.6.62. a)  $f = P_1/2(n-l) = 97,163 \text{ cm}; 96,693 \text{ cm, resp. } 95,547 \text{ cm};$

5.6.63.  $Af=f_0-f_g=1,616 \text{ cm}$ ; c)  $R_a=1 : [(1/f_a-1/f_0)/(n\hat{a}-nfc) \cdot l/R] = 767,3 \text{ cm} \cdot \cos^2$   
 $a=l : (1+n^2-2y/jr-l)$ ;  $a=6^\circ 44'$ .

5.6.64. =5.6.58.

5.6.65 = 5.6.60.

5.6.66.  $AX = -\sin^2 \theta/2$ .

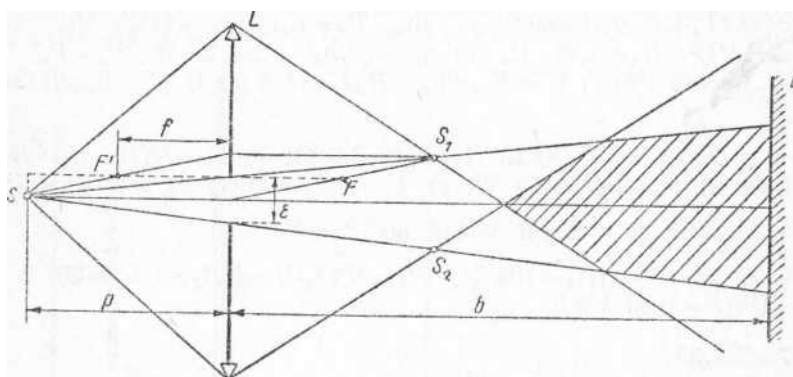
5.6.67. a)  $X_3 = c : [j\hat{l}(l/2^2 - l/5^2)] = 433,9 \text{ nm}$ ;  $v_3 = c/X_3 = 6,9 \cdot 10^{14} \text{ Hz}$ ; b)  $E_n = hRjn^2 = -3,4 \text{ eV}$ , resp.  $-0,54 \text{ eV}$ ;  $I_m = 2ej\hat{l}/n^3 = 65,6 \text{ ;A}$ , resp.  $8,40 \text{ fi A}$ .

5.6.68.  $*_2=f_{1/1}di//_2df=6,0 \text{ s}$ .

5.6.69.  $A?=(2d/i>)(1-V1-v^2/c^2) \ll du/c^2=22 \text{ fis}$ .

5.6.70=5.6.62.

5.6.71.  $x_z=pf/(p-f) = 150 \text{ cm}$ ;  $d=ep/(p-f)$ ;  $x_k = (b+p)s/2p=A'X(6-a:2)/d$ ;  $e^2 = 2kl(b-x_2)(p-f)l(b+p)$ ;  $s=0,53 \text{ mm}$ .



5.6.72 =5.6.63.

5.6.73 =5.6.66.

5.6.74.  $jS_e=fm_0c^2=46,95 \text{ MeV}$ , resp.  $93,84 \text{ MeV}$ .

5.6.75. a)  $E_0=e^2B^2R^2l'2m=4A \cdot 10^{-13} \text{ J} = 2,758 \text{ MeV}$ ; b)  $N \sim EJ2eU=25$ .

5.6.76.  $v = \frac{1}{2} \left( \frac{1}{r_x} - \frac{1}{r_2} \right) = 2,467 \cdot 10^{15} \text{ Hz}$ .

5.6.77.  $Ax = \sqrt{V^2 - \frac{1}{m_1}} - \frac{1}{2Ule}$ .

5.6.78. a)  $I=h/sj2meU=17 \text{ A}$ ;  $\sin \theta = iX/2d$ ;  $\theta_1 = 42^\circ 52'$ , alte maxime nu sint; b)  $n = [2d/X] = 1$ .

5.7.3.  $(f_3 = (d_1 + rf_2)(v_i + v_s) : (\hat{i} - y_a) = 400 \text{ m.a})$  în virtutea inerției la scuturare praful antrenat se] desprinde de haină, iar la batere rămîne pe loc; b) Dacă masa butucului este mai mare decît a toporului, atunci cu dosul

5.7.2. a) Fig. 5.7.2 R; b)  $x_{max} = 7,0 \text{ m}$ ;  $x_f = 6,5 \text{ m}$ ; c)  $s = 7,5 \text{ in.}$

toporului

5.7.4.  $\frac{L}{p_a} = 2p_a$

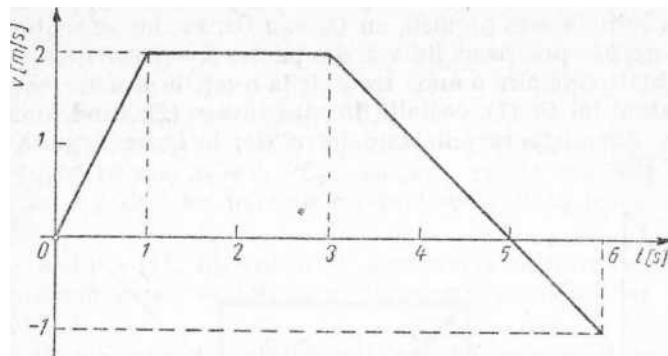
5.7.5.

de pîlnie;

cu

legii

5.7.6.



în jos.  
 $= gShl_{ga} = 2,0 \text{ J.}$   
 Se lipește  
 se explică  
 ajutorul  
 Bernoulli.  
 a)

$T = 2v : yfm/la + kz$ ; b)  $T = 2i : |m : (fci - f/c_2 - mQ^2)$ ; pentru  $0 = V(l/i + A_a) : m = 0$ ,  $T \rightarrow \infty$ , corpul rămîne indiferent pe tijă; pentru  $0 > Q_0$  nu oscilează, ci este împins la periferie.

5.7.7.  $i' = (v_1 + v_2)X : 2 = 15 \text{ m/s}$ ;  $c = (v_x - v_2)X : 2 = 5 \text{ m/s}$ , (pentru undele marine obișnuite  $c = -y/gX/27i$ ).

5.7.8. a)  $R_{aa} = \{U - R_A I_A N I N'\} N I N' = m, 2 \text{ Q}$ ; b)  $r = [(R_{aa} + R_A + R)]$   
 $I_A N'''/N - (R_{aa} + R_A) I_A N''/IN : [(N'' - N''')/IN] = 10,8 \text{ £2}$ ;  $E = \wedge(r + R_{ac} + R_A) I_A N'' IN = 8,01 \text{ V}$ .

5.7.9. a)  $P_X = E^* : [1 + (r + i?) (l/B_2 + l/X)]^2$  sau  $X^2 - 25X + 100 = 0$ ;  $X = 20 \text{ Q}$  sau  $5,0 \text{ Q}$ ; pentru  $X = 5,0 \text{ Q}$ .

5.7.10. Numai ordinea 1, 2, 3 dă condiția  $i_1 + i_3 = i_3$ ;  $//27tx + 2//27c \cdot (2d - x) = l/2n(d - x)$ , de unde  $x = 2,0 \text{ cm}$ .

5.7.11 = 5.7.8.

5.7.12 = 5.7.9.

5.7.13. a)  $li = \frac{TM}{2ed} = 4,5 \text{ kV/m}$ ; b)  $B = mv \sin \alpha / ei = 0,15 \text{ mT}$ ; c)  $T = 27rm/ejB = 0,23 \text{ LIS}$ .

5.7.14. Se ridică în sus descriind o buclă (efectul Magnus).

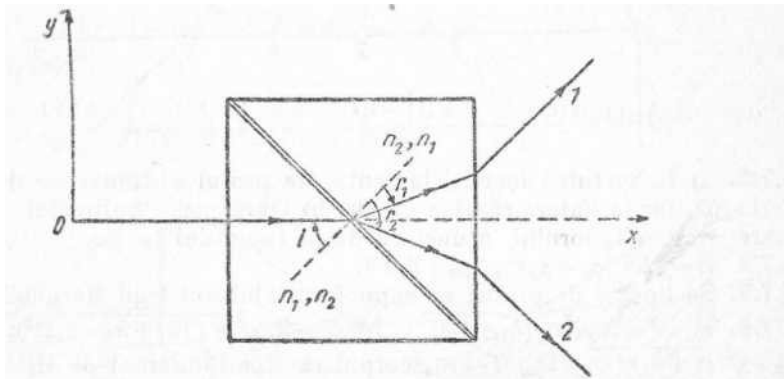
5.7.15. a), b) = 5.7.6 a) b); c)  $T = 2tt : \{m : '[fc_1 + *_{a-m} (l - l/n) £2^2]\}^{1/2}$ .

5.7.1(> = 5.7.7.

5.7.17. a) Se descompune  $E$  după  $OY$  și  $OZ$ ; cele două unde se vor propaga prin placă cu vitezele  $c/n_j$ , apare un defazaj între ele și polarizarea se modifică; b) Dacă  $S = (n_2 - ?_1) \cdot r = (2n - l)X/4$  — polarizare circulară



5.7.18. (într-un sens sau altul); dacă  $S=2nX/4$  — polarizare liniară (paralel cu prima sau a doua bisectoare  $OYZ$ ), altfel polarizare eliptică; c) Dacă polarizarea inițială este paralelă cu  $OY$  sau  $OZ$ , ea nu se schimbă; altfel pentru  $S=\pi/4$  — polarizare liniară, dar pentru  $S=(2n-1)\pi/4$  — eliptică; d) La suprafața de lipire o undă trece de la  $n$  mic la  $n$  mare și va fi deviată în sensul lui  $OZ$  (1), cealaltă în sens invers (2); fiind liniar polarizate — pe direcții perpendiculare între ele; la ieșire deviază din nou (fig. 5.7.17 R).



$$\frac{1}{N}(\sin \varphi - \sin i) = k\lambda; \quad d\varphi/d\lambda = kN/\cos \varphi; \quad y_k = f \tan \varphi; \quad dy_k/d\lambda =$$

$-fkN/\cos^3 \varphi$ ;  $\cos^3 \varphi = \text{const.} \rightarrow \varphi = 0$ , deci pentru radiația difractată normal pe rețea,  $y = \text{const.}$  X.

5.7.19. a) Se măsoară variația intensității radiației recepționate în  $P$ . Dacă  $N$  este numărul de extreme prin care a trecut  $L$ :  $d=NX/2$ ;

b) Se rotește puțin oglinda  $O_x$  sau  $O_z$  astfel ca în  $P$  să nu aibe tot cîmpul aceeași intensitate și să fie brăzdat de franje de interferență. Se urmărește sensul defilării franjelor.

5.7.20.  $v_r = y3pN_A / j \cdot n = 1.340 \text{ m/s}$ .

5.7.21  $p = -(m_1 - m_2)Tpo/T_0Ap = 1,50 \text{ kg/m}^3$ .

5.7.22.  $h' = 2h$ .

5.7.23.  $p = 4a/R = 300 \text{ N/m}^2$ .

5.7.24. a)  $S = (dI_a/dI_m)C/a = \text{const} = 1.50 \text{ mA/V}$ ; b)  $R_L = (dU/dI_a)U_g = C_{0m}I = 10,0 \text{ k}\Omega$ ; c)  $[x = (AU'_0/A[I_{17}])A]_{j_0 = \text{const}} = 25$ .

5.7.25. a) Două regiuni; b) în prima regiune o creștere a lui  $U_a$  duce la o mărire importantă a lui  $I_a$ ; în a doua regiune, de saturație,  $I_a$  este practic independent de  $U_a$ , dar depinde puternic de temperatura ca totului.

5.7.26. a)  $xI = -x_2$ ;  $x\hat{a} = -\%$ ;  $y_i = Vz/2Z_{12} = 3,0 \text{ cm}$ ; b)  $f_i = -\%2/Z/i) \cdot (1 - y2/y_i)^2 = 20 \text{ cm}$ ; c)  $f_{2,3} = f'_1(n_1 - 1) : (n_1/n_{2,3} - 1) = 80 \text{ cm, resp. } 100 \text{ cm}$ .

5.7.27. a)  $f_1 = R_2 / (f_{11} - 1) = 20 \text{ cm}$ ;  $x_2 = p f_1 K p / f_1 = 10 \text{ cm}$  (virtuală);  $i/2 = -y x_2 / p = 4,0 \text{ cm}$ ; b)  $f_2 = -R / (n j i u - 1) = 80 \text{ cm}$ ;  $x_2 = p f_2 / (p - f_2) = 10 \text{ cm}$  (virtuală);  $i/2 = -i / x_2 / p = 6,4 \text{ cm}$ .

5.7.28.  $a = x_1 f_1 / (a_1 + f_1) = 10/3 \text{ cm}$ ;  $x_i = x_2$ ;  $G C_2 = 10 \text{ cm}$ ;  $x_2 = x i f_2 / (-f_1 + f_2) = 10 \text{ cm}$ ;  $x'' = x_2$ ;  $C_2 C_3 = 5 \text{ cm}$ , razele converg în focarul virtual al lui  $L_3$ , deci ies paralele cu axul optic și  $L_4$  le va strânge în focarul său.

5.7.29. a)  $x^2 + z^2 = A^2$ ; b) viteza și accelerația mișcării rezultante se obțin prin compunerea vectorială a vitezelor și accelerațiilor mișcărilor componente.

5.7.30. a) O oscilație armonică rezultantă de aceeași frecvență; b) O oscilație complexă de „amplitudine” variabilă și „frecvență” variabilă.

5.7.31. a)  $c = \sqrt{2} i / p = 2,00 \text{ km/s}$ ;  $x = A \sin \omega t$ ;  $\omega = 10^3 \pi / 6 \text{ rad/s}$ ;  $T = 12 \text{ ms}$ ;  
b) Considerind  $m = 1,00 \text{ g}$ :  $E_c = m a^2 A^2 \cos^2 \omega t = 10,3 \text{ mJ}$ ;  $[E_p = -m \omega^2 A^2 \sin^2 \omega t = 3,4 \text{ mJ}]$ ; c)  $c j v_{\max} = c j a$ ,  $A = 382$ ; d)  $A = c T = 24 \text{ m}$ .

5.7.32. a)  $L = m v r = n \hbar$ ; b)  $r_0 = r i^2 e_0 h^2 / n m e^2$ ; c)  $\omega = v : m e^2 j 2 h^2 e l n^3$ ;  $v_n = e^2 / 2 i s_0 n$ ; d)  $E_n = -m e^2 j S h^2 z / n^2$ . Dacă folosim constanta structurii fine  $\alpha = e^2 / 4 i c s j i c = 1/137$  și lungimea de undă Compton  $A = h / m c$ , atunci:  $r_n = \alpha n^2 A / 2 - a$ ;  $\epsilon_0 n = 2 i i C a^2 / A n^3$ ;  $i / b = c a / n$ ;  $E_n = -m c^2 \alpha / 2 n^2$ .

5.7.33.  $X \wedge h j R e B$ ;  $| = h : c [(m_0 f g t / c^2)^2 - / n^2]^{1/2} = h : [2 m_0 q U + q^2 U^2 / c^2 - j^{1/2} = * = / ! : y / q U (m + m_0)$ .

5.7.34. c).

5.7.35. a)  $|A p| = m i$ ;  $y/2 = 2,82 \text{ N s}$ ; b)  $|A p| = 2 m y = 4,0 \text{ N s}$ ; c)  $A p = 0$ .

5.7.38.  $f = m_2 / (m_1 + m_2) = 50\%$ ;  $99\%$ , resp.  $1,0\%$ .

5.7.37.  $\{ \theta = (1 - \sin \alpha) / \cos \alpha = 0,41$ ;  $a_c = t j (2 \sin \alpha - 1) = 4,02 \text{ m/s}^2$ ;  $f_n = v_0 / g = 0,50 \text{ s}$ ;  $\hat{t} \cdot \omega / 2 \hat{a}^f = 1,225 \text{ m}$ ;  $s_e = a_e / 2 = 0,525 \text{ m}$ ;  $i >_{20} = a / \epsilon = 2,01 \text{ m/s}$ ; după  $t = (Z - s_M - \cdot >_\epsilon) : y_{20} = 0,50 \text{ s}$  corpurile se întâlnesc la  $s = s_n$ ;  $a_e / 2 = 0,74 \text{ m}$  de la baza pianului cu vitezele  $j >_1 = a_e f = 2,01 \text{ m/s}$ ;  $\cdot >_2 = y_{20} + a_e t = 4,02 \text{ m/s}$ ;  $(m_1 + m_2) = 2,68 \text{ m/s}$ ;  $i >'' = (j >^2 + 2 a_e A^2)^{1/2} = 3,58 \text{ m/s}$ .

5.7.38. Co nforin indicațiilor.

5.7.39. a) Nici nu se cufundă, nici nu se ridică; b)  $p' = p A / (1 + a^2 / \wedge^2) = 0,80 \text{ kPa}$ ; corpul rămâne în echilibru pe suprafața înclinată a lichidului;

5.7.40.  $v = \{ [7 f f / A (Z - f)] \}^{1/2} = 31,53 \text{ Hz}$ ;  $\hbar_m = j j 2$ .

5.7.41.  $d = y k T l p = 3,3 \text{ nm}$ .

5.7.42.  $N_0 = N / t \sim 4 \cdot 10^{18} \text{ s}^{-1}$ .

5.7.43. a)  $I = (E \wedge B / v) / (R - |r) = 4 : 0 \text{ A}$ , resp.  $12 \text{ A}$ ; b)  $r = \& E / (R - |r) = 8,0 \text{ A}$ ;  $j' j = 2$ , resp.  $2/3$ .

5.7.44. a)  $I = [I : [R^2 + (< o j L - 1 / \cos C)^2]^{1/2} = 24 \text{ A}$ ;  $U_R = R I = 96 \text{ V}$ ;  $U_L = \cos L = 192 \text{ V}$ ;  $t / \epsilon = 7 / \omega C = 120 \text{ V}$ ; b)  $C_{\text{rez}} = I / \omega^2 L = 99,5 \text{ fF}$ ;  $T_f \ll = [7/2? = 30 \text{ A}$ ;

$f_0 = Z7 = 120 \text{ V}$ ;  $[I_L = \ll L7, f_{re2} = 240 \text{ V} = (I_{C2} \cdot c) \text{ Avind } < oL > I/wC, L_{ej} = L = I/w^2C = 2,4 \text{ mH}$ .

5.7.45.  $\cos \varphi_2 = VI - \cos^2 \varphi_1 = \sin \varphi_1 = 0,80$ .

5.7.46. Conform indicațiilor.

5.7.47. a)  $\varphi = \pm \pi/4$ ; b)  $f_{1,2} = \frac{1}{2\pi} (\pm 1 + V1 + 4Z/2\hat{C}) = 79 \text{ GHz}$ , resp. 398

Hz; c) circuitul este inductiv pentru  $f_i (> f_{re2})$  și capacitiv pentru

$H < f_{re2}$ .

5.7.48. a)  $P_3 = u \cdot F \cdot wD/2 = 2,00 \text{ kW}$ ; b)  $I = P_3 / U = 12,5 \text{ A}$ ; c)  $E = 17 \text{ J}$ ;  $i(7 + [f/r_2]) = 218 \text{ V}$ ; d)  $I_1 = I/7/t_2 P = 69,4\%$ ; e)  $I_1 = P_3/P = 50\%$ .

5.7.49.  $V, i, V_B = B7/2(P_1 + 7/a) - EC_1/(G_1 + C_2)$ .

5.7.50. Conform indicațiilor și lucrărilor practice.

5.7.51. Trebuie ca imaginea dată de  $Z_{eq}$  să cadă în focarul virtual al lui  $L_1$  pentru ca razele să iasă paralele:  $l/(d - f_1 - ac)/a = l/a$ ;  $s^2 = x(d - f_1) + f_1(d - f_1) = 0$ ;  $f = 20 \text{ cm}$  și  $80 \text{ cm}$  cu  $(3 - (fZ - f_1 - x)/x) = -4,0$ , resp.  $-1/4$ ; în primul caz di mensiunile unghiulare vor fi mai mari.

5.7.52.  $y = f(n \cos A - \sqrt{1 - n^2 \sin^2 A}) : (r_j \sin i_4 + \sqrt{1 - n^2 \sin^2 A} \cdot \cotg A) ? S$

$Ez f(n - i) A J Ay m f A a (IIX_1 - IIX_2) -$

5.7.53.  $m' = [n^2 + f f_2 + 2m_1 m_2 / V] - y f / c^2]^{1/2}$ ;  $v' = m_1 v_1$ ;  $(m^m - 1 - v f l c^2)$ .

5.7.54.  $E_1 = (n^2 + m) - m) c^2 / 2m$ ;  $i_2 = (m^2 - m f + m!) c^2 / 2m$ .

5.7.55. a)  $r f = (p_0 + A \sin \varphi a)^2 : (f_0 + A \sin \varphi / - f)$ ; b)  $Nu$ ; c)  $A \wedge p_0 = f$ .

5.7.56.  $t = F o l k - 4 m l^2 v^2 / n^2 \epsilon$

5.7.57. Conform lucrărilor practice.

5.7.58. a)  $E = E_1(1 + A_1/A_2) = 5,6 \text{ MeV}$ ; b)  $Q_1 = EKN = E - = 57 \text{ J/s}$ ;

T Au

c)  $Q = EN/2 = Em/2A \cdot u = 13,5 \text{ MJ}$ .

5.7.59.  $N_1 = (n_1 d - n_2 b) : (ad - bc) | i$ ,  $N_2 = (n_2 a - n_1 c) : (ad - bc) | i_2$ .

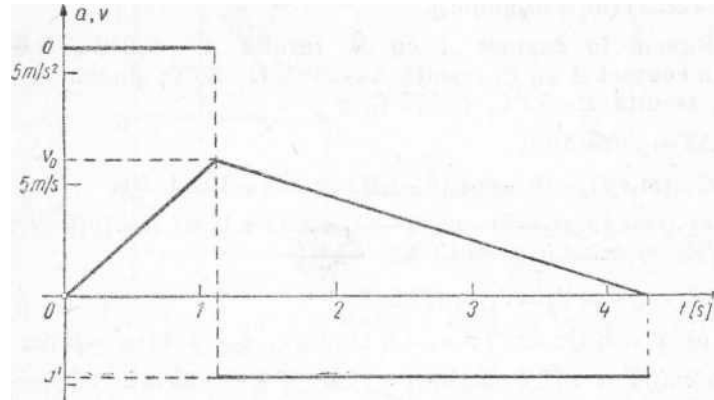
5.7.60. Trebuie ca  $v_{min} = 2\sqrt{l/n^2 - l/(n + l)^2} < v_{l+1-min} = 2\sqrt{l/(j + l)^2}$ , de unde  $t_j \geq \sqrt{2 + 1}$ .

5.7.61. Da: spectrul discret al ionilor cu grad superior de ionizare peste cel continuu al ionilor cu grad inferior de ionizare.

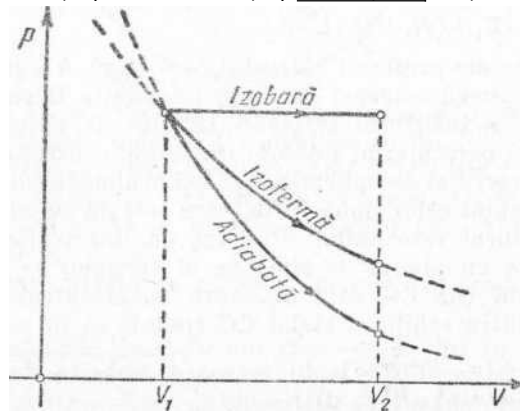
5.8.1. a) Se transmit particulelor de aer și celor rezultate din arderea sa; b) Nu, fiindcă principiul III afirmă egalitatea (în modul) a forțelor, nu și a efectelor produse, care vor depinde de masele corpurilor și de rezistența lor, etc.

5.8.2. a)  $f_x = \tg \varphi = \sqrt{3/3} = 0,573$ ;  $a = g[m(\sin a - f_i \cos a) - M] : (m - M) = 1,79 \text{ m/s}^2$ ; b)  $a = g[m(\sin a - f_i \cos a) - M] : m = 2,39 \text{ m/s}^2$ ; c)  $a = g(\sin a - f_i \cos a) = 5,66 \text{ m/s}^2$ ;  $a' = -l/g = -1,96 \text{ m/s}^2$ ;  $i_0 = [2 < l/(1 - f_i \cdot$

$\cotg a)]^{1/2} = 6,26 \text{ m/s}^2$ ;  $f = \{27\hat{ : [\sin a - f_i \cos a)]\}^{1/2} = 1,1 \text{ s}$ ;  $i' = v_0 j l [x'g - \sqrt{3,2 \text{ s}}$ ; fig. 5.8.2 R; d)  $L = mgh = 88 \text{ J}$ .



- 5.8.3.  $v_1 = u m_2 / (m_1 + m_2) = 0,70 \text{ m/s}$ ;  $v_2 = -u m_1 / (m_1 + m_2) = -0,50 \text{ m/s}$ .  
 5.8.4. a) Forțele asupra bărcii și vaporului sînt egale în modul și opuse ca semn (principiul III), dar produc accelerații cu totul diferite din cauza maselor diferite; b)  $F = \Delta p / \Delta t$ , dacă intervalul de ciocnire  $\Delta t$  este foarte scurt, forța va fi mare.  
 5.8.5.  $t = m v_0 \lg(m - M) = 0,30 \text{ s}$ .  
 5.8. G.  $T = F m_1 / (m_1 + m_2) = 10,0 \text{ N}$ .  
 5.8.7. a) Fig. 5.8.7 R; b) Pe adiabată; c)  $AU > 0$ ,  $AU = 0$ , resp.  $AU < 0$ .



- 5.8.8. a)  $m = \rho V = 150 \text{ g}$ ; b)  $L = p V_1 (T_2 / T_1 - 1) = 8,67 \text{ kJ}$ ; c)  $Q = m c_p (T_2 - T_1) = 30,0 \text{ kJ}$ ; d)  $A = Q - L = 21,33 \text{ kJ}$ .  
 5.8.9. a)  $t_2 = t_1 + u^2 / 2 c_v \times 22^\circ \text{C}$ ; b)  $A \hat{=} r = 3 u^2 / 5 = 6 \cdot 10^3 \text{ m}^2 / \text{s}^2$ .  
 5.8.10. a)  $y' = [(m_1 u_1 + m_2 u_2) - 2CAT] / (m_1 + m_2)^{1/2}$ ; b)  $\cos \alpha = \frac{2 \langle v_1 \rangle_2}{2 \langle v_1 \rangle_2}$ .  
 •  $[> M - y' - 2CAT(m_1 + m_2) / m_1 m_2]$ .

- 5.8.11. Punem în contact A cu B, rezultă  $A = 100^\circ \text{C}$ ,  $B = 100^\circ \text{C}$ ; punem

în contact A cu C, rezultă A — 50°C, C — 50°C; punem în contact B cu C, rezultă B — 75°C, C — 75°C.

5.8.12.  $AT = gh/c = 10 \text{ K}$ .

5.8.13.  $C = [m_2 c_a (f_a - 0) - m_1 c_1 (0 - i_1)] : (0 - 0) = 102,4 \text{ J/K}$ .

5.8.14. a)  $Q = c_0 [m_a (f_2 - 0) - m_1 (0 - i_1)] = 2,52 \text{ kJ}$ ; b)  $C = Q / (0 - f_1) = 168 \text{ J/K}$ ; c)  $m = C / ccu = 0,43 \text{ kg}$ .

5.8.15.  $A(f - 0) p(V_2 - V_1) = 367,5 \text{ J}$ .

5.8.16. a)  $X = R \sin 2nt/T$ ;  $x_2 = R \cos 2nvt$ ;  $d = R \cos 2nvt_1 - B \sin 2nt_1/T = 17,2 \text{ cm}$ ; b)  $Z_2 = l : 4(l/T + v) = 25 \text{ ms}$ ; c)  $E_c = \frac{1}{2} l c R^2$ .

•  $\cos^2 2\pi t/T = 0,16 \text{ J}$ .

5.0. 17. a)  $h = Q^2 / A^2 \rho g = 6,0 \text{ m}$ ; b)  $\alpha_{max} = \{yjb - \sqrt{1/2}r\} - \sqrt{2}g = d, \& \text{ m/s}$ .

5.8.18.  $(f_i = \frac{1}{2} C(C_1 - C_2) / (C_1 + C_2) = -23 ; xC; r/2 = - C_2(C_1 - C_2) / (C_1 + C_2) =$

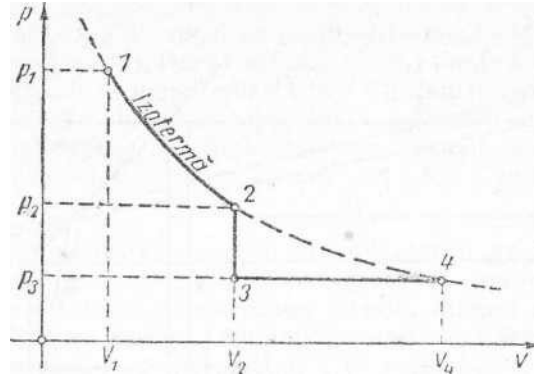
$= -36 \text{ J}; C; \frac{1}{2} = -9i - 5a = -(C_2 - C_1) = 60 \text{ p.C.}$

5.8.19. a)  $Y_a - V_r = -2f_{r1} = -16 \text{ V}$ ;  $V_{ar} - V_{rr} = -2f_{r2} = -12 \text{ V}$ ; b)  $7 = (f_x - E_2) : (P_1 - R_2) = 40 \text{ mA}$ ; c)  $V_a - V_r = (7f_{r1} + P_2) / 2f_{r1} = -14 \text{ V}$ ;

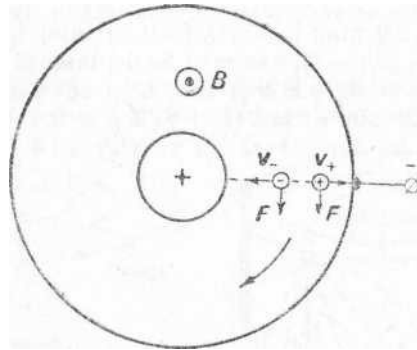
d)  $V_r - V_e = E_2 - Li f (P_1 - P_2) / = 0$ .

5.8.20. a) în formula presiunii hidrostactice  $p = pgh$ ,  $h$  = grosimea pături de fluid sau înălțimea coloanei de fluid; în ecuația Bernoulli  $p + \frac{1}{2} \rho v^2 + \rho gh = \text{const}$ ,  $h$  = înălțimea secțiunii tubului de curent față de un nivel de referință oarecare; b) Echilibru instabil: centrul de greutate GG este deasupra punctului de aplicație al forței arhimedice: la cea mai mică deviere apare cuplul celor două forțe, care rotește scîndura. în poziția orizontală echilibrul este stabil. Punctul de intersecție al suportului forței arhimedice cu planul de simetrie al corpului se numește meta-centru. în primul caz CG este deasupra metacentrului și echilibrul este instabil. Pentru echilibru stabil CG trebuie să fie sub metacentru.

5.8.21. a)  $x^2/a^2 + (y/b)^2/c^2 = 1$ ; b)  $v = a \cdot |a^2 \sin^2 \phi + c^2 \cos^2 \phi|$ ; c)  $a = \frac{1}{\cos^3 \phi} [a^2 \cos^2 \phi + c^2 \sin^2 \phi]$ ; d)  $F = ma$ . a)  $p_2 = p_1 V_1/V_2 = 0,50 \text{ atm}$ ;  $p_3 = p_2/2 = 0,25 \text{ atm}$ ;  $T_3 = T_2 p_3/p_2 = T_1/2$ ;  $T_4 = T_3 V_4/V_3 = T_1$  (fig. 5.8.22 R); b) 1-2 și 3-4; c) v. a).



5.3.23. Forța Lorentz  $F = qv \times B$  deviază ionii de la direcția radială și lichidul se va roti (fig. 5.8.23 R).



5.8.24. a)  $C_{ul} > a_{ul}$ ; b)  $V_a = V_b = V_c = W$  deoarece toate punctele unui conductor au același potențial (în electrostatică).

5.8.25. a)  $R^2 + (2r - E^2/P)R + r^2 = 0$ ;  $Z_1 = 86,5 \text{ } \Omega$  și  $0,10 \text{ } \Omega$ ; b)  $I \wedge E/(r + R) = 1,07 \text{ A}$ , resp.  $33,33 \text{ A}$ ; c)  $U = RI = 94 \text{ V}$ , resp.  $3,0 \text{ V}$ .

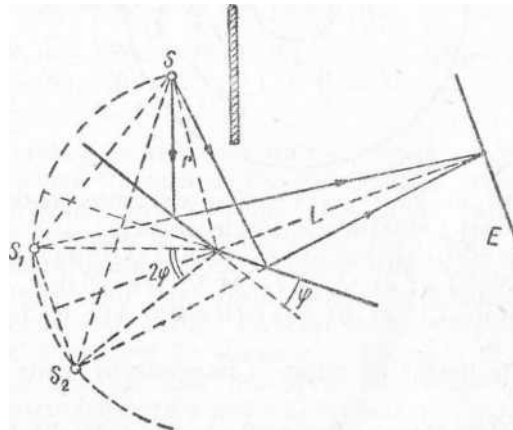
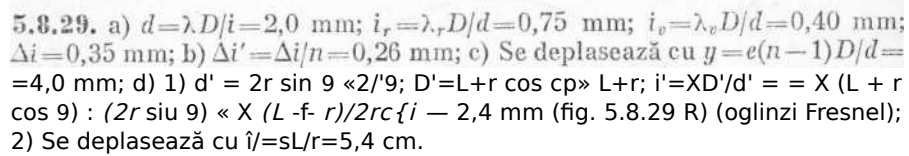
5.8.26. a)  $m = pSd = 234 \text{ g}$ ; b)  $Q = m/K = 210 \text{ kC}$ ; c)  $I = iS = 11,18 \text{ A}$ ; d)  $t = 0,7 = 4,95 \text{ h}$ .

5.8.27. a) Dispare partea de mijloc a imaginii; b) scade doar luminozitatea imaginii.

5.8.28. a)  $x_1 = f(l/p - 1) = 40 \text{ cm}$  ( $3 = m = 3$ ); b) Lama interpusă dă o imagine (virtuală) deplasată (spre lamă) cu  $d = e(l - l/n)$  față de obiect;

$$\hat{a} = x_1 + d = -36 \text{ cm}; \quad x'_l = x'_1 t_j (f - |x|) = 180 \text{ cm}; \quad Y = x'_2 |x| = -5;$$

$d' = x'_2 - f \sin \alpha = 60 \text{ cm}$ ; e)  $OB'' = y = x'_2 - l = 80 \text{ cm}$  vertical in pos; d)  $D = y + h(l - l/n') = 85 \text{ cm}$  (fig. 5.8.28 R).



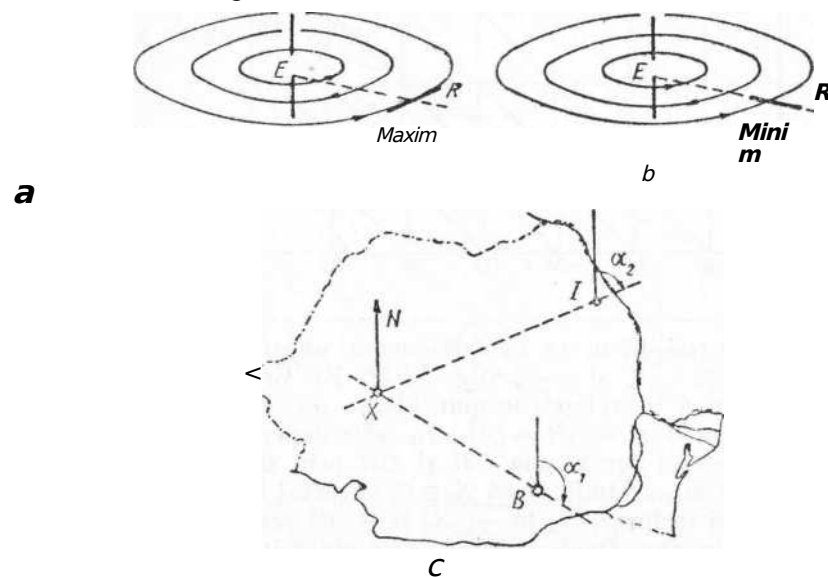


5.8.31. a)  $V_x = m/p = 20 \text{ J}$ ; b)  $L = (p_1 - p_2)/(V_1 - V_2) = 1000 \text{ J}$ ; c)  $Q_1 = \text{inc}_1 \cdot I \cdot (p_2/P_1 - 1) + m c_p T_i (V_2/V_1 - 1) = 11,8 \text{ kJ}$ ;  $|(\dot{t})_2| = m c_v T_x \cdot (p_2/P_1 - 1) V_2/V_1 + m c_p T_1 (V_2/V_1 - 1) = 10,8 \text{ kJ} = 0,1 \text{ L}$ ; d)  $\eta = L/Q_1 = 8,5\%$ .

5.8.32. a) Dacă  $t_f > 0$ :  $(m_1 c_1 + m_2 c_2)(0 - t_f) = m_3 c_3(-t_f) + n_3 X(+m_3 C_2/t_f)$  ( $t_f = 0$  — numai apă la  $0^\circ\text{C}$ ); Dacă  $t_f < 0$ :  $m_1 c_1(0 - t_f) - m_2[c_2(0 + X_2) + c_3(-t_f)] = m_3 c_3(t_f - t_3)$  ( $t_f = 0$  — numai gheață la  $0^\circ\text{C}$ ); Pentru amestec la  $t_f = 0^\circ\text{C}$ : dacă o parte  $m'_1$  din gheață se topește:  $(m_1 c_1 + m_2 c_2)0 = m_3 c_3(-t_3) - m'_1 X_2$  sau dacă o parte  $m'_2$  din apă îngheață:  $(m_1 c_1 + m_2 c_2)0 - m'_2 X_2 = m_3 c_3(-t_3)$ ;  
b) Ultimul caz:  $m_2 = 110 \text{ g}$ , deci  $m_{\text{apă}} = m_2 - m'_2 = 890 \text{ g}$ ,  $m_{\text{gheață}} = m_3 + m'_2 = 110 \text{ g}$ .

5.8.33. a) La polarizarea înveișă, câmpul extern golește o porțiune mai mare de purtători majoritari, deci grosimea regiunii crește odată cu tensiunea aplicată. La polarizarea directă, câmpul extern fiind de sens opus celui intern, grosimea regiunii scade odată cu tensiunea; b) joncțiunea se polarizează invers, rezultând două regiuni,  $p$ - și  $n$ - cu conductibilitate relativ mare din cauza purtătorilor majoritari („armături”), separate prin regiunea de sarcină spațială cu conductibilitate foarte mică („dielectric”). Capacitatea se poate varia prin intermediul potențialului extern aplicat; c) Da; aceste dispozitive se numesc diode Varicap sau diode Varactor.

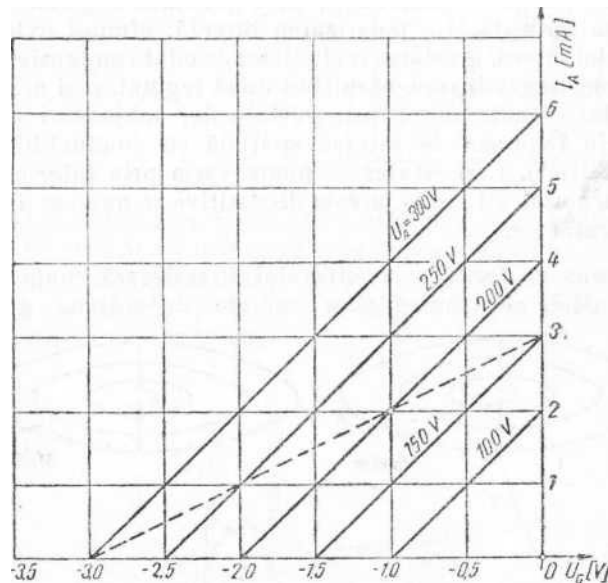
5.8.34. Antena cu ferită a receptorului  $R$  sesizează componenta magnetică a unei electromagnetice radiate de antena de emisie  $E$



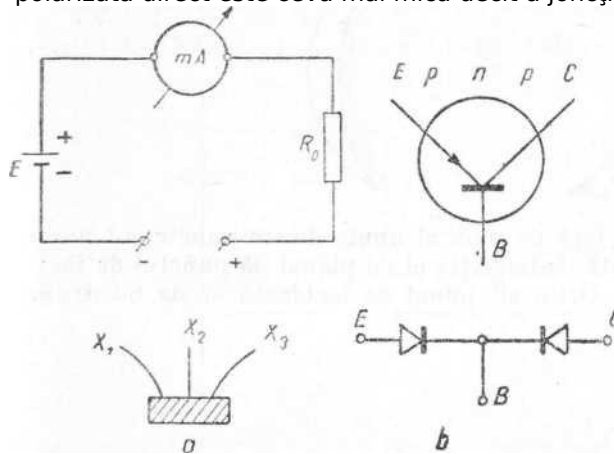
(fig. 5.8.34 R). Pentru orientare pe teren determinăm direcțiile de audiție minimă a două stații de emisie cunoscute, necoliniare cu receptorul, de ex. București  $B$  și Iași  $I$ . Trasând pe hartă aceste direcții prin  $B$  resp.  $I$  găsim poziția  $X$  la intersecția lor.

5.8.35. a)  $j_A = - \frac{dU_A}{dI_A} \bigg|_{U_A=U_0} \bigg|_{I_A=I_0} = - \frac{dU_A}{dI_A} \bigg|_{U_A=U_0} \bigg|_{I_A=I_0} = 100$ ;  $i_S = \frac{dI_A}{dU_A} \bigg|_{U_A=U_0} \bigg|_{I_A=I_0} = 2,0 \text{ mA/V}$ ;

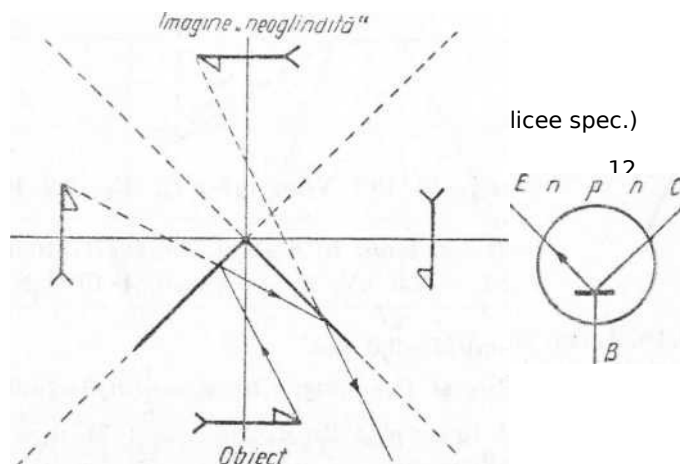
$R_i = (dU_A/dI_A)_{U_A=U_0} = \text{const} = 50 \text{ k}\Omega$ ; b)  $j_i = S R_i$ ; c)  $I_A = 1,0 \text{ mA}$ ; zero, resp. zero; d)  $U_A = 200 \text{ V}$  (din enunț sau din grafic);  $E_A = 7 \text{ V} + i_{A0} R_A = 300 \text{ V}$ ; e)  $U_A = E_A - R_A I_A$ ; la  $I_A = 0$ ,  $U_A = E_A$  deci caracteristica dinamică este cea punctată în fig. 5.8.35 R;  $I_A = (U - U_e) / (R_t + R_a)$ ;  $U_e = 1,0 \text{ V}$  cores punde  $7, = 1,0 \text{ mA}$  și  $U_n = -50 \text{ V}$ ;  $U_{II} = R_a I_a = 50 \text{ V}$ .



Din cele trei piese se confecționează un ohmmetru cu citire directă, cu bornele „+” și „—” (fig. 5.8.36 R). Scara mA metrului s-ar putea reetalona în valori corespunzătoare rezistenței de măsurat  $R_{xx}$  conectate între + și —;  $R_x = E/I - R_0$  (este comod  $I$  în mA,  $R_0$  și  $R_x$  în kQ); înlocuind joncțiunile  $EB$  și  $CB$  prin diode echivalente, rezultă algoritmul măsurătorii: Dacă  $X_3 = C$ , conectat la —,  $X_2$  la — dă rezistență mică, și reciproc,  $X_3$  la —,  $X_2$  la + dă rezistență mare, rezultă  $X'_2 = B$  și tip  $pnp$ . Dacă rezistențele se obțin invers, rezultă din nou  $X_2 = B$ , dar tip  $npn$ . În ambele cazuri: atât  $X_3$  la +,  $X_2$  la —, cât și invers  $X_3$  la —,  $X_2$  la +, dă rezistență mare. Dacă nu se cunoaște nici un terminal, se va putea face distincția între  $C$  și  $E$  (cel puțin la tranzistoarele de joasă frecvență) datorită faptului că joncțiunea  $CB$  are suprafață mai mare decât joncțiunea  $EB$ , deci rezistența joncțiunii  $CB$  polarizată direct este ceva mai mică decât a joncțiunii  $EB$ .



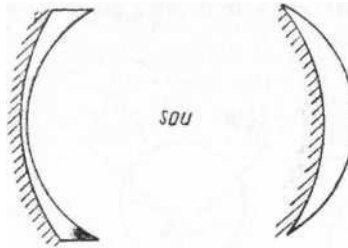
5,8.37. a) Simetrie față de planele respective; b) Fig. 5.8.37 R; c) vedem imaginea noastră „neoglindită”.



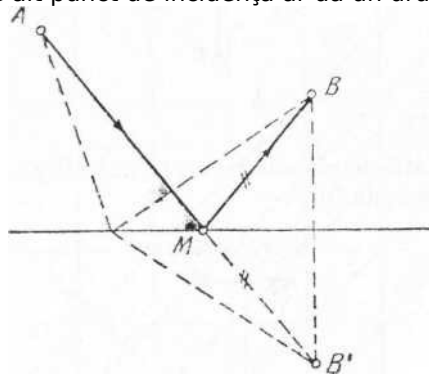


5.8.38.  $f = -1 : [(1/n - 1/k) / (1/i - 1/a)]$ .

5.8.39. a)  $2/R_1 = -2/f - 2/R_2$ ;  $1/f = (n - 1/B_2)$ ,  $1/f_2 = (n + 1)(n - 1)$ ; b) Menise divergent cu fața convexă argintată sau menise convergent cu fața concavă argintată (fig. 5.8.39 R).



5.8.48. Luăm simetricul față de plan al unuia dintre puncte și îl unim cu celălalt printr-o dreaptă. Intersecția ei cu planul dă punctul de incidență  $M$  (fig. 5.8.40 R). Orice alt punct de incidență ar da un drum mai lung.



5.8.41.  $E_1 = e/4 \cdot r' = 5 \cdot 10^{10} \text{ V/m}$ ;  $r_r = i^2 r_i$ ;  $E_t = 3,2 \cdot 10^{10} \text{ V/m}$ ;  $E_3 = 0,63 \cdot 10^{10} \text{ V/m}$ .

5.8.42. a)  $v = E/B = 50 \text{ km/s}$ ; b)  $rf = 2(m_2 - m_1) \cdot eB = 10,6 \text{ cm}$ .

5.8.43. a)  $U > hc/|e| = 17,5 \text{ kV}$ ; b)  $p = h/X = 9,34 \cdot 10^{-24} \text{ N s}$ ; c) conform manualului.

5.8.44.  $s = rf(M + n)/M = 3,0 \text{ km}$ .

5.8.45. a)  $\alpha_1 > 2\alpha_2$  și  $F > ix_1 mg$ ; b)  $x_2 = -mg/t^2 - 2fx_2) : [F + 2m\alpha_j]$

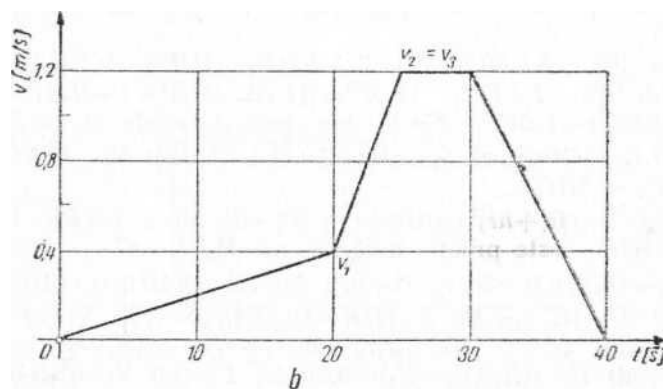
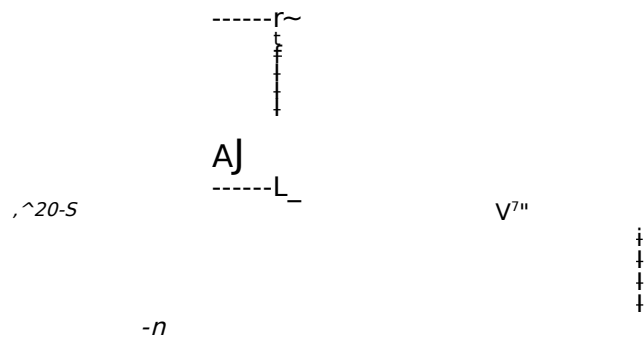
$1 - [(j_2 - P_i)]$ ;  $1) \text{ tg } \alpha < 2) p_2 < \text{tga} < jx_1$ ;  $3) ix < \text{tg } \alpha < 2jj_2 - y \cdot i$

4)  $\text{tg } \alpha > f_y$  și  $> 2\alpha_2 - [A_i]$

5.8.46. a)  $a_1 = F_1/m = 0,020 \text{ m/s}^2$ ;  $a_2 = F_2/n = 0,16 \text{ m/s}^2$ ;  $a_3 = 0$ ;  $v_1 = -y/2a_1x_1 = -y/2(x_4 - x_3) = -0,12 \text{ m/s}^2$ ;  $j_4 = ma_4 = -12 \text{ N}$  (fig. 5.8.46 R); b)  $T = m(fxg + a) = 102 \text{ N}$ ;  $116 \text{ N}$ ;  $100 \text{ N}$ ;  $88 \text{ N}$ ;  $T_1 = y_1/a_1 = 20 \text{ s}$ ;  $T_2 = (y_3 - y_1)/a_2 = 5,0 \text{ s}$ ;  $T_3 = -(x_3 - rc_2)/v_2 = 5,0 \text{ s}$ ;  $T_4 = -v_3/a_3 = 10 \text{ s}$ ;  $Z = 2t = 40 \text{ s}$ ;  $v_m = sjt = 0,50 \text{ m/s}$ ;

c)  $v_{max} = v_2 = v_3$ ;  $E_c = 72 \text{ J}$  pe intervalul  $(25; 30) \text{ s}$ ; d) (fig. 5.8.46

R); e)  $L - HFS = -L_f = |img_s - 2fi - k|$ , deoarece  $AE_e = 0$ .



5.0. 47. În primul caz  $Ap = 2mv$ , în al doilea  $Ap = mv$ ;  $F =$  primul caz forța este de două ori mai mare.

5.8.48.  $[m] = \text{m}^3/\text{s}^2$ ;  $[F] = \text{m}^4/\text{s}^4$ ;  $[f] = \text{m}^5/\text{s}^4$ .

5.8.49. Conform indicațiilor și lucrărilor practice.

in

5.8.50.

5.8.51. a)  $T_4 = T_3 T_1 / r_3 = 3r_1 / 2$ ;  $T_3 = 1(r_4 - T_1) : (r_3 - T_2) = 25\%$ ;

b)  $T_4 = T_4 \left( \frac{T_4}{J_1} \right)^{T-1} = T_x (T_i / T_i)^T = T_i (3/2)^{T-5} = 1,764 T_i$ ;  $t_i' = 1 - (T_i \sim T_x)$ ;  
 $y(T_3 - T_2) = 18\%$ ; c)  $T_{ic} = 1 T_1 / T_3 = 50\%$ .

5.8.52.  $At = \wedge [1 + 2M / (m + M) ff]^{1/2}$ ;  $w = V^A Z^{(m+M)}$ .

5.8.53. a)  $v = -1/kjm - A \cos -1/jkm - t = -1/2 \text{ m/s}$ ; b)  $F = pSAT_j T = 4,0 \text{ kN}$ ;

c)  $Ax^2 + x(AZ + pS) \sim p/SAT_j T = 0$  sau  $x^2 - 3x - 4 = 0$ ;  $a = 1,00 \text{ ra}$ .

5.8.54.  $d_m = i/kTjp = 3,3 \text{ nm}$ .

5.8.55.  $m_j = \text{poxAfti} / (1 + y^c)$  a)  $\text{PoiA/ij} (1 - yA)$ ;  $\underline{6} = (m^f + m_2 c_2 Q3 - (m_1 c_1 + m_2 c_2))$ ;  $Ah(1 + y0) / (1 - j yii) = Ah^1 + yi0) / (1 + Y_i^i) + (2/Po2) (1 + y_2 0)$  sau aproximativ  $A(h - f_1) + A(fy - hiYi) / (Q - ti) = (1 + Y20)^m a / poa^*$

5.8.56. a)  $A_{mM} = m r_2 / (A_1 + A_2) = ffT^2 / 47i^2$ ; b)  $A_1 = 47i^2 m / T^2 (H - c)$ ;  $A_a = cA_1$ ;  
 $Ti = Ty / 2 (1 - f - c)$ ;  $r_2 = rV3(1 + 1/c)$ .

5.8.50.  $T = 2 - y / \wedge / ; (\sin a + \sin \{3\})$ .

5.8.36. De ex. măsurăm alungirea statică produsă de corpul m,  $f_{,,} = \gg - mg/k$ , atunci  $T = 2K - 1/ X_0 g$ .

STSTSS. a) Fig. 5.8.55 aR; b)  $r = E/7 - p = 100 \text{ O}$ , resp. zero; c) La închidere trece un curent de la  $\underline{B}$  la A, care scade de la  $E/p$  la zero. La deschidere trece curent invers care scade de la  $E/2p$  la zero (fig. 5.8.58 bR);  
d)  $T?E/?_3/f?_4 = 2?_{10} = 100 \text{ O}$ ; 1)  $\underline{U_{AB}} = -\underline{E(R_1 - Rio)} : [(1 + \underline{R_{10}} / \underline{R_3})(R_3 + j? i)]$  (fig. 5.8.58 cR); 2)  $AU^{\wedge}AT^{\wedge} = E / (VB_s + Bi / VB_i)^2$  este maximă pentru  $Ri = R_{3,}$  pentru punctul  $7i_{10}$  avem  $7i_{10} = 7i_{10}$  și  $7i_2 = 7i_{10}$ .

5.8.59.  $qE_H = qvB$ ;  $i = nev = 1jld$ ;  $E_B = IB/neld$ ;  $U_{NM} = E_H l = IBjned = \wedge = 0,10 \text{ mV}$ .

5.8.60. a) Fig. 5.8.60 R; b)  $Z^2 = [(1/B) : (1/7^2 + co^2 C^2)]^2 + [ooL - toC : (1/E^2 + g >^2 C^2)]^2$ ;  $7 = E/Z$ ; c)  $Z'^2 = [(1/f) : (1/7^2 + 1/a)^2 L^2)]^2 + [(1/\ll L) : (1/2^2 - f l/to^2 L^2) - 1/ttC]^2$ ;  $Z = Z'$  are soluția evidentă:  $\underline{a} > \underline{L} = 1/cojC$ ;  
d)  $ol = 1/EC - 1/B^2 C^2$ ; e)  $Z_1 = V(2 - fC) : (1 + f^2 C/L)$ ;  $P^{\wedge} \& RCjLi - Z_2 = -L'jCR'$ ;  
 $P_2 = E^2 RC/L$ .

5.8.61.  $P/P, - (R_{,j} - r nrr - (nR_t + rf; P_p = P_s$  dacă  $r = R <$ ; Rezistența internă a rețelei esie practic nulă, atunci  $P_p / P_s = n \sim$ .

578.62.  $7_1 = (E/\ll)(i? + 3r) : (22? + 9r)$ ;  $7_2 = (E/nr)(4i? + r) : (2R + 9r)$ .

5.8.63. a)  $U = (E_1/r_1 + E_2/fT_2) : (1/B + 1/1 - 1/r_2) = 7,33 \text{ V}$ ; b)  $? < r_1 f, / (f, - f, ) = 0,50 \text{ O}$ ; c)  $7i = E_2 f_1 f_2 : [E_a(r_1 + r_a) + 2r_a(E_1 - f_2)] = 2/15 \text{ O}$ ;  $f = 3,0 \text{ V}$ ; d)  $7? > r_1 f_2 / (f_1 - f_2) = 0,50 \text{ O}$ ,  $t/? > 6,0 \text{ V}$ ; e)  $B > oo$ ,  $[f = 9,43 \text{ V}$ ;  $P = 24,2 \text{ J}$ .

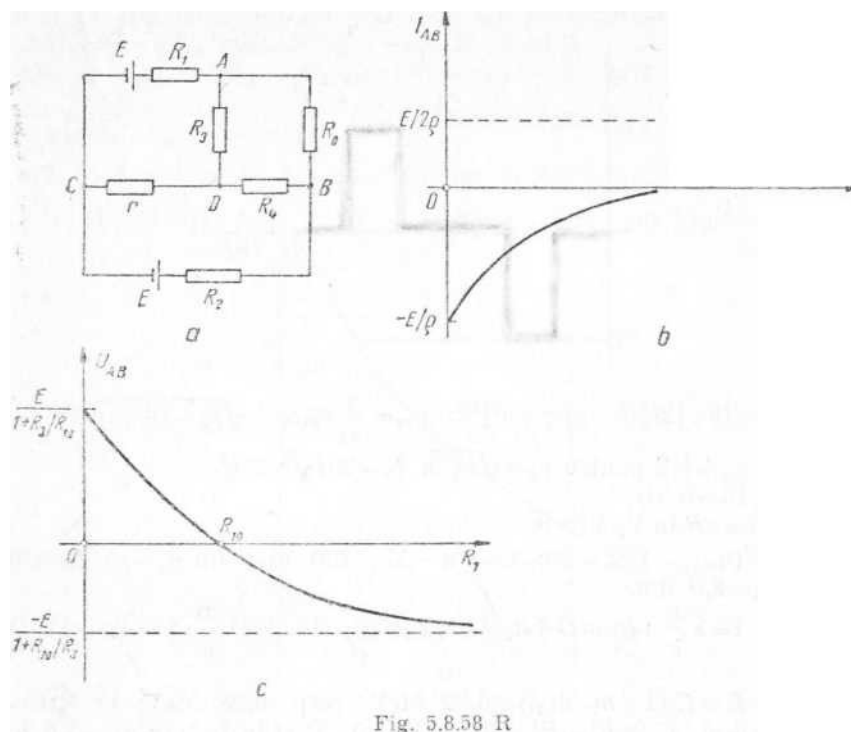


Fig. 5.8.58 R

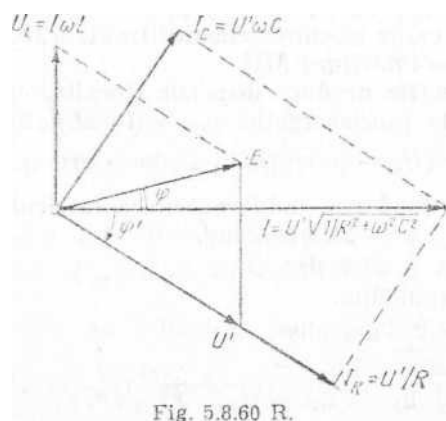


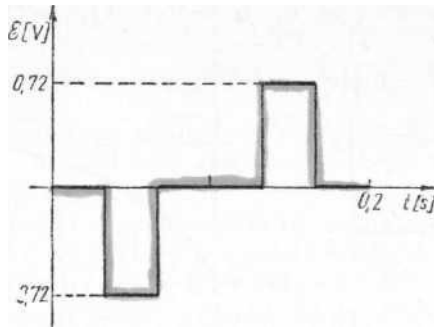
Fig. 5.8.60 R.





5.8.65. (Fig. 5.8.65 R).

5.8. G6.  $E = \gamma : y) / (g + y^2)^{3/2}$ ;  $y_m = 9^h$  trebuie



$$[2v\%(h - v_e(v_0 + V^0_0 + 16$$

$v_0 < \sqrt{2g/l}$ ,  $y_m = h/2$  pentru  $y_0 = -y/l > 1/5$ ;  $I_0 = 20I' / \sqrt{27h^2}$ .

5.8.67.  $172/13 = 5,54$ .

5.8.68.  $AS = vR \ln V_2/V_1 > 0$ .

5.8.69.  $n = (n_{max} - 1)/2 = 20$ ;  $X = rZ/n$ ;  $AX = 400 \text{ nm}$ ;  $\sin \varphi_{p,n} = nX/d = 0,80$ ;  $x_n = f \tan \varphi_{p,n} = 8,0 \text{ dm}$ .

5.8.70. a)  $i = X : (n_1 a/D + n_2 b/D + n_3 c/Z)$ ; b)  $i = X : [1 + (n - 1)Z/l]$ ;

c) Nu.

5.8.71. a)  $E = E_{\gamma} (1 + m_e/m_{\pi}) = 6,32 \text{ MeV}$ , resp.  $6,28 \text{ MeV}$ ; b)  ${}^2_{11}\text{Bi} \rightarrow {}^2_0\text{S} + {}^1_1\text{H} + {}^2_1\text{He}$ ;  $E_{\gamma} = 40 \text{ keV}$ ; c)  $T = Z \ln 2 : \ln(p/m) = 3,0 \text{ h}$ .

5.8.72.  $E = (h\nu_0/c \pm h\nu_{\gamma}/c)^2/2M$ .

5.8.73. Transferul de energie de la neutroni la nuclee este maxim pentru nuclee de hidrogen (din parafină) și este foarte mic pentru nuclee grele de plumb; de ex. la ciocnirea elastică frontală fracțiunea de energie transferată este  $f = 4mM/(m+M)^2$ .

5.8.74. Câmpul electric produce dispersie (focalizare) după  $q/m$  numai dacă fasciculul este plurienergetic:  $y_{ei} = (l^2/2L) / (qE/2mv)$ , altfel  $y_{ei} = 0$ ;  $E = (Z+2L) / (Ej U_{a,r})$  ( $U_{a,r}$  — potențialul de accelerare). Câmpul magnetic produce focalizare după  $q/m$  indiferent dacă fasciculul este monoenergetic sau nu:  $y_{mag} = (Z(1+2L)qB) / (2mv_0)$ .

5.8.75. Opt dez. a și șase dez. {3.

5.9.1. Conform manualului.

5.9.2.  $j = yf/2s, 9 = 1,25$  nerealist.

5.9.3.  $n = 2y/l - AB^2/l^2 = 1,6$ .

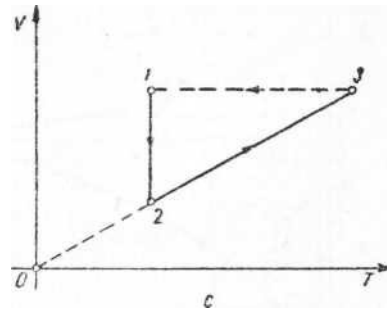
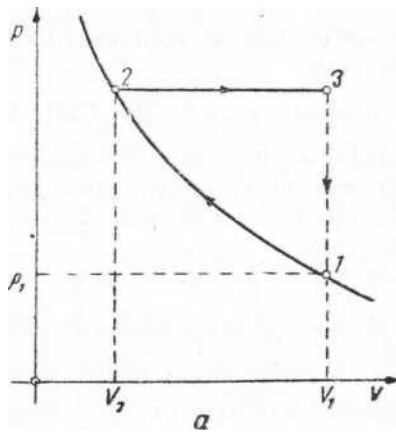
5.9.4. a)  $a = rfp_1/p_2$ ; b)  $\arcsin \hat{n}_j - 71 = 30^\circ$ .

5.9.5.

3.9.5. a)  $L = \mu_0 I^2 S / Z = 0,20$ ; b)  $B = \mu_0 I N / l = 0,314$  mT; c)  $E_m = 27 \text{ mV}$ ; d)  $\tan \phi = \omega L / R$ ;  $\phi = 43^\circ$

5.9.6. a)  $v_{cm} = (m_1 v_{01} + m_2 v_{02}) / (m_1 + m_2) = 0,30$  m/s = const.; b)  $T = 2\pi \sqrt{m / k} = 0,314$  s; c)  $A = [AZ^2 / 4 + (y_0^2 - \frac{1}{2} \omega^2 m^2)^{1/2}]^{1/2} = 0,01$  m;  $\phi = \arcsin(A / \frac{1}{2} Z A) = -\frac{1}{2} \pi$

5.9.7. a)  $f = p_1 / (V_1 / S Z) = 54,7$  cm; b)  $Q = \frac{1}{2} p_{\text{eff}} S = 17,7$  J; c)  $L = \frac{1}{2} \pi V_1 / (V_1 / S Z) = 5,36$  J; d) prin răcire izocoră; e) Fig. 5.9.7 R.



o î

5.9.8. a)  $v_{\parallel} = v_0 \sin \alpha$ ; b)  $R = m_e v / \sin^2 \alpha / e E$

5.9.9. a)  $f_0 = \hbar c / X_e [7,7 = 0,62 \text{ V}]$ ; b)  $AT = \frac{1}{2} (1 - R) P_z / (1 - \frac{e U_{ex} \hbar c}{k l h c})$

c) Fotonii reflectați dau forța:  $F_{\parallel} = (1 - R) \frac{1}{c} \cos \theta =$

$$= 3,75 \cdot 10^{-10} \text{ N}; F_r = (I - i?) \cdot \sin \theta, \text{ iar fotonii absorbiți: } F' = (I - R) \cdot \frac{1}{c}$$

$$s \frac{(1 - T - \frac{1}{2} e U_0 m_e) \cos \theta}{h} = 4,6 \cdot 10^{-8} \text{ N}; F_{\leq} = (1 - \frac{R}{c}) \frac{(1 - \frac{1}{2} e U_0 m_e) \sin \theta}{h}$$

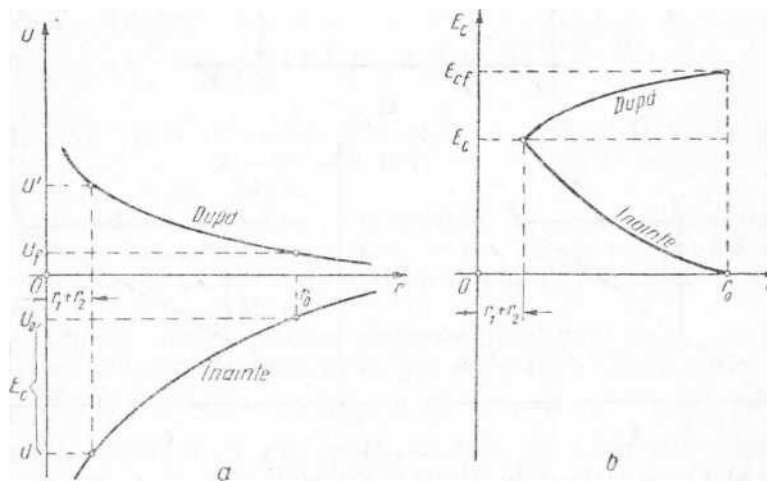
$p = -(F_{\parallel} - F_{\perp}) = 2,78 \cdot 10^{-14} \text{ N}$ ; d) Electronii de conducție din metal sînt situați pe nivele energetice diferite (principiul Pauli) formînd o „bandă” energetică.

5.9.10. a)  $H_{\parallel} = A + a/2 = 2,63 \text{ m}$ ; b)  $F_{\parallel} = 0/3 \text{ t} \cdot V^3 \ll \frac{163}{\text{m}^3} \cdot \text{m}^3 \cdot \text{e}) \quad E = \frac{1}{2} m V^2; F^1 = E + 1/F^2, F$  — distanța focală a oglinzii.

5.9.11. Da; punctul de contact al roții cu șina și respectiv punctul inferior de pe obada roții.

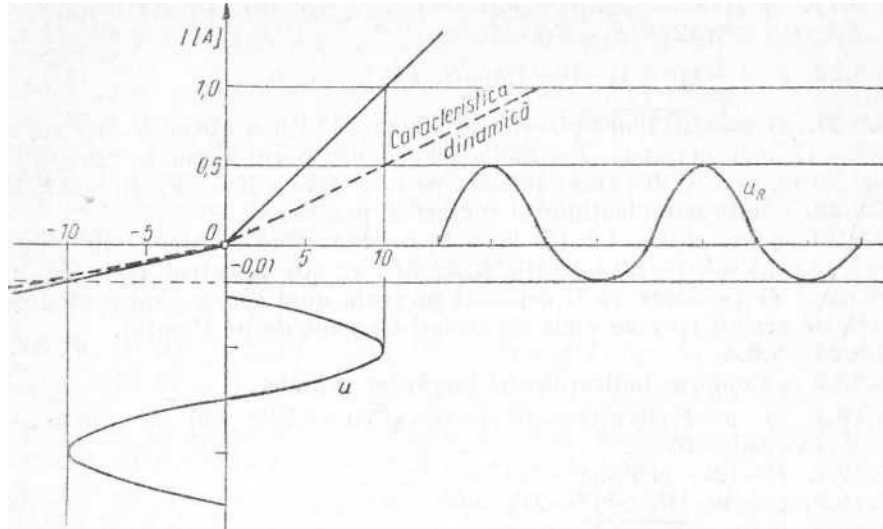
5.9.12.  $x = v_x t - 2a[v_y t/2a] = Q$ ;  $y = v_y t - 2b[v_x t/2b] = 2,0 \text{ m}$ .

5.9.13. a)  $U_0 = 2 \cdot 10^4 / 477; F_{r0} = -0,25 \text{ mJ}; U = q \cdot q' / (4\pi \epsilon_0 (r_1 + r_2)) = -4,5 \text{ mJ}$ ; b)  $E_C = U_0 - U = 4,25 \text{ nJ}$ ; c)  $q_{i,a} = (q_i + q_2) r_i / (r_1 + r_2) = 30 \text{ nC}$ , resp.  $45 \text{ nC}$ ; d)  $U' = q [q_2 / 4\pi \epsilon_0 (r_1 - r_2)] = 2,43 \text{ mJ}$ ;  $U_t = q [q' / 4\pi \epsilon_0 r_0] = 0,435 \text{ mJ}$ ;  $E_{ef} = E_e + C \cdot 1/t_7 = 6,545 \text{ mJ}$ ;  $v_{t2} = \frac{1}{[m_1(1 + m_1/m_2)]} f = 4,67 \text{ m/s}$ ;  $y_2 = \frac{v_1 m_1}{m_2} = 2,33 \text{ m/s}$ ; e) fig. 5.9.13 R.

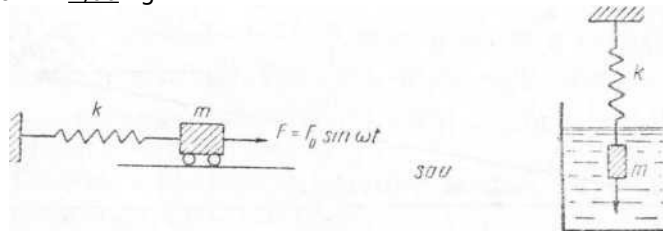


5.9.14. Conform manualului și lucrărilor practice.

5.9.15. Caracteristica dinamică:  $i = u / (R + R_{an}) > R \ll 10^{-3}$  pentru alternanțe pozitive (polarizare directă), resp.  $i_{ij} = 1 - 0,000 - 0$  pentru alternanțe negative (polarizare inversă) (fig. 5.9.15 R);  $u_R = R i - R U \sin \text{cof} / (R - i - R m)$ .



5.9.10. a)  $L = \sim (x_0(l + fXr))iV^2S// = l/w\$C; jL_r = 2Z/(ix_0N^2SCw\ddot{a}) - l = 12,9;$   
b)  $X' = to_0L' - l/ea_0C = 2:(l + l/(j_i))woC = 42,8Q; /? = X'/(n^2 - 1) = 8,74 Q;$   
 $<ol - l/wC = \pm i\ddot{i}; v_{1>a} = i - [V1/LC + R^2/4L^2 \pm B/2L] = v_0 VI + \sim^2 \#^2 v\ddot{e}C^2 \pm$   
 $\pm r.Rv/C = 10,038 \text{ kHz} \pm 0,873 \text{ kHz};$  c)  $v_o/(v_2 - v_1) = w_0L/jR = 5,7;$   
d) Fig. 5.9.16 R; e)  $u^{\wedge}Ldi/dt + q/C + Ri; F = mdv/dt^j, kx + rv;$  f)  $m = =$   
 $A^{F^2}A/4Tr^2vo = = \underline{1,00 \text{ kg}}.$



$\pounds 5//? oi/$   
5.9.17. a)  $Z = V/S = 20 \text{ cm}; u > = -^{\wedge}2gll = 10 \text{ rad/s};$  b)  $x = -/i\cos\omega t;$   
c)  $O = B_0S - (ft + x) + v.rB_0S - (h - x); \sim (y.r - l)NB_0S^{\wedge} \text{ sintof}; <5_m =$   
 $= -^{\wedge} - (1 - (jL_r) - NB_0S(x > = d >, 0 \text{ mV}.$   
5.9.18. Conform indicațiilor și lucrărilor practice.



5.9.19. a)  $AT = -p_0 l (S_1 + S_2) / 2 \sqrt{R - p_0 (S_1 - S_2)^2 / k R}$ ; b)  $-S_2' / \sqrt{1 + A^2 S_1^2 / 2 v^2} \ll (S_1 - S_2)$ .

5.9.20.  $p_k = p(n + 1) - (k - 1)mg / S$ ,  $k = 1, \dots, n$ .

5.9.21. a)  $v = \sqrt{1 / (dk T / m - 1) - q U - G 07, 8} \text{ km/s}$ ; b) Raza elicei  $R = mv \sin \alpha / j q B = 17 \text{ cm}$ ; perioada  $T = 2 \pi m / q B = 3,4 \text{ ns}$ ; pasul elicei  $v \cos \alpha T = 1,79 \text{ m}$ ; c)  $E$  și  $73$  perpendiculare pe  $v$ , astfel ca  $E = -v \times B$ ;  $v = E j B$ .

5.9.22. Conform indicațiilor și lucrărilor practice.

5.9.23. a)  $m_0 = P / c^2 = 4,4 \cdot 10^{-6} \text{ kg/s}$ ; b)  $a = P / M c$ ,  $v = P t / M c = 2 \cdot 10^{-5} \text{ m/s}$ ; c)  $(v_0 - v_w) / v_0 = 1 - \exp(-\sqrt{M / c^2 T}) \ll \sqrt{M / c^2 T}$ ; d) Spectrul emis de un element de pe Soare va fi deplasat pe scala unui spectrograf spre roșu față de același spectru emis de același element de pe Pământ.

5.9.24. = 5.9.4.

5.9.25. = Conform indicațiilor și lucrărilor practice.

5.10.1. a)  $[x = F \cos \alpha, j(mg - F \sin \alpha) = \sqrt{3/3} = 0,578]$ ; b)  $M > F(\cos \alpha - \mu \sin \alpha) / |x g| = 10 \text{ kg}$ .

5.10.2.  $l = (2h - gt^2)^2 / 8gt^2 = 5,0 \text{ m}$ .

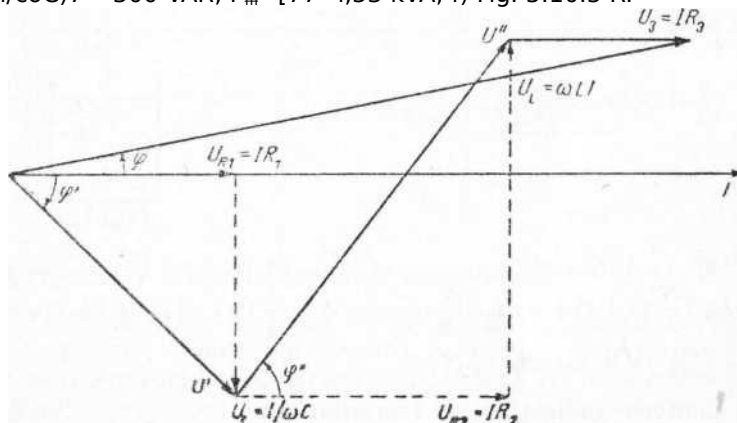
5.10.3.  $\hat{a} = 167 i^2 \text{ f}_{ps} / a^2 T^2 = 270 \text{ m/s}^2$ .

5.10.4.  $T = 2 \pi \sqrt{Z / \omega^2} = 2,22 \text{ s}$ .

5.10.5. a)  $v = 200 \text{ Hz}$ ; b)  $\tan \phi = (\omega L - 1 / \omega C) : (\hat{R}_a + \hat{J}_2 + j R_g)^* = 11^\circ 20'$ ;

b)  $Z = [(R_x + R_2 + R_s)^2 + (\omega L - 1 / \omega C)^2]^{1/2} = 15,3 \text{ O}$ ; d)  $I = Z = 153 \text{ V}$ ;

$i = y / 2 U \sin \phi$ ;  $U' = 7 \sqrt{7} i + 1 / \omega^2 C^2 = 70,7 \text{ V}$ ;  $g' = -\arctg(1 / \omega C j R_1) = -44^\circ$ ;  $i' = y j W' \sin(\omega Z - g' + g'')$ ;  $U'' = 7 \sqrt{7} i + \omega^2 L j = 100 \text{ V}$ ;  $g'' = -\arctg \omega L / 7 \sqrt{7} = 53^\circ 8'$ ;  $U''' = -y / 2 U'' \sin(\omega Z - g' + g'')$ ;  $i_3 = 7 \sqrt{7} i = 40 \text{ V}$ ;  $h_3 = -y / 2 U_3 \sin(\phi - g)$ ; e)  $P = U I \cos \phi = (7 \sqrt{7} j 7 \sqrt{7} f 7 \sqrt{7})^2 = 1,5 \text{ kJ}$ ;  $P_r = 177 \sin \phi = (\omega L - 1 / \omega C)^2 = 300 \text{ VAR}$ ;  $P_{\text{m}} = 177 = 1,53 \text{ kVA}$ ; f) Fig. 5.10.5 R.



5.30.6. a)  $R_p = jR_s(1 + I/(e^2 G f R f)) = 10,0 \text{ } \Omega$ ;  $C_L = 1/\omega^2 C_s B_s B_{\#} = 79,6 \text{ } \mu\text{F}$ ;  
b)  $\epsilon \cos \phi_s = R_s \sqrt{f^2 + I/e^2 G^2} = 0,707 = \cos \phi_p$  ( $\phi_s = 45^\circ$ );  $U > C_p R_p = I/\omega C_s R_s$ ;  
5.10.7. a)  $j_{\#} = V[1 + i_{\#}/V]^{1/2} s_P = 1,324 \text{ } \text{A}$ ; b) Pompa 1 videază mai rapid, dar realizează un vid mai slab, în timp ce pompa 2 videază mai lent dar produce un vid final mai înalt.  
5.10.8. în vasul B se produce condensarea vaporilor de apă, ceea ce duce la evaporarea apei în vasul A și scăderea temperaturii pînă la înghețarea apei din acest vas.  
5.10.9. a)  $y = E/B = 10 \text{ } \text{Mm/s}$ ;  $T = 2nm/qB = 35,7 \text{ } \text{ns}$ ; b)  $f_c = y \cos \phi_c T = 17,85 \text{ } \text{cm}$ ; c)  $T_1 = (2nv \cos \alpha/B)$ ;  
5.10.10. a)  $A_1 = v C_{\#} (a V_{\#} + V_1 r_a)$ ;  $V_1 = v i r_1/p_1$ ;  $V_2 = n V_1$ ;  
 $= a \pi i/v B$ ; b)  $a = p_1/n |t R_L$ ; c)  $E = v B a (n - 1) V_{\#} = I > R b V I (n^2 - 1)$ ;  
5.10.11. a)  $C_{\#} = (i_{\#}/v A T) = 12,45 \text{ } \text{kJ/kmol } \text{K}$ ; b)  $V_3/V_2 = \exp AS/vB = e^3 = 20$ ;  
c)  $T_1 T_2 = L/v C_{\#} = 260,3 \text{ } \text{K}$ ;  
5.10.12. a)  $A v = -R_L \sqrt{g_L/(f_L + A)} (V_2 - I) = -700 \text{ } \text{m/s}$ ; b)  $m_e = -m \dot{a} v/(u + v_0)$ ;  
 $m$  — masa navei;  $v_0 = R_L \sqrt{2 g_L/(R_L + h)} = 2,4 \text{ } \text{lcm/s}$ ;  
5.10.13.  $T = mg(3 \cos 6 - 2 \cos \alpha) = 19,6 \text{ } \text{N}$ ;  
5.10.14.  $a_s = < 7 (\sin \alpha - f \cos \alpha) = 7,5 \text{ } \text{m/s}^2$ ;  $a_e = < ? (\sin \alpha - f \cos \alpha) = 2,5 \text{ } \text{m/s}^2$ ;  
 $t_u = v_{01}/a_u = 0,40 \text{ } \text{s}$ ;  $s_1 = D_{01}/2a_{1t} = 0,60 \text{ } \text{m}$ ;  $s_2 = -\hat{t} = -0,20 \text{ } \text{m}$ ;  
5.10.15.  $\omega_2 = \omega_1 \sqrt{I_1/I_2} = 1,00 \text{ } \text{m/s}$ ; de aici înainte:  $x_x = I - s_x + \frac{1}{2} a_x t^2$ ;  $a = s_2 + i_{\#} \omega_2 / (-f - a_c f^2)$ ;  
 $*_1 = x_2$ ,  $* = (I - S_j - 5_2)/y_0 = 0,20 \text{ } \text{s}$ ;  $s_{\#} = s_x - a_c < 2 = 0,55 \text{ } \text{m}$ ;  $= a_c f = 0,50 \text{ } \text{m/s}$ ;  
 $j_2 = y_{\#} + M = 3,50 \text{ } \text{m/s}$ ;  $Q_1 = |m_1 g \cos \alpha (2s_x - s_0) + \frac{1}{2} m_1 g^2 \cos \alpha (Z - s_0)| = 1,425 \text{ } \text{J}$ ;  $Q_2 = \frac{1}{2} m_2 v_2^2 / (m_1 + m_2) = 1,08 \text{ } \text{J}$ ;  
5.10.15.  $\{1\} = f_{j_2}/(n + M) \cos \alpha : [M(1 - f \cos \alpha) - \pi_2(m - f M) \sin \alpha]$ ;  $T = -u_2(m + M)g : (1 + \cos \alpha f j_2 \sin \alpha)$ ;  
5.10.16. Conform indicațiilor și lucrărilor practice.  
5.10.17.  $\rho = \rho_0/(1 - I/e_r) = 1650 \text{ } \text{kg/m}^3$ ;  
5.10.18. a)  $\theta = \alpha \cos \phi$ ;  $c_n = -I/gH = n \text{ } \text{rad/s}$ ; b)  $v = 2 \sqrt{g l \sin \alpha} x_j x_x' / g l = 0,27 \text{ } \text{m/s}$ ;  
 $i_2 = j_2 = 0,136 \text{ } \text{m/s}$ ;  $\sin \alpha/2 = i_2/2 - y A/Z$ ;  $a' = a/2$ ;  $9 = \hat{t} \sin \omega f$ ,  $f = f T/4$ ;  
5.10.19. a)  $Z = 56,58/1,414 = 40 \text{ } \Omega$ ; b)  $j q = r_c/4$ ; c)  $P = U I \cos \phi = 28,3 \text{ } \text{W}$ ;



$$Z_1 = VB + t\omega^2 L^2 = 74,46 - Q; I_{1m} = t/Z_1 = 0,537 \text{ A}; I_2 = (P B_M^2)/B_2 =$$



$$= 0,279 \text{ A}; Z_2 = U/I_2 = 143,4 \text{ Q}; e) 1/wC = wL_2 - |Z| \cdot R \text{ sau } |I|/coC = \dots \sin$$

$$g; C = 12,2 \text{ (x F)}$$

$$5.10.20. p_0 = 7 \text{ pg}[(L - Ti)^2 - 4/2] : 4Z(L/i) = 240 \text{ torr}$$

$$5.10.21. T = j \cdot (p_2 V_1 - p_1 V_2)^2 : [4mi^2/(3_2 - p_1)(Y_1 - V_2)] = 736,7 \text{ K}$$

$$5.10.22. a) y = -x^2 e U j 2 m v l d; E_e \sim m v l l 2 = W e / Q = 200 \text{ eV}; y_0 = 8,39 \text{ Mm/s};$$

$$b) U_m = 2E_e(d/Z)^2 = 100 \text{ V}; c) 17 = 2E_e S d / Z(Z/2 + D) = 50 \text{ V}; d) e/m =$$

$$6 \text{ fi}$$

$$= I_{j0} / j B = 1,75 \cdot 10^{11} \text{ C/kg}; e) [i/E = e/2m = 8,8 \cdot 10^{10} \text{ C/kg}$$

$$5.10.23. a) Q_1 = v C_i (T_1 - T_2) + v P T_1 \ln p_3 / p_2 = 5586 \text{ J}; |Q_2| = v C_{ii} (T_1 - T_2) + v E T_2 \ln p_3 / p_2 = 4733 \text{ J}; b) tq = 1 - |Q_2| / Q_1 = 20\%; I_{je} = I T_2 / r_1 = 67\%; c) AS = v R \ln p_3 / p_2 = 5,76 \text{ J/K}$$

$$5.10.24. a) i = y / 2 g l (R + h) = 10,67 \text{ km/s}; b) \theta < \arcsin R l / (R' l, h) = 62^\circ 44'; c) e = ( \dots ) / ( \dots ) = 1/2; v = R y / g / (R - l, h) T / T \pm j = 5,28 \text{ km/s sau } 9,14 \text{ km/s}$$

$$5.10.25. a) i = X D / 27 i = Q,60 \text{ mm (oglinnda Lloyd: franja centrală este întunecată 1)}; b) E_m / E = l / \cos^2 \theta / 3 = 4; c) a = h \cdot 2 l / (2n - 1) = 0,053 \text{ mm}$$

$$5.11.1. a) \text{ Conform manualului}; b) \text{ Zero}$$

$$5.11.2. \text{ De ex., două mobile se mișcă uniform pe o axă Ox unul spre celălalt astfel încît la } t = 0 \text{ coordonatele lor sînt } x_{01} = 2,0 \text{ m, } x_{02} = 4,0 \text{ m. Știind că mobilul 1 a plecat din origine la } t = -3,0 \text{ s, iar mobilul 2 ajunge în origine la } t = +3,0 \text{ s, să se afle momentul și locul întîlnirii mobilelor}$$

$$5.11.3. y_0 = 2 \cos a i > i >_2 / (t f_1 + y_2) = 4,2 \text{ m/s}$$

$$5.11.4. \{x_m = \pi(m + M)/m = 0,15$$

$$5.1 \text{ f.5. Destinderea adiabatică în vid}$$

$$5.11. \text{ fi. De la 1 la 2 încălzire izocoră (densitatea nu se schimbă) și de la 2 la 3 încălzire izobară (densitatea scade)}$$

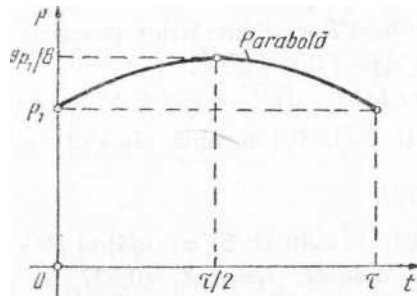
$$5.11.7. a) X_{1,2} = [g_x (l/4 t t e - 7712,7 (\sin a + \text{fi} \cos a))^{1/2}; b) x_m = g_1 g_2 / 47 t e / i \cdot m_2 g (l - \text{fx} \cot g a); c) \text{ pentru } x = x_2; z > = \dots$$

$$= \wedge 2 l m \{ - l / m_2 g h (l - \sim a \cot g a. ') - t / q_1 q_2 \sin a / 47 t e / i \}$$

$$5.11.8. r = n w \sin \theta / \text{ffi}; h = 2 n m v \cos \theta / q B_e \text{ cîmpul crește, apoi descrește}$$

$$5.11.9. p = p_1 (1 - // 2 t) [1 + (T g / T j - 1) Z / t] = p_1 (1 + Z / 2 r - t^2 / 2^2) \text{ (fig.}$$

$$5.11.9 \text{ R)}$$



- 5.11.10.  $y = \sqrt{2} \ell / m = 2,19 \cdot 10^6 \text{ m/s}$ ;  $B = 2mv \sin u / qR = 45,7 \text{ mT}$ ;  
 $I \wedge 73 // f x A^2 = 9,09 \text{ A}$ ; (pasul  $h = 2nmv \cos a \cdot qB = 27,2 \text{ cm} \ll \ell$ ).
- 5.11.11. a)  $\omega^2 = 2\mu SLd/m(L+rf)^2(L-rf) = 3,26 \cdot 10^3 \text{ rad}^2/\text{s}^2$ ;  $v = 9,09 \text{ rot/s}$ ; b)  $p_1 = HL/(L+rf) = 57,14 \text{ kPa}$ ;  $p_2 = HL/(L-rf) = 400 \text{ kPa}$ ;  $p_{1/2} = PoPi \cdot \frac{2-TQ/pOT}{2} = 1,87 \text{ kg/m}^3$ , resp.  $13,08 \text{ kg/m}^3$ ; c)  $i = (-HS + \sqrt{H^2S^2 + m^2a^2})/2ma^2$ ;  $x - mu^2L^2/HS = 49 \text{ cm}$ ; d)  $AT = Tmw^2L/15 = 587 \text{ K}$ .
- 5.11.12. a)  $C_m = L/vAr = 24,93 \text{ kJ/kmol}$ ;  $K; y = 1 + B/C_m = 1,33 = 4/3$   
b)  $v) = 1 - (p_2/P_1)^{1/\gamma} = 50\%$ ; c)  $P_i - P_z \exp AS/vB = p_2 e = 305 \text{ kPa}$ ;  $p_4 = p_1 p_3/p_2 = 81,55 \text{ kPa}$ .
- 5.11.13. a)  $B_e = p_2 rf/S = 1,75 \text{ m}$ ;  $U_m = (P_a + P) \cdot y/R_c/P_d = 10,963 \text{ kV}$ ; b)  $* = n_0 e^2 p = N_A Se^2 p/A = 3,78 \cdot 10^{17} \text{ N} \cdot \text{s/m}$ ; c)  $[A] = N \cdot \text{s/m}$ .
- 5.11.14. a)  $S = q = M/\hbar^2 \langle \epsilon_1 \rangle = 150 \text{ J} \cdot \text{s}$ ; b)  $\ell l = Mgl/S = 0,020 \text{ rad/s}$ ;
- c)  $E_c = \pm M \{ Q, l \sin 0 \}^2 + \frac{7}{2} \omega^2 a - l \langle \epsilon \rangle^2 = 37,5 \text{ kJ}$ .
- 5.11.15. a) Conform manualului; b)  $M|t=0 \rightarrow L_t| = \text{const.}$
- 5.11. i fi.  $m_{1(2)} = \dots$ ;  $2j1 (r^2 + y_2)^2$ ;  $rf = \dots \sim (v_x + v_z)$ .
- 5.11.17. a)  $\text{flx} = \sin a - a \cdot \cos a = 1,0 \dots \text{m/s}^2$ ;  $f_j = iW^3 i - 1,0 \dots S_x = \dots$   
 $= yoi/2ai = 0,50 \text{ m}$ ;  $a_3 = \sin a + fi \cdot \cos a = 11 \text{ m/s}^2$ , corpul  $m_2$  par  
curge în  $Z_x = 1,0 \text{ s}$  distanța  $v_{02} ti - a_2 t/2 < \wedge 6,5 \text{ m} = Z - s_{1t}$  deci A/ poate fi  
oricare;  $y_2 = V^2 \theta_2 + 2a_2(-Si) = 11 \text{ m/s}$ ;  $v \dots m_2) = 6,0 \text{ m/s}$ ;  $Q = -m_1/l$   
 $7_2 - vll/(m_1 + m_2) = 165 \text{ J}$ ; b)  $y'^2 + 2a_2 6i = 25 \text{ m}^2/\text{s}^2$ ;  $h_m =$   
 $= \omega \sin^2 a = 0,31 \text{ m}$ .
- 5.11.18. Conform indicațiilor și lucrărilor experimentale.
- 5.11.19. a)  $a = H_{2z}/Z > N_2$ ; b)  $n_{ij}/f_{xi} = m_2/i_{i2}$ .
- 5.11.20. a)  $pi = V_2(p_0 T/T_2 - Ap) : (V_1 + V_2) = 16,4 \text{ kPa}$ ; b)  $AU/U_L = T/T_2 - 1 = 1,2$ .
- 5.11.21. a)  $C = C_0/B$ ;  $Q = C7_0(C_0/B)$ ;  $7 = t_0/B = 0,20 \text{ mA} = \text{const}$ ;  
b)  $P = [7g/2jR = 1,00 \text{ mW}$ .
- 5.11.22. a)  $w = aT Ry d^2 = 1380 \text{ W/m}^2$ ; b)  $W = wnR^* = 1,77 \cdot 10^{17} \text{ W}$ ;  
c)  $X_m = 6/T = 498 \text{ nm}$ ;  $ct = 5,17 \cdot 10^{14} @ \text{ W/m}^2 \cdot \#^4$ ;  $6 = 2886 \text{ iim B}$ .
- 5.11.23. a)  $f_j = V E/f_n = 3$ ;  $E_m = E_0 - hc/K = 5,47 \cdot 10^{19} \text{ J}$ ;  $m = \wedge / -E/E_m = 2$ ;  
 $v_n = 2f_n/f_m = 2,4 \cdot 10^{14} \text{ Hz}$ , resp.  $8,25 \cdot 10^{14} \text{ Hz}$ ; b)  $v = c/X = 4,6 \cdot 10^{14} \text{ Hz}$ ; c)  $v = \wedge$   
 $(mv_m - nv_n)$ ;  $v_m - v_n = \wedge (1/m^3 - 1/n^3) \rightarrow \sim + \& E(n - m)/h n^i$ ;  $v \rightarrow 2f(rz - m)/rt^3$ ;  
 $v \sim 3n(v_m - v_n)$ ; e)  $n = 3$ ;  $E_c \propto E(1 -$

-  $1/9) = 12,1 \text{ eV}$ ; Lyman:  $X = \lambda_{ic} : ZJ(1 - 1/m^2) = 121,8 \text{ nm}$  și  $102,8 \text{ nm}$ ; Balmer:  $X = \lambda_{ic} : E(1/2^2 - 1/3^2) = 658 \text{ nm}$ .

5.11.24. a) Cinci dez. a și patru dez. (î; b)  $v_{He} = (m/A_{Ra})Mn 2/T_{1/2} =$

$= 1,89 \cdot 10^{-9} \text{ kmol}$ ;  $V_{He} = V_{HeP7/p} = V_{HeVu.o} = 42,4 \text{ mm}^3$ ; c)  $1) t = \dots$

$\ln 2$   
•  $T_X/2 - \ln A_1/A_2 = 84 \text{ ani}$ ;  $1895$ ;  $2) v = h/t = 10 \text{ cm/an}$ ;  $3) h' = h - \{ (2000 - 1979) y = 10,5 \text{ m}$ ;  $A' = A_2 e^{-w} = 1,5 \text{ imp/min kg}$ .

5.11.25. a)  $\omega_c = X/2i = 3,0 \cdot 10^{-4} \text{ rad}$ ;  $q = \sqrt{4\pi \epsilon_0^2 m g o i. s} / 2 = 35 \text{ fC}$ ; b)  $dq =$

$= \dots$   $\text{crdi/i} = 5,25 \text{ fC}$ ; c)  $L^* = \dots$   $g^2 (1/2r - 1/a) - 2m_z/(a^2/4 - r^2/l^2)$ ,  $r$  raza

bobitelor (pentru  $r \rightarrow 0$ , avem  $L \rightarrow \infty$ ).

5.11.26. a)  $t_j = 1 - (a^y/\&^F - 1) : [ya^y - (a/6 - 1)] = 15\%$ ; b)  $s = |ij| = 5,67$ ; c)  $AS_w =$

$vC, \ln a/6 = 145,5 \text{ J/K}$ ; d)  $e_r = 2(r_3/Ti + 1) : i^{\wedge} T^{\wedge} -$

$-1) - 1/2$ ;  $T_3/TX = a^y/b = 5,35$ ;  $e_r = 0,43$ .

5.12.1.  $\{3 = pVi[l + \dots (3jx_a / (ii + 5m_2/m_1) j - (i_2 / 'ji + m_2/m_i)] (7_z/7 + 1) = 300 \text{ J}$ .

5.12.2. Nu revine datorită meniscului de la capătul liber.

5.12.3. a) Lichidul rămîne jos și aerul la mijloc (comprimat); b) aerul urcă sus (destins) și lichidul rămîne la mijloc.

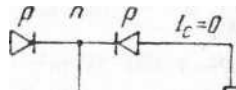
5.12.4.  $f = - [(5 - n)gr + y^2/l]$ .

$5q$

5.12.5. a)  $C_1 = 2C\epsilon_r/(1 + \epsilon_r) = 16,7 \text{ }\mu\text{F}$ ;  $C_2 = \frac{1}{2} C(1 + \epsilon_r) = 30 \text{ }\mu\text{F}$ ; b)  $U_{1,2} =$

$= L/C/C!,_2 = 12 \text{ kV}$ , resp.  $6,67 \text{ kV}$ .

5.12.6. Dacă grosimea bazei este mai mare decît lungimea de difuzie a golurilor (electronilor) (fig. 5.12.6 R);





a)  $f = T/8 + nT/4$ ;  $n$  — întreg;  $T = 2\pi\sqrt{LC}$ ; b) Energia potențială  $kx^2/2$  devine egală cu energia cinetică  $mv^2/2$ ;  $(\sin^2 \alpha = \cos^2 \alpha \Rightarrow \alpha = \pi/2)$ .  $Q = \frac{C(E - U_a)^2}{U_a^2} = 4,8$  m.T.  $I_{max} = U_a^2 / (C(C_1 + C_2)) = 3,17$  A (din considerații energetice). a) Conform manualului; b)  $A = \frac{U_a}{\sqrt{1 + (R/\omega L)^2}} = 13,5$ ; c)  $A[f] = \frac{AU_a}{\sqrt{1 + (R/\omega L)^2}} = 54,2$  V. a)  $Q = \frac{C_v(T_f - T_i)}{C_v(T_f - T_i)}$ ; b)  $L_{a4} = \frac{L}{1 + (R/\omega L)^2}$ ; c)  $L_n = \frac{L}{1 + (R/\omega L)^2}$ .

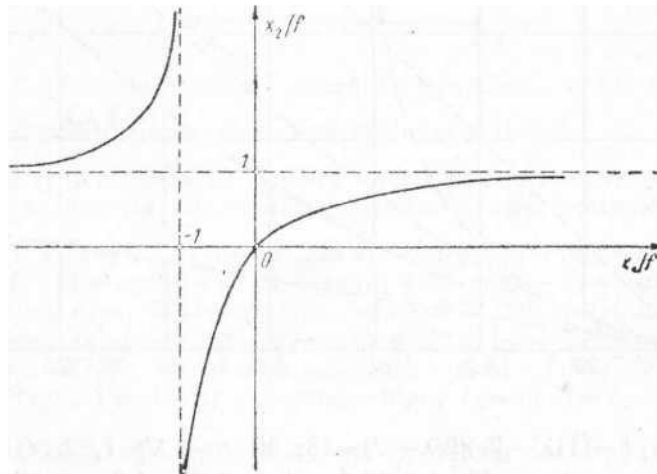
$-T_i)/(n-1)$ ;  $C_n = C + f/(1-n) = Qn - v/(n-1)$ ; d)  $T_4 = \pm$

$\bullet \quad = [C_1(T_4 - T_2) + C_2(r_a - T_4)] : [C_1(T_1 - T_3) + C_2(r_8 - T_2)]$ .

5.12.7. a)  $f_c = 4\pi^2 v^2 m_H m_{ci} / (m_H + m_{ci}) = 29$  N/m; b)  $l = r^* m_H m_{ci} / (m_H + m_{ci}) = 2,7 \cdot 10^{-47}$  kg  $\cdot$  m<sup>2</sup>;  $L_{1jh} = 2' / v \cdot v_{1jh} = 1,42$  (m  $\cdot$  ^2).

5.12.8. a)  $T \sim 2\pi r / \sqrt{g + qEl/m}$ ; b)  $x_2/f = (a_1/f) / (1 + x_1/f)$  (fig. 5.12.13 R);

c) Rezistență șunt, rezistență adițională.



5.12.9.  $FAt = -F'At$ , în timp ce deplasările produse de  $F$ ,  $F'$  sînt total diferite:  $FAr \neq FAr'$ ,  $|Ar| \neq |Ar'|$ .

5.12.10. a)  $\alpha_{cm} = \frac{g(m_2 - m_1)}{(m_1 + m_2)^2} = 1,09 \text{ m/s}^2$ ; b)  $N_0 - N = \frac{g(m_2 - m_1)}{(m_1 + m_2)^2} = 0,33 \text{ N}$ ;  $\tan \alpha = (a + l \cdot g) / (g - l \cdot a) = 1,00$ .

5.12.11. Conform indicațiilor și lucrărilor practice.

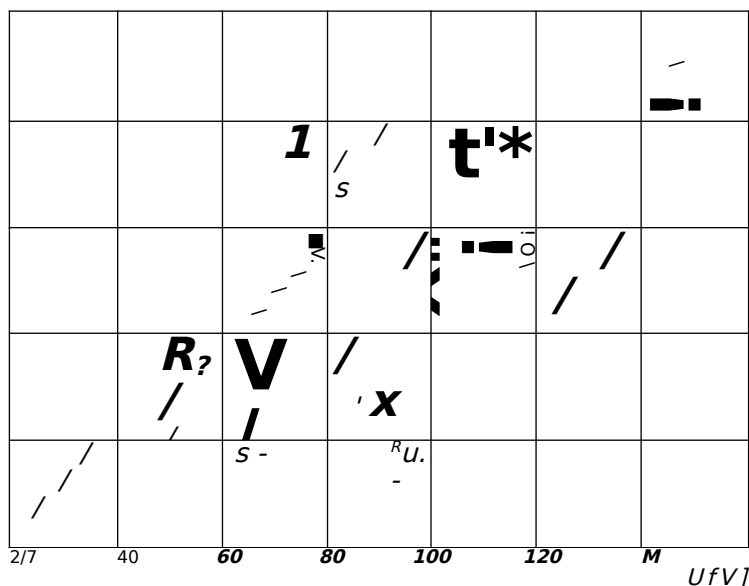
5.12.12. a)  $T_2 = T_1 \cdot 2^{v-1} = 396 \text{ K}$ ;  $A_i = v C_{iv} (T_2 - T_1) = 2,0 \text{ MJ}$ ; b)  $AT = T_2 - T_1 = 96 \text{ K}$ ; c)  $e_2 / e_1 = T_2 / T_1 = 1,32$ ; d)  $(p_2 - p_1) / p_1 = 0,50$ .

5.12.13.  $B = 3 S g d \tan \alpha / 7 = 14 \text{ mT}$ .

5.12.14. Conform indicațiilor și lucrărilor practice.

5.12.15. a) Conform manualului; b)  $7 \cdot \alpha = l_0 / \cos^3 \alpha$ , ( $\alpha$  — unghi de incidență).

5.12.16. Fig. 5.12.22 R;  $I = 14 \text{ mA}$ .



5.12.17. a)  $\epsilon = (H X' - 2X) / 2(X - X') = 13$ ; b)  $n = X / X' = 1,32$ ; c)  $r_f = f_c X + X / 4 = 8,1 \text{ ji.m}$ ; d)  $a = r_f / Z = 1,7 \cdot 10^{-4} \text{ rad}$ ;  $i = X / 2 \alpha = 1,8 \text{ mm}$ ;  $i' = X' / 2a = X / 2an = 1,37 \text{ mm}$ .

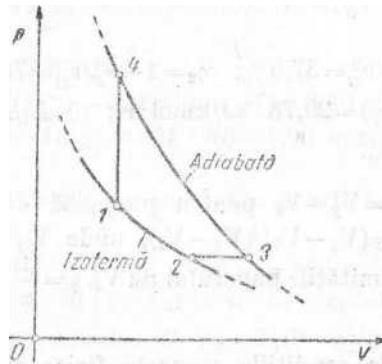
5.12.18. Conform indicațiilor și lucrărilor practice.

5.12.19. a)  $v = v_{tym} = 80 \text{ Hz}$ ; b)  $7 = \frac{2 i x N^2 S}{d} = 50 \text{ mii}$ ;  $A_s =$

TC)  $NUHto * L * d = 0,39$  mm în jos; c)  $P_a = Ug/2Z = 1,57$  VA;  $C = -21$ ;  
 $= 1/w^2 L = 79$  ; xF,

5.12.20. a)  $1/\cos a^* + \langle pty27c = fcX; fc \rangle = [\wedge 27t]; /c_{raoa} = [//X + \langle p/2\hat{u}]; \% = - /tg a^* .;$  ordinul  $fc$  crește spre centru; 15) pentru  $Ds > Z$ , inele concentrice de raze  $1\}$  %  $ta - D - \sqrt{2}(1 + cpX/27rZ - AX/Z)$ , dacă  $y_{,c} < \$ : D_{,c}$  )  
 $= - 2tc/c - 2ttZ/X.$

5.12.21. a) Fig. 5.12.27 R; b), c) Conform manualului.



5.12.22. Conform indicațiilor și lucrărilor practice.

5.12.29, Conform indicațiilor și lucrărilor practice.

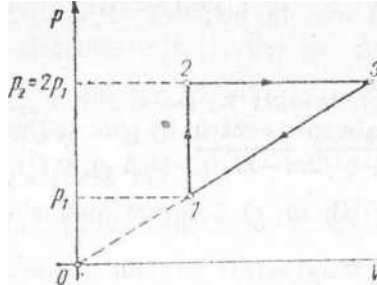
5.13.1. a) 1) Centripetă; 2) Deviază înapoi față de raza vectoare, apropiindu-se de direcția vitezei liniare (în sensul opus acesteia); b) Zero.

5.13.2. a)  $F_z \cos a$  și  $(m_z g - F_z \sin a) - [un_1 g - F_x = (n \wedge f m \wedge a \wedge; a_x =$   
 $= 0,50 \text{ m/s}^2; d_1 = a_1 T^2/2 = 25 \text{ m}; \wedge = \langle \wedge = 5,0 \text{ m/s}; - F_x = p \cdot (m_1 + m_2) p' = - \equiv$   
 $(m_1, m_2) a_2, a_2 = - 2,25 \text{ m/s}^2; f_2 = - y_1/a_2 = 2,22 \text{ s}; d_2 = - 1 > 1/2 a_2 = 5,56 \text{ m};$   
 $p \cdot (m_1 - fm_2) (? = (JT_1 + m_2) a_3, a_3 = 0,25 \text{ m/s}^2; ii_1 + rf_2 = a_3 Z/2, f_3 = 15,64 \text{ s};$   
 $+^* 2 + \wedge 3 = 27,86 \text{ s};$  b)  $1) \sim ix m_1 g - F_1 = m_1 a_{1i}; T_c = 87 \text{ N}; - T_2 -$   
 $- lim_2 g - m_z a_{zL} T_2 = 15 \text{ N}; T_3 - um.j = m_2 a_{3L} T_3 = 15 \text{ N} = T_2.$

5.13.3.  $Zi = 5JR/2; i > 0 = 2a (h - R - R \cos a); 2Z? \sin oc = - \frac{2}{9} s * n \ll \cos$

$a = 60^\circ.$

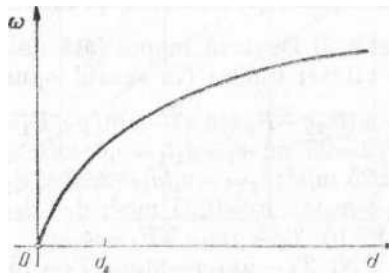
5.13.4. a) Fig. 5.13.4 R;  $T'_2 = T, p_2/p_1 = 200 \text{ K}; r_3 = \hat{n}(p_3/p_1)^2 = 400 \text{ K}; < : _n = [ \& vi?(T_3 - T_2) ] : v(T_3 - T_2) = 20,78 \text{ kJ/kmol K};$  b)  $C = C_{, +}$  (Anul III, licee spec.)  
 $+ R/2 = \sim Q1 + y) = 24,94 \text{ kJ/kmol K};$  c)  $\bullet > _5 = 1 - v C (T_2 - T_1)/0_1 = 68,4\%.$



5.13.5. a)  $\gamma_i^* = 1 - \gamma_i = 37,5\%$ ;  $r_{>2} = 1 - p_i = 75\%$ ; b)  $\gamma = 5/3$ ;  $C_p = 12,47 \text{ kJ/kmol K}$ ; c)  $L_1/L_a = T_{31}/T_{21} = 1/2$ ;  $r_i = 25\%$ .

a.13.6. a)  $a = p_{cr}$ ;  $b = V_g - V_l$  pentru  $p = p_{cr}/2$ ;  $c = \gamma_{ii}$ ; b)  $At = X_{ii}$ ;  $c = p_{ob} - p_{at}$ ; c)  $x = (V_{ii} - V_0)/(V_g - V^*)$ , unde  $V_{ii}, V_0$  sînt volumele de lichid și gaz de la extremitățile palierului  $p_0$ ;  $V \ll V_0$ ;  $f = \frac{1}{2} \left( \frac{a}{p} - 1 \right) + 4t^{3/2} F$ .

$\pm \Delta V / (p - p_i)$   
5.13.7. a) Depinde de condițiile concrete fizice ale procesului depărtării;  
b) fig. 5.13.7 R.



5.13.8. a) Inductanța are energie inercială  $\omega_{LP}$  și după blocarea curentului anodic se produc oscilații LC;  $\nu = 1/2\pi\sqrt{LC} = 7,96 \text{ MHz}$ ; b)  $W = 1/2 CV^2 = 8,0 \cdot 10^{-10} \text{ J}$ ;  $U_{T_{ro}} = \sqrt{2W/C} = 4,0 \text{ V}$ ; c)  $X = c/\nu = 37,69 \text{ m}$ ;  $Z = X/2 = 18,8 \text{ m}$ ; d)  $X' = 4Z = 75,4 \text{ m}$ .

5.13.9. a)  $U = I \cdot R = e(p_{ij} - p_{in})S$ ; b)  $m \cdot x - j \cdot r \cdot x - l \cdot x = 0$ .

5.13.10. a)  $r = \gamma/kT$ ;  $p = 1,84 \cdot 10^{-8} \text{ m}$ ;  $A = 1/(\gamma \cdot p) = 2,426 \cdot 10^{-12} \text{ m}$ ;  $a = e^2/p$ .

$14ne_0hc = 1/137$ ;  $\lambda_1 = A/27\lambda_a = 0,529 \cdot 10^{-10} \text{ m}$ ;  $n = f \sqrt{r/r_1} = 18$ ; Lyman-17, Balmer-16, Paschen-15, etc.; b)  $C_3^2 = 153$ .

5.13.11. —a)  $(1 - r_f V^1 + 2ft/AfcX) \ll X + i/2Mc$ ;  $AX = X' \cdot X = i/2Mc =$

$= 6,6 \cdot 10^{-16} \text{ m}$ ; b)  $X = l/2? = 91,1 \text{ nm}$ ;  $n \ll f/MX' = 4,3 \text{ m/s}$ .

5.13.12.  $?x=2, Z_2=3$ ;  $A_m=0; \pm 1$ ;  $N=3(2/1+1) = 15$  tranziții, dar numai 3 linii distincte (subnivelele sînt echidistanțate cu  $n_s B = ehBj/2in$ ).

5.13.13.  $a_1=0,50 \text{ m/s}^2$ ;  $a_2=0$ ;  $a_3=-1,00 \text{ m/s}^2$ ;  $T = G(i - a/g) = 95 \text{ kN}$ ;  $100 \text{ kN}$  și  $110 \text{ kN}$ .

5.13.14.  $v_0 = -1/2gAh = 9,8 \text{ m/s}$ .

5.13.15.  $a_{i,a} = [m(\ddot{r} \pm i\dot{O}_{i,a}) - nMg]/(pi+M) = 0,10 \text{ g}$ , resp. zero;  $w_z = g$ .

5.13.16.  $v' = (n - \sim 1/n^i - 1/v_{min})ml/(M+m) = 1,06 \text{ m/s}$ ;  $v'$  este maxim pentru  $n = -1$ .

5.13.17. Conform indicațiilor și lucrărilor practice.

5.13.18.  $p = 2n_0 m_0 (u', v)''$ .

5.13.19. a)  $Y_{11} = 1 - 2r_a/(T_1 + r_a)$ ;  $(V_a/V_0 = P)$ ;  $r_{1a} = 1 - (T_a + r_3)/2iy$  ( $V_2/V_j = **$ ); b)  $t_{11} = 7/11 vP(T_1 + r_2) \ln A$ ;  $L_2 = T_{12} 2' jRT_1 \ln /e$ ; c) Dacă

$T_2 = -(T_j + Tg)$ , atunci  $L_1 = L_2$ ; d)  $i_{12} = 2_1(3 - i)/(n4 - 1)$ ;  $T_3 = T_1(3 - n)/l(n +$

$l/n$ ; e)  $ne(1, -3)$ .

5.13.20. a)  $U_1 = dy/2k(d_0 - d)je_0S = lQQ - V$ ; b)  $Ci = e_0S/d = 88,6 \text{ pF}$ ;  $Z7_0 = C/iC_1/C_0 = 88,6 \text{ mV}$ ; c)  $E_a - f_1 = 2(Z7_1 + C7_0) \cdot 200 \text{ V}$ ; d)  $t/i = (E_a - Ei)/2 - U'_{01} - 100 \text{ V}$ ;  $Ci = C_0 - U'_{01}/U = 133 \text{ pF}$ ;  $d' = d_0 - Ci^2 t/l^2/2e_0$   $Sic = 0,875 \text{ mm}$ ;  $s_r = f: (dC_1/Ci - d' + ff) = 1,7$ .

0. 13.21. a)  $E_{2m} = E_{im} N_2/N_1 = 40 \text{ V}$ ;  $j_{2m} = E_{2,m}/(r_2 - rE_s) = 13,33 \text{ mA}$ ;  $j_e/ = -/m/2$ ; b)  $I_0 = I_{ra}/Tc = 4,24 \text{ mA}$ ;  $U_0 = R \cdot I_0 = 10,6 \text{ V}$ ; c)  $y = 7f/2$ ; d)  $t) = 4/7t^2 = 40\%$ ; e)  $\cos < p = 1$ ;  $y \wedge l f \cos^2 C^2 E^2$ ; negii jînd armonicele superioare;  $P'/P = (1 + r_2/i^2_s)^2: [1 - \cos^3 \textcircled{R} + (\cos < p - fr_e/f^2_s - \cos \textcircled{C})^2] +$

$\frac{1}{+}$

5.13.22.  $t = RC = 5,0 \text{ s}$ ; ( $i = aC$ ).

5.13.23.  $I = Ed'' = 80 \text{ cd}$ ;  $< D = 4ttj = 1 \cdot 005 \text{ lm}$ ;  $tj = 10 \text{ lm/W} = 1,48\%$ .



#

5.13.24. a) 1)  $n^2$ ; 2)  $2(n - |m|)$ ; 3)  $n - |m|$ ; 4)  $|m|, |m| + 1, \dots$ ; 5) și 6)  $|m|, |m| + 1, \dots, n - 1$ ; b)  $C_{(2l+1)}$ ; c) La tensiuni mici — numai spectrul de frinare continuu ( $V_{max} = eU/h$ ), apoi apare și spectrul caracteristic (seria K — ultima); d) Inversia de populație și emisia stimulată trebuie să fie mult mai mare decât emisia spontană. a)  $U = \ln[Vf \cdot I + rezistența internă]$   
 $2? = dI/d7 =$   
 $e$

;(7-f  $I_L - I_S$   $V_L$  — în absența iluminării  $7 \Rightarrow 7_e = 0$  — și  $R_0 = kT/eI_e = -$   
 $= 25 \text{ k}\Omega$ ; b)  $E_{7_{ca}} = - \ln(1 - J_e/I_e) = 2.88 \text{ mV}$ ; c.)  $17 = - \ln(jR_0/r)$ ;  $\hat{I}_m =$   
 $e$   
 $= - \ln(7i_0/7?_{in}) = 0.23 \text{ V}$ ; d)  $P_m = UZ/R_m = 21 \text{ mW}$ ;  $y_1 = P_m/P_e = 12\%$ .  
 5.5 o, 20.  $E_{a, ni} = -G(m_a + m_x)/m_{jr} = -20 = -2(3E_0/4) = 20,4 \text{ eV}$ . CUPRINS

I. Concursuri de admitere în facultăți (1971—1983) .....  
 3

Enunțuri de probleme.....	3
1. Mecanică și acustică.....	3
2. Termodinamică și fizică moleculară.....	74
3. Electricitate și magnetism.....	125
4. Optică și fizică atomică.....	206
II. Concursuri naționale de fizică (1971—1983).....	231
Enunțuri de probleme.....	231
Soluții.....	423
1. Mecanică și acustică.....	423
2. Termodinamică și fizică moleculară.....	435
3. Electricitate și magnetism.....	444
4. Optică și fizică atomică.....	459

Concursuri naționale de fizică 465/ 5.1.17. Se dau: un balon de sticlă astupat cu un dop prin care pătrunde un tub de sticlă în formă de V care are unul din brațe mult mai scurt; un vas cu apă; un cilindru gradat (fig. 5.1.17).